



Universidad  
de Huelva

## **Tema 4**

# **Análisis sintáctico ascendente**

4.1 Introducción

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

4.4 Algoritmo LR(0)

4.5 Algoritmo SLR

4.6 Gestión de errores

4.7 Clasificación de gramáticas

### **4.1 Introducción**

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

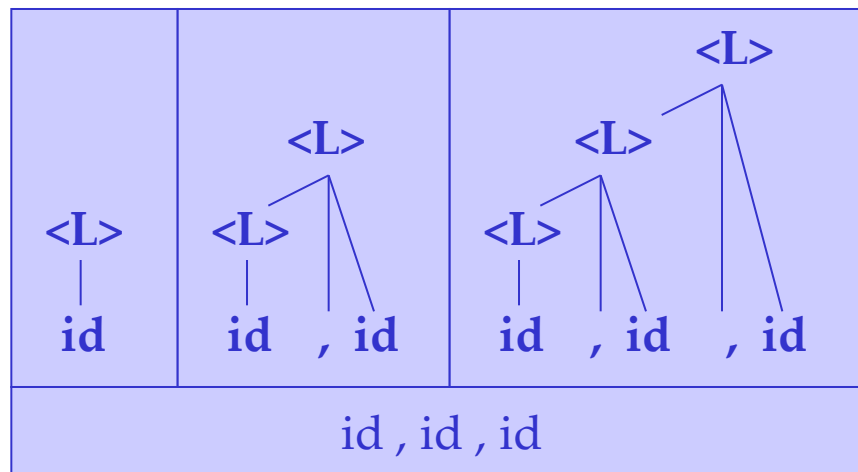
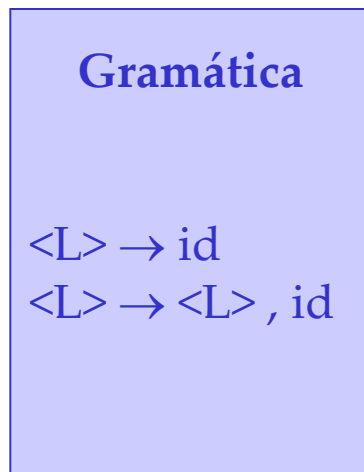
4.4 Algoritmo LR(0)

4.5 Algoritmo SLR

4.6 Gestión de errores

4.7 Clasificación de gramáticas

- El análisis sintáctico ascendente construye la inversa de la derivación por la derecha.
- Construye el árbol de análisis sintáctico de las hojas a la raíz.



- El problema fundamental es decidir cuando lo que parece ser la parte derecha de una regla puede ser sustituida por la parte izquierda.
- No es un problema trivial ya que pueden existir ocasiones en las que es posible sustituir dos producciones diferentes.
- El conjunto de gramáticas que pueden ser analizadas mediante un análisis ascendente lineal se denomina LR(1).
- El conjunto LR(1) es mucho más amplio que el de las gramáticas LL(1).

4.1 Introducción

**4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción**

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

4.4 Algoritmo LR(0)

4.5 Algoritmo SLR

4.6 Gestión de errores

4.7 Clasificación de gramáticas

- El análisis ascendente lineal más utilizado es el *algoritmo de desplazamiento-reducción (shift-reduce)*.
- Este algoritmo se basa en una pila de estados y una tabla de análisis.
- Existen diferentes métodos para generar la tabla de análisis (LR(0), SLR, LALR, LR(1)).
- El método LR(1) genera la tabla para cualquier gramática LR(1), pero genera tablas muy grandes.
- El método SLR genera tablas muy compactas pero no puede aplicarse a todas las gramáticas LR(1).
- El método LALR genera tablas compactas y puede aplicarse a la mayoría de gramáticas LR(1).

- Utiliza dos acciones básicas:
  - Desplazar: consiste en consumir un token de la cadena de entrada
  - Reducir: consiste en sustituir en la pila los símbolos de una parte derecha de una regla por su parte izquierda
- El algoritmo utiliza una pila de estados y una tabla de análisis con dos partes:
  - Acciones: para cada símbolo terminal y \$.
  - Ir-a: para cada símbolo no terminal
  - Las filas corresponden a los estados



- Las acciones pueden ser
  - $dj$  : desplazar y apilar el estado  $j$
  - $rk$ : reducir por la regla  $k$ -ésima.
    - Consiste en eliminar tantos estados de la pila como elementos en la parte derecha de la regla.
    - A continuación se analiza el estado de la cima de la pila  $p$ .
    - Por último se apila el estado  $Ir_a(p,A)$  siendo  $A$  el símbolo no terminal que define la regla  $k$ -ésima
  - aceptar: terminar el análisis aceptando la cadena
  - error: producir un error (cuando no se encuentra ninguna acción)

