

# PreguntasExamen-v2.pdf



**Gato\_Kernel**



**Modelos de Computación**



**3º Grado en Ingeniería Informática**



**Escuela Técnica Superior de Ingenierías Informática y de Telecomunicación**  
**Universidad de Granada**



**MULTIVERSIAL: LA NEWSLETTER**

**¿Sabes por qué Facebook se cambia de nombre a Meta?**





MULTI  
VERSIAL.

MULTIVERSIAL: LA NEWSLETTER

¿Sabes por qué Facebook se cambia de nombre a Meta?



ugr

Universidad  
de Granada

MODELOS DE COMPUTACIÓN  
GRADO EN INGENIERÍA INFORMÁTICA

## Preguntas de examen resueltas

Autor

Carlos Sánchez Páez



DECSAI

Departamento de Ciencias de la Computación e I.A.  
Universidad de Granada

ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE INGENIERÍAS INFORMÁTICA Y DE  
TELECOMUNICACIÓN

CURSO 2019-2020

SUSCRÍBETE GRATIS

[www.multiversal.es](http://www.multiversal.es)

1. Determinar si la gramática  $G = (S, A, B, a, b, c, d, P, S)$  donde  $P$  es el conjunto de reglas de producción:

$$S \Rightarrow AB; A \Rightarrow Ab; A \Rightarrow a; B \Rightarrow cB; B \Rightarrow d$$

genera un lenguaje de tipo 3.

### Solución

Comenzamos a generar:

$$\begin{aligned} S \Rightarrow AB &\xRightarrow{A \Rightarrow Ab} AbB \xRightarrow{A \Rightarrow Ab} AbbB \Rightarrow \dots Ab^i B \xRightarrow{B \Rightarrow cB} Ab^i cB \\ &\Rightarrow Ab^i c^j B \xRightarrow{A \Rightarrow a} ab^i c^j B \xRightarrow{B \Rightarrow d} ab^i c^j d \end{aligned}$$

Vemos que generamos el lenguaje  $ab^i c^j d$ , que también se puede generar mediante la siguiente gramática:

$$S \Rightarrow aB; B \Rightarrow bB; B \Rightarrow C; C \Rightarrow cC; C \Rightarrow d$$

Como la gramática es de tipo 3 (sólo hay como máximo una variable a la derecha en todas las producciones), el lenguaje también lo es.

2. Diseñar una máquina de estados que calcule el complemento a dos de un número binario.

### Solución

El complemento a dos de un número binario se calcula obteniendo su complemento a uno y sumándole uno. Veamos algunos ejemplos:

- $C_2(1100) = C_1(1100) + 1 = 0011 + 1 = 0100$
- $C_2(1110) = C_1(1110) + 1 = 0001 + 1 = 0010$
- $C_2(11101100) = C_1(11101100) + 1 = 00010011 + 1 = 00010100$

Tras realizar varias operaciones nos damos cuenta de que existe una codificación que se mantiene:

- a) Comenzamos leyendo el número de derecha a izquierda y escribimos lo que leemos en la salida (también de derecha a izquierda).
- b) Cuando encontremos el primer 1 lo escribimos en la cinta y a partir de ahí escribimos el complemento a uno del número que leamos (cambiamos 0 por 1 y viceversa).

## MULTIVERSIAL: LA NEWSLETTER

¿Sabes por qué Facebook se cambia de nombre a Meta?

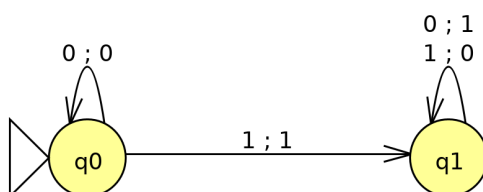
- ✓ Cada día el mejor **resumen de negocios digitales** en tu correo
- ✓ Infórmate de toda la actualidad en castellano **en 5 minutos**
- ✓ **Un nueva visión** sobre tecnología y la estrategia de las mejores empresas y startups



Esta codificación se puede expresar mediante una máquina de *Mealy*:

- La cabeza lectora y escritora se desplazará de derecha a izquierda.
- Estados
  - $q_0$ : todavía no he leído el primer 1. Si leo 0, escribo 0 y me mantengo. Si leo 1, paso al estado  $q_1$  y escribo 1.
  - $q_1$ : ya he leído el primer 1. Ahora debo aplicar el complemento a 1 (si leo 1 escribo 0 y viceversa). En ambos casos me mantengo.

