

remark

<título>

NOMBRE DE AUTOR

título

subtítulo

ediciones
**IMAGO
MUNDI**



¿COLECCIÓN?

autor

título. 1a ed. Buenos Aires: 2023.

ooo p.; 15.5x23 cm. ISBN 978-950-793-ooo-o

1.

CDD .

Fecha de catalogación: oo/oo/20xx

© 20xx, autor

© 20xx, Ediciones Imago Mundi

Imagen de tapa: .

Hecho el depósito que marca la ley 11.723

Impreso en Argentina, tirada de esta edición: ooo ejemplares

Ninguna parte de esta publicación, incluido el diseño de cubierta, puede ser reproducida, almacenada o transmitida de manera alguna ni por ningún medio, ya sea eléctrico, químico, mecánico, óptico, de grabación o de fotocopia, sin permiso previo por escrito del editor. Este libro se terminó de imprimir en el mes de xxxx de 20xx en San Carlos Impresiones, Virrey Liniers 2203, Ciudad Autónoma de Buenos Aires, República Argentina.

Lorem Ipsum

A la memoria de Nelson

Sumario

Agradecimiento a Donald Knuth	XI
1 Crecimiento poblacional en el planeta	1
2 ¿Por qué sube y baja la bolsa de valores?	5
3 Análisis estructural de una viga trapezoidal	9
4 El ADN: estructura química y función	13
5 Fundamento de los Números Reales	17
Referencias	21
Índice de autoras y autores del aparato bibliográfico	22

Agradecimiento a Donald Knuth

Este libro no podría comenzar sin expresar nuestro más sincero agradecimiento a uno de los pioneros más influyentes en el campo de la informática: el profesor Donald E. Knuth. Su legado ha dejado una huella indeleble en la historia de la ciencia computacional, y su contribución va mucho más allá de los límites del software y las matemáticas. Este prólogo es un tributo a su extraordinaria carrera y a su trabajo monumental, en particular a la creación de \TeX , el sistema tipográfico que ha revolucionado la manera en que preparamos documentos técnicos, científicos y académicos.

El nombre de Knuth está íntimamente asociado con la obra maestra *The Art of Computer Programming*, una serie de volúmenes que sigue siendo la referencia definitiva en el campo de la algoritmia y las estructuras de datos. Sin embargo, uno de sus aportes más significativos a la comunidad académica es la creación de \TeX , un sistema diseñado para permitir la producción de textos con calidad tipográfica profesional. Su diseño no solo es un testimonio de su genio matemático, sino también de su amor por la tipografía.

Es importante reconocer que \TeX surgió como una solución a un problema personal que Knuth enfrentó mientras escribía el segundo volumen de su serie. Insatisfecho con la calidad de impresión de las fórmulas matemáticas en su libro, decidió tomar cartas en el asunto y crear un sistema que permitiera a los matemáticos, científicos y académicos preparar documentos con una presentación impecable. \TeX ha sido adoptado de manera global en la comunidad académica, especialmente en matemáticas, física y ciencias de la computación, debido a su capacidad para manejar con precisión la complejidad de las notaciones matemáticas.

No obstante, uno de los derivados más conocidos de \TeX es \LaTeX , un sistema de macros desarrollado por Leslie Lamport, que simplifica el uso de \TeX y lo hace accesible a un público más amplio. \LaTeX ha sido una herramienta invaluable para investigadores,

estudiantes y profesionales que desean preparar documentos complejos de manera eficiente y con un control riguroso sobre el diseño tipográfico. Aunque Lamport fue responsable de su creación, es el trabajo de Knuth en \TeX lo que establece la base sobre la cual \LaTeX ha florecido.

Knuth ha sido un defensor de los principios de precisión, elegancia y eficiencia en el diseño de software, y sus enseñanzas han inspirado a generaciones de científicos computacionales. Además, su enfoque hacia la corrección de errores es otro aspecto a destacar. A lo largo de su carrera, ha ofrecido recompensas a quienes encontraran errores en su código o en sus libros, un gesto que refuerza su compromiso con la excelencia y la mejora continua.

