

Esercitazione di Algoritmi Numerici

Metodi iterativi per la soluzione di sistemi lineari

7 Maggio 2015

1. Costruire uno script matlab che presa in input
 - la matrice A di ordine n,
 - il termine noto b scelto in maniera tale che la soluzione del sistema $Ax=b$ sia il vettore unitario,
 - il vettore soluzione iniziale $x_0=\text{zeros}(n,1)$,
 - il numero massimo di iterazioni, **maxiters=3000**
 - e la precisione **prec=10⁻⁵,**

risolva, se possibile, usando i metodi iterativi di Jacobi e Gauss-Seidel i sistemi lineari aventi matrice dei coefficienti A e termine noto b, tale che la soluzione del sistema lineare $Ax=b$ sia il vettore unitario.

Sperimentare i metodi di Jacobi e Gauss-Seidel sulle matrici seguenti:

- confrontare il raggio spettrale della matrice di iterazione, il numero di iterazioni date in output dall'esecuzione di ciascun metodo.
- Graficare l'errore relativo dei due metodi ad ogni iterazione.

Giustificare i risultati alla luce della teoria.

$$\text{a) } A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 4 \\ 7 & 4 & 3 \\ -1 & -1 & -2 \end{bmatrix}$$

$$\text{b) } A = \begin{bmatrix} 5 & 0 & -1 & 2 \\ -2 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & -1 & 4 & -1 \\ 2 & 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$c) \quad A = \begin{bmatrix} 3 & -1 & 0 & 0 & 0 & -1 \\ -1 & 3 & -1 & 0 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 3 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 & 3 & -1 & 0 \\ 0 & -1 & 0 & -1 & 3 & -1 \\ -1 & 0 & 0 & 0 & -1 & 3 \end{bmatrix}$$

- d) A una matrice tridiagonale di ordine 10, con elementi diagonali uguali a 4, elementi della codiagonale superiore uguali a -1, elementi della codiagonale inferiore uguali a -1.
- e) A una matrice tridiagonale di ordine 10, con elementi diagonali uguali a 2, elementi della codiagonale superiore uguali a -1, elementi della codiagonale inferiore uguali a -1.
- f) A la matrice generata dal comando MatLab $A = \text{gallery}('poisson', n)$, che genera una matrice quadrata di dimensione $n^2 \times n^2$ con $n=5,10,50,100$.