

algoritmi

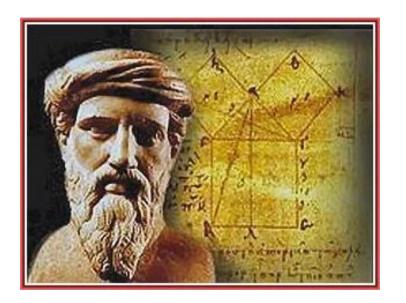
dall'analisi del problema alla definizione dell'algoritmo



problema

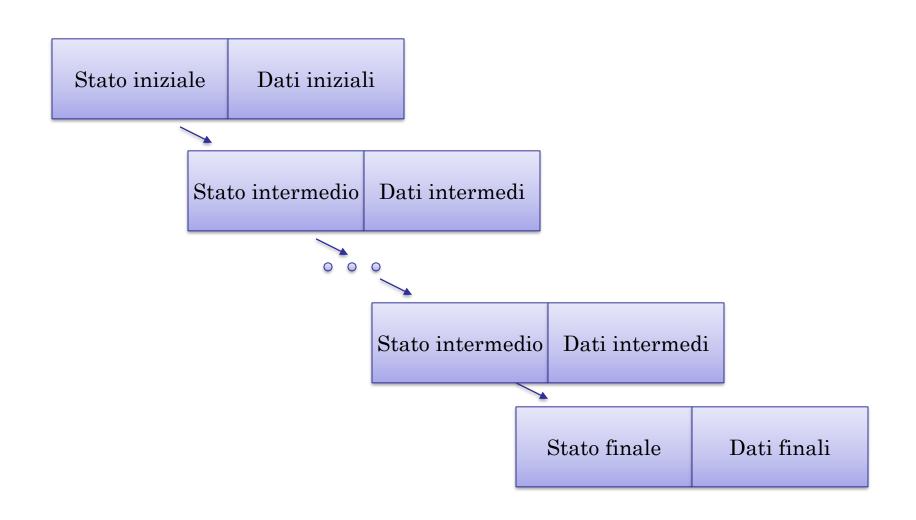
o risolvere un problema:

- o passare da uno stato iniziale
- o a uno stato finale
- o attraverso stati intermedi



