

Procesadores de lenguaje

Ejercicios del Tema 3

ANÁLISIS DESCENDENTE

Ejercicio 3.1

Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
$A \rightarrow B \ C \ D$	{ a, c, e, g, i }	{ \$, d }	{ a, c, e, g, i }
$B \rightarrow \mathbf{a} \ C \mathbf{b}$	{ a }	$\{c,e,g,i,f\}$	{ a }
$B \rightarrow \lambda$	{ \(\lambda \) }		$\{c,e,g,i,f\}$
$C \rightarrow \mathbf{c} \ A \ \mathbf{d}$	{ c }	{ i, b }	{ c }
$C \rightarrow \mathbf{e} \ B \mathbf{f}$	{ e }		{ e }
$C \rightarrow g D h$	{ g }		{ g }
$C \rightarrow \lambda$	{ \(\lambda \) }		{ i, b }
D → i	{i}	{ \$, d, h }	{i}

La gramática es LL(1) ya que los conjuntos de predicción de las reglas de cada símbolo son disjuntos.

Ejercicio 3.2

Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
$A \rightarrow B \ C \ D$	$\{ \mathbf{b}, \mathbf{c}, \mathbf{d}, \lambda \}$	{\$ }	{ b, c, d, \$ }
$B \rightarrow \mathbf{b}$	{ b }	{ c, d, \$ }	{ ab }
$B \rightarrow \lambda$	{ \(\lambda \) }		{ c, d, \$ }
<i>C</i> → c	{ c }	{ d, \$ }	{ c }
$C \rightarrow \lambda$	{ \(\lambda \) }		{ d, \$ }
$D \rightarrow d$	{ d }	{\$ }	{ d }
$D \rightarrow \lambda$	{ \(\lambda \) }		{ \$ }

La gramática es LL(1) ya que los conjuntos de predicción de las reglas de cada símbolo son disjuntos.

Ejercicio 3.4

a) Gramática transformada

Índice	Regla
R1	$S \rightarrow A B$
R2	$A \rightarrow \text{begin } S \text{ end } B \text{ theend}$
R3	$A \rightarrow \lambda$
R4	$B \rightarrow \text{var } L : \text{tipo } BP$
R5	$B \rightarrow BP$
R6	$BP \rightarrow \text{fvar } BP$
R7	$BP \rightarrow \lambda$
R8	$L \rightarrow id LP$
R9	$LP \rightarrow$, id LP
R10	$LP \rightarrow \lambda$

b) Cálculo de los conjuntos de predicción

Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
$S \to A B$	$\{ \text{ begin, var, fvar, } \lambda \}$	{ \$, end }	{ begin, var, fvar, \$, end}
$A \rightarrow \text{begin } S \text{ end } B \text{ theend}$	{ begin }	{ var, fvar,	{ begin }
$A \rightarrow \lambda$	{λ}	\$, end }	{ var, fvar, \$, end }
$B \rightarrow \text{var } L : \text{tipo } BP$	{ var }	{ \$, end,	{ var }
$B \to BP$	$\{ \text{ fvar}, \lambda \}$	theend }	{ fvar, \$, end, theend }
$BP \rightarrow \text{fvar } BP$	{ fvar }	{ \$, end,	{ fvar }
$BP \rightarrow \lambda$	{ \(\lambda \) }	theend }	{ \$, end, theend }
$L \rightarrow id LP$	{ id }	{:}	{ id }
$LP \rightarrow$, id LP	{,}	{:}	{,}
$LP \rightarrow \lambda$	{λ}		{:}

d) Tabla de análisis sintáctico LL(1)

	begin	end	theend	var	:	tipo	fvar	id	,	\$
S	R1	R1		R1			R1			R1
A	R2	R3		R3			R3			R3
В		R5	R5	R4			R5			R5
BP		R7	R7				R6			R7
L								R8		
LP					R10				R9	

