Dr. Mathias J. Krause Dr. Stefan Findeisen M. Sc. Albert Mink M. Sc. Zoltán Veszelka

2.2.2017

Einstieg in die Informatik und Algorithmische Mathematik (WS 2016/2017)

Klausur

Bearbeitungszeit: 90 min

Gesamtpunktzahl: 90 Punkte

Tragen Sie Ihren Vor- und Nachnamen, Ihren Studiengang und Ihre Matrikelnummer ein.

Vorname:

Nachname:

Studiengang: Bachelor Mathematik (alle) Sonst:

Lehramt

Matrikelnummer:

Hinweise:

- Grundlage für diese Klausur ist die in der Vorlesung gelehrte Sprache Java.
- Es sind keine Hilfsmittel zugelassen.
- Jedes Lösungsblatt ist mit Namen und Matrikelnummer zu versehen.
- Schreiben Sie leserlich und mit einem dokumentenechten Stift.
 (Lösungen in Bleistift, löschbarer Tinte usw. werden bei der Bewertung nicht berücksichtigt)
- Durchgestrichene Abschnitte werden bei der Bewertung ebenfalls nicht berücksichtigt.

Bewertung:

1	2	3	4	5	Σ	Note

gabe 1 Ausdrücke	(10 Punkte)
en Sie das Ergebnis und den Datentyp der nachfolgenden Ausdrücke an:	
0b1100-0b101	
Ergebnis: Datentyp:	
0x25	
Ergebnis: Datentyp:	
12/5	
Fraehnis: Datentyn:	
Ligodino.	
(char) ('C'+2)	
Ergebnis: Datentyp:	
(false true) (!false && true)	
Ergebnis:Datentyp:	
4/2.0	
Ergebnis: Datentyp:	
3 5f	
Ergebnis: Datentyp:	
"Ergebnis ="+"?"	
Ergebnis: Datentyp:	
Ergebnis: Datentyp:	
Math.exp(0)	
Ergebnis: Datentyp:	
	en Sie das Ergebnis und den Datentyp der nachfolgenden Ausdrücke an: 0b1100-0b101 Ergebnis: Datentyp: 12/5 Ergebnis: Datentyp: (char) ('C'+2) Ergebnis: Datentyp: (false true) (!false && true) Ergebnis: Datentyp: 4/2.0 Ergebnis: Datentyp: 3.5f Ergebnis: Datentyp: "Ergebnis: Datentyp:

Aufgabe 2 Zahlensysteme Geben Sie die entsprechende Lösung mit Rechnung an. Gesucht ist:

(14 Punkte)

(a) Die Dezimaldarstellung der Oktalzahl 132_8 .

(b) Die Oktaldarstellung der Dezimalzahl 101.

(c) Die Binärdarstellung der Oktalzahl 1238.

(d) Die Hexadezimaldarstellung der Binärzahl 111111111_2 .

(e) Die Dezimaldarstellung der Hexadezimalzahl ${\rm A0C_{16}}.$

(f) Die Hexadezimaldarstellung der Oktalzahl 313_8 .

(g) Die Dezimaldarstellung des Binärbruchs 1100.011_2 .

Aufgabe 3 Klassenhierarchie

(6 Punkte)

Betrachten Sie die nachfolgenden Klassendefinitionen:

```
public class Sport {}

public class Kampfsport extends Sport {}

public class Ballsport extends Sport {}

public class Motorsport extends Sport {}

public class Automobilsport extends Motorsport {}

public class Motorradsport extends Motorsport {}
```

(a) Erstellen Sie ein Klassendiagramm, welches die Beziehungen der Klassen untereinander veranschaulicht.

Fortsetzung auf der nächsten Seite

(b) In der main-Methode eines Java-Programms stehen die Zeilen

```
Sport s;
Ballsport bs;
Automobilsport as;
```

Welche der folgenden Ausdrücke sind (unabhängig voneinander) gültig? Begründen Sie Ihre Entscheidung kurz.

```
(b2) as = new Automobilsport();
```

(b1) s = new Ballsport();

```
(b3) bs = new Sport();
```

```
(b4) s = (Kampfsport) new Ballsport();
```

Aufgabe 4 Matrixpotenz

(25 Punkte)