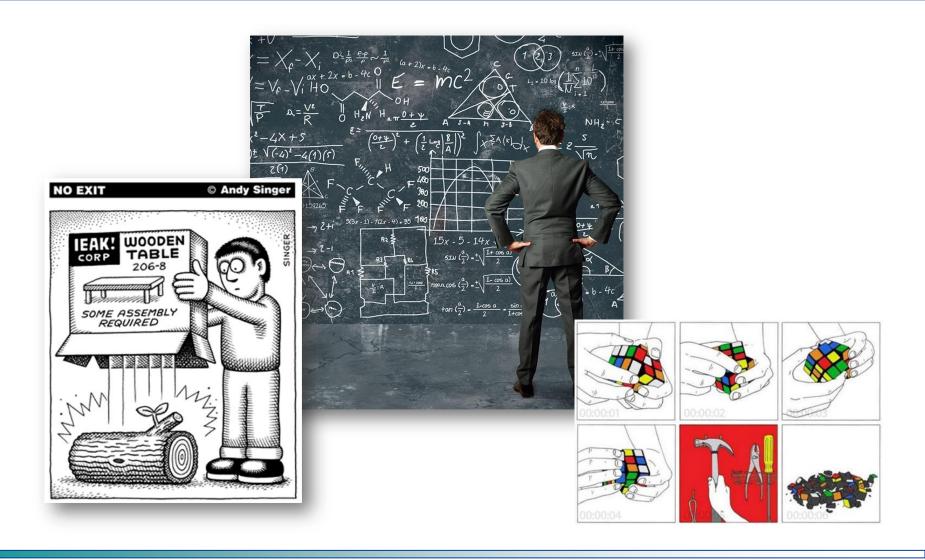


soluzione di un problema





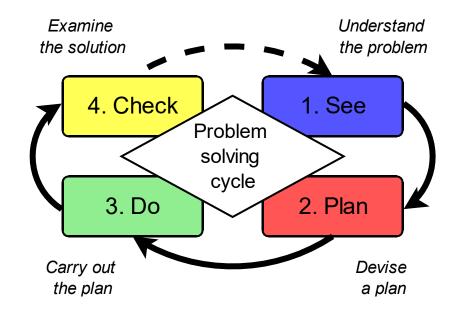
non solo problemi matematici





(1) See

- capire il problema
- quali sono i dati, quali le incognite?
- quali sono le condizioni? sono soddisfacibili, ridondanti, contraddittorie?
- figure, notazione



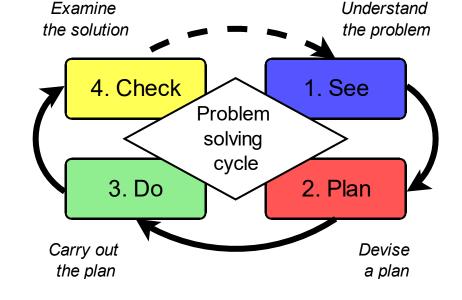
Make things as simple as possible, but not simpler. (A. Einstein)
For every complex problem there is an answer that is clear, simple, and wrong.

(H.L. Mencken)



(2) Plan

- elaborare un piano
- mettere in relazione dati e incognite
- metodologie: divide et impera, composizione, astrazione...
- computational thinking
- cominciare a risolvere un problema più semplice
 - (vincoli rilassati)



If you can't solve a problem... then there is an easier problem you can solve: find it. (G. Polya)



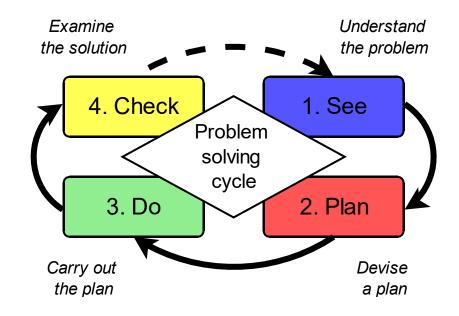
problem solving

(3) Do

- eseguire il piano
- controllare ogni passo
 - è corretto?

(4) Check

- controllare la soluzione
- è corretta?
- è ottenibile in altro modo?
- il risultato è utilizzabile per altri problemi?

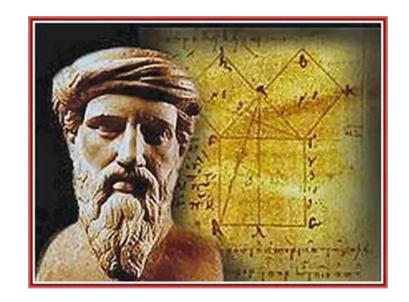






esempio: analisi

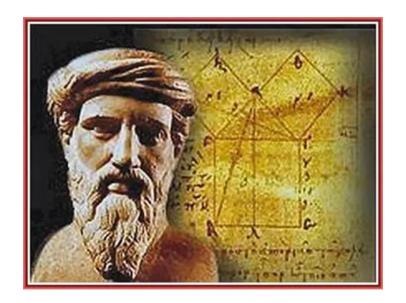
- l'*analista* deve raccogliere le informazioni necessarie per definire il problema
- individua le *informazioni iniziali* significative
- individuare le *informazioni finali* (risultato)
- esempio: Pitagora identifica come obiettivo la ricerca del valore dell'ipotenusa di un triangolo rettangolo e come dati iniziali significativi i valori dei due cateti





esempio: progettazione

- il *progettista* fornisce una descrizione del procedimento che porta alla soluzione del problema (algoritmo)
- specifica le azioni da eseguire per passare dai dati iniziali ai dati intermedi ai risultati finali
- esempio:
 - calcola il quadrato del primo cateto
 - calcola il quadrato del secondo cateto
 - somma i due valori ottenuti
 - calcola la radice quadrata del valore ottenuto





