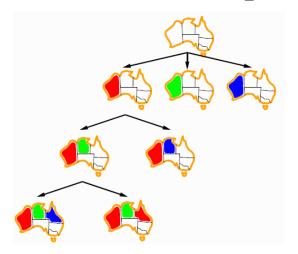


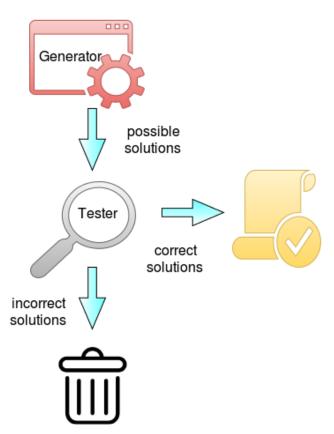
csp & backtracking informatica e laboratorio di programmazione



- o *CSP* = problemi di soddisfacimento di vincoli
- o caratteristiche
 - o i problemi di soddisfacimento di vincoli sono caratterizzati da:
 - o un insieme di *variabili* che possono assumere *valori* in un certo *dominio*
 - o un insieme di *vincoli* che devono essere rispettati dai *valori* delle variabili



- \circ G&T è una semplice tecnica per risolvere problemi CSP
 - o si assegna un *valore* ad *ogni variabile*
 - o si verifica se tutti i *vincoli* sono soddisfatti
 - o se i vincoli sono *soddisfatti ->* è stata trovata una *soluzione*
 - o *altrimenti* si *prova* con valori *diversi*
 - o il procedimento *continua*
 - o finché *non ci sono più* assegnamenti nuovi da testare
 - o *tutte* le soluzioni sono testate



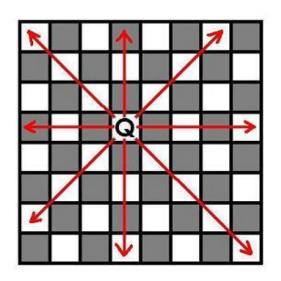


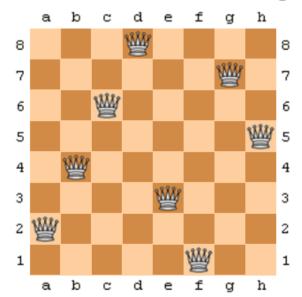


- o posizionare *8 regine* su una scacchiera *8x8* in modo che nessuna di esse possa catturarne un'altra
 - o nessuna regina deve avere una colonna, riga o diagonale in comune con un'altra regina

o il problema è un esempio del più generale problema delle *n regine* su una

scacchiera $n \times n$







- o generate
 - o inserire 8 regine in tutte le possibili combinazioni in una scacchiera 8x8
- o test
 - o per ogni combinazione verificare se nessuna regina può catturarne un'altra

	Α	В	С	D	
o	\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	藰	<u>§</u>	8	
1					
2					
3					



8 regine G&T semplificato

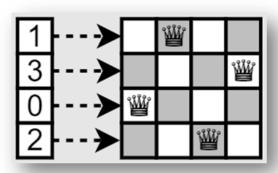
- o dai vincoli si evince che ogni *riga* può contenere al massimo *una regina*
 - o deve contenere *esattamente* una regina
- o è possibile quindi rappresentare una *lista* di 8 elementi con indici 0..7 (*n* elementi con indice 0..*n*-1) che contengono valori compresi fra 0 e 7 (0 e *n*-1) che rappresentano la colonna in cui è posizionata la regina sulla riga

o generate

- o tutte le possibili combinazioni di 8 valori in posizioni
 - \circ 88 = 16777216 \cong 16 milioni