In der Vorlesung und der Übung haben Sie den Alogithmus von Pingala kennengelernt. Dieser ermöglicht die effiziente Berechnung einer Potenz $x^e, e \in \mathbb{N}, x \in \mathbb{R}$ oder $x \in \mathbb{C}$. Analog dazu lässt sich auch die Potenz $A^e, e \in \mathbb{N}$ einer Matrix $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ effizient berechnen:

$$A^e = \begin{cases} I, & \text{falls } e = 0, \\ (A^2)^{\frac{e}{2}}, & \text{falls } e > 0 \text{ gerade}, \\ A \, A^{e-1}, & \text{falls } e > 0 \text{ ungerade}. \end{cases} \tag{1}$$

Hierbei bezeichnet $I \in \mathbb{R}^{n \times n}$ die Einheits- bzw. Identitätsmatrix. Die Diagonaleinträge dieser Matrix sind eins, während alle anderen Einträge null sind, d.h.

$$I_{i,j} = \begin{cases} 1, & \text{falls } i = j, \\ 0, & \text{falls } i \neq j. \end{cases}$$

Schreiben Sie ein kompilier- und ausführbares Java-Programm, das die Potenz einer Matrix mithilfe des Pingala-Algorithmus (1) **rekursiv** berechnet. Gehen Sie wie folgt vor:

Erstellen Sie eine Klasse Matrixpotenz die folgende Elemente enthält:

- Eine Klassenmethode matrixEinlesen ohne formale Parameter. Diese soll zunächst die Anzahl der Zeilen und Spalten n einer Matrix $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ von der Konsole einlesen. Anschließend sollen die Komponenten A_{ij} der Matrix zeilenweise eingelesen werden. Geben Sie die Matrix als Variable vom Typ double [] [] zurück.
- Eine Klassenmethode matrixMult mit zwei formalen Parametern matrixA und matrixB vom Typ double[][].
 Hierbei bezeichnen matrixA und matrixB zwei übergebene Matrizen A, B ∈ ℝ^{n×n}.
 Schreiben Sie einen Methodenrumpf, in dem das Matrixprodukt AB berechnet wird und das Ergebnis in einer Variablen vom Typ double[][] zurück gegeben wird.

Hinweis: Verwenden Sie dazu drei for-Schleifen.

- Eine Klassenmethode matrixPow mit einem formalen Parameter matrixA vom Typ double[][] und einen ganzzahligen formalen Parameter e.
 Hierbei bezeichnet matrixA eine Matrix A ∈ ℝ^{n×n} und e einen Exponenten e ∈ ℕ. Berechnen Sie innerhalb des Methodenrumpfs die Potzenz A^e der übergebenen Matrix A nach dem Pingala—Algorithmus (1). Rufen Sie dazu die Klassenmethode matrixPow rekursiv auf und verwenden Sie die Klassenmethode matrixMult, um das Produkt zweier Matrizen zu berechnen. Geben Sie das Ergebnis in einer Variablen vom Typ double[][] zurück.
- Das Hauptprogramm. Lesen Sie zu Beginn eine Matrix $A \in \mathbb{R}^{n \times n}$ und einen Exponenten $e \in \mathbb{N}$ von der Konsole ein. Berechnen Sie anschließend die Matrixpotenz A^e . Verwenden dabei Sie die zuvor erstellten Klassenmethoden.

Aufgabe 5 *Mobilfunk*

(35 Punkte)

Schreiben Sie ein kompilier- und ausführbares Java-Programm, das ein einfaches Mobilfunknetz modelliert.

Verwenden Sie dazu die folgenden Klassen:

- Eine Klasse Teilnehmer, die die einzelnen Teilnehmer eines Betreibers simuliert. Diese können Textnachrichten an andere Teilnehmer versenden sowie die zuletzt empfangene Textnachricht im Speicher ihres Mobilfunkgerätes ablegen.
- Eine Klasse Betreiber, die den Betreiber eines Mobilfunknetzes simuliert. Der Betreiber verwaltet die Teilnehmer des Mobilfunknetzes.
- Eine Klasse Mobilfunk, die einen Markt mit einem Mobilfunkbetreiber simuliert.