1:  $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$   
 2:  $\langle A \rangle \rightarrow \text{begin } \langle C \rangle$   
 3:  $\langle C \rangle \rightarrow \text{codigo}$   
 4:  $\langle B \rangle \rightarrow \text{tipo}$   
 5:  $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \langle B \rangle$

Estado	end	begin	codigo	tipo	id	\$	S	A	B	C
0				d3	d4		1		2	
1						aceptar				
2		d6						5		
3		r4								
4				d3	d4				7	
5	d8									
6			d10							9
7		r5								
8						r1				
9	r2									
10	r3									

PILA	ENTRADA	ACCIÓN
0	<b>id tipo begin codigo end \$</b>	d4
0 4	<b>tipo begin codigo end \$</b>	d3
0 4 3	<b>begin codigo end \$</b>	r4 ( <B> → <b>tipo</b> )
0 4 7	<b>begin codigo end \$</b>	r5 ( <B> → <b>id</b> <B> )
0 2	<b>begin codigo end \$</b>	d6
0 2 6	<b>codigo end \$</b>	d10
0 2 6 10	<b>end \$</b>	r3 ( <C> → <b>codigo</b> )
0 2 6 9	<b>end \$</b>	r2 ( <A> → <b>begin</b> <C> )
0 2 5	<b>end \$</b>	d8
0 2 5 8	<b>\$</b>	r1 ( <S> → <B> <A> <b>end</b> )
0 1	<b>\$</b>	aceptar

4.1 Introducción

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

**4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables**

4.4 Algoritmo LR(0)

4.5 Algoritmo SLR

4.6 Gestión de errores

4.7 Clasificación de gramáticas

- Elemento:
  - Se obtiene colocando un símbolo “.” en cualquier posición de la parte derecha de una regla
  - $\langle A \rangle \rightarrow X_1 X_2 \dots X_i \cdot X_{i+1} \dots X_n$
  - Significa que los símbolos a la izquierda del punto ya han sido reconocidos
  - Las reglas vacías ( $\langle A \rangle \rightarrow \lambda$ ) sólo generan un elemento ( $\langle A \rangle \rightarrow \cdot$ )

- Ejemplo de elementos:

- Gramática:

- $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$
- $\langle A \rangle \rightarrow \text{begin } \langle C \rangle$
- $\langle C \rangle \rightarrow \text{codigo}$
- $\langle B \rangle \rightarrow \text{tipo}$
- $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \langle B \rangle$

- Elementos:

$\langle S \rangle \rightarrow \cdot \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$   
 $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \cdot \langle A \rangle \text{ end}$   
 $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \langle A \rangle \cdot \text{end}$   
 $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end} \cdot$   
 $\langle A \rangle \rightarrow \cdot \text{begin } \langle C \rangle$

$\langle A \rangle \rightarrow \text{begin} \cdot \langle C \rangle$   
 $\langle A \rangle \rightarrow \text{begin } \langle C \rangle \cdot$   
 $\langle C \rangle \rightarrow \cdot \text{codigo}$   
 $\langle C \rangle \rightarrow \text{codigo} \cdot$   
 $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \text{tipo}$

$\langle B \rangle \rightarrow \text{tipo} \cdot$   
 $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \text{id } \langle B \rangle$   
 $\langle B \rangle \rightarrow \text{id} \cdot \langle B \rangle$   
 $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \langle B \rangle \cdot$

- Clausura de un conjunto de elementos:
  - Sea  $I$  un conjunto de elementos
  - Todos los elementos de  $I$  pertenecen a  $clausura(I)$
  - Si clausura de  $I$  contiene un elemento de la forma
    - $\langle A \rangle \rightarrow \alpha \cdot \langle B \rangle \beta$
  - Entonces se añade a  $clausura(I)$  todos los elementos de la forma
    - $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \alpha$

- Ejemplo de clausura de un conjunto de elementos:
  - Sea  $I$  el conjunto
    - $\langle S \rangle \rightarrow \cdot \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$
  - $\text{Clausura}(I)$  será el conjunto
    - $\langle S \rangle \rightarrow \cdot \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \text{tipo}$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \text{id } \langle B \rangle$