e) Traza

Pila	Entrada	Acción
S \$	begin	R1
A B \$	begin	R2
begin S end B theend B \$	begin	match(begin)
S end B theend B \$	var	R1
$A\ B\ ext{end}\ B\ ext{theend}\ B\ ext{\$}$	var	R3
$B \ \ { m end} \ \ B \ \ { m theend} \ B \ \ { m \$}$	var	R4
var $L: {\sf tipo} BP {\sf \ end \ } B {\sf \ theend} B$ \$	var	match(var)
$L: {\sf tipo} BP \; {\sf end} \; B \; {\sf theend} B \; {\sf \$}$	id	R8
id LP : tipo BP end B theend B \$	id	match(id)
LP : tipo BP end B theend B \$,	R9
, id LP : tipo BP end B theend B \$,	match(,)
$\operatorname{id} LP$: tipo BP end B theend B \$	id	match(id)
LP : tipo BP end B theend B \$	1	R10
: tipo BP end B theend B \$	1	match(:)
tipo BP end B theend B \$	tipo	match(tipo)
$BP \ \ { m end} \ \ B \ \ { m theend} \ B \ \ { m \$}$	var	¡ ERROR !

Ejercicio 3.5

Ejercicio 3.6

Ejercicio 3.7

(a) Transformaciones necesarias para expresar la gramática en notación BNF

$$\langle E' \rangle \rightarrow \text{barra } \langle O \rangle \langle E' \rangle$$

$$\langle E' \rangle \rightarrow \lambda$$

$$\langle O \rangle \rightarrow \langle O \rangle \langle I \rangle$$

$$\langle O \rangle \rightarrow \langle I \rangle$$

$$\langle I \rangle \rightarrow \text{sim}$$

$$\langle I \rangle \rightarrow \text{parab } \langle E \rangle \text{ parce } \langle C \rangle$$

$$\langle C \rangle \rightarrow \text{ast}$$

$$\langle C \rangle \rightarrow \text{sum}$$

$$\langle C \rangle \rightarrow \text{int}$$

(b) Transformaciones necesarias para convertirla en LL(1)

$$\langle E' \rangle \rightarrow \text{barra } \langle O \rangle \langle E' \rangle$$

$$\langle E' \rangle \rightarrow \lambda$$

$$\langle O \rangle \rightarrow \langle I \rangle \langle O' \rangle$$

$$\langle O' \rangle \rightarrow \langle I \rangle \langle O' \rangle$$

$$\langle O' \rangle \rightarrow \lambda$$

$$\langle I \rangle \rightarrow \text{sim}$$

$$\langle I \rangle \rightarrow \text{parab } \langle E \rangle \text{ parce } \langle C \rangle$$

$$\langle C \rangle \rightarrow \text{ast}$$

$$\langle C \rangle \rightarrow \text{sum}$$

$$\langle C \rangle \rightarrow \text{int}$$

(c) Conjuntos Primeros, Siguientes y de Predicción

Símbolo	Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
<e></e>	<e> → <0> <e'></e'></e>	sim, parab	parce, \$	sim, parab
<e'></e'>	<e'> → barra <o> <e'></e'></o></e'>	barra	parce, \$	barra
\E >	<e'> → λ</e'>	λ	рагсе, ф	parce, \$
<o></o>	<0> → <i><0,></i>	sim, parab	barra, parce, \$	sim, parab
<0'>	<0'> → <i><0'></i>	sim, parab	barra, parce, \$	sim, parab
	<0'> → λ	λ	Darra, parce, p	barra, parce, \$
< >	< I>→ sim	sim	sim, parab,	sim
_I	<i> → parab <e> parce <c></c></e></i>	parab	parce, barra, \$	parab

Símbolo	Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
	<c> → ast</c>	ast		ast
	<c> → sum</c>	sum	sim navah	sum
<c></c>	<c> → int</c>	int	sim, parab, parce, barra, \$	int
	<c> → λ</c>	λ		sim, parab, parce, barra, \$