Gehen Sie wie folgt vor:

Schreiben Sie eine Klasse Teilnehmer, welche die folgenden Elemente enthält:

- Eine ganzzahlige Variable nummer für die Rufnummer des Teilnehmers und zwei Zeichenketten name und speicher vom Typ String für den Namen des Teilnehmers und den Inhalt der zuletzt empfangenen Textnachricht. Außerdem eine Variable bt vom Typ Betreiber für den Betreiber des Mobilfunknetzes, welches der Teilnehmer nutzt. Hierbei soll die Variable nummer als öffentliche Instanz-Variable deklariert werden, während alle anderen Variablen als private Instanz-Variablen deklariert werden.
- Einen öffentlichen Konstruktor mit zwei Parametern für die ganzzahlige Rufnummer des Teilnehmers und den Betreiber des Mobilfunknetzes vom Typ Betreiber. Initialisieren Sie die Instanz-Variablen mit den übergebenen Werten bzw. belegen Sie diese mit sinnvollen Werten. Lesen Sie dabei den Namen des Teilnehmers von der Konsole ein.
- Eine öffentliche Instanz-Methode sendeNachricht mit zwei formalen Parametern für die ganzzahlige Rufnummer des Empfängers sowie für den Mobilfunkbetreiber des Empfängers vom Typ Betreiber. Lesen Sie dazu die Textnachricht von der Konsole ein. Geben Sie dabei eine Meldung auf dem Bildschirm aus, aus der ersichtlich wird, wer Sender und Empfänger der Nachricht ist. Speichern Sie die Textnachricht in der Komponente speicher des Empfängers ab.

Hinweis: Über die Variable bt können Sie auf alle gespeicherten Teilnehmer tn des gleichen Betreibers zugreifen.

• Eine öffentliche Instanz-Methode toString ohne formale Parameter mit einem Rückgabe-Parameter vom Typ String zur Ausgabe eines Objektes vom Typ Teilnehmer. Geben Sie dabei den Namen des Teilnehmers, seine Rufnummer und die zuletzt empfangene Textnachricht in einem String an die aufrufende Methode zurück. Schreiben Sie eine weitere Klasse Betreiber, welche die folgenden Elemente enthält:

- Eine ganzzahlige Variable anzahlTN in der die Anzahl der Teilnehmer des Betreibers gespeichert werden. Des Weiteren ein eindimensionales Feld tn vom Typ Teilnehmer[], in dem alle Teilnehmer des Betreibers gespeichert werden. Deklarieren Sie diese Variablen als öffentliche Instanz-Variablen.
- Einen öffentlichen Konstruktor mit einem formalen Parameter für die ganzzahlige Anzahl der Teilnehmer des Betreibers, in dem die Instanz-Variablen mit dem übergebenenen Wert sinnvoll initialisiert werden. Iterieren Sie anschließend in einer Schleife über die Anzahl aller Teilnehmer und legen Sie im *i*-ten Schleifendurchlauf den *i*-ten Teilnehmer explizit durch Aufruf des entsprechenden Konstruktors an. Speichern Sie dabei die Instanzen der Klasse Teilnehmer im Feld tn ab.

Hinweis: Die Teilnehmer eines Betreibers werden, beginnend mit der Zahl Null, fortlaufend durchnummeriert. Die Nummer entspricht dabei gleichzeitig der Rufnummer des Teilnehmers.

• Eine öffentliche Instanz-Methode bericht ohne formale Parameter, in der der aktuelle Status des Betreibers und aller Teilnehmer auf der Konsole ausgegeben wird. Dieser besteht aus der Anzahl der Teilnehmer und den Informationen jedes Teilnehmers, die mithilfe der toString Methode der Klasse Teilnehmer ausgegeben werden können.

Schreiben Sie eine Klasse Mobilfunk, welche nur das Hauptprogramm enthält:

- Erstellen Sie zu Beginn einen Betreiber fminus mit drei Teilnehmern und führen Sie anschließend die folgenden Aktionen aus:
 - (1) Teilnehmer 1 sendet eine Textnachricht an Teilnehmer 2,
 - (2) Teilnehmer 2 sendet eine Textnachricht an Teilnehmer 0.

Geben Sie im Anschluß daran den aktuellen Status des Betreibers mithilfe der Methode bericht auf dem Bildschirm aus.

