Ejercicios de Análisis y Tratamiento de Datos en Geofísica y Meteorología. Curso 2021-22

Alberto Calzada Chávez

Enero de 2021

Índice

1	Introducción	3
2	Ejercicio 1: Análisis de señales sísmicas	3
	2.1 Ejercicio 1.1: Análisis de la señal de un vibrador sísmico	3
	2.2 Ejercicio 1.2: Análisis de la componente vertical del sismograma de Hokaido .	5
3	Ejercicio 2: Análisis de señales meteorológicas	9
Re	eferencias	14
A	Scripts	14
	A.1 ejercicio_1.m	14
	A 2 ejercicio 2 m	18

1 Introducción

En este trabajo se pretende resolver una serie de ejercicios propuestos utilizando el lenguaje de programación MATLAB. Los ejercicios tratan los distintos conceptos vistos en clase sobre la teoría y el análisis de señales temporales. En el primer ejercicio (Sec. 2) trabajaremos con señales de tipo sísmico, mientras que en el segundo (Sec. 3) lo haremos con señales meteorológicas. El código escrito en MATLAB para la resolución de los ejercicios puede consultarse en el Apéndice A.

2 Ejercicio 1: Análisis de señales sísmicas

2.1 Ejercicio 1.1: Análisis de la señal de un vibrador sísmico

En este primer ejercicio trabajamos con la señal de un vibrador sísmico. Los datos, que encontramos en el fichero **vibroseis.mat**, cuentan con las siguientes variables:

- xw: Señal generada por un vibrador sísmico.
- yr: Simulación de la respuesta del suelo a la excitación xw.
- dt: Intervalo de muestreo.

Lo primero que se nos pide es representar xw e yr en función del tiempo. En la Fig. 1 hemos representado estas dos señales.

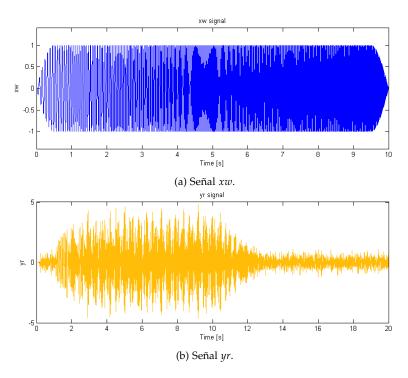


Figura 1: Señal xw (arriba) e yr (abajo) del conjunto de datos vibroseis.mat

Lo siguiente que hacemos es calcular la transformada de Fourier de xw para representar su módulo en función de la frecuencia (líneas 43 a 58 de A.1). Según nos dice el enunciado del ejercicio, la señal xw está generada mediante un barrido senoidal con frecuencias desde

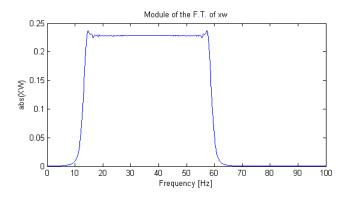


Figura 2: Módulo de la transformada de Fourier de xw en función de la frecuencia.

unos 10Hz hasta los 60Hz. Por ello, esperamos que el módulo de la transformada de Fourier en este rango de frecuencias sea visiblemente mayor que para el resto de frecuencias.

En la Fig. 2 podemos ver que, efectivamente, las frecuencias que componen la señal xw se encuentran en el rango 10 a 60Hz. Con este ejemplo se puede entender muy bien la utilidad de la transformada de Fourier en el análisis de series temporales. Esta herramienta matemática nos permite cambiar nuestras señales del dominio del tiempo al de la frecuencia, y viceversa, para trabajar con éstas en el que más nos convenga.

Una vez vista la composición en frecuencias de xw, pasamos a ver su espectrograma, lo que corresponde al código escrito entre las líneas 60 y 68 de A.1. La función **spectrogram** [MathWorks 2021f] de MATLAB realiza la transformada de Fourier discreta de la señal que le pasemos como argumento. Para ello, nosotros hemos escogido una ventana de 1024 puntos. La resolución en frecuencias que conseguimos entonces es $\Delta f = 1/1024dt = 0.98Hz$, más que suficiente para observar con nitidez el rango de 50Hz (de 10 a 60Hz) en el que estamos interesados.

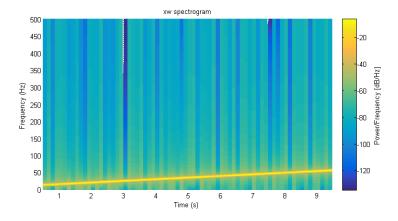


Figura 3: Espectrograma de la señal xw.

El espectrograma de una señal nos va a mostrar el contenido en frecuencia estimado de una señal a lo largo del tiempo. En la Fig. 3 hemos representado el espectrograma de xw. Como podemos observar, la frecuencia de la señal se encuentra en el intervalo 10 a 60Hz, como ya sabíamos. Además, su dependencia con el tiempo es lineal, variando desde los 10Hz en un inicio hasta los 60Hz a los 10s. Esto coincide con lo que observamos en la Fig. 1a, donde vemos que inicialmente los «picos» de la señal senoidal están mas separados (menor frecuencia) que al final.

Para acabar, vamos a analizar la correlación cruzada entre las señales xw e yr, la respuesta del suelo, determinando así los tiempos de viaje de las reflexiones. El código escrito para realizar este análisis es el comprendido entre las líneas 70 y 88 de A.1.

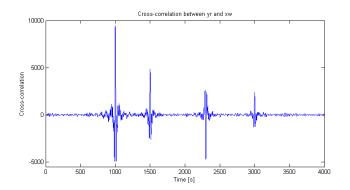


Figura 4: Correlación cruzada entre las señales xw e yr.

En la Fig. 4 hemos representado la correlación cruzada entre xw e yr. Tal y como podemos observar, hay determinados instantes para los que la correlación se dispara. Estos tiempos corresponden a los tiempos de viaje de las reflexiones de la señal sísmica. Utilizando la herramienta de gráficos de MATLAB para obtener las coordenadas de los puntos de una señal, determinamos que los tiempos de viajes son: 1000s, 1500s, 2300s y 3000s.

2.2 Ejercicio 1.2: Análisis de la componente vertical del sismograma de Hokaido

Pasamos ahora a analizar la componente vertical del terremoto de Hokaido, Japón, registrado en la estación de Sierra Elvira. Las variables a utilizar en este ejercicio se encuentran en el fichero **japon.mat** y son las siguientes:

- wx: Componente vertical de la velocidad del suelo.
- t: Vector de tiempo en minutos.