(d) Analizador descendente recursivo.

```
private void simbolo E() throws Exception {
 switch(nextToken) {
 case SIM:
 case PARAB: simbolo_O(); simbolo_Eprima(); break;
 default: String expected = "SIM o PARAB";
         throw new Exception("Encontrado "+nextToken+" se esperaba "+expected);
}
private void simbolo Eprima() throws Exception {
 switch(nextToken) {
 case BARRA: emparejar(BARRA); simbolo O(); simboloEprima(); break;
 case PARCE:
 case EOF: break;
 default: String expected = "BARRA, PARCE o EOF";
         throw new Exception ("Encontrado "+nextToken+" se esperaba "+expected);
}
private void simbolo_O() throws Exception {
 switch(nextToken) {
 case SIM:
 case PARAB: simbolo_I(); simbolo_Oprima(); break;
 default: String expected = "SIM o PARAB";
         throw new Exception ("Encontrado "+nextToken+" se esperaba "+expected);
 }
private void simbolo Oprima() throws Exception {
 switch(nextToken) {
 case SIM:
 case PARAB: simbolo_I(); simbolo_Oprima(); break;
 case BARRA:
 case PARCE:
 case EOF: break;
 default: String expected = "SIM, PARAB, BARRA, PARCE o EOF";
         throw new Exception ("Encontrado "+nextToken+" se esperaba "+expected);
}
```

```
private void simbolo I() throws Exception {
   switch(nextToken) {
    case SIM: emparejar(SIM); break;
     case PARAB: emparejar(PARAB); simbolo E(); emparejar(PARCE); simbolo C();
break;
    default: String expected = "SIM o PARAB";
            throw new Exception ("Encontrado "+nextToken+" se esperaba "+expected);
   }
  }
  private void simbolo C() throws Exception {
   switch(nextToken) {
    case AST: emparejar(AST); break;
    case SUM: emparejar(SUM); break;
    case INT: emparejar(INT); break;
    case SIM:
    case PARAB:
    case PARCE:
    case BARRA:
    case EOF: break;
    default: String expected = "AST, SUM, INT, SIM, PARAB, PARCE, BARRA o EOF";
            throw new Exception ("Encontrado "+nextToken+" se esperaba "+expected);
   }
  }
```

Ejercicio 3.10

(a) Realize las transformaciones necesarias para expresarla en notación BNF.

```
Párrafo → Frase ListaDeFrases FinDeLínea
ListaDeFrases → Frase ListaDeFrases
ListaDeFrases → λ
Frase → Claúsula ListaDeClaúsulas Punto
ListaDeClaúsulas → coma Claúsula ListaDeClaúsulas
ListaDeClaúsulas → λ
Claúsula → Palabra ListaDePalabras
ListaDePalabras → espacio Palabra ListaDePalabras
ListaDePalabras → λ
Palabra → letra ListaDeLetras
ListaDeLetras → letra ListaDeLetras
ListaDeLetras → λ
```

(b) Calcule los conjuntos Primeros, Siguientes y de Predicción para las reglas y símbolos de la gramática resultante.

Símbolo	Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
Parrafo	1	letra	\$	letra
ListaDeFrases	2	letra	FinDeLinea	letra
ListaDellases	3	λ	rindelinea	FinDeLinea
Frase	4	letra	letra, FinDeLinea	letra
ListaDeClaúsulas	5	coma	nunto	coma
LisiaDeCiausuias	6	λ	punto	punto
Claúsula	7	letra	coma, punto	letra
ListaDePalabras	8	espacio	aomo nunto	espacio
LisiaDeraiaoras	9	λ	coma, punto	coma, punto
Palabra	10	letra	espacio, coma, punto	letra
ListaDeLetras	11	letra	espacio, coma,	letra
LisiaDeLeiras	12	λ	punto	espacio, coma, punto

Ejercicio 3.11

Ejercicio 3.12

(a) Realice las transformaciones necesarias para expresarla en notación BNF.

```
Type 
ightharpoonup type id eq Decl semicolon
BaseDecl 
ightharpoonup id
BaseDecl 
ightharpoonup List
BaseDecl 
ightharpoonup Tuple
Decl 
ightharpoonup BaseDecl
Decl 
ightharpoonup Decl rel BaseDecl
List 
ightharpoonup Ipar Decl CommaList rpar
CommaList 
ightharpoonup commaList
CommaList 
ightharpoonup \lambda
```

 $CommaList \rightarrow \lambda$

(b) Realice las transformaciones necesarias para que cumpla la propiedad LL(1).