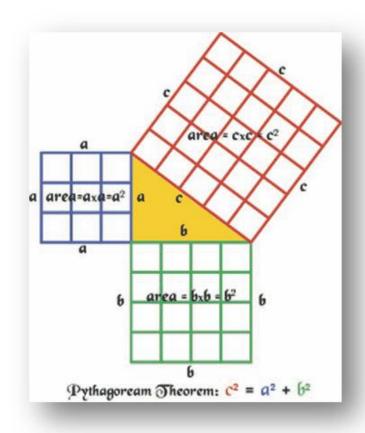
o se il *risolutore* è un computer l'algoritmo deve essere tradotto in un *linguaggio di programmazione*

```
""" pitagora """
import math
# dati di input
c1 = float(input("primo cateto: "))
c2 = float(input("secondo cateto: "))
# calcola il quadrato del primo cateto
q1 = math.pow(c1,2)
# calcola il quadrato del secondo cateto
q2 = math.pow(c2,2)
# somma i due valori ottenuti
s = q1 + q2
# calcola la radice quadrata del valore ottenuto
ip = math.sqrt(s)
# dati di output
print("ipotenusa",ip)
```



esempio: verifica della soluzione

- il *tester* verifica che i risultati ottenuti non generino alcuna contraddizione con i dati iniziali
- in caso contrario si deve ripartire dall'analisi per poi passare di nuovo alla progettazione finché la verifica della soluzione non ha dato esito positivo

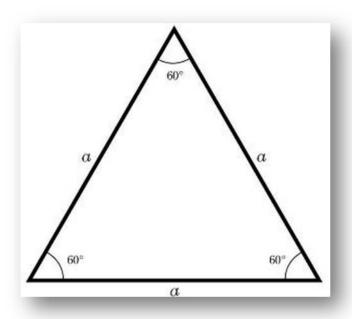


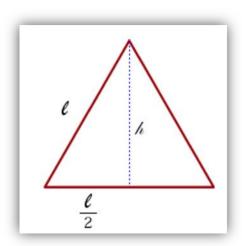


- o *algoritmo*: procedimento che risolve un determinato problema attraverso un numero *finito* di passi elementari (al-Khwarizmi, بو جعفر محمد خوارزمی ~800)
- o **dati**: iniziali (istanza problema), intermedi, finali (soluzione)
- o *passi elementari*: azioni *atomiche* non scomponibili in azioni più semplici
- o *processo* (esecuzione): sequenza ordinata di passi
- o proprietà dell'algoritmo: finitezza, non ambiguità, realizzabilità, efficienza...



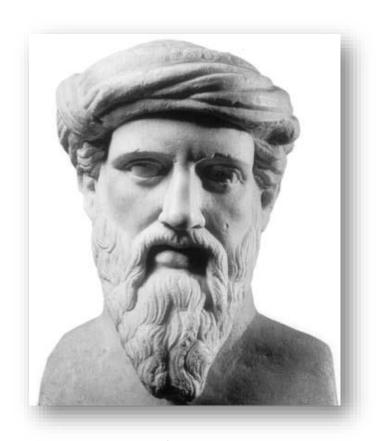
o data la lunghezza di un lato di un triangolo equilatero trovare il perimetro e l'area











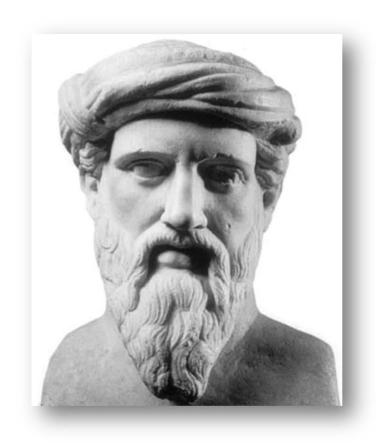
risolutore



esecutore



- il *risolutore* svolge le attività legate all'*analisi* e alla *progettazione*
- analisi e progettazione sono attività di *studio* e di *ricerca*
 - hanno carattere *creativo*,
 presuppongono *intelligenza*,
 esperienza e *intuizione*