Además, tenemos un factor de conversión de la velocidad del suelo para pasar de número de cuentas a $\mu m/s$. En nuestro caso vamos a trabajar en segundos, por lo que le aplicamos el factor de conversión a wx y multiplicamos por 60 el vector t. Esto lo hacemos en A.1 entre las líneas 93 y 116.

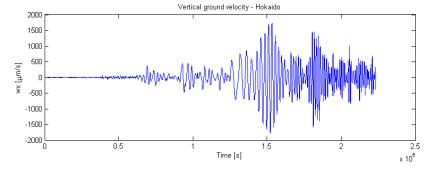


Figura 5: Velocidad vertical del suelo registrada en la estación de Sierra Elvira, Granada, tras el terremoto de Hokaido, Japón.

A modo de referencia para el resto del ejercicio, en la Fig. 5 se ha representado la velocidad vertical del suelo wx.

Lo primero que se nos pide en este ejercicio es estimar el rango de periodos del tren de ondas superficiales. Para ello, utilizamos la herramienta gráfica de MATLAB que mencionamos antes y calculamos la diferencia temporal entre picos consecutivos de wx. En particular, escogemos un par de picos consecutivos alrededor de $1.5*10^5s$ y otro par de picos en el entorno de $1.8*10^5s$. Escogemos estos instantes pues es alrededor de estos donde se concentran las ondas de mayor amplitud. Los periodos observados son:

$$t_2 - t_1 = 1.534 * 10^5 s - 1.510 * 10^5 s \rightarrow T_1 = 2.4 * 10^3 s$$
 y (2.1)

$$t_2 - t_1 = 1.818 * 10^5 s - 1.806 * 10^5 s \rightarrow T_2 = 1.2 * 10^3 s$$
. (2.2)

Una vez estimados los periodos, se nos pide diseñar un filtro paso-baja de tipo FIR para dejar pasar únicamente las ondas superficiales, filtrando las de mayor frecuencia. Puesto que no estamos seguros de si el segundo periodo estimado corresponde a ondas superficiales o no, hemos construido un filtro que únicamente deja pasar ondas con periodo igual o mayor que T_1 y otro que deja pasar ondas con periodo igual o mayor que T_2 (incluyendo, entonces, las de periodo T_1).

Para diseñar los filtros lo primero que necesitamos son las frecuencias de corte a utilizar. A partir de T_1 y T_2 (Ec. (2.1) y (2.2), respectivamente) es fácil estimar estas frecuencias:

$$f_1 = \frac{1}{T_1} = 4.1667 * 10^{-4} Hz \to fc_1 = 0.0005 Hz$$
, (2.3)

$$f_2 = \frac{1}{T_2} = 8.3333 * 10^{-4} Hz \to fc_2 = 0.0009 Hz$$
. (2.4)

Puesto que para construir los filtros vamos a utilizar la función **fir1** [MathWorks 2021c] de MATLAB, necesitamos ahora definir la longitud de nuestros filtros. Para ello tenemos que tener en cuenta que la longitud elegida (en número de puntos) debe corresponder a un periodo de tiempo mayor que el correspondiente a la frecuencia de corte escogida. En nuestro caso, a la frecuencia de corte fc_1 le corresponde un periodo de tiempo de $1/0.0005Hz = 2 * 10^4 s$. Dividiendo por dt tenemos que estos son unos $1.67 * 10^3$ puntos. Por su parte, a la frecuencia de corte fc_2 le corresponde un periodo de tiempo de $1/0.0009Hz = 1.1111 * 10^3 s$. Dividiendo por dt tenemos que estos son unos $0.9259 * 10^3$ puntos.

De esta forma, escogemos la siguiente longitud para cada uno de los filtros:

$$l_{-}filtro_{1} = 3 * 10^{3} \text{ puntos}$$
 (2.5)

$$l_{-}filtro_{2} = 2 * 10^{3} \text{ puntos}$$
 (2.6)

Por último, tenemos que tener en cuenta que la frecuencia que hay que utilizar con la función **fir1** es la frecuencia de corte normalizada a la Frecuencia de Nyquist. Esta última se define como la mitad de la frecuencia de muestreo. La Frecuencia de Nyquist corresponde a la frecuencia más alta para la que disponemos de información al muestrear una señal con una frecuencia determinada. Otra particularidad a tener en cuenta cuando diseñamos filtros FIR es que tan solo tenemos un coeficiente *a* y es igual a 1. Todo esto que estamos explicando corresponde al código escrito entre las líneas 118 y 165 de A.1.

Antes de pasar al siguiente punto, es interesante e ilustrador que veamos el efecto que tiene cada uno de los filtros sobre la señal wx. Como hemos dicho, esperamos que el filtro con frecuencia de corte fc_1 deje pasar principalmente la señal con periodo igual o mayor que el que tiene alrededor de $1.5*10^5s$; mientras que el filtro con fc_2 dejará pasar tanto

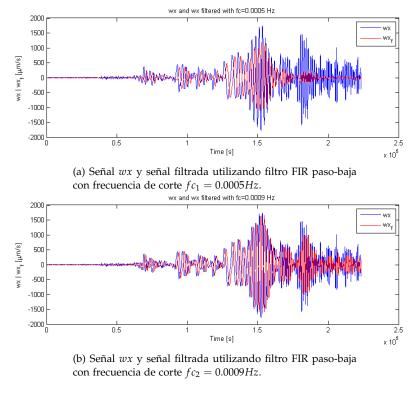


Figura 6: Señal *wx* y señal filtrada mediante filtro FIR utilizando la frecuencia de corte a) 0.0005Hz y b) 0.0009Hz.

componentes de la señal con este periodo como con un periodo algo mayor, de $1.8*10^5 s$ aproximadamente.

Como podemos ver en la Fig. 6, la señal filtrada utilizando cada uno de los filtros corresponde con lo que esperábamos al diseñarlos.

Pasamos ahora a calcular la envolvente de la señal filtrada y a representarla junto a ésta. El código MATLAB que hemos escrito para hacer esto corresponde a las líneas 167 a 184 de A.1.

