

## Esercitazione sui sistemi Lineari Parte II

30 Aprile 2015

- 1) Sia  $A$  una matrice tridiagonale di ordine  $n$ , con i valori sulla diagonale principale tutti uguali a 4, i valori sulla codiagonale inferiore tutti uguali a -1 ed i valori sulla codiagonale superiore tutti uguali a -1,

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & & & & & \\ -1 & 4 & -1 & & & & \\ & -1 & 4 & -1 & & & \\ & & -1 & 4 & -1 & & \\ & & & \dots & \dots & \dots & \\ & & & & \dots & \dots & \dots \\ & & & & & \dots & \dots \\ & & & & & & \dots & \dots \\ & & & & & & & \dots & \dots \\ & & & & & & & & -1 & 4 & -1 \\ & & & & & & & & & -1 & 4 \end{bmatrix}$$

Realizzare uno script matlab che risolva il sistema lineare  $\mathbf{Ax}=\mathbf{t}$ ,  $\mathbf{t}$  termine noto scelto in maniera tale che la soluzione del sistema sia il vettore unitario con i seguenti metodi:

- Variante del metodo di Gauss per matrici tridiagonali, che lavora solo sui valori del vettore contenente la diagonale e dei vettori contenenti le due codiagonali inferiore e superiore
- Metodo di Gauss per matrici piene, (fare uso per la fattorizzazione della funzione di matlab `lu`,  $([L,U,P]=lu(A))$  e per la soluzione dei sistemi triangolari inferiore e superiore dell'operatore `\`).

(Tenere presente che dato un sistema lineare  $Qz=y$ , la sua soluzione si può ottenere facendo uso dell'operatore  $\backslash$ , con il comando matlab  $z=Q\backslash y$  (y vettore colonna).)

Risolvere il sistema lineare al variare dell'ordine  $n$  della matrice con entrambi i metodi e confrontarne i tempi di esecuzione (si faccia uso delle funzioni di Matlab tic e toc per calcolare il tempo)

n	Tempo della soluzione facendo uso della fattorizzazione LR per matrici tridiagonali	Tempo della soluzione facendo uso della fattorizzazione LR per matrici piene
10		
50		
100		
250		
1000		
1500		

2) Costruire una matrice simmetrica di ordine  $n=3000$ , nel seguente modo:

$A = \text{rand}(3000);$

$B = A' * A;$

Verificare con l'algoritmo di Fattorizzazione di Cholesky se la matrice  $B$  sia definita positiva.

In caso positivo, risolvere il sistema lineare  $Bx=y$ , con  $y$  termine noto scelto in maniera tale che la soluzione del sistema lineare sia il vettore unitario,

a) Facendo uso della fattorizzazione di Cholesky.

b) Facendo uso della fattorizzazione di Gauss (usare la funzione `lu` e l'operatore `\` come nell'esercizio precedente.

Confrontare i tempi dei due metodi per il calcolo della fattorizzazione.

3) Costruire una matrice  $A$  simmetrica e definita positiva seguendo la condizione sufficiente affinché una matrice simmetrica sia definita positiva.

Risolvere il sistema lineare  $Ax=b$ , con  $b$  termine noto in maniera tale che la soluzione sia il vettore unitario, mediante la fattorizzazione di Cholesky.