- l'*esecutore* esegue le *istruzioni* sui dati iniziali per giungere ai dati finali
- l'esecutore deve comprendere, interpretare correttamente e deve essere in grado di eseguire le istruzioni per trasformarle in azioni





- o molti problemi hanno *radice comune*, appartengono alla stessa classe
- o uno stesso elenco di istruzioni può servire per la soluzione di problemi specifici che *differiscono* solo per le informazioni iniziali
- o la sequenza di istruzioni che permette di trovare l'ipotenusa del triangolo con cateti di cm 3 e cm 4 (*problema specifico*) è la stesa che permette di trovare l'ipotenusa di un qualsiasi triangolo rettangolo con cateti di dimensione x, y.
 - o i cateti x, y sono i *parametri* che caratterizzano questa classe di problemi
- è importante quindi non trattare un problema specifico ma una classe di problemi



- sono esempi di *algoritmi* le procedure che permettono di:
 - o effettuare le quattro operazioni matematiche
 - o ordinare di una sequenza di numeri
 - o verificare la presenza di una parola in un testo
 - o simulare il volo di un aereo
 - o far diventare il computer un grande giocatore di scacchi
- o e ...
 - o la ricetta per la torta al cioccolato?
 - o le istruzioni di IKEA per montare la libreria MALSJÖ?





Per preparare la torta al cioccolato per prima cosa sciogliete al microonde o a bagnomaria il cioccolato fondente (1) spezzettato e lasciatelo intiepidire mescolando di tanto in tanto. In una ciotola capiente, ponete il burro tagliato a cubetti e lasciatelo ammorbidire a temperatura ambiente. Sbattetelo con una frusta (2) (o con lo sbattitore) fino a ridurlo a crema, poi aggiungete lo zucchero (3) e continuate a sbattere per amalgamario bene.



Unite un uovo alla volta (4) sempre sbattendo e via via le altre, avendo l'accortezza di fare assorbire completamente l'uovo prima di aggiungerne un altro: in questo modo avrete ottenuto una crema soffice e omogenea. Incorporate il cioccolato fondente sciolto (5) e ormai tiepido e il pizzico di sale. In una ciotola unite assieme alla farina, il lievito e il cacao amaro (6), quindi setacciateli.



Aggiungete al composto di burro, uova e cioccolato gli ingredienti (7) setacciati alternando l'aggiunta del latte (8) (non troppo freddo). Una volta ottenuto il composto finale, imburrate e infarinate una tortiera del diametro di 22-24 cm quindi versatelo al suo interno (9), livellando poi la superficie. Infornate in forno statico già caldo a 180° per circa 60 minuti, quindi pungetela con uno stecchino per vedere se la torta al cioccolato è cotta. Lasciatela leggermente intiepidire poi sformatela e ponetela su di una gratella per farla raffreddare definitivamente.





- o caratteristiche di un linguaggio algoritmico
 - o non ambiguità
 - o capacità di esplicitare il *flusso* di esecuzione delle istruzioni
- o deve contenere istruzioni di tipo:
 - o *operativo* (fare qualcosa)
 - o *input/output* (comunicare con il mondo esterno)
 - o decisionale (variare il flusso di esecuzione)

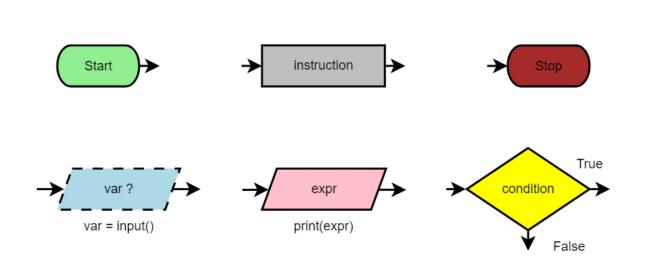


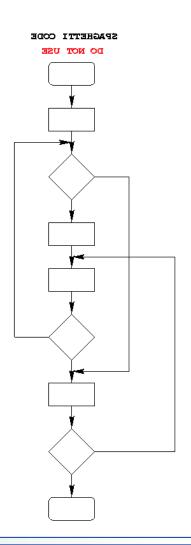
- o diagramma di flusso (*flow-chart*):
 - o rappresentazione grafica di algoritmi
 - o più *efficace* e *meno ambigua* di una descrizione a parole
- o è un grafo orientato
- o due tipi di entità:
 - \circ nodi
 - o archi