En resumen, el impacto de Donald Knuth en la informática moderna es incommensurable. Su trabajo en \TeX y sus contribuciones a la ciencia de la computación continúan mejorando la vida de quienes trabajan en el mundo académico y científico. Este documento es un pequeño testimonio de gratitud por sus contribuciones, que han sido fundamentales para el desarrollo de herramientas que, como este artículo, nos permiten comunicar nuestras ideas de manera clara y profesional.

Gracias, profesor Knuth, por su visión, por su pasión y por su dedicación a la excelencia. Su legado sigue vivo en cada línea de código que escribimos, en cada fórmula matemática que tipografiamos y en cada libro que editamos con \TeX y \LaTeX .

CAPÍTULO 1

Crecimiento poblacional en el planeta

1.1 Introducción

El crecimiento poblacional es uno de los fenómenos más importantes que enfrenta la humanidad en el siglo XXI. Desde la revolución industrial, la población mundial ha experimentado un crecimiento exponencial, impulsado por avances en la medicina, la tecnología y la agricultura. Sin embargo, este aumento de la población también plantea desafíos importantes en términos de sostenibilidad ambiental, recursos naturales y políticas públicas ([World Bank 2021](#), pág. 192; [UN 2019](#)).

En este capítulo se explorarán las tendencias de crecimiento poblacional a nivel mundial y se analizarán las consecuencias sociales y económicas derivadas de este fenómeno. Se utilizarán datos y ejemplos de diferentes regiones del mundo para ilustrar los cambios demográficos recientes.

1.2 Tendencias globales

A lo largo de los siglos, la población mundial ha crecido de manera desigual. La mayoría del crecimiento poblacional se ha concentrado en países en desarrollo, mientras que muchos países desarrollados han experimentado una desaceleración en sus tasas de crecimiento, e incluso, en algunos casos, un decrecimiento.

1.2.1 Cifras del crecimiento poblacional

El cuadro [1.1](#) muestra la evolución de la población mundial en las últimas décadas, así como las proyecciones futuras para el crecimiento poblacional.

En este cuadro se observa cómo la tasa de crecimiento poblacional ha disminuido, mientras que la esperanza de vida y la urbanización han ido en aumento. Las proyecciones indican que la



Imagen 1.1

Año	Población (miles de millones)	Tasa de crecimiento (%)	Esperanza de vida (años)	Población urbana (%)
1950	2.5	1.8	48	30
1980	4.4	2.1	60	39
2010	6.9	1.2	70	51
2023	8.0	1.0	72	56
2050*	9.7	0.8	77	68

Cuadro 1.1. Crecimiento poblacional mundial y proyecciones futuras (*proyecciones).

población mundial alcanzará los 9.7 mil millones para 2050, aunque con una tasa de crecimiento más baja que en décadas anteriores.

1.3 Factores que afectan el crecimiento poblacional

El crecimiento de la población está influenciado por varios factores. Entre los más importantes se encuentran las tasas de natalidad, las tasas de mortalidad y las políticas migratorias. A continuación, se presentan algunos de los factores clave que influyen en las dinámicas poblacionales globales.

Factor	Descripción
Tasa de natalidad	Cantidad de nacimientos por cada 1 000 habitantes en un año.
Tasa de mortalidad	Cantidad de muertes por cada 1 000 habitantes en un año.
Esperanza de vida	Número promedio de años que se espera que viva una persona al nacer, influida por factores como la salud y la economía.
Migración	Movimiento de personas entre regiones, que puede aumentar o disminuir la población de un país o región.
Políticas gubernamentales	Las políticas de planificación familiar y los incentivos económicos influyen en las tasas de natalidad y mortalidad.
Condiciones económicas	El crecimiento económico suele estar asociado con una disminución en las tasas de natalidad y mortalidad.

Cuadro 1.2. Factores que influyen en el crecimiento poblacional.

1.3.1 Tendencias regionales

El crecimiento poblacional es especialmente pronunciado en regiones como África subsahariana, donde las tasas de natalidad siguen siendo altas. Sin embargo, en muchas regiones de Europa y Asia Oriental, las tasas de natalidad han caído por debajo del nivel de reemplazo, lo que plantea preocupaciones sobre el envejecimiento de la población y la sostenibilidad de los sistemas de pensiones.