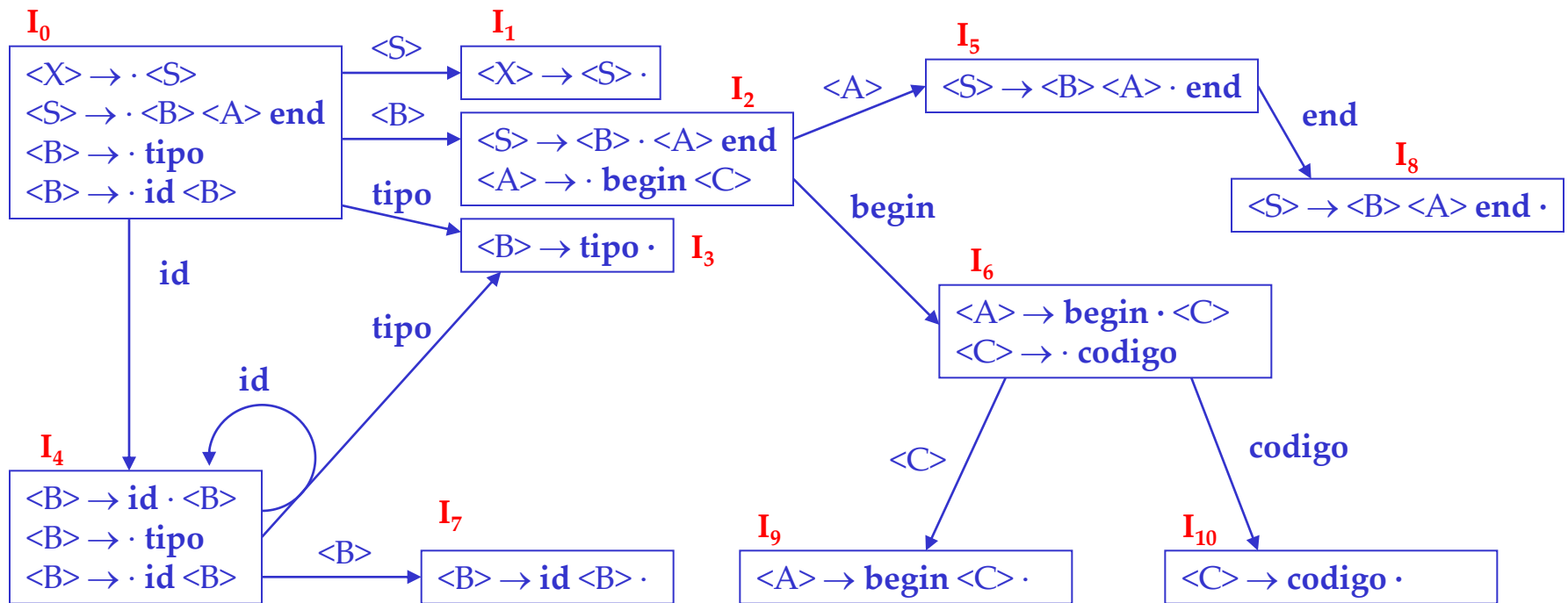


- Operación  $Ir_a$  ( $GoTo$ )
  - Sea  $I$  un conjunto de elementos y  $A$  un símbolo de la gramática (terminal o no terminal)
  - La operación  $Ir_a(I, A)$  da como resultado otro conjunto de elementos.
  - Para cada elemento de  $I$  de la forma
    - $\langle B \rangle \rightarrow \alpha \cdot A \beta$
  - Se añade a  $Ir_a(I, A)$  los elementos del conjunto
    - $clausura(\langle B \rangle \rightarrow \alpha A \cdot \beta)$

- Ejemplo de operación  $Ir_a$ 
  - Sea la gramática:
    - $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$
    - $\langle A \rangle \rightarrow \text{begin } \langle C \rangle$
    - $\langle C \rangle \rightarrow \text{codigo}$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \text{tipo}$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \langle B \rangle$
  - Sea  $I$  el conjunto
    - $\langle S \rangle \rightarrow \cdot \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \text{tipo}$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \cdot \langle B \rangle$
  - El conjunto  $Ir_a(I, \langle B \rangle)$  es
    - $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \cdot \langle A \rangle \text{ end}$
    - $\langle A \rangle \rightarrow \cdot \text{begin } \langle C \rangle$
    - $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \langle B \rangle \cdot$

- Colección canónica de conjuntos de elementos
  - Se amplía la gramática añadiendo la regla  $\langle X \rangle \rightarrow \langle S \rangle$ , siendo  $\langle S \rangle$  el símbolo inicial.
  - Se calcula el conjunto  $I_0 = \text{clausura}(\langle X \rangle \rightarrow \cdot \langle S \rangle)$ , que será el primer elemento de la colección.
  - Para cada conjunto de la colección (C) y cada símbolo terminal o no terminal (A) se calcula el conjunto  $Ir\_a(C, A)$ , que se añade a la colección si no se había incluido previamente.
  - Se repite el paso anterior hasta que no se puedan añadir más conjuntos a la colección.
  - Si se representan los conjuntos de la colección como estados y las operaciones  $Ir\_a()$  como transiciones, se obtiene un *Autómata reconocedor de prefijos viables*.