tipi di nodi

A. Ferrari





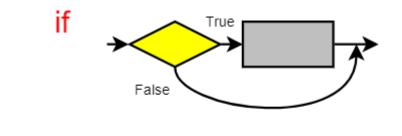


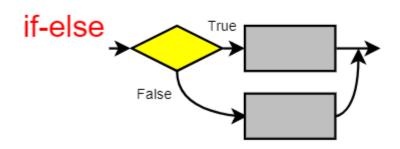
programmazione strutturata

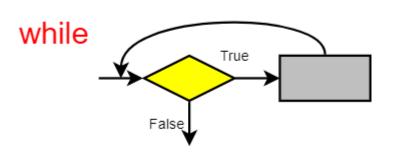
- o strutture di controllo:
 - o sequenza
 - o selezione
 - o iterazione

Qualunque algoritmo può essere implementato utilizzando queste tre sole strutture (Teorema di Böhm-Jacopini, 1966)









esempi quotidiani di if e while:

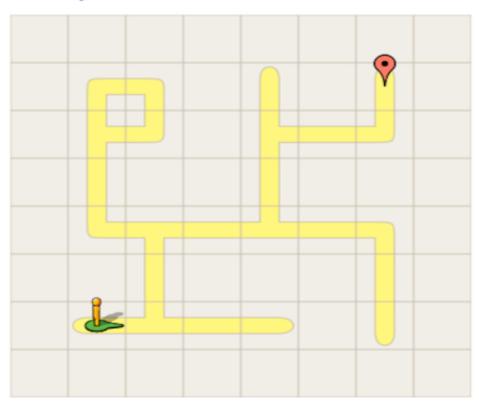
"se non c'è il lievito, usare due cucchiaini di bicarbonato" "battere gli albumi finché non montano"

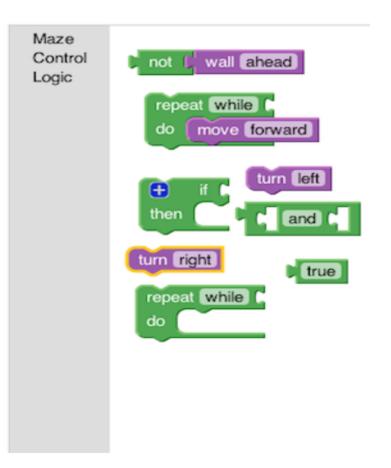




blockly

Blockly > Demos > Maze





http://blockly-games.appspot.com/maze
http://www.ce.unipr.it/~aferrari/codowood/maze.html



o determinare se un numero è primo

o analisi:

- o un numero è primo se è divisibile esattamente solo per 1 e per se stesso
- o si cerca il minimo divisore intero maggiore di 1 del numero
- o se è uguale al numero stesso allora questo è primo

o dato iniziale:

o un qualsiasi numero intero

o dato finale:

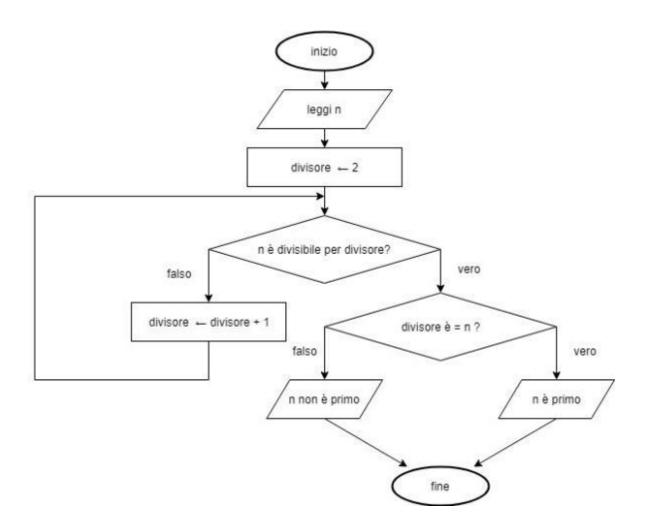
o «primo» o «non primo»