Name.	Matrike	Inummer:
-------	---------	----------

Lösung 1 Ausdrücke

Gesamt 10 Punkte, je 1 pro Aufgabenteil (0.5 Punkt für Ergebnis, 0.5 Punkt für Datentyp)

- (a) 7 (int)
- (b) 37 (int)
- (c) 2 (int)
- (d) E (char)
- (e) true (boolean)
- (f) 2.0 (double)
- (g) 3.5 (float)
- (h) Ergebnis =? (String)
- (i) false (boolean)
- (j) 1.0 (double)

Lösung 2 Zahlensysteme

Gesamt 14 Punkte. Je 2 pro Aufgabenteil (1 Punkt Ergebnis, 1 Punkt Rechnung)

- (a) $432_8 = 2 + 3 * 8 + 1 * 64 = 90$
- (b) $101 = 1 * 64 + 4 * 8 + 5 = 145_8$
- (c) $123_8 = 1010011_2$
- (d) $111111111_2 = FF_{16}$
- (e) $ABC_{16} = 10 * 16 * 16 + 12 = 2560 + 12 = 2572$
- (f) $313_8 = 3 * 64 + 8 + 3 = 203 = 12 * 16 + 11 = CB_{16}$
- (g) 1100.011 = 8 + 4 + 0.25 + 0.125 = 12.375

Lösung 3 Klassenhierarchie

Gesamt 6 Punkte, Teil (a) 2 Punkte, Teil (b) jeweils 1.0 Punkte (Antwort: 0.5P, Begründung: 0.5P) (a)

(b)

- (b1) Gültig. Der Variable s vom Typ Sport wird eine Instanz der Klasse Ballsport zugewiesen. ("Ballsport ist Sport")
- (b2) Gültig. Der Variable as vom Typ Automobilsport wird eine Instanz der Klasse Automobilsport zugewiesen. ("Automobilsport ist Automobilsport")
- (b3) Ungültig. Die Klasse Sport ist Basisklasse der Klasse Ballsport. Daher ist eine Instanz der Klasse Sport keine Instanz der Klasse Ballsport. ("Sportarten sind im Allgemeinen keine Ballsportarten")
- (b5) Ungültig. Die Klasse Kampfsport ist wie die Klasse Ballsport von der Basisklasse Sport abgeleitet. Jedoch ist Kampfsport nicht Basisklasse der Klasse Ballsport. Auch der Typecast hilft hier nicht. ("Kampfsportarten sind keine Ballsportarten")

Lösung 4 Matrixpotenz

Matrixpotenz.java

```
/***********************
%%% Klasse Matrixpotenz
%%% Berechnet die Potenz einer quadratischen Matrix mithilfe des
%%% Pingala Algorithmus.
%%% Vorlesung: 'Einfuehrung in die Informatik mit JAVA', WS 16
%%% Klausur, Aufgabe 4
                                     응응응
응응응
                                     응응응
%%% Entwickelt am IANM 2, KIT
%%% Letzte Aenderung: Dez 2016, S. Findeisen.
import java.util.*; // OP bei "Scanner sc ... ", falls nicht vorhanden
/** Implementierung Martizenrechung */
class Matrixpotenz {
                                      // 1 1 25
 static Scanner sc = new Scanner(System.in);
                                      // 1 1 1
 // 1
 static double[][] matrixEinlesen() {
                                            1
                                      // 1
   int n = sc.nextInt();
                                            1
                                      // +
   double [][] matrix = new double[n][n];
                                          1
                                      // 2
   for (int i=0; i < n; i++)</pre>
                                      // 1
    for (int j=0; j < n; j++)
                                      // +
     matrix[i][j] = sc.nextDouble();
                                      // 1
   return matrix;
 %%% Gibt eine Matrix auf der Konsole aus - nicht gefragt! %%%%%%%%%%%
 static void matrixAusgeben(double[][] matrix) {
   int n = matrix.length;
   for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
    for (int j = 0; j < n; j++)
      System.out.printf("%6f ",matrix[i][j]);
    System.out.println();
   }
 }
```

Matrixpotenz.java

```
/*÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷÷
static double[][]
matrixMult(double[][] matrixA, double[][] matrixB) {
                                              // 1
  int n = matrixA.length;
                                              // +
  double[][] matrixC = new double[n][n];
                                              // 3
  for (int i=0; i<n; ++i)</pre>
                                              // 1
   for (int j=0; j<n; ++j)
                                              // 1
    for (int k=0; k < n; ++k)
                                              // +
     matrixC[i][j] += matrixA[i][k] * matrixB[k][j];
                                              // 1
  return matrixC;
}
static double[][]
                                              // 1
matrixPow(double[][] matrixA, int e) {
                                                  9
                                              // 1
  if (e<=0) {
                                              // 1
   int n = matrixA.length;
   double[][] matrixC = new double[n][n];
                                              // +
   for (int i=0; i<n; ++i)</pre>
                                              // 2
                                              // +
    matrixC[i][i] = 1;
   return matrixC;
                                              //
                                              // 3
  if (e%2 == 0)
                                              // 1
   return matrixPow(matrixMult(matrixA, matrixA), e/2);
                                              // 1
  else
                                              // +
   return matrixMult (matrixA, matrixPow (matrixA, e-1));
}
// 1
public static void main(String[] args) {
 Locale.setDefault(Locale.US);
                                              //
                                              //
  System.out.println("Geben Sie eine Matrix A ein:");
                                              // 1
  double[][] matrixA = matrixEinlesen();
  System.out.println("Geben Sie einen Exponenten:");
                                              //
                                              // 1
  int n = sc.nextInt();
                                              // +
  double[][] matrixAn = matrixPow(matrixA,n);
  System.out.println("A^"+n+"=");
                                              //
                                              //
 matrixAusgeben(matrixAn);
}
```