1.4 Impacto social y económico

El crecimiento poblacional tiene efectos significativos en las sociedades y las economías. El rápido aumento de la población puede ejercer presión sobre los recursos naturales, los sistemas de salud, la educación y el empleo. A su vez, un decrecimiento de la población o un envejecimiento significativo puede llevar a la

escasez de mano de obra y problemas para mantener el sistema de pensiones.

Los países en desarrollo, con altas tasas de crecimiento, a menudo enfrentan desafíos relacionados con la sostenibilidad de sus recursos. Por otro lado, los países desarrollados que experimentan una disminución en el crecimiento poblacional, deben abordar los problemas del envejecimiento y la escasez de fuerza laboral.

1.5 Conclusión

El crecimiento poblacional es un tema de gran relevancia en la actualidad, con implicaciones profundas para el desarrollo económico y social de las naciones. A medida que la población mundial sigue creciendo, los desafíos de sostenibilidad, planificación urbana y uso de recursos naturales se vuelven más urgentes. Sin embargo, las proyecciones también indican una desaceleración de la tasa de crecimiento, lo que abre una ventana de oportunidad para abordar estos problemas de manera más efectiva.

El análisis de los factores que influyen en el crecimiento poblacional y las variaciones entre regiones nos permite entender mejor las dinámicas demográficas y planificar para un futuro más sostenible.

CAPÍTULO 2

¿Por qué sube y baja la bolsa de valores?

2.1 Introducción

La bolsa de valores es uno de los mercados financieros más importantes y a menudo genera una gran cantidad de incertidumbre y especulación. Los precios de las acciones y otros activos financieros suben y bajan debido a múltiples factores ([Bodie et al. 2013](#); [Mishkin 2018](#)). En este artículo, analizaremos algunos de los principales factores que afectan el movimiento de la bolsa y presentaremos una explicación económica de estos movimientos. Utilizaremos fórmulas económicas y un diagrama para ilustrar los conceptos clave.

2.2 Factores que afectan la bolsa de valores

Los precios en la bolsa de valores están influenciados por factores tanto macroeconómicos como microeconómicos. Los más importantes incluyen:

- **Noticias económicas:** informes de inflación, tasas de interés y crecimiento económico afectan las expectativas de los inversionistas.
- **Política monetaria:** las decisiones del banco central sobre las tasas de interés influyen directamente en el costo de capital y las expectativas de los rendimientos.
- **Resultados empresariales:** los ingresos y utilidades reportados por las empresas influyen en la percepción del valor de sus acciones.

2.3 Modelo del precio de las acciones

El valor de una acción puede ser modelado utilizando el enfoque de los flujos de caja descontados (*Discounted Cash Flow, DCF*). El precio de una acción P_0 puede expresarse como la suma de

los dividendos futuros esperados D_t , descontados a una tasa de descuento r , que representa el riesgo del activo:

$$P_0 = \sum_{t=1}^{\infty} \frac{D_t}{(1+r)^t} \quad (2.1)$$

Este modelo sugiere que los precios de las acciones subirán si los dividendos futuros esperados aumentan o si la tasa de descuento disminuye. Por el contrario, los precios bajarán si las expectativas de dividendos disminuyen o si la tasa de descuento aumenta.

2.4 Oferta y demanda en el mercado

El precio de una acción está determinado por la oferta y la demanda en el mercado de valores. Si la demanda de una acción supera la oferta, su precio subirá, y si la oferta supera la demanda, el precio caerá. Esto se puede modelar matemáticamente mediante una función de demanda:

$$Q_d = f(P, I, r) \quad (2.2)$$

Donde:

- Q_d es la cantidad demandada de acciones.
- P es el precio de la acción.
- I es el ingreso de los inversionistas.
- r es la tasa de interés.

De manera similar, la cantidad ofertada de acciones Q_s está influenciada por factores como la liquidez y el número de acciones disponibles.