En primer lugar, calculamos la función analítica correspondiente a wx_f , que es la señal filtrada. Esto lo hacemos utilizando la función **hilbert** [MathWorks 2021d] de MATLAB. El resultado será una función compleja cuya transformada de Fourier no tiene componentes negativas de frecuencia (es por esto por lo que se llama función «analítica»). Como partíamos de una función real (wx_f) , hacer esto no supone una pérdida de información.

Una vez calculada la función analítica calculamos su módulo y la representamos junto con la señal filtrada. El resultado lo podemos ver en la Fig. 7, donde se aprecia de forma clara la diferencia de la señal filtrada utilizando un filtro u otro.

Para acabar este ejercicio, y también el análisis de las señales de tipo sísmico, vamos a simular la respuesta de un sismómetro de corto periodo. Para ello, vamos a aplicar un filtro Butterworth paso-alta de 1Hz a la señal original, wx, y vamos a representar luego la señal filtrada. Esto es lo que hacemos entre las líneas 186 y 204 de A.1.

Como siempre, para diseñar un filtro del tipo que sea tenemos que conocer los parámetros que necesitamos pasarle a la función de MATLAB que vayamos a utilizar. En este caso la función será **butter** [MathWorks 2021a], que nos permite diseñar este tipo de filtros de forma directa y muy sencilla. Para utilizar esta función tan solo vamos a necesitar tres parámetros: el orden, la frecuencia de corte normalizada a la frecuencia de Nyquist (y de la que ya hemos

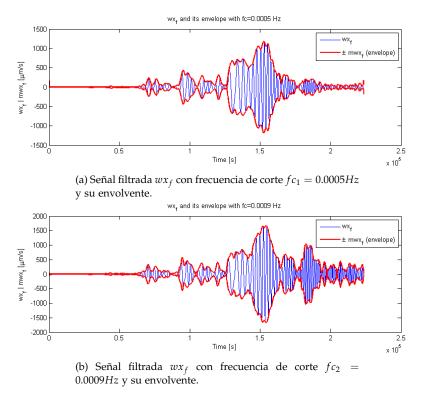


Figura 7: Señal wx_f filtrada con frecuencia de corte a) 0.0005Hz y b) 0.0009Hz y su envolvente asociada.

hablado) y el tipo de filtro ('high', 'low', 'bandpass', etc). El orden de un filtro tipo Butterworth va a determinar, entre otras cosas, el número de coeficientes del filtro y la pendiente de la banda de paso. Mientras mayor sea el orden más coeficientes tendremos y mayor será la pendiente de la banda de paso. En nuestro caso, hemos elegido un filtro de orden 4 y como tipo de filtro hemos usado 'high', para dejar pasar las frecuencias mayores a la frecuencia de corte que utilicemos.

Algo que también debemos tener en cuenta es que nosotros estamos trabajando con el tiempo en unidades de segundos, no minutos. Es por ello que, si probamos a utilizar como frecuencia de corte 1Hz, MATLAB nos mostrará un error en la ventana de comandos que nos dice «*The cutoff frequencies must be within the interval of* (0,1)». En nuestro caso, al trabajar en segundos, esto sucede porque la frecuencia de corte que estamos escogiendo es mayor que la frecuencia de Nyquist, siendo entonces la frecuencia de corte normalizada mayor que 1. La solución a esto es simple: cambiar las unidades de la frecuencia de corte a las apropiadas. La nueva frecuencia de corte será

$$fc = \frac{1 \text{ ciclo}}{\min} = \frac{1 \text{ ciclo}}{\min} * \frac{1 \text{ min}}{60 \text{s}} = \frac{1}{60} Hz = 0.0167 Hz.$$
 (2.7)

Una vez determinada la frecuencia de corte correcta, filtramos la señal wx con el filtro que hemos diseñado. El resultado lo podemos ver en la Fig. 8.

Tal y como podemos observar, la amplitud de la velocidad del suelo debida a las componentes de mayor frecuencia es muy pequeña. Vemos que la respuesta de un sismómetro de corto periodo se concentraría en los primeros instantes del terremoto. En nuestro caso, casi la totalidad de la respuesta de éste se concentra en el intervalo que va de $0.25*10^5$ a $0.6*10^5s$.

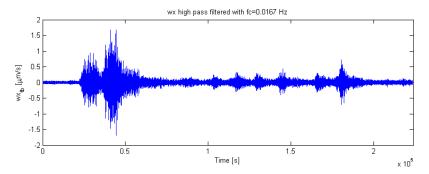


Figura 8: Señal wx filtrada con un filtro Butterworth paso-alta con frecuencia de corte fc = 1/60Hz.

3 Ejercicio 2: Análisis de señales meteorológicas

Pasamos ahora a realizar el análisis y resolver los ejercicios asociados a señales de origen meteorológico. El código en MATLAB que hemos escrito para la resolución de este ejercicio puede encontrarse en A.2. Los datos para este ejercicio los encontramos en el fichero **meteo1.mat**, que contiene series de variables meteorológicas de varios meses para un lugar de Granada. Dichas variables son las siguientes:

- p: Vector de presión atmosférica en unidades de mbar. Tenemos muestras cada 15min.
- td: Vector de tiempo en días.
- te: Vector de temperatura del aire.
- he: Vector de humedad relativa.
- ti: Tiempo inicial de la serie en formato MATLAB.

Lo primero que hacemos es representar tanto la presión como la temperatura en función del tiempo. El código correspondiente lo encontramos en las líneas 25 a 39 de A.2.

Tal y como podemos ver en la Fig. 9 y, en especial, en la serie temporal de la temperatura (Fig. 9b), hay intervalos en los que estas variables toman valores muy altos o bajos de forma continuada. Estos intervalos, como el que va desde el día 90 al 110 aproximadamente, o desde el 120 en adelante, corresponden con cambios estacionales de las condiciones atmosféricas. En esta serie el día 100 corresponde con el 3 de febrero, lo que es consistente con las temperaturas tan bajas que se han medido.

Pasamos ahora a diezmar la señal a un periodo de muestreo de una hora. La señal que nosotros hemos escogido ha sido la de la temperatura. En el código esto corresponde con las líneas 41 a 56 de A.2.

Para diezmar la señal vamos a utilizar la función **decimate** [MathWorks 2021b], y no directamente la función **downsample**, porque esta función aplica un filtro paso-baja antes hacer el diezmado. Lo hacemos así para protegernos de un posible defecto de «aliasing» tras diezmar la señal. Al diezmar una señal la frecuencia de muestreo disminuye (al aumentar el intervalo de muestreo). Si la señal estaba compuesta por componentes en frecuencia mayores que la mitad de la nueva frecuencia de muestreo, es decir, mayores que la nueva frecuencia de Nyquist, se producirá aliasing.

Puesto que la temperatura, variable *te*, se encuentra muestreada cada 15min, tenemos que diezmarla un factor 4. Para diezmar el vector de tiempo, *td*, basta con utilizar la función *downsample* puesto que es una función lineal y diezmarlo con *decimte* lo deformaría.

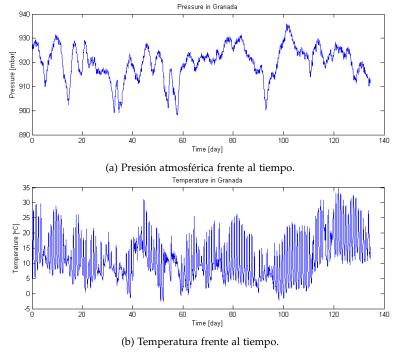


Figura 9: Serie temporal de a) la presión y b) la temperatura en algún emplazamiento de Granada.

A continuación, vamos a crear un filtro paso-alta para eliminar la tendencia estacional presente en los datos y que ya comentamos al inicio del ejercicio, lo que corresponde con las líneas 58 a 87 de A.2. Con dicho objetivo, nosotros hemos decidido utilizar un filtro tipo Butterworth paso-alta. Hemos escogido éste y no uno tipo FIR puesto que el primero no deforma la potencia de la señal en la banda de paso. Además, en este caso no nos preocupa que la pendiente de la banda de transición no sea muy acusada, ya que la tendencia estacional no empieza a ninguna frecuencia concreta. Incluso puede ser beneficioso tener cierta «contaminación» de frecuencias por debajo de la frecuencia de corte que escojamos.

Para eliminar la tendencia estacional hemos escogido una frecuencia de corte de un mes, por lo que:

$$fc = \frac{1 \text{ ciclo}}{\text{mes}} = \frac{1 \text{ ciclo}}{\text{mes}} * \frac{1 \text{ mes}}{30 \text{ días}} = \frac{1 \text{ ciclo}}{30 \text{ días}}.$$
 (3.1)

Además, para evitar problemas a la hora de filtrar los datos, le restamos primero la media de la serie a ésta y, tras filtrarla, se la volvemos a sumar.

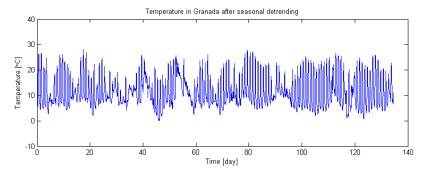


Figura 10: Serie de la temperatura en Granada tras filtrarla mediante un filtro paso-alta con frecuencia de corte fc=1 ciclo/30 días. Esta serie corresponde a la serie de temperaturas sin la tendencia estacional.

El resultado lo podemos ver la Fig. 10, donde se sigue observando la variación diaria de la temperatura pero ya no se observan tendencias al alza o la baja dependiendo del momento del año. Hemos de decir que este resultado, aunque esperado, nos ha impresionado. Vemos que hemos eliminado de manera efectiva la tendencia estacional de la temperatura.

Ahora vamos a hacer algo parecido pero vamos a eliminar la fluctuación diaria de la temperatura. De esta forma, esperamos que la señal resultante corresponda a la tendencia estacional. El código correspondiente lo encontramos en A.2 entre las líneas 89 y 118. De forma análoga a lo que hicimos antes en la Ec. (3.1), escogemos ahora la frecuencia de corte

$$fc = \frac{1 \text{ ciclo}}{\text{semana}} = \frac{1 \text{ ciclo}}{\text{semana}} * \frac{1 \text{ semana}}{7 \text{ días}} = \frac{1 \text{ ciclo}}{7 \text{ días}},$$
 (3.2)

para filtrar aquellas frecuencias mayores que las correspondientes a un periodo de una semana.

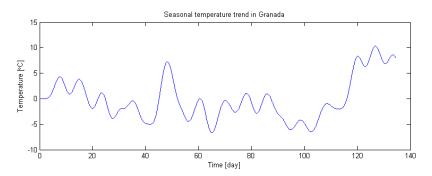


Figura 11: Tendencia estacional de la temperatura en Granada tras filtrarla mediante un filtro paso-baja con frecuencia de corte ^{1 ciclo/7} días.

El resultado lo podemos ver en la Fig. 11. Se puede observar con total claridad lo que comentábamos al inicio del ejercicio.

Pasamos ahora a calcular la envolvente de la fluctuación diaria de la temperatura. Esto corresponde con el código entre las líneas 120 y 204 de A.2.

Si antes para eliminar la fluctuación diaria hemos utilizado un filtro paso-baja con la frecuencia de corte $fc = \frac{1 \text{ ciclo}}{7 \text{ días}}$, para quedarnos con esta fluctuación utilizaremos un filtro con la misma frecuencia de corte pero de tipo paso-alta. Una vez que aplicamos el filtro, y antes de sumar de nuevo la media, calculamos la función analítica y su módulo de la misma forma que lo hicimos en la Subsec. 2.2.

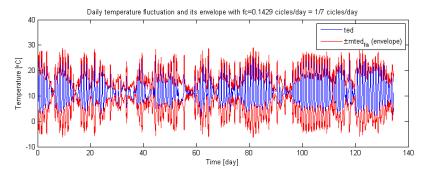


Figura 12: Fluctuación diaria de la temperatura en Granada y su envolvente tras aplicar un filtro paso-alta con frecuencia de corte 1 ciclo/7 días.

El resultado lo podemos observar en la figura Fig. 12. Sin embargo la envolvente tiene muchos picos, lo que hace muy difícil apreciar verdaderamente su forma. Para tratar de

verla de forma algo más clara, vamos a realizarle un suavizado utilizando para ello un filtro de Butterworth paso-baja. El código para realizar este suavizado se encuentra A.2 entre las líneas 147 y 190 y es opcional realizarlo, tan solo hay que modificar la variable *quiere_suavizar* para aplicarlo o no aplicarlo.