Lösung 5 Mobilfunk

Mobilfunk.java

```
%%% Klasse Mobilfunk
%%% Simuliert zusammen mit den Klassen Betreiber und Teilnehmer
%%% einen Markt mit einem einfachen Mobilfunknetz.
%%% Vorlesung: 'Einfuehrung in die Informatik mit JAVA', WS 16
%%% Klausur, Aufgabe 5
                                 응응응
응응응
                                 응응응
%%% Entwickelt am IANM 2, KIT
%%% Letzte Aenderung: Dez 2016, S. Findeisen.
import java.util.*; // OP bei "private Scanner ... ", falls nicht vorhanden
// Gesamtpunktzahl: 35
// - Teilnehmer 17
// - Betreiber 12
// - Mobilfunk 6
// 1 1 17
class Teilnehmer {
 // 1 4
 public int nummer;
                                  // 1 |
// 1 |
 private String name, speicher;
 private Betreiber bt;
                                  // 1 +
 private Scanner sc;
 // 1 6 1
 public Teilnehmer(int num, Betreiber betreiber) {
  nummer = num;
                                  // 1 | |
                                  // 1 | |
  bt = betreiber;
                                  // 1 | |
  sc = new Scanner(System.in);
  System.out.println("Name des Teilnehmers mit der Nummer "
                                  //
                                  // 1 1
               + nummer +": ");
                                  // 1 | |
  name = sc.next();
  speicher = "Keine neue Nachricht";
                                  // 1 + /
 }
```

Mobilfunk.java

```
public void sendeNachricht(int num, Betreiber betreiber) {
  System.out.println(name + " schreibt an "
                                  // 1
                                  // +
            + betreiber.tn[num].name);
                                     1
                                  // 1 +
  betreiber.tn[num].speicher = sc.next();
 /*********************************
 %%% Gebe Teilnehmer-Informationen als Zeichenkette zurueck. %%%%%%%%%
 public String toString () {
                                  // 1 3 /
  return ("\nName: " + name
                                  // 2 | |
                                  // 1 1 1
      + "\n o Rufnummer: " + nummer
      + "\n o Nachricht: " + speicher + "\n");
                                  // + + +
}
/**;
class Betreiber {
 // 1 2 /
 public Teilnehmer[] tn;
                                  // 1 + /
 public int anzahlTN;
 // 1 5 /
 public Betreiber (int anzahlTN) {
  this.anzahlTN = anzahlTN;
                                  // 1 | |
                                  // 1 | |
  tn = new Teilnehmer[anzahlTN];
                                  // 2 | |
  for (int i=0;i<anzahlTN;i++)</pre>
    tn[i] = new Teilnehmer(i,this);
 }
 %%% Gebe Betreiber-Informationen als Zeichenkette zurueck. %%%%%%%%%%%
 public void bericht () {
                                  // 1 4
  System.out.println("Betreiber mit "+anzahlTN+" Teilnehmern:");
                                  // 1 | |
                                  // 2
                                     1
  for (int num=0; num<anzahlTN; num++)</pre>
                                  // + +
   System.out.println(tn[num]);
```

Mobilfunk.java

```
/***********************
// 1 1 6
class Mobilfunk{
 public static void main (String [] args) {
                            // 1 5 /
                            // 1 | |
  Betreiber fminus = new Betreiber(3);
                            // 1 | |
  fminus.tn[1].sendeNachricht(2,fminus);
  fminus.tn[2].sendeNachricht(0,fminus);
                            // 1 | |
                            // 1 + +
  fminus.bericht();
 }
```