- Ejemplo de cálculo de una colección canónica de conjuntos de elementos



4.1 Introducción

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

**4.4 Algoritmo LR(0)**

4.5 Algoritmo SLR

4.6 Gestión de errores

4.7 Clasificación de gramáticas

- Algoritmo LR(0) de construcción de la tabla de análisis
  - Se obtiene la colección canónica de conjuntos de elementos.
  - Se obtiene el autómata reconocedor de prefijos viables.
  - Cada conjunto de la colección ( $I_i$ ) es un estado del analizador ( $i$ ).
  - Contenido de la sección  $Ir_a$  de la tabla de análisis:
    - Cada transición  $Ir_a(I_i, <A>) = I_j$ , siendo  $<A>$  un símbolo no terminal de la gramática, significa colocar el valor  $j$  en la celda  $Ir_a(i, <A>)$

- Contenido de la sección *Acción* de la tabla de análisis
  - Cada transición  $Ir_a(I_i, a) = I_j$  siendo **a** un símbolo terminal, significa colocar el valor **dj** en la celda  $Acción(i, a)$ .
  - Para cada estado  $i$  que contenga el elemento  $(X \rightarrow \langle S \rangle \cdot)$  se coloca el valor **aceptar** en la celda  $Acción(i, \$)$ .
  - Para los estados  $i$  que contengan un elemento con el punto al final de la regla  $k$ -ésima  $(\langle A \rangle \rightarrow \beta \cdot)$  colocar **rk** en todas las celdas del estado.
  - Las celdas que queden vacías representan errores sintácticos.

- Ejemplo

1:  $\langle S \rangle \rightarrow \langle B \rangle \langle A \rangle \text{ end}$   
 2:  $\langle A \rangle \rightarrow \text{begin } \langle C \rangle$   
 3:  $\langle C \rangle \rightarrow \text{codigo}$   
 4:  $\langle B \rangle \rightarrow \text{tipo}$   
 5:  $\langle B \rangle \rightarrow \text{id } \langle B \rangle$

Estado	end	begin	codigo	tipo	id	\$	S	A	B	C
0				d3	d4		1		2	
1						aceptar				
2		d6						5		
3	r4	r4	r4	r4	r4	r4				
4				d3	d4				7	
5	d8									
6			d10							9
7	r5	r5	r5	r5	r5	r5				
8	r1	r1	r1	r1	r1	r1				
9	r2	r2	r2	r2	r2	r2				
10	r3	r3	r3	r3	r3	r3				



- El algoritmo LR(0) no requiere de la consideración de ningún token de preanálisis (de ahí el 0).
  - Cuando se alcanza un estado que sólo tiene acciones de reducción, se aplican éstas sin necesidad de estudiar el siguiente token de la cadena de entrada.
  - Cuando se alcanza un estado que no es de reducción, se lee el token de la cadena de entrada y se ejecuta la acción de desplazar correspondiente (o la de aceptar o la generación de un error).

4.1 Introducción

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

4.4 Algoritmo LR(0)

**4.5 Algoritmo SLR**

4.6 Gestión de errores

4.7 Clasificación de gramáticas

- Conflictos LR(0):
  - Los conflictos aparecen cuando una determinada celda de la sección Acción de la tabla puede rellenarse con varios valores.
  - Estos conflictos significan que la gramática no es LR(0). Puede que la gramática sea ambigua, o que sea LALR o LR(1).
- Ejemplo de conflicto LR(0):

1:  $\langle E \rangle \rightarrow \langle T \rangle \text{ plus } \langle E \rangle$   
 2:  $\langle E \rangle \rightarrow \langle T \rangle$   
 3:  $\langle T \rangle \rightarrow \text{number}$

Estado	number	plus	\$	E	T
0	d4			1	2
1			aceptar		
2	r2	<b>d3, r2</b>	r2		
3	d4			5	2
4	r3	r3	r3		
5	r1	r1	r1		

- En el ejemplo anterior, el estado que presenta el conflicto es el siguiente:
  - $\langle E \rangle \rightarrow \langle T \rangle \cdot \text{plus } \langle E \rangle$
  - $\langle E \rangle \rightarrow \langle T \rangle \cdot$
- El conflicto se debe a que en ese estado es posible reducir la regla 2 y también avanzar en el autómata consumiendo el token **plus**.
- El conflicto se podía haber evitado si consideramos que si después de  $\langle T \rangle$  viene el token **plus** entonces no se debería reducir la regla 2 (sustituyendo  $\langle T \rangle$  por  $\langle E \rangle$ ) ya que después de  $\langle E \rangle$  no puede venir **plus**.
- Para evitar estos conflictos es necesario considerar los conjuntos siguientes de cada símbolo no terminal y tener en cuenta un token de preanálisis. Esto es la base del algoritmo SLR.