Tras probar con distintas frecuencias de corte para este filtro, hemos decidido utilizar una frecuencia de corte $fc_s = 1 \text{ ciclo}/1.5 \text{ días}$.

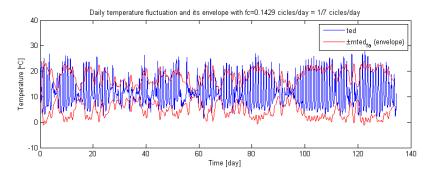


Figura 13: Fluctuación diaria de la temperatura en Granada y su envolvente suavizada tras aplicar un filtro paso-alta con frecuencia de corte fc = 1 ciclo/7 días. La frecuencia de corte utilizada en el suavizado de la envolvente ha sido $fc_s = 1 \text{ ciclo}/1.5 \text{ días}$.

El resultado del suavizado lo podemos ver en la Fig. 13. Ahora se aprecia mucho mejor la forma de la envolvente. Sin embargo, y como podemos ver en la figura, el suavizado tiene un defecto y es que disminuye la amplitud de la señal. Es por ello que hay que ser cuidadoso con la frecuencia fc_s que escojamos, ya que a medida que sea más pequeña, el suavizado será mayor pero la envolvente se parecerá, cada vez menos, a la fluctuación diaria de la temperatura.

Además de aplicarle este suavizado a la envolvente, también hemos tratado de corregirle el desfase introducido por el filtro. Para ello, hemos calculado la correlación cruzada entre la envolvente tras aplicar el filtro y la fluctuación de temperaturas. Hemos calculado entonces el desfase como el «lag» para el que la correlación cruzada es máxima. Dependiendo de si la señal suavizada se adelanta o se atrasa, corregimos el desfase. Esto corresponde con las líneas 161 a 190 de A.2 y el resultado está ya incorporado en la Fig. 13.

Pasamos ahora a calcular la transformada de Fourier de la fluctuación diaria de temperaturas, lo que corresponde con las líneas 206 a 217 de A.2. Para realizar dicho cálculo utilizamos la función **trfour** la cual, a diferencia de la función **tfour**, no aplica la ventana de Hamming.

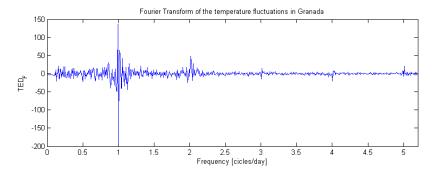


Figura 14: Transformada de Fourier de la fluctuación diaria de temperaturas en Granada.

Como ya comentamos en la primera parte del trabajo, la transformada de Fourier no es más que una operación matemática que utilizamos en el campo del análisis de señales para cambiar una función del dominio del tiempo al dominio de la frecuencia, y viceversa. Esto nos permite realizar operaciones con la serie en el dominio que más nos convenga.

En el caso que nos atañe, podemos ver en la Fig. 14 la transformada de Fourier de la fluctuación diaria de temperaturas frente a la frecuencia. Vemos que las frecuencias para las que la amplitud es mayor coinciden con múltiplos enteros de la frecuencia f=1 ciclo/día, es decir, estas especies de «frecuencias de resonancia» son

$$f_{res} = n \frac{1 \text{ ciclo}}{\text{día}}, n \in \mathbb{N}.$$
 (3.3)

Este fenómeno es algo que tiene cierto sentido si tenemos en cuenta dos cosas. Por un lado, que hemos filtrado la serie que estamos utilizando de aquellas frecuencias menores que 1 ciclo/7 días. Y, por otro, que existe una periodicidad diaria obvia en las magnitudes físicas atmosféricas, y la temperatura no es una excepción. Es por esto que la frecuencia de mayor amplitud es la de 1 ciclo/1 día y que corresponde con este ciclo diario.

Por último, y para acabar el ejercicio, vamos a realizar una predicción lineal de la temperatura con un modelo autorregresivo. El código escrito para hacerlo lo encontramos entre las líneas 219 y 252 de A.2.

Para crear el modelo autorregresivo utilizamos la función **lpc** [MathWorks 2021e]. Esta función crea un filtro de predicción lineal, tomando como primer argumento la señal a predecir y como segundo argumento el orden del predictor. En nuestro caso, y tras distintas pruebas, hemos escogido un predictor de orden 20 para predecir la serie de temperaturas. Puesto que el filtro que la función **lpc** crea es de tipo FIR, al aplicarlo debemos de recordar que tan solo tenemos un coeficiente *a* y que éste vale 1.

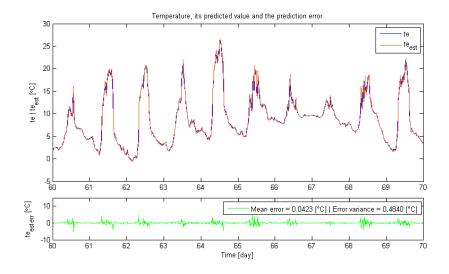


Figura 15: Temperatura predicha en Granada mediante un modelo autorrergesivo de predicción lineal de orden 20 (arriba) y su error (abajo).

En la Fig. 15 podemos ver la serie de temperaturas predicha, entre el día 60 y 70, con el modelo autorregresivo lineal que hemos creado. Podemos ver que el error es mayor en los picos, como es normal. Aún así, para un filtro de orden 20 el error medio cometido es menor que $0.05^{\circ}C$, y la varianza de éste es también menor que $0.5^{\circ}C$.

Referencias

Calzada C., Alberto (2021). *Time Series repository*. URL: https://github.com/albertoCCz/time_series (visitado 07-01-2022).

MathWorks (2021a). butter - MATLAB documentation. URL: https://www.mathworks.com/help/signal/ref/butter.html (visitado 01-01-2022).

- (2021b). decimate MATLAB documentation. URL: https://www.mathworks.com/help/signal/ref/decimate.html (visitado 01-01-2022).
- (2021c). fir1 MATLAB documentation. URL: https://www.mathworks.com/help/signal/ref/fir1.html (visitado 01-01-2022).
- (2021d). hilbert MATLAB documentation. URL: https://www.mathworks.com/help/signal/ref/hilbert.html (visitado 01-01-2022).
- (2021e). *lpc MATLAB documentation*. URL: https://www.mathworks.com/help/signal/ref/lpc.html (visitado 01-01-2022).
- (2021f). spectrogram MATLAB documentation. URL: https://www.mathworks.com/help/signal/ref/spectrogram.html (visitado 01-01-2022).