Es decir, la máquina sería la siguiente:



3. Si es posible, construir un autómata finito para el siguiente lenguaje:

$$L = \{pcp^{-1} : p \in \{0, 1\}^*\}$$

En caso contrario, demostrar que no existe dicho autómata finito.

### Solución

Para resolver este problema emplearemos el lema de bombeo. De un primer vistazo podemos ver que el lenguaje no es regular, ya que la relación sintáctica establecida (capicúa) es bastante fuerte.

- Suponemos que el lenguaje es regular, por lo que debe satisfacer el lema de bombeo.
- Comienzo eligiendo una cadena  $z \in L$ , por ejemplo,  $z = 0^n c 0^n$ . El lema de bombeo dice que  $\exists n \in \mathbb{N} : z = uvw$ .
- Comienzo a determinar el valor de  $u$ ,  $v$  y  $w$ . Como la primera condición nos dice que  $|uv| \leq n$ ,  $uv$  debe ser una parte de  $0^n$  (si fuera más no se cumpliría la condición). En este punto podemos determinar que  $w = 0^{n-k} c 0^n$  tal que  $k < n \in \mathbb{N}$ .
- La segunda condición nos dice que  $|v| \geq 1$ , por lo que  $v = 0^l : l \geq 1$  y  $u = 0^{k-l}$ . Por ahora tenemos que  $z = 0^n c 0^n = uvw = 0^{k-l} 0^l 0^{n-k} c 0^n$ .
- Ahora intentaremos buscar la contradicción bombeando, de forma que se incumpla que  $\forall i \in \mathbb{N} : uv^i w \in L$ . Para  $i = 0$ :

$$uv^0 w = 0^{k-l} 0^{n-k} c 0^n = 0^{n-l} c 0^n \notin L$$

(el resultado tiene un número distinto de ceros a cada lado de  $c$ ).

Por tanto, queda demostrado que no existe un autómata finito para el lenguaje propuesto.



4. Construir un autómata con pila que acepte palíndromos de longitud par e impar.

**Solución**

El lenguaje que debe ser aceptado es  $L = \{u \in \{0, 1\}^* : u = u^{-1}\}$ .

Tendremos dos estados y tres símbolos:

■ Estados

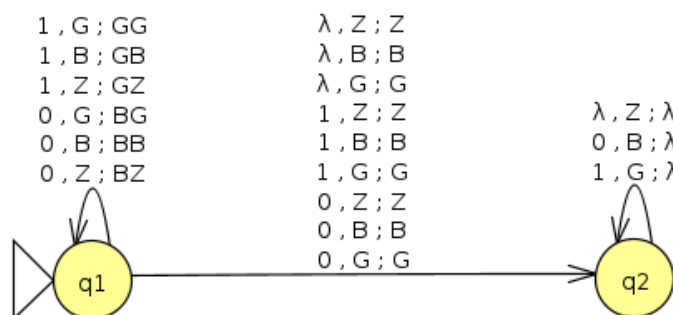
- $q_1$  cuando estemos apilando.
- $q_2$  cuando estemos desapilando.

■ Símbolos

- $Z$ . Símbolo de fondo de pila.
- $B$ . Recuerda que lo último introducido fue un 0.
- $G$ . Recuerda que lo último introducido fue un 1.

La dinámica sería leer un carácter de la cinta de entrada y meter en la pila el símbolo correspondiente. Cuando lleguemos a la mitad del palíndromo, deberemos desapilar. Si la pila queda vacía al terminar la lectura, aceptaremos la cadena.

Nuestro autómata sería el siguiente:



Podemos ver el correcto funcionamiento del autómata en la siguiente imagen:

