## Funções Recursivas

Prof. Alberto Costa Neto Programação em Python

## Fatorial

Calculando o fatorial de 5:

$$(1)$$
 5! = 5 \* 4 \* 3 \* 2 \* 1

Generalizando, temos que:

```
(2) n! = n * n-1 * n-2 * ... * 1
```

Portanto, poderíamos reescrever (1) como:

```
(3) 5! = 5 * 4!
```

## Fatorial

Calculando o fatorial de 5:

```
5! = 5 * 4!
4! = 4 * 3!
3! = 3 * 2!
2! = 2 * 1!
1! = 1
0! = 1
```

$$n! = 1$$
, se  $n = 0$   
 $n * (n-1)!$ , se  $n > 0$ 

## Definindo uma Função Recursiva

• Em Python, assim como em outras linguagens de programação, uma função pode chamar outras funções

 Quando uma função chama ela mesma, é denominada:

Função Recursiva



Fonte: https://i1.wp.com/sala.inf.br/wp-content/uploads/2017/05/desmistificando.jpg

# Como elaborar uma função recursiva

- 1. Definir o caso base ou caso de parada
- -No fatorial, ocorre quando n = 0

- 2. Definir o caso geral, que levará em algum momento ao caso base
- No fatorial, ocorre quando n > 0

```
n! = 1, se n = 0

n * (n-1)!, se n > 0
```

# Definindo Fatorial em Python

```
def fat(n):
    if n == 0:
        return 1
    elif n > 0:
        return n * fat(n-1)
```

```
n! = 1, se n = 0

n * (n-1)!, se n > 0
```

# Definindo Fatorial em Python

```
def fat(n):
   if n == 0:
     return 1
   else:
```

return n \* fat(n-1)

Se n é um número natural, podemos usar o else para simplificar

```
Definição
```

```
n! = 1, se n = 0

n * (n-1)!, se n > 0
```

## Programa print(fat(3))

### Executando Fatorial

```
n! = 1, se n = 0

n * (n-1)!, se n > 0
```

# Programa print(fat(3))

```
Função (com n = 3)
def fat(n):
   if n == 0:
     return 1
   else:
     return n * fat(n-1)
```

### Executando Fatorial

```
n! = 1, se n = 0

n * (n-1)!, se n > 0
```

```
Programa
print(fat(3))
```

### Executando Fatorial

```
Função (com n = 3)
def fat(n):
   if n == 0:
     return 1
   else:
     return n * fat(n-1)
```

```
Definição

n! = 1, se n = 0

n * (n-1)!, se n > 0
```

```
Função (com n = 2)
def fat(n):
   if n == 0:
     return 1
   else:
     return n * fat(n-1)
```

```
Função (com n = 1)
def fat(n):
   if n == 0:
     return 1
   else:
     return n * fat(n-1)
```

```
Função (com n = 0)
def fat(n):
   if n == 0:
     return 1
   else:
     return n * fat(n-1)
```

## Sequência de Fibonacci

 Na matemática, a Sequência de Fibonacci é uma sequência de números inteiros, começando normalmente por 0 e 1, na qual, cada termo subsequente corresponde à soma dos dois anteriores.

Fonte: https://pt.wikipedia.org/wiki/Sequência\_de\_Fibonacci

```
fib(n) = 0, se n = 0

fib(n) = 1, se n = 1

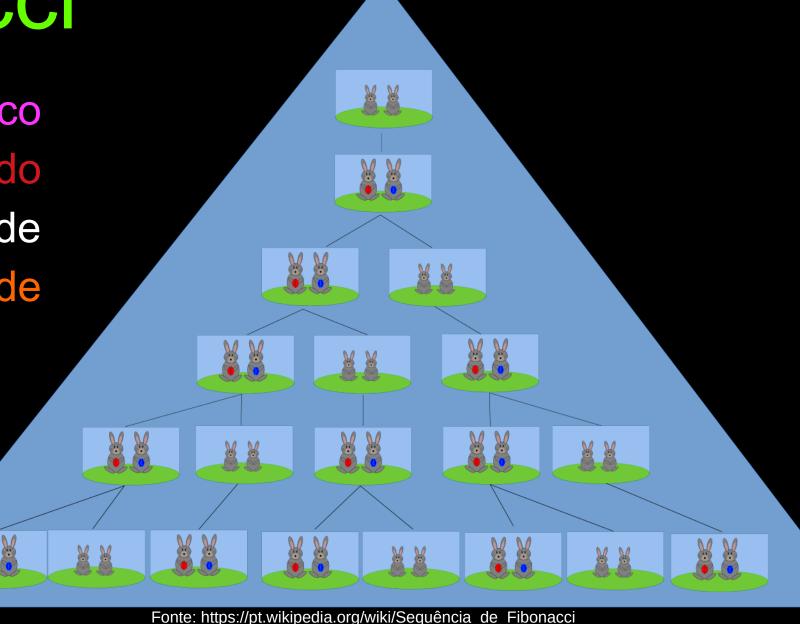
fib(n) = fib(n-1) + fib(n-2), se n > 1
```

```
0,1,1,2,3,5,8,13,21,34,55,89,...
```

Sequência de Fibonacci

 A sequência recebeu o nome do matemático italiano Leonardo de Pisa, mais conhecido por Fibonacci, que descreveu, no ano de 1202, o crescimento de uma população de coelhos, a partir da sequência.

- No primeiro mês nasce apenas um casal;
- Casais amadurecem sexualmente (e reproduzem-se) apenas após o 2° mês;
- Não há problemas genéticos no cruzamento consanguíneo;
- Todos os meses, cada casal fértil dá a luz a um novo casal; e
- Os coelhos nunca morrem.

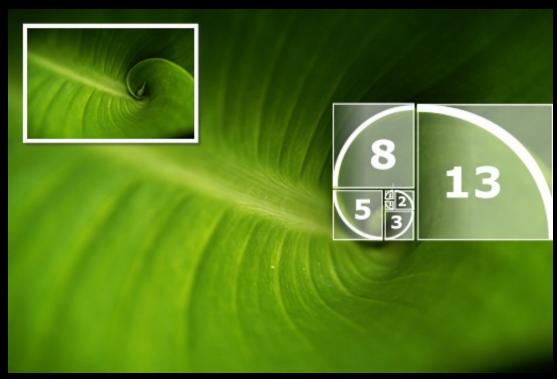


## Sequência de Fibonacci

```
Definição
fib(n) = 0, \qquad se n = 0
fib(n) = 1, \qquad se n = 1
fib(n) = fib(n-1) + fib(n-2), se n > 1
```

```
def fib(n):
   if n == 0 or n == 1:
     return n
   else:
     return fib(n-1) + fib(n-2)
```





Espiral formada pela folha de uma bromélia, Fonte: https://pt.wikipedia.org/wiki/Sequência\_de\_Fibonacci#/media/File:Bromelia.png

## Programa print(fib(3))

## Executando Fibonacci