A Scripts

En este apéndice mostramos los dos scripts de MATLAB escritos para la resolución de los ejercicios planteados. Estos scritps, así como los datos para ejecutarlos, las representaciones creadas y este mismo informe, estarán disponibles en el repositorio de GitHub [Calzada C. 2021] a partir de la fecha de entrega máxima de este trabajo.

A.1 ejercicio_1.m

Script en lenguaje MATLAB para la resolución del Ejercicio 1 (Sec. 2).

```
% Ejercicio de Análisis y Tratamiento de Datos en Geofísica y
  % Meteorología. Curso 2021-22.
  % -----
  % Autor: Calzada Chávez, Alberto.
  % Email: alcalzada95@correo.ugr.es
  % Ejercicio 1: Análisis de señales sísmicas
  % -----
10
  %% Ejercicio 1.1: Análisis de la señal de un vibrador sísmico
11
  clear, clc
13
14
  % Definimos el parámetro 'Position' de las figuras
15
  pos = [200 200 900 300];
16
17
  % Cargamos los datos
  load vibroseis.mat;
19
20
  %% 1.1.1 Representar xw y yr en función del tiempo:
```

```
22 % -----
  % Creamos vectores tiempo
24   tx = (1:length(xw))*dt;
25 ty = (1:length(yr))*dt;
27 % Representamos xw
28 figure('Position', pos)
29 plot(tx,xw,'b')
30 ylim([-1.4 1.4])
31 xlabel('Time [s]')
32 ylabel('xw')
33 title('xw signal')
34 xlim([0 10])
35
36 % Representamos yr
37 figure('Position', pos)
38 plot(ty,yr,'Color',[1 0.745 0.039])
39 xlabel('Time [s]')
40 ylabel('yr')
  title('yr signal')
41
43 %% 1.1.2 Trans. Fourier de xw. Representar módulo en función de la
44 % frecuencia:
45 % ------
  % Calculamos Transformada de Fourier con trfour
   [f,XW] = trfour(xw,length(xw),dt);
47
49 % Calculamos su módulo
mXW = abs(XW);
51
52 % Representamos el módulo de XW en función de la frecuencia
53 figure('Position',[200 200 600 300])
54 plot(f,mXW,'b')
  xlim([0 100])
56 xlabel('Frequency [Hz]')
57 ylabel('abs(XW)')
   title('Module of the F.T. of xw')
59
60 %% 1.1.3 Representación del espectrograma de xw:
   % -----
62 % Representamos el espectrograma
63 figure('Position',[200 200 800 400]);
   spectrogram(xw,1024,900,1024,1/dt,'yaxis'); \% \Delta f = 1/1024dt = 0.98Hz
65 cb = colorbar;
   ylabel(cb,'Power/Frequency [dB/Hz]')
   title('xw spectrogram')
67
   colormap(parula)
70 %% 1.1.4 Cálculo de la correlación entre yr y xw:
71 % -----
72 % Calculamos la correlación cruzada
   [cc,lags]=xcorr(yr,xw);
73
```

```
% Representamos
75
   figure('Position',[200 200 800 400])
76
   plot(lags,cc,'b')
   xlabel('Time [s]')
78
    ylabel('Cross-correlation')
   title('Cross-correlation between yr and xw')
   xlim([0 4e3])
81
    ylim([-5500 10000])
83
    % Tiempos de viaje de las reflexiones:
84
    % t1 = 1000s
    % t2 = 1500s
    % t3 = 2300s
    % t4 = 3000s
88
    %% Cerramos todas las figuras
90
    close all
91
    % Ejercicio 1.2: Análisis sismograma vertical del terremoto de Hokaido
93
    x ------
94
    clear, clc
    % Definimos el parámetro 'Position' de las figuras
97
    pos = [200 200 900 300];
98
    % Cargamos los datos
100
    load japon.mat;
101
102
    % Convertimos el número de cuentas a velocidad del suelo
103
    f_{conv} = 1500;
104
    wx = wx/f_{conv};  % \mu m/s
105
106
    % Convertimos minutos a segundos
107
108
    t = t*60;
    dt = t(2)-t(1);
109
110
111
    % Representamos wx
   figure('Position', pos)
112
113 plot(t,wx)
   xlabel('Time [s]')
114
   ylabel('wx [\mum/s]')
115
   title('Vertical ground velocity - Hokaido')
116
    %% 1.2.1 Estimación el rango de periodos del tren de ondas superficiales
118
    % y diseño de un filtro FIR paso-baja
119
120
    % Transformada de Fourier
    [f,WX] = trfour(wx,length(wx),dt);
122
123
   % Calculamos el módulo de la TF de wx
    mWX = abs(WX);
125
126
    % Represtamos el módulo de la TF frente a la frecuencia
```

```
figure('Position', pos)
128
    plot(f,mWX)
    xlabel('Frequency [Hz]')
130
    ylabel('abs(WX)')
131
     title('Module of F.T. of the vertical ground velocity - Hokaido')
132
    xlim([0,0.0012])
133
134
135
    % Estimación periodos (y frecuencias asociadas) de ondas superficiales
136
    % a partir de la figura de wx:
     \textit{\% Periodo 1: } t_2 - t_1 = 1.534*10^5 - 1.510*10^5 \ \ \textit{->} \ T_1 = 2.4*10^3 \ s \ \ \textit{->} \ f_1 = 4.1667*10^{-4} \ \textit{Hz} 
137
      \textit{\% Periodo 2: } t_2 - t_1 = 1.818*10^5 - 1.806*10^5 \ \ \textit{->} \ T_2 = 1.2*10^3 \ s \ \ \textit{->} \ f_2 = 8.3333*10^{-4} \ Hz 
138
    % Frecuencia de corte estimada a partir del periodo estimado
140
    fc = 0.0005;
                       % frecuencia de corte
141
    fny = 1/dt/2;
                       % frecuencia de Nyquist (=fs/2)
143
    % Un periodo de la frecuencia de corte corresponde a un periodo
144
    \% de 1/0.0005 s = 2e4 s, lo que corresponde a 2e4/dt = 1.6667e3 puntos.
    % Tenemos que coger un filtro de mayor longitud, por ejemplo de 3e3 puntos.
146
147
    % Un periodo de la frecuencia de corte corresponde a un periodo
     \% de 1/0.0009 s = 1.1111e3 s, lo que corresponde a 1.1111e3/dt = 0.9259e3 puntos.
149
    % Tenemos que coger un filtro de mayor longitud, por ejemplo de 2e3 puntos.
150
    1_filtro = 3e3;
151
152
    % Creamos el filtro
153
    b = fir1(l_filtro,fc/fny);
154
    % Aplicamos el filtro
156
    wx_f = filter(b, 1, wx);
157
    % Representamos la señal y la señal filtrada
159
    figure('Position',pos)
160
    plot(t,wx,'b',t,wx_f,'r')
162 legend('wx','wx_f')
    xlabel('Time [s]')
163
164
    ylabel('wx | wx_f [\mum/s]')
    title(sprintf('wx and wx filtered with fc=%.4f Hz', fc))
165
166
     % 1.2.2 Representación de la señal filtrada junto son su envolvente
167
    % Calculamos la señal analítica
169
    wx_a = hilbert(wx_f);
170
171
    % Calculamos su envolvente
172
    mwx_a = abs(wx_a);
173
174
    % Representamos la señal filtrada junto con su envolvente
175
    figure('Position', pos)
176
177 plot(t,wx_f,'b')
   hold on
178
    plot(t,-1*mwx_a,'r',t,mwx_a,'r','Linewidth',1.5)
180 hold off
```

```
legend('wx_f','\pm mwx_f (envelope)')
181
    xlabel('Time [s]')
    ylabel('wx_f | mwx_f [\mum/s]')
183
    title(sprintf('wx_f and its envelope with fc=%.4f Hz', fc))
184
185
    %% 1.2.3 Diseño filtro Butterworth paso-alta para simular la respuesta
186
    % sismómetro y representación de la señal filtrada
187
    % -----
188
189
    % Redefinimos la frecuencia de corte
    fc = 1/60; % 1 ciclo/min * 1 min/60s = 1/60 Hz
190
191
    % Definimos el filtro de Butterworth
    [b,a] = butter(4,fc/fny,'high');
193
194
    % Aplicamos el filtro
195
    wx_fb = filter(b,a,wx);
196
197
    % Representamos la señal filtrada
    figure('Position', pos)
199
    plot(t,wx_fb)
200
    xlabel('Time [s]')
    ylabel('wx_{fb} [\mum/s]')
202
    title(sprintf('wx high pass filtered with fc=%.4f Hz', fc))
203
    xlim([0 2.24e5])
204
205
   %% Cerramos todas las figuras
206
207
    close all
```

