

RELACIÓN 1 - ALBERTO LLAMAS GONZÁLEZ

① Describir el lenguaje generado por las siguientes gramáticas:

$$\begin{aligned} \bullet S &\rightarrow a S_1 b \\ S_1 &\rightarrow a S_1 \mid b S_1 \mid \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\Rightarrow a S_1 b \Rightarrow a b S_1 b \\ &\Rightarrow a a S_1 b \end{aligned}$$

$$L = \{ a^i u b : u \in \{a, b\}^*, i \geq 0 \}$$

$$\begin{aligned} \bullet S &\rightarrow a S b \mid S_1 \\ S_1 &\rightarrow \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\Rightarrow a S b \Rightarrow a^2 S b^2 \dots \Rightarrow a^n S_1 b^n \\ &\Rightarrow S_1 \Rightarrow \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} &\Downarrow \\ &a^n b^n \end{aligned}$$

$$L = \{ a^i b^i : i \geq 0 \}$$

$$\begin{aligned} \bullet S &\rightarrow a S b \mid S_1 \\ S_1 &\rightarrow a S_1 \mid b S_1 \mid \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\Rightarrow a S b \Rightarrow \dots \Rightarrow a^i S_1 b^i \\ &\Rightarrow S_1 \Rightarrow a S_1 \Rightarrow a u \quad u \in \{a, b\}^* \\ &\Rightarrow b S_1 \Rightarrow b u \quad u \in \{a, b\}^* \end{aligned}$$

$$L = \{ a^i u b^i : i \geq 0, u \in \{a, b\}^* \}$$

$$\begin{aligned} \bullet S &\rightarrow a S b \mid S_1 \\ S_1 &\rightarrow c S_1 d \mid \varepsilon \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} S &\Rightarrow a S b \\ &\Rightarrow S_1 \Rightarrow c S_1 d \end{aligned}$$

$$L = \{ a^i c^j d^j b^i : i, j \geq 0 \}$$

② Encontrar gramáticas regulares o gramáticas libres de contexto que generen los siguientes lenguajes en el alfabeto $A = \{a, b, c\}$

1. $L = \{a^i b^j c^{i+j} \mid i, j \in \mathbb{N}\}$

$$S \rightarrow aSc \mid aS_1c \mid \varepsilon$$

$$S_1 \rightarrow bS_1c \mid \varepsilon$$

2. $u \in L \Leftrightarrow$ verifica que u empieze por el símbolo 'a' y acaba con el símbolo 'c'

$$S \rightarrow aSc \mid aS_1c$$

$$S_1 \rightarrow aS_1 \mid bS_1 \mid cS_1 \mid \varepsilon$$

3. $u \in L \Leftrightarrow$ verifica que u contiene un número par de símbolos a

$$S \rightarrow S_1 a S_1 a S_1 \mid S a S a S$$

$$S_1 \rightarrow bS_1 \mid cS_1 \mid \varepsilon$$

③ Determinar si el lenguaje sobre el alfabeto $A = \{a, b\}$ generado por la siguiente gramática es regular (justifica la respuesta)

$$S \rightarrow S_1 b S_2$$

$$S_1 \rightarrow a S_1 \mid \varepsilon$$

$$S_2 \rightarrow a S_2 \mid b S_2 \mid \varepsilon$$

Al tratarse de una gramática regular al producir reglas con la forma $A \rightarrow uB$ (Lineal por la derecha) podemos afirmar que nos va a ~~producir~~ generar un lenguaje regular.

Veamos el lenguaje que ~~produce~~ genera

$$S \Rightarrow S_1 b S_2 \Rightarrow a S_1 b S_2 \Rightarrow a S_1 b a S_2$$

$$\Rightarrow a S_2 b b S_2$$

$$L = \{ a^i b u ; u \in \{a, b\}^*, i \geq 0 \}$$

④ AFD $M = (Q, A, \delta, q_0, F)$

$$Q = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$A = \{0, 1\}$$

$$\delta(q_0, 0) = q_1$$

$$\delta(q_0, 1) = q_0$$

$$\delta(q_1, 0) = q_2$$

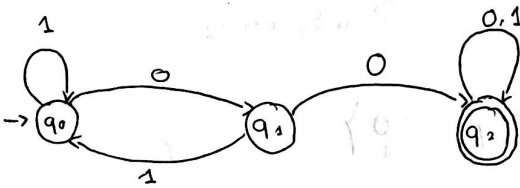
$$\delta(q_1, 1) = q_0$$

$$\delta(q_2, 0) = q_2$$

$$\delta(q_2, 1) = q_2$$

$$F = \{q_2\}$$

Dibujar el autómata y describir informalmente el lenguaje aceptado. Ejemplo



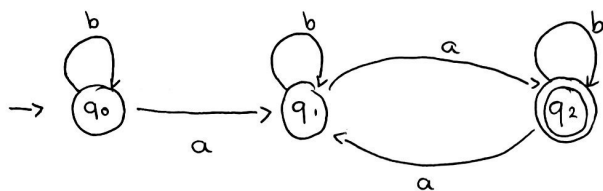
El autómata acepta cualquier palabra que tenga dos ceros seguidos