2.5 Diagrama de la dinámica del mercado

A continuación se presenta un diagrama simplificado utilizando TikZ, que muestra cómo interactúan la oferta y la demanda en el mercado de valores:

En este gráfico, el punto de equilibrio (Q^*, P^*) representa el precio y la cantidad donde la oferta y la demanda se igualan. Si ocurre un cambio en alguno de los factores determinantes de la demanda o la oferta, el punto de equilibrio se desplazará, afectando el precio de las acciones.

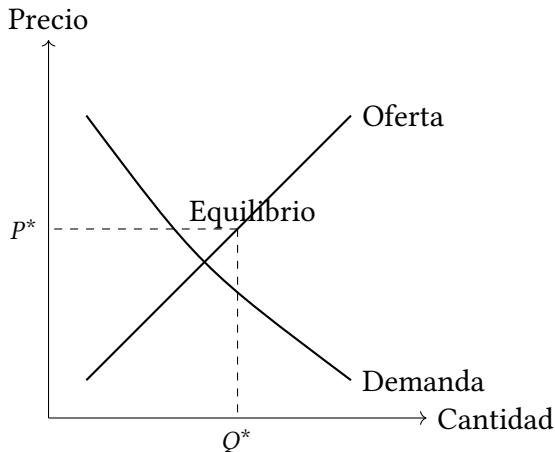


Figura 2.1. Interacción de la oferta y la demanda en el mercado de valores.

2.6 Factores adicionales

Además de la oferta y la demanda, otros factores juegan un papel importante en los movimientos de la bolsa:

2.6.1 Política monetaria y fiscal

Las tasas de interés son un factor crucial en la valoración de activos financieros. Según el modelo CAPM (Capital Asset Pricing Model), el retorno esperado de un activo financiero $E(R_i)$ se calcula como:

$$E(R_i) = R_f + \beta_i(E(R_m) - R_f) \quad (2.3)$$

Donde:

- R_f es la tasa libre de riesgo.
- β_i es la sensibilidad del activo i respecto al mercado.
- $E(R_m)$ es el retorno esperado del mercado.

Este modelo indica que si la tasa libre de riesgo R_f aumenta, el retorno esperado de las acciones también aumentará, lo que puede provocar una caída en los precios actuales de las acciones debido a que los inversionistas exigen mayores rendimientos.

2.6.2 Expectativas del mercado

Las expectativas de los inversionistas sobre el futuro son otro factor clave que afecta el precio de las acciones. Los cambios en las expectativas pueden deberse a informes económicos, cambios en la política gubernamental o eventos inesperados como crisis económicas o avances tecnológicos.

2.7 Conclusión

El precio de las acciones en la bolsa de valores está determinado por una compleja interacción de factores económicos y psicológicos. Las fórmulas de valoración financiera, como el modelo de flujos de caja descontados y el CAPM, nos brindan herramientas para entender cómo la información disponible y las expectativas futuras influyen en los movimientos del mercado. Sin embargo, dado que los mercados financieros también están sujetos a la especulación y al comportamiento de los inversionistas, siempre existe un grado de incertidumbre asociado a los movimientos de la bolsa.

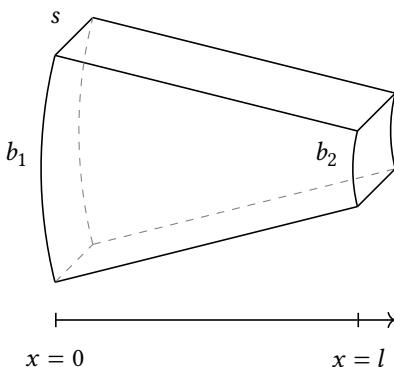
CAPÍTULO 3

Análisis estructural de una viga trapezoidal

3.1 Introducción

En el diseño de estructuras, las vigas son elementos fundamentales que soportan cargas a través de una distribución eficiente del material en su sección transversal. Una de las formas geométricas utilizadas en este contexto es la sección trapezoidal, la cual presenta ventajas tanto en términos de resistencia como de rigidez. Este artículo analiza las propiedades geométricas y mecánicas de una viga trapezoidal, destacando su momento de inercia, su comportamiento bajo cargas distribuidas y su aplicación en diversas estructuras.

A continuación, se presenta la figura de una viga trapezoidal. Las bases b_1 y b_2 representan los extremos inferior y superior de la viga, mientras que s es la altura de la sección. El parámetro x denota la longitud total de la viga, variando desde $x = 0$ hasta $x = l$.



3.2 Momento de inercia de la sección trapezoidal

El momento de inercia es una medida fundamental en el análisis estructural, ya que determina la rigidez de una viga frente

a la flexión. Para una sección trapezoidal, el cálculo del momento de inercia alrededor de su eje neutro se realiza mediante la fórmula (3.1).

$$I_x = \frac{b_1 s^3}{36} + \frac{b_2 s^3}{36} \quad (3.1)$$

donde b_1 y b_2 son las longitudes de las bases de la sección trapezoidal, y s es la altura. Esta fórmula es aproximada para una viga trapezoidal simple con bases paralelas al eje de la viga.

El momento de inercia también puede expresarse para casos más complejos, considerando una sección variable a lo largo de la longitud de la viga, o la adición de refuerzos en la parte superior o inferior.

3.3 Esfuerzo cortante y flexión

La viga trapezoidal se comporta de manera diferente bajo cargas distribuidas dependiendo de la orientación y distribución del material. El esfuerzo cortante V en una sección transversal de la viga bajo una carga distribuida $q(x)$ está dado por:

$$V(x) = \int_0^x q(\xi) d\xi \quad (3.2)$$

Por otro lado, el momento flector $M(x)$, que describe la flexión de la viga a lo largo de su longitud, está dado por:

$$M(x) = \int_0^x V(\xi) d\xi \quad (3.3)$$

Estos conceptos son cruciales para el diseño de estructuras, ya que el conocimiento preciso del esfuerzo cortante y la flexión permite a los ingenieros diseñar vigas que puedan soportar grandes cargas sin fallar.

3.4 Aplicaciones de las vigas trapezoidales

Las vigas trapezoidales se utilizan en diversas aplicaciones de la ingeniería civil y mecánica. Una de sus principales ventajas es la reducción de peso en comparación con secciones rectangulares, sin sacrificar la rigidez estructural. Estas vigas se emplean en puentes,

edificaciones y estructuras industriales, donde la eficiencia del material es crucial.

Otra ventaja de las secciones trapezoidales es su capacidad para adaptarse a variaciones en la carga. En muchos casos, las cargas no son uniformemente distribuidas a lo largo de la viga, por lo que una sección trapezoidal puede ofrecer una solución más eficiente en comparación con las secciones rectangulares tradicionales.

3.5 Conclusión

El análisis estructural de vigas trapezoidales es un área esencial en la ingeniería estructural. Estas vigas ofrecen una solución eficiente en términos de peso y resistencia, lo que las hace ideales para aplicaciones que requieren materiales livianos pero rígidos. La figura presentada ilustra cómo las dimensiones de la viga, incluidas las bases y la longitud total, afectan su comportamiento estructural, lo que subraya la importancia de la geometría en el diseño de estructuras.

El cálculo del momento de inercia, los esfuerzos cortantes y la flexión proporcionan las herramientas necesarias para garantizar que las vigas trapezoidales puedan soportar las cargas a las que se someten en la práctica.

CAPÍTULO 4

El ADN: estructura química y función

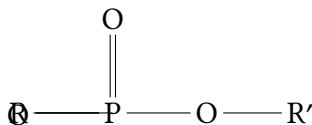
4.1 Introducción

El ácido desoxirribonucleico (ADN) es una molécula biológica fundamental que almacena la información genética de los organismos vivos. Desde una perspectiva química, el ADN es un polímero formado por subunidades conocidas como nucleótidos. Cada nucleótido está compuesto por tres elementos principales: un grupo fosfato, una base nitrogenada y un azúcar de cinco carbonos llamado desoxirribosa. El estudio del ADN combina aspectos tanto de la química orgánica como de la bioquímica para explicar su estructura y función (Alberts *et al.* 2002; Strachan y Read 1999).

4.2 Estructura química del ADN

El ADN está compuesto por una doble hélice formada por dos cadenas de nucleótidos que se enrollan entre sí. Cada cadena está constituida por un esqueleto de