A.2 ejercicio_2.m

Script en lenguaje MATLAB para la resolución del Ejercicio 2 (Sec. 3).

```
% -----
  % Ejercicio de Análisis y Tratamiento de Datos en Geofísica y
  % Meteorología. Curso 2021-22.
  % -----
  % Autor: Calzada Chávez, Alberto.
  % Email: alcalzada95@correo.ugr.es
  % -----
  %% Ejercicio 2: Análisis de la señal meteorológica
  % -----
10
  clear, clc
11
12
  % Definimos el parámetro 'Position' de las figuras
13
  pos = [200 200 900 300];
14
15
  % Cargamos los datos
  load meteo1.mat;
17
18
  % Definimos vector de tiempo tipo string
```

```
td_str = datestr(td+ti);
20
  % Calculamos el intervalo de muestreo
22
23
  dt = td(2)-td(1);
25 %% 2.1 Representar la presión y la temperatura
  % -----
26
   % Representamos la presión (izqda.) y la temperatura (dcha.)
28 figure('Position',pos)
29 plot(td,p)
   xlabel('Time [day]')
30
31 ylabel('Pressure [mbar]')
32 title('Pressure in Granada')
34 % Representamos la temperatura
35 figure('Position',pos)
   plot(td,te)
36
37 xlabel('Time [day]')
38 ylabel('Temperature [\circC]')
   title('Temperature in Granada')
   %% 2.2 Diezmar señal a un periodo de muestreo de 1 hora
41
   % -----
42
43 % (Entiendo que se refiere a la temperatura)
  % Diezmamos la temperatura a intervalos de 1 hora. Puesto que la tenemos en
   % intervalos de 15min -> submuestreamos a 1/4
   46
   tdd = downsample(td,4);  % Submuestreo tiempo
47
  % Calculamos el nuevo intervalo de muestreo
  dtd = tdd(2)-tdd(1);
51
52 figure('Position',pos)
53 plot(tdd,ted)
54 xlabel('Time [day]')
55 ylabel('Temperature [\circC]')
   title('Temperature in Granada')
57
58 %% 2.3 Filtrado paso-alta de la temperatura para eliminar tendencia
   % estacional
60 % -----
% Calculamos y restamos la media
   mted = mean(ted);
  ted = ted-mted;
64
   % Definimos un filtro tipo Butterworth para eliminar tendencia estacional
66 % Queremos filtrar, por ejemplo, frecuencias por debajo de 1 ciclo/mes.
% 1ciclo/mes * 1mes/30días = 1/30 ciclos/día
   fc = 1/30;
  fny = 1/dtd/2;
   [b,a] = butter(6,fc/fny,'high');
70
71
  % Representamos la respuesta en frecuencia del filtro
```

```
%figure
73
    %freqz(b,a,500,1/dtd)
75
   % Aplicamos el filtro y le sumamos la media a la señal filtrada y a la
76
    % original
   ted_f = filter(b,a,ted)+mted;
78
    ted = ted+mted;
79
   % Representamos la señal filtrada
81
   figure('Position',pos)
82
   plot(tdd,ted_f)
83
   ylim([-10 40])
   xlabel('Time [day]')
85
   ylabel('Temperature [\circC]')
86
   title('Temperature in Granada after seasonal detrending')
    %% 2.4 Filtrado paso baja de la temperatura para eliminar la fluctuación
89
   % diaria
91
    % Calculamos y restamos la media
92
    mted = mean(ted);
    ted = ted-mted;
95
    % Definimos un filtro tipo Butterworth para eliminar fluctuación diaria
96
    % Queremos filtrar, por ejemplo, frecuencias por encima de 1 ciclo/semana.
    % 1ciclo/semana * 1semana/7días = 1/7 ciclos/día
98
   fc = 1/7;
    fny = 1/dtd/2;
100
    [b,a] = butter(6,fc/fny,'low');
101
102
    % Representamos la respuesta en frecuencia del filtro
103
    %figure
104
   %freqz(b,a,500,1/dtd)
105
    % Aplicamos el filtro y le sumamos la media a la señal filtrada y a la
107
   % original
108
    ted_ff = filter(b,a,ted)+mted;
    ted = ted+mted;
110
111
   % Representamos la señal filtrada
112
figure('Position',pos)
plot(tdd,ted_ff)
   %ylim([-10 40])
   xlabel('Time [day]')
    ylabel('Temperature [\circC]')
117
    title('Seasonal temperature trend in Granada')
118
119
   %% 2.5 Envolvente de la fluctuación diaria de la temperatura
120
    % -----
121
   % Calculamos y restamos la media
   mted = mean(ted);
123
124
    ted = ted-mted;
125
```

```
% Creamos un filtro opuesto al del apartado anterior
126
    fc = 1/7;
    fny = 1/dtd/2;
128
    [b,a] = butter(6,fc/fny,'high');
129
130
    % Representamos la respuesta en frecuencia del filtro
131
    %figure
132
133
    %freqz(b,a,500,1/dtd)
134
    % Aplicamos el filtro y sumamos la media
135
    ted_f = filter(b,a,ted);
                                % ted ya tiene su media restada
136
137
    % Calculamos la señal analítica
138
    ted_fa = hilbert(ted_f);
139
140
    % Calculamos su envolvente
141
    mted_fa = abs(ted_fa);