Type
ightharpoonup type id eq Decl semicolon BaseDecl
ightharpoonup id BaseDecl
ightharpoonup List BaseDecl
ightharpoonup Tuple Decl
ightharpoonup BaseDecl DeclPrima DeclPrima
ightharpoonup teleprima $DeclPrima
ightharpoonup \lambda$ List
ightharpoonup Ibra Decl rbra Tuple
ightharpoonup Ipar Decl CommaList rpar CommaList
ightharpoonup commaList

(c) Calcule los conjuntos Primeros, Siguientes y de Predicción para las reglas y símbolos de la gramática resultante.

	Primeros	Siguientes	Predicción
Туре	type	\$	type
BaseDecl	id	semicolon, rbra, rpar, comma, rel	id
BaseDecl	Ibra		Ibra
BaseDecl	lpar		lpar
Decl	id, Ibra, Ipar	semicolon, rbra, rpar, comma	id, Ibra, Ipar
DeclPrima	rel	semicolon, rbra, rpar, comma	rel
DeclPrima	λ		semicolon, rbra, rpar, comma
List	Ibra	semicolon, rbra, rpar, comma, rel	Ibra
Tuple	Ipar	semicolon, rbra, rpar, comma, rel	lpar
CommaList	comma	rpar	comma
CommaList	λ		rpar

(d) Construya el Analizador Sintáctico Descente Recursivo de la gramática obtenida

```
class ASDR {
  private Token nextToken;
  private Lexer lexer;
  public boolean parse(String filename) throws Exception {
    this.lexer = new Lexer(filename);
   this.nextToken = lexer.getNextToken();
   try { parseType(); match(EOF); return true; }
   catch(Exception ex) { return false; }
  private void match(int kind) throws ParseException {
   if(nextToken.getKind() == kind) nextToken = lexer.getNextToken();
   else throw new ParseException(nextToken, kind);
  private void parseType() throws ParseException {
    int[] expected = { TYPE };
    switch(nextToken.getKind()) {
      case TYPE:
        match (TYPE);
        match (ID);
       match (EQ);
       parseDecl();
        match (SEMICOLON);
       break;
      default:
        throw new ParseException(nextToken, expected);
  private void parseBaseDecl() throws ParseException {
   int[] expected = { ID, LBRA, LPAR }
    switch(nextToken.getKind()) {
      case ID:
       match(ID);
       break;
      case LBRA:
       parseList();
       break;
      case LPAR:
       parseTuple();
       break;
      default:
        throw new ParseException(nextToken, expected);
  private void parseDecl() throws ParseException {
    int[] expected = { ID, LBRA, LPAR }
    switch(nextToken.getKind()) {
      case ID:
      case LBRA:
      case LPAR:
        parseBaseDecl();
        parseDeclPrima();
       break;
      default:
        throw new ParseException(nextToken, expected);
```

```
private void parseDeclPrima() throws ParseException {
  int[] expected = { REL, SEMICOLON, RPAR, RBRA, COMMA }
  switch(nextToken.getKind()) {
    case REL:
     match (REL);
      parseBaseDecl();
     parseDeclPrima();
     break;
    case SEMICOLON:
    case RPAR:
    case RBRA:
    case COMMA:
     break;
    default:
      throw new ParseException(nextToken, expected);
private void parseList() throws ParseException {
  int[] expected = { LBRA };
  switch(nextToken.getKind()) {
    case LBRA:
     match (LBRA);
      parseDecl();
     match (RBRA);
     break;
    default:
      throw new ParseException(nextToken, expected);
private void parseTuple() throws ParseException {
  int[] expected = { LPAR };
 switch(nextToken.getKind()) {
   case LPAR:
     match (LPAR);
     parseDecl();
     parseCommaList();
     match (RPAR);
     break;
   default:
     throw new ParseException(nextToken, expected);
private void parseCommaList() throws ParseException {
  int[] expected = { COMMA, RPAR };
  switch(nextToken.getKind()) {
    case COMMA:
      match (COMMA);
      parseDecl();
      parseCommaList();
     break;
    case RPAR:
     break;
    default:
      throw new ParseException(nextToken, expected);
}
```