\circ test

o per ogni combinazione verificare se nessuna regina può catturarne un'altra



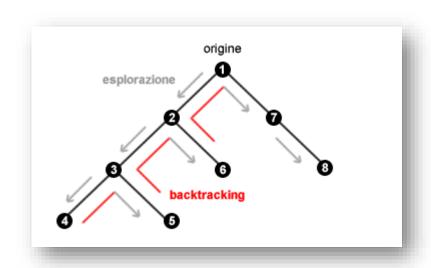


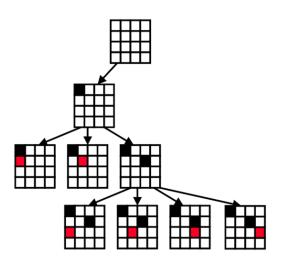


- o **Standard Backtracking**: a seguito di **ogni assegnamento** si **verifica** se tutti i vincoli sono soddisfatti
 - o se sono *soddisfatti* si *continua* verso la soluzione
 - o *altrimenti* si verifica se la variabile appena assegnata ha ancora valori da provare
 - o se sì si *prova* con un *nuovo valore*
 - o se no si *torna indietro* e si sceglie una nuova variabile
- o il procedimento *continua* finché non ci sono più assegnamenti nuovi da provare (o si è trovata una soluzione)
- o *tutte* le soluzioni sono testate

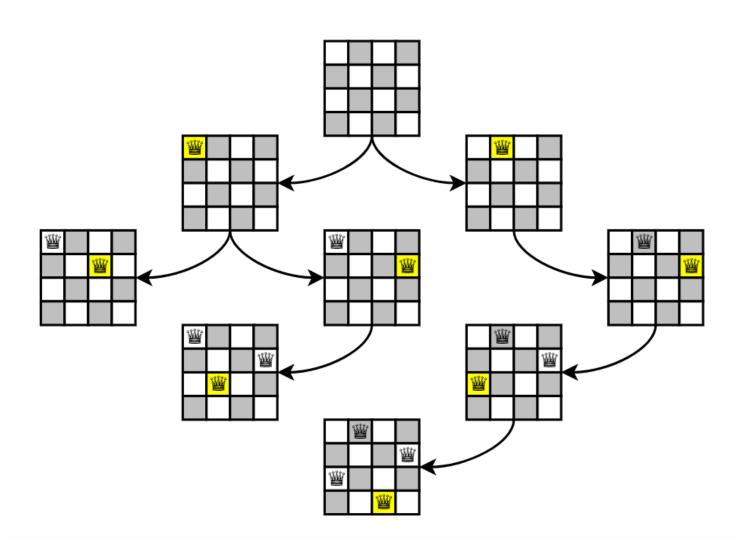


- o *backtracking* (monitoraggio a ritroso) tecnica di ricerca soluzioni per problemi in cui devono essere soddisfatti *vincoli*
- o *enumera* tutte le *possibili soluzioni* e *scarta* quelle che non soddisfano i vincoli

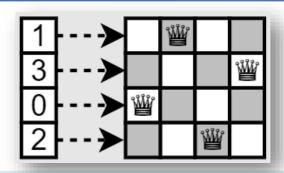












scacchiera è una lista di **int**: per ogni riga della scacchiera, memorizza la posizione della regina sulla colonna



n regine - ricorsione

```
def posiziona regine(scacchiera: list, r=0) -> bool:
 1 1 1
 cerca di posizionare una regina nella scacchiera
 in riga r (le precedenti righe contengono regine
 . . .
 if r == len(scacchiera):
     return True # successo! tutte le righe contengono regine
 # prova inserimento regina in tutte le colonne
 for c in range(len(scacchiera)):
     if not sotto attacco(scacchiera, c, r):
         scacchiera[r] = c # possibile inserire regina in colonna c
         # passaggio alla riha successiva
         if posiziona regine(scacchiera, r + 1):
             return True
         scacchiera[r] = None # non è possibile inserire, backtrack
 return False
```



