

# SAT, Clique y Idset

---

Alberto Benavides  
19 de febrero de 2020

## 1. SAT

En álgebra booleana, una fórmula está dada en *forma normal conjuntiva* cuando consiste de una conjunción de disyunciones que, a su vez, no incluyen variables con su propio complemento [2]. Por ejemplo, dadas las variables  $a, b, c$  las siguientes son fórmulas en forma normal conjuntiva:

$$\begin{aligned}(a \vee b), \\ \neg a, \\ a \wedge (b \vee \neg c), \\ (a \vee b) \wedge (\neg c \vee b).\end{aligned}$$

El problema de satisfacibilidad booleana (SAT por su abreviatura) consiste en determinar si las variables de una fórmula dada en la forma normal conjuntiva pueden tomar valores verdaderos  $\top$  o falsos  $\perp$  de modo que la fórmula en sí sea verdadera  $\top$  [3]. Si ninguna combinación en los valores de las variables da por resultado que la expresión sea verdadera, se dice que el problema es *no satisfacible*.

Una manera exhaustiva de determinar esto consiste en realizar una *búsqueda de profundidad*, representable en un árbol binario mostrado en la figura 1.1 (p. 2), donde en cada nodo a partir de la raíz se define el valor de la variable de modo que al tener valores verdaderos para cada variable se evalúa si determinada fórmula en forma normal conjuntiva es verdadera. En caso de no serlo, se utiliza un algoritmo de *vuelta atrás* (*backtracking* en inglés) [1] para probar con otra combinación de valores para las variables y se continúa este proceso hasta que se halle una combinación satisfacible o se terminen las combinaciones.

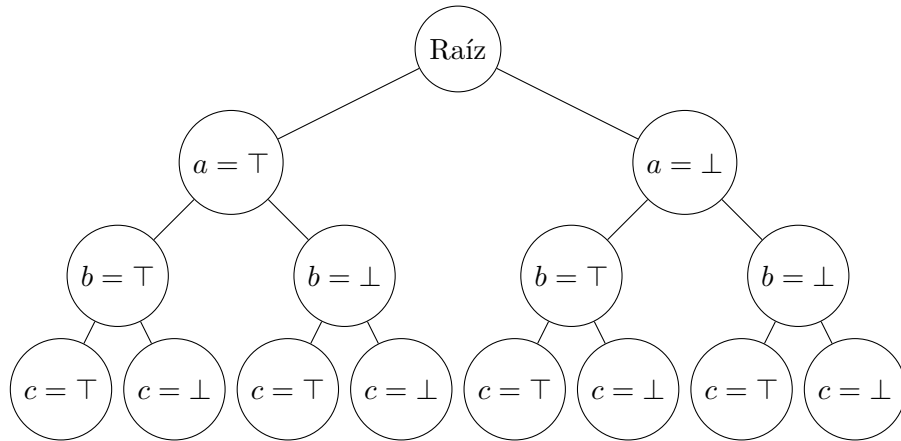


Figura 1.1: Grafo de búsqueda de profundidad para algoritmo de satisfacibilidad de tres variables booleanas.

## REFERENCIAS

- [1] Wolfram Research. Backtracking, . URL <http://mathworld.wolfram.com/Backtracking.html>.
- [2] Wolfram Research. Conjunctive normal form, . URL <http://mathworld.wolfram.com/ConjunctiveNormalForm.html>.
- [3] Wolfram Research. Satisfiability problem, . URL <http://mathworld.wolfram.com/SatisfiabilityProblem.html>.