- Algoritmo SLR:
  - Es idéntico al algoritmo LR(0) salvo en la forma de rellenar las acciones de reducción.
  - Para los estados  $i$  que contengan un elemento con el punto al final de la regla  $k$ -ésima ( $\langle A \rangle \rightarrow b \cdot$ ) colocar  $r_k$  en todas las celdas de los tokens pertenecientes a  $\text{Siguietes}(\langle A \rangle)$ .
- Ejemplo:

1:  $\langle E \rangle \rightarrow \langle T \rangle \text{ plus } \langle E \rangle$   
 2:  $\langle E \rangle \rightarrow \langle T \rangle$   
 3:  $\langle T \rangle \rightarrow \text{number}$

Estado	number	plus	\$	E	T
0	d4			1	2
1			aceptar		
2		d3	r2		
3	d4			5	2
4		r3	r3		
5			r1		

4.1 Introducción

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

4.4 Algoritmo LR(0)

4.5 Algoritmo SLR

**4.6 Gestión de errores**

4.7 Clasificación de gramáticas

- Los errores sintácticos aparecen cuando en la sección Acción de la tabla no existe ninguna acción asociada al estado actual y al símbolo terminal de la entrada.
- El mensaje de error a generar es del tipo *“Encontrado token **a**, se esperaba uno de los siguientes: **b**, **c**, **d**, ...”*.
- El token encontrado (**a**) se refiere al token de la entrada y los tokens esperados (**b**, **c**, **d**, ...) son aquellos que tengan acciones asociadas para el estado de la cima de la pila.

- La recuperación de errores en el análisis ascendente es muy compleja, ya que los estados pueden representar el grado de reconocimiento de varias reglas a la vez.
  - $I_2 = \{ \langle S \rangle \rightarrow \langle A \rangle \cdot \langle B \rangle \textbf{end}, \langle B \rangle \rightarrow \cdot \textbf{begin} \langle C \rangle \}$
  - Este estado tiene solo una acción asociada al token **begin**
- Para desarrollar una estrategia de recuperación de errores se añade una nueva regla con un token especial
  - $\langle B \rangle \rightarrow \cdot \textbf{error}$
  - Cualquier token que no sea **begin** se considera un error
  - Cualquier token erróneo se elimina de la entrada y genera una reducción de esta regla.



- La herramienta YACC utiliza la siguiente técnica ante un error:
  - Desapila los estados hasta llegar a alguno que responda a una regla de error.
  - Desplaza la entrada y reduce la regla de error.
  - Desplaza la entrada hasta encontrar un token que no produzca error.

4.1 Introducción

4.2 Análisis sintáctico por desplazamiento y reducción

4.3 El autómata reconocedor de prefijos viables

4.4 Algoritmo LR(0)

4.5 Algoritmo SLR

4.6 Gestión de errores

**4.7 Clasificación de gramáticas**

- Gramáticas libres de contexto: se utilizan para el análisis sintáctico y pueden ser ambiguas. Es el conjunto más amplio.
- Gramáticas LR(k): son gramáticas no ambiguas que pueden analizarse por un método ascendente de orden k.
- Gramáticas LR(1): son gramáticas no ambiguas que pueden analizarse por un método ascendente lineal ( $k=1$ ). Son un subconjunto de las LR(k).
- Gramáticas LALR(1): son un subconjunto de las LR(1) que pueden analizarse mediante el algoritmo LALR.
- Gramáticas SLR: son un subconjunto de las LALR que pueden analizarse mediante el algoritmo SLR.

- Gramáticas  $LL(k)$ : son gramáticas no ambiguas que pueden analizarse por un método descendente con lookahead  $k$ . Son un subconjunto de  $LR(k)$ .
- Gramáticas  $LL(1)$ : son gramáticas no ambiguas que pueden analizarse por un método descendente con lookahead 1. Son un subconjunto de  $LL(k)$  y de  $LR(1)$ .
- Es importante señalar que un lenguaje puede ser generado por muchas gramáticas de diferente tipo.