

ALG-Tema4-EJs_VoracesResueltos.pdf



Anónimo



Algorítmica



2º Grado en Ingeniería Informática



Escuela Técnica Superior de Ingenierías Informática y de Telecomunicación Universidad de Granada



LA PRIMERA RESIDENCIA GAMING EN EL MUNDO ABRE EN MADRID

ESCANEA Y PARTICIPA EN EL SORTEO DE UN ALIENWARE



gamingresidences.com

info@gamingresidences.com

ESCANEA Y PARTICIPA EN EL SORTEO DE UN ALIENWARE

A TOTAL



LA PRIMERA RESIDENCIA GAMING EN EL MUNDO ABRE EN MADRID



GR

GAMING RESIDENCES

gamingresidences.com

info@gamingresidences.com



LA PRIMERA RESIDENCIA GAMING EN EL MUNDO ABRE EN MADRID ESCANEA EL CÓDIGO QR Y PARTICIPA EN EL SORTEO DE UN ALIENWARE



TEORÍA DE ALGORITMOS RELACIÓN DE PROBLEMAS TEMA 4. ALGORIMOS GREEDY

- Se tiene un barco de mercancías cuya capacidad de carga es de k toneladas y un conjunto de contenedores c1,...., cn, cuyos pesos respectivos (expresados también en toneladas) son p1,, pn. Se sabe que la capacidad del barco es <u>inferior</u> a la suma total de los pesos de los contenedores.
 - a) Diseñar un algoritmo que maximice el número de contenedores cargados.
 - b) Diseñar un algoritmo para maximizar el número de toneladas cargado.

Indicar las técnicas de diseño utilizadas en ambos problemas y analizar su complejidad.

- 2. Sean n programas P1, ..., Pn que hay que almacenar en un disco. El programa Pi requiere S_i Kilo bites de espacio y la capacidad del disco es D Kilo bites, donde $D < \sum S_i$. Resolver las siguientes cuestiones:
 - Se desea maximizar el número de programas almacenados en el disco. Construir un algoritmo greedy para resolver el problema (existe un algoritmo que da una solución óptima).
 - Se desea utilizar la mayor capacidad posible del disco. Demostrar que podemos utilizar un algoritmo greedy que seleccione los programas por orden no creciente de sí para obtener la solución exacta o dar un contraejemplo en caso contrario.
- 3. Tenemos que ejecutar un conjunto de n tareas, cada una de las cuales requiere un tiempo unitario. En un instante $T=1,\,2,\,...$ podemos ejecutar únicamente una tarea. La tarea i produce unos beneficios gi (gi >0) sólo en el caso en el que sea ejecutada en un instante anterior o igual a di. Utilizando la técnica greedy encontrar un algoritmo que nos permita seleccionar el conjunto de tareas a realizar de forma que nos aseguremos que tenemos la mayor ganancia posible.

Resolver el problema utilizando la siguiente instancia:

i	1	2	3	4
gi	50	10	15	30
di	2	1	2	1

- 4. Consideremos el grafo no-dirigido G = (V, E). Un conjunto de nodos U se dice un cubrimiento de G si U es un subconjunto de V tal que cada arista en E es incidente al menos en un vértice de U. Un conjunto de nodos es un cubrimiento minimal de G si tiene el mínimo número posible de nodos y verifica esta propiedad. El grado de incidencia de un vértice es el número de aristas que inciden en él.
 - a) Dar un algoritmo greedy para este problema.
 - b) Indicar si este algoritmo genera un conjunto de vértices minimal para cualquier grafo si se utiliza como función de selección el máximo grado de incidencia sobre los nodos no seleccionados.

NOTA: La forma de resolver estos problemas es pensando en posibles funciones de selección y factibilidad, pensar en posibles contraejemplos que hagan que el algoritmo no de una solución óptima y finalmente quedarse con la opción más lógica dando alguna razón (incluso aunque ello no asegure una solución óptima/correcta, salvo que se permita usar otro tipo de técnica que si la dé).