- o il sudoku (数独) è un gioco di logica nel quale al giocatore viene proposta una griglia di 9×9 celle, ciascuna delle quali può contenere un numero da 1 a 9, oppure essere vuota
- o la griglia è suddivisa in 9 righe orizzontali, nove colonne verticali e in 9 "sottogriglie", chiamate regioni, di 3×3 celle contigue
- o le griglie proposte al giocatore hanno da 20 a 35 celle contenenti un numero
- o scopo del gioco è quello di riempire le caselle bianche con numeri da 1 a 9, in modo tale che in ogni riga, colonna e regione siano presenti tutte le cifre da 1 a 9 senza ripetizioni

5	3			7				
6			1	9	5			
	9	8					6	
8				6				3
4			8		3			1
7				2				6
	6					2	8	
			4	1	9			5
				8			7	9

5	3	4	6	7	8	9	1	2
6	7	2	1	9	5	m	4	8
1	9	8	ო	4	2	5	6	7
8	5	9	7	6	1	4	2	3
4	2	6	8	5	3	7	9	1
7	1	3	თ	2	4	8	5	6
9	6	1	5	3	7	2	8	4
2	8	7	4	1	9	6	3	5
3	4	5	2	8	6	1	7	9



soluzione ingenua (G&T) Generate and Test

- o si inserisce un numero in ogni cella vuota
- o si verifica che le regole del gioco siano rispettate
- o se qualche regola non è rispettata si prova con altri numeri
- o complessità
 - o il numero totale di celle è 81
 - o supponendo riempite 31 celle ne rimangono 50
 - o il numero di combinazioni possibili da provare è 9⁵⁰ (circa 5*10⁴⁷)
- o supponendo 1 nanosecondo per formulare una combinazione il tempo previsto è circa . . .



- o 1 anno = 365 giorni
- \circ 1 anno = 8760 ore
- 1 anno = 525600 minuti
- \circ 1 anno = 3.154 x 10⁷ secondi
- \circ 1 anno = 3.154 x 10¹⁶ nanosecondi
- \circ 5 x 10⁴⁷ / 3.154 x 10¹⁶ = 10³¹ anni
- o età dell'universo ... 10¹⁰ anni :(



backtracking

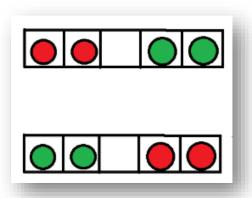
esercizi





o 11.1 puzzle di Cindy

- o piano di gioco: 2n+1 celle allineate
- si parte con n pedine rosse tutte a sinistra,
 n pedine verdi tutte a destra, ed una cella libera in mezzo
- le pedine *rosse* si possono spostare solo a *destra*,
 quelle *verdi* solo a *sinistra* (senza poter tornare indietro)
- o ad ogni mossa, una qualsiasi pedina può:
 - o *avanzare* di una posizione, se davanti ha una cella libera
 - o oppure *scavalcare* esattamente una pedina dell'altro colore, se c'è una cella libera subito dopo
- o l'applicazione deve trovare *automaticamente* le mosse per *invertire* la posizione di tutte le pedine





o 11.28 regine

o modificare il codice proposto che trova tutte le soluzioni del problema delle 8 regine visualizzando il numero di tentativi effettuati e il numero di soluzioni trovate

o 11.3 8 regine generate & test

- o realizzare un'applicazione che risolve il problema delle 8 regine secondo la metodologia generate & test (versione semplificata una sola regina per riga)
- o visualizzare il numero di tentativi effettuati e il numero di soluzioni trovate



o 11.4 sudoku (verifica)

o verificare se una soluzione parziale di un sudoku è ammissibile (soddisfa i vincoli)

o 11.5 sudoku (applicazione)

- o realizzare un'applicazione che legge da file la situazione iniziale di un sodoku
- o permette ripetutamente all'utente
 - o di inserire un valore specificando la cella
 - o accetta il valore solo se rispetta i vincoli
 - o di 'cancellare' un valore da una cella
- o verifica se il sudoku è completo