142
143
    % Sumamos la media a la señal filtrada
144
    ted_f = ted_f+mted;
145
146
    % SUAVIZADO OPCIONAL -----
147
    % =========
148
    quiere_suavizar = 0; % 1 si queremos suavizar la envolvente; 0 si no queremos.
149
    if quiere_suavizar
150
         % Suavizamos la envolvente con filtro butter (no altera la potencia de
151
         % la señal en la banda de paso). Filtramos frecuencias mayores de
152
        % 1ciclo/1.5días = 0.667ciclos/día
153
        fc_s = 1/1.5;
154
        fny = 1/dtd/2;
155
         [b,a] = butter(4,fc_s/fny,'low');
157
        % Aplicamos el filtro butter
158
        mted_fa = filter(b,a,mted_fa);
159
160
         % Estudiamos la correlación entre la fluctuación diaria y su envolvente
161
         % para corregir el desfase introducido por el filtro
         [cc,lags] = xcorr(ted_f,mted_fa);
163
164
         % Print lag de la correlación máxima
165
         [mccv, mcci] = max(cc);
166
         lag = lags(mcci);
167
         sprintf('lag of max cross-correlation: %d puntos',lag)
168
169
         % Representamos la correlación
170
        figure('Position',pos)
171
172
        plot(lags,cc)
        xlabel('Lag [points ~ 15min]')
173
        vlabel('Cross-correlation')
174
175
         title('Cross-correlation of ted_f and mted_{fa}')
176
        % Corregimos el lag de la envolvente
177
         if lag>0 % si la envolvente suavizada se retrasa
```

```
mted_fa = mted_fa(1+abs(lag):end);
179
                 % si la envolvente suavizada se adelanta
180
            mted_fa = mted_fa(1:end-abs(lag));
181
        end
182
183
        % Definimos el vector de tiempo para la señal filtrada como
184
        tdd_f = tdd(1:end-abs(lag));
185
186
    else
        % Definimos el vector de tiempo para la señal filtrada como
187
        tdd f = tdd:
188
189
    % -----
191
    % Representamos la señal filtrada junto con su envolvente (sumando la
192
    % media de ted, es decir, sumando mted)
    figure('Position', pos)
194
    plot(tdd,ted_f,'b')
195
   hold on
   plot(tdd_f,-mted_fa+mted,'r','Linewidth',1)
197
    plot(tdd_f, mted_fa+mted,'r','Linewidth',1)
198
   hold off
    ylim([-10 40])
200
    legend('ted','\pmmted_{fa} (envelope)')
201
   xlabel('Time [day]')
202
    ylabel('Temperature [\circC]')
203
    title(sprintf('Daily temperature fluctuation and its envelope with fc=%.4f cicles/day = 1/7 cicles/day',fc))
204
205
    \ensuremath{\text{\%\%}}\xspace 2.6 Transformada de Fourier de la fluctuación diaria de la temperatura
206
207
    % Calculamos la TF
208
    [f,TED_F] = trfour(ted_f,length(ted_f),dtd);
209
210
    % Representamos la transformada frente a la frecuencia
211
    figure('Position',pos)
212
   plot(f,TED_F,'b')
213
   xlabel('Frequency [cicles/day]')
214
    ylabel('TED_F')
    title('Fourier Transform of the daily temperature fluctuations in Granada')
    xlim([0 5.2])
217
218
219
    %% 2.7 Predicción lineal de la temperatura con un modelo autorregresivo y
    % representar el error de predicción
220
    % ------
222
    % Calculamos los coeficientes del modelo autorregresivo
    [a,g] = lpc(te,20); % probamos predictor con 20 coeficientes
223
224
    % Realizamos la predicción
    te_est = filter([0 -a(2:end)],1,te);
226
227
    % Calculamos el error de predicción
    te_est_err = te-te_est; % Error=diferencia entre señal real y estimada
229
230
    % Representamos la temperatura, la temperatura estimada y el error de
```

```
% predicción en la misma figura
232
    figure('Position',[100 100 900 500])
234 subplot(4,1,1:3)
235 plot(td,te,'b')
   hold on
236
237 plot(td,te_est,'Color',[0.8500 0.3250 0.0980])
238 hold off
    legend('te','te_{est}')
240 ylabel('te | te_{est} [\circC]')
241 title('Temperature, its predicted value and the prediction error')
242 xlim([60 70])
243
244 subplot(4,1,4)
245 plot(td,te_est_err,'g')
246    xlabel('Time [day]')
    ylabel('te_{est_ err} [\circC]')
247
248
    legend_str_1 = sprintf('Mean error = %.4f', mean(te_est_err));
249 legend_str_2 = sprintf(' Error variance = %.4f', g);
250 legend(strcat(legend_str, ' [\circC] | ', legend_str_2, ' [\circC]'))
251 xlim([60 70])
252 ylim([-10 15])
254 %% Cerramos todas las figuras
255 close all
```