- D Ej. 1. de la relación.
- a) Lista de candidatos Ci: el conjunto de los contenedores - Lista de seleccionados S: solución parcial con los contene dores seleccionados hasta el momento
 - Funcion de factibilidad: Si pero (SU /x/) <= K entonos SU/x/ es factible.
 - Función solución: Cuando no queden elementos/candidatos factibles.
 - Función objetivo: nº de elementer en S.
 - -Función selección: Hay dos posibilidades, coger el siguien te elemento de menor peso o coger el siguiente de mayor peso.

La segunda parece poso lógica porque deja el menor espacio posible para colocar más contenedores. De hecho, encon trar un contraejemplo es muy sencillo,

K H H Se ve clara mente que caten más

Escogeremos por tanto el de menor peso disponible.

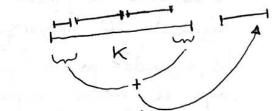
Algoritmo = Maxcont (G, S) {

Sin embargo, en este caso se puede realisar una ordenación previa para simplemente ir seleccionando los contenedores mientras que pan. Este algoritmo sería $n \cdot \lg(n) + n \Rightarrow O(n \cdot \lg(n))$.

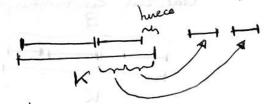
Queda como ejercicio describir/proponer el algoritmo que usando mergesort o quicksort (éstos no habria que describirlos) de una solución al problema.

De las dos positilidades anteriormente comentadas, para este problema ninguna nos lleva a un algo ritmo correcto mediante el enfoque Greedy. Es facil encontrar contra ejemplos:

1. Escoger el menor disponible:



2. Esager el mayor dispossible:



Este apartado está puesto para que se responda que lo mejor es utilizar una tecnica de ramificación y poda, y se describa dicho algoritmo.

(2) Ej. 2 de la relación.

a) Se resulve como el apartado a) del ejercició anterior (es el mismo problema).

WUOLAH

b). Es el mismo problema del apartado b) del (Pg3) ejercició anterior. Bastaria con poner el 2º contra ejembro ejemplo.

(3) Ej 3 de la relación.

- Lista de candidatos C: el conjunto de las tareas - Lista de seleccionados S: las tareas seleccionadas harta el momento.

- Función solución: cuando no queden más tareas factibles.

- Función objetivo: Beneficios acumulados por las taxeas

en S. Beneficio = ¿ gi

- Función de factibilidad: (5 U{x9) es factible si todas

las tareas i E (SU(x4) pueden

ser ejecutadas en un instante an

terior o igual a di.

- Función de selección: La mejor opción es coger las

tareas con mayor beneficio. Se

pueden encontrar contraejemples fé

ciles para otras alternativas lógicas. Por ejemplo, escoger primero aquellas

que deban ser ejecutadas antes, contra

ejemplo:

ďi 2 2 3

gi 30 Jésta ya no di 3 Jentraria, sin

embargo es mejor que las das primeras.



LA PRIMERA RESIDENCIA GAMING EN EL MUNDO ABRE EN MADRID

ESCANEA EL CÓDIGO OR Y PARTICIPA EN EL SORTEO DE UN ALIENWARE



Algoritmo detallado:

(Pg 4)

La parte complicada de este ejercicio está en poder comprobar de manera eficiente si incluir una nueva tarea senera conflicto. Para ello se puede mantener el vector solución so ordenado, tratando de insertar la nueva tarea en su posición correspondiente. Es fácil comprobar después si alguna de las tareas desplazadas o la propia tarea insertada se encuentra en una posición mayor a su correspondiente di, en cuyo caso añadir la tarea no es factible. (Se numera i desde 0).

void factible_insertar (datos * 5, int & elems, datos x) {

// datos es una estructura con los valores diy gi

int factible=1, i, pos

for (i=elems; i>0 & x.d < SIi-13.d & factible; i--)

if (SCi-1] > i) factible = 0;

if (factible & x.d <= pos) } // comprobación factibilidad

for (i = elems; i>pos; i--)

for (i = elems; i > pes; i - -) {

S[i] = S[i-1];

S[pos] = x;

elems ++;

return;

void Max Beneficio (datos * G, int n, datos * S, int E elems) {

int i;

OrdenarPorBeneficios (G,n); elems = 0;

D

WUOLAH

return;

Instancia: i 0 1 2 3 4 Se adaptan

Drdenación G:

G = 50 30 15 10 di 1 0 1 0 1 ten desde 0.