Ejercicio 3.14

Ejercicio 3.15

(a) Realice las transformaciones necesarias para expresar la gramática en notación BNF.

```
NewOperator → new id Constructor

NewOperator → new id Array

NewOperator → new type Array

Constructor → Iparen Aux1 rparen

Aux1 → \lambda

Aux1 → expr Aux2

Aux2 → comma expr Aux2

Aux2 → \lambda

Array → Ibracket expr rbracket Aux3 Aux4

Aux3 → Ibracket expr rbracket Aux3

Aux4 → Ibracket rbracket Aux4

Aux4 → Ibracket rbracket Aux4
```

(b) Realice las transformaciones necesarias para que cumpla la propiedad LL(1).

```
1: NewOperator → new NO1
2: NO1 \rightarrow id NO2
3: NO1 \rightarrow type \ Array
4: NO2 \rightarrow Constructor
5: NO2 \rightarrow Array
6: Constructor → Iparen Const1 rparen
7: Const1 \rightarrow \lambda
8: Const1 → expr Const2
9: Const2 → comma expr Const2
10: Const2 \rightarrow \lambda
11: Array \rightarrow Ibracket expr rbracket Arr1
12: Arr1 \rightarrow \text{Ibracket } Arr2
13: Arr1 \rightarrow \lambda
14: Arr2 \rightarrow expr rbracket Arr1
15: Arr2 \rightarrow rbracket Arr3
16: Arr3 \rightarrow \lambda
17: Arr3 \rightarrow  Ibracket rbracket Arr3
```

(c) Calcule los conjuntos Primeros, Siguientes y de Predicción para las reglas y símbolos de la gramática resultante.

Símbolo	Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
NewOperator	→ new NO1	new	\$	new
NO1	→ id NO2	id	\$	id
IVOI	→ type Array	type	Φ	type
NO2	→ Constructor	Iparen	\$	Iparen
1002	→ Array	Ibracket	Φ	Ibracket
Constructor	→ Iparen Const1 rparen	Iparen	\$	Iparen
Const1	$\rightarrow \lambda$	λ	rnaron	rparen
Const1	→ expr Const2	expr	rparen	expr
Const2	→ comma expr Const2	comma	rnoron	comma
Consiz	$\rightarrow \lambda$	λ	rparen	rparen

Símbolo	Regla	Primeros	Siguientes	Predicción
Array	→ Ibracket expr rbracket Arr1	Ibracket	\$	Ibracket
Arr1	→ Ibracket Arr2	Ibracket	\$	Ibracket
ATT	$\rightarrow \lambda$	λ	D	\$
Arr2	→ expr rbracket Arrl	expr	\$	expr
Arr2	→ rbracket Arr3	rbracket) Þ	rbracket
Arr3	$\rightarrow \lambda$	λ	¢	\$
Arrs	→ Ibracket rbracket Arr3	Ibracket	\$	Ibracket

(d) Construya la tabla de análisis sintáctico LL(1) de la gramática obtenida.

	new	id	type	Iparen	rparen	Ibracket	rbracket	expr	comma	\$
NewOperator	R1									
NO1		R2	R3							
NO2				R4		R5				
Constructor				R6						
Const1					R7			R8		
Const2					R10				R9	
Array						R11				
Arr1						R12				R13
Arr2							R15	R14		
Arr3						R17				R16