- o provare a dividere il numero per 2, per 3, per 4 e così fino a che il resto della divisione intera è diverso da zero
- o i tentativi si esauriscono quando il resto è uguale a zero (si è individuato un divisore esatto del numero)
- o se il divisore è uguale al numero stesso allora questo è un numero primo

A. Ferrari

flow chart





memoria

- o per poter eseguire le istruzioni che compongono l'algoritmo è necessario poter *memorizzare*
 - o i *dati* iniziali
 - o i *dati* intermedi
 - o i *risultati* finali
 - o ma anche le *istruzioni* stesse
- o è necessaria una *memoria*, indipendentemente dal fatto che l'esecutore sia umano o una macchina





pensare ... prima di risolvere

- 1. un treno merci lascia Milano per Bologna nello stesso momento in cui un rapido lascia Bologna per Milano. Se il treno merci viaggia a 50 Km/h e il rapido a 100 Km/h quale dei due sarà più vicino a Bologna quando si incontreranno? (distanza Milano Bologna 198 Km)
- 2. due treni che viaggiano a 50 Km/h partono contemporaneamente da due stazioni A e B alla distanza di 100 Km. Un passero parte nello stesso momento dalla stazione A e vola all'altezza di 15 metri a 100 Km/h verso la stazione B. Quando incontra il treno proveniente da B torna verso A. Vola avanti e indietro tra i due treni finché essi si incontrano. Che distanza ha percorso il passero nel suo volo?
- 3. due missili viaggiano uno contro l'altro uno a 16000 Km/h e l'altro a 20000 Km/h. Essi partono ad una distanza iniziale di 2000 Km. Quanto sono distanti un minuto prima della collisione?



definire i dati di input e di output

- 1. si abbia a disposizione il valore che rappresenta la produzione industriale dell'anno precedente, e si supponga che sia aumentata del 5% nell'anno in corso: qual è il suo valore attuale?
- 2. dato il lato trovare il perimetro e l'area del quadrato
- 3. data l'età di 3 persone calcolare l'età media
- 4. data la colonna vincente del totocalcio, si vuole sapere quanti segni sono stati indovinati nella colonna giocata
- 5. date le informazioni sui nomi degli studenti, di una classe composta da 28 alunni, e sui voti che essi hanno ottenuto in una prova, si vuole stabilire il voto medio della classe
- 6. date le temperature misurate nel mese di luglio in una città, si vuole sapere in quanti giorni del mese si è avuta una temperatura superiore a 30 gradi
- 7. stabilita la percentuale di sconto, dato il prezzo di un prodotto, calcolare lo sconto e il prezzo scontato e comunicare i risultati



risolvere i problemi

- 1. dato il raggio calcolare il perimetro e l'area del cerchio
- 2. date le coordinate di due punti A e B trovare le coordinate del punto medio del segmento AB
- 3. per il lavoro di un operaio sono registrati l'orario di entrata e l'orario di uscita sia al mattino che al pomeriggio: calcolare il totale delle ore e dei minuti lavorati e, data la paga oraria, calcolare la paga giornaliera
- 4. dato un elenco di 20 studenti, per ogni studente sono indicati il nome e due voti relativi a due prove di Matematica; si deve segnalare il nome di coloro che dovranno frequentare un corso di recupero perché hanno media insufficiente
- 5. per la vendita di un prodotto si deve applicare uno sconto progressivo in base al numero di pezzi ordinati in base alla regola: fino a 3 pezzi 5%, fino a 5 pezzi 10%, fino a 10 pezzi 20%, oltre 10 pezzi 30%. Dato il prezzo del prodotto e il numero di pezzi ordinati calcolare il prezzo da pagare.