Iteración 0: S = 50 | Iteración 1: S = 30 50

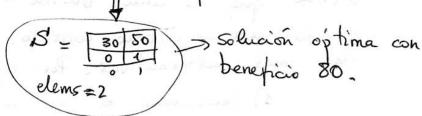
S = 50d 1

elems = 1

leración 1: S = 30 | 50o 1

elems = 2.

Iteración 2 y 3: ningún otro elemento puede ser insertado

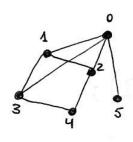


Para ver por qué funciona habría que demostrarlo: 1. Demostrar que la primera elección es la correcta. 2. Demostrar que existen subestructuras optimales.

Se deja como ejercicio por resolver.

4) Ej. 4 de la relación.

b) Se puede encontrar un contraejemplo en el que no funciona al considerar el máximo grado de incidencia sobre los nodos no seleccionados. Contraejemplos:



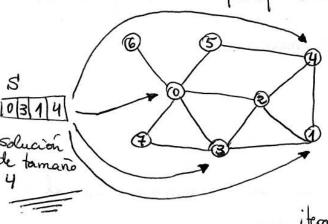
cosiéndolos en este orden (de mayor a menor grado), la solución sería,

Sin embargo S= 0/3/2/ también es solucion 3 vértices.

El algoritmo así no es correcto.

a) Tal anal están planteadas las preguntas a) y b), podemos proponer un algoritmo que selecció ne los vértices pos su grado de incidencia, sa biendo que es una buena alternativa pero que no es un algoritmo correcto. Hay más alternativas. Por ejemplo:

1) Seleccionar el vertice al que más aristas le queden sin cubrir. Implica actualizar el nú mero de aristas cada vez que se selecciona un vértire vértice. Sin embargo, aunque funciona para caso anterior, signe existiendo un contra ejemplo:



incidencias: 534432 libres:

iteración 0: libres: 10/3/3/3

S: 0123 S: 0123 libres: 000011100 01234 libres: 0000000 libres: 1000000000 Solución de tamaño 0 = = m35 !!!

2) También se pueden combinar ambas medidas - Escoger el que cubra un mayor número de aristas libres y si hay varios con el mis mo número, escoger el de mayor grado de incidencia. Este, funciona en los dos ejemplos propuestos y no resulta fácil encontrar un contra ejemplo. Sin embarso también existe un contra ejemplo.

Por simplicidad, y puesto que seria correcto respon der así en un examen, vamo a resolverlo respec to a unicamente el grado de incidencia.

- Lista de candidates G: el conjunto de los vértices.
- hista de seleccionados s': los vértices seleccionados hasta el momento.
 - Función objetivo: tamaño de s.
 - Función de factibilidad: que el vértice seleccionado tenga aristas por autrir.
 - -Función de selección: el de mayor grado de incidencia.

Puesto que el grado de incidencia es fijo se puede realizar una ordenación al principio. Se supone que que que un vector cayos elementos tienen dos campos,

A PRIMERA RESIDENCIA GAMING EN EL MUNDO ABRE EN MADRID

ESCANEA EL CÓDIGO QR Y PARTICIPA EN EL SORTEO DE UN ALIENWARE



grado y vértice (tipo dates).

void cubre (dates * C, int n, int * S, int & elems,

tipo-grafo G)

int i,

OrdenarPorGrado (G, n);

elems = 0;

for (i = 0; i < n; i++)

if (quedan-aristas (G[i])) {

S[elems] = G[i].vertice;

Actualizar brados (G, n, i); // esfa operación no elems ++;

elems ++;

/ elementos en G.

return;

se recorren lades
los elementos dede
i en adelante y
si su grado es
distinto de arro y
distinto conectados con
estan conectados con
estan conectados y
mentan sus grados
mentan sus grados

gamingresidences.com o@gamingresidences.con

WUOLAH