Ejercicio 3.16

Ejercicio 3.17

Ejercicio 3.18

Ejercicio 3.19

Ejercicio 3.20

Ejercicio 3.21

DISEÑO DE GRAMÁTICAS LL(1)

Ejercicio 3.22

Gramática LL(1) que reconoce el formato de las claúsulas *import* de Java.

```
Clausula Import \rightarrow \text{ import } Clase OP aquete \text{ pyc}
Clase OP aquete \rightarrow \text{ id } A
A \rightarrow \lambda
A \rightarrow \text{ punto } B
B \rightarrow \text{ id } A
B \rightarrow \text{ asterisco}
```

Ejercicio 3.23

Gramática LL(1) que reconoce el formato del operador *new* de Java.

```
OperadorNew → new ObjetoOArray
ObjetoOArray → SimpleType Dimensiones
ObjetoOArray → id LlamadaODimensiones
LlamadaODimensiones → Llamada
LlamadaODimensiones → Dimensiones
Llamada → Iparen ListaExpresiones rparen
ListaExpresiones \rightarrow \lambda
ListaExpresiones → Expression MasExpresiones
MasExpresiones \rightarrow \lambda
MasExpresiones → comma Expression MasExpresiones
Dimensiones → Ibracket Expression rbracket MasDimensiones
MasDimensiones \rightarrow \lambda
MasDimensiones → Ibracket SigueMasDimensiones
SigueMasDimensiones → Expression rbracket MasDimensiones
SigueMasDimensiones → rbracket MasDimensionesVacias
MasDimensionesVacias \rightarrow \lambda
MasDimensionesVacias → Ibracket rbracket MasDimensionesVacias
```

Gramática LL(1) que reconoce el formato de la declaración de variables en C.

```
Declaración → Typeldentifier ListaVariables pyc

ListaVariables → Variable MasVariables

MasVariables → coma Variable MasVariables

Variable → Varld Asignación

Asignación → λ

Asignación → igual Expression

Varld → Asteriscos id Dimensiones

Asteriscos → asterisco Asteriscos

Dimensiones → λ

Dimensiones → lbracket Expression rbracket Dimensiones
```

Ejercicio 3.25

La traducción directa de las reglas (a), (b), (c) y (d) conduce a la siguiente gramática:

```
Tipo → id

Tipo → Ibracket Tipo rbracket

Tipo → Iparen ListaTipos rparen

Tipo → Tipo arrow Tipo

ListaTipos → Tipo MásTipos

MásTipos → λ

MásTipos → comma Tipo MásTipos
```

La gramática anterior es correcta en cuanto a las tres primeras descripciones de Tipo, pero presenta un grabe problema en la cuarta regla. Como hemos visto en el tema 3, las construcciones de la forma " $E \rightarrow E$... E" generan gramáticas ambiguas y, por tanto, la gramática anterior no puede ser LL(1).

Para resolver este problema es necesario replantear la gramática para evitar la ambigüedad. Las relaciones permiten describir tipos de la forma "*Tipo* **arrow** *Tipo*", es decir, listas de tipos separadas por el token **arrow**. En este caso, los tipos se refieren a cualquiera de las tres primeras formas de declaración (tipos predefinidos, listas y tuplas). En la siguiente gramática estas tres formas se describen por medio del símbolo *TipoBase*.

```
Tipo \rightarrow TipoBase \ Relaciones
Relaciones \rightarrow \lambda
Relaciones \rightarrow arrow \ TipoBase \ Relaciones
TipoBase \rightarrow id
TipoBase \rightarrow lbracket \ Tipo \ rbracket
TipoBase \rightarrow lparen \ ListaTipos \ rparen
ListaTipos \rightarrow Tipo \ MásTipos
MásTipos \rightarrow \lambda
MásTipos \rightarrow comma \ Tipo \ MásTipos
```