101001 : $(101001, q_0) \vdash (01001, q_0) \vdash (1001, q_1) \vdash$

$\vdash (001, q_0) \vdash (01, q_1) \vdash (1, q_2) \vdash^* (\epsilon, q_2)$

101001 es aceptada

5) Dado el siguiente autómata M , descríbelo usando el formalismo $M = (Q, A, \delta, q_0, F)$. Indica cuál es el lenguaje aceptado por dicho autómata. Mostrar algún ejemplo para aceptar y rechazar cadenas



$$Q = \{q_0, q_1, q_2\}$$

$$A = \{a, b\}$$

Función de transición

$$\delta(q_0, a) = q_1$$

$$\delta(q_1, b) = q_1$$

$$\delta(q_1, a) = q_2$$

$$\delta(q_2, b) = q_2$$

$$\delta(q_2, a) = q_1$$

$$\delta(q_0, b) = q_0$$

$$F = \{q_2\}$$

$$L = \{b^i a b^j a^{2n+1} b^k : i, j, k \geq 0, n \in \mathbb{N}\}$$

$$(baab, q_0) \vdash (aab, q_0) \vdash (ab, q_1) \vdash (b, q_2) \vdash^* (\epsilon, q_2)$$

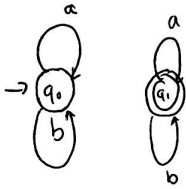
Aceptada

$$(baaba, q_0) \vdash (aaba, q_0) \vdash (aba, q_1) \vdash (ba, q_2) \vdash (a, q_2) \vdash^*$$

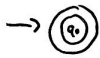
$$\vdash^* (\epsilon, q_2) \text{ NO ES Aceptada}$$

6) Dibujar los AFDs que aceptan los siguientes lenguajes con alfabeto $\{0,1\}$:

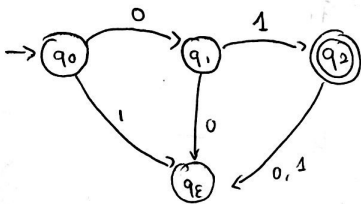
a) El lenguaje vacío, \emptyset



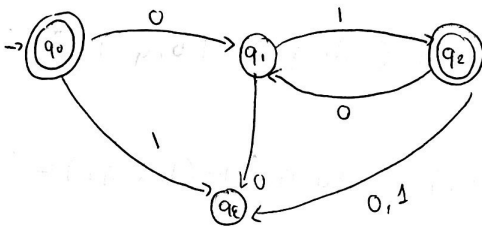
b) El lenguaje formado por la palabra vacía $\{\epsilon\}$



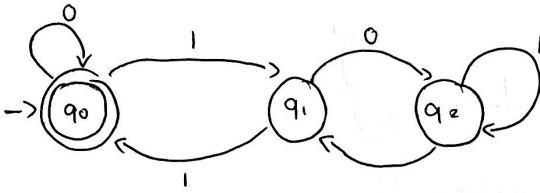
c) El lenguaje formado por la palabra 01



d) Lenguaje formado por sucesiones de 01 incluyendo el vacío

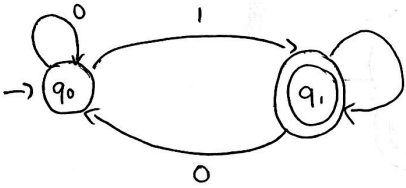


- ⑥ e) Lenguaje formado por las cadenas donde el n° de unos es divisible por 3

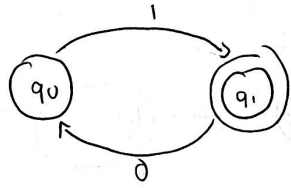


- ⑦ Construir un AFD capaz de aceptar una cadena $w \in \{0,1\}^*$ que contenga la subcadena 10101. Ahora (de manera independiente) construye un AFND que acepte el mismo lenguaje. ¿Cuál de los dos diseños es más sencillo?

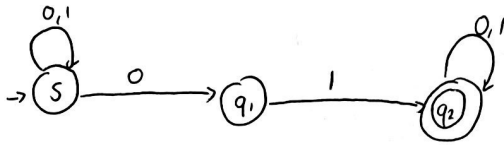
AFD



AFND (es más sencillo)



8) ¿Qué lenguaje acepta este AFND? Mostrar algún ejemplo de uso para aceptar y rechazar cadenas. Obtener un AFD equivalente



Lenguaje que contiene ~~una~~ ^{la} subcadena 01

$(1010, s) \vdash (010, s) \vdash (10, q_1) \vdash (q_2) \vdash^* (\epsilon, q_2)$ Acepta

$(100, s) \vdash (00, s) \vdash (0, q_1)$

No acepta

$\vdash (0, s) \vdash (\epsilon, s)$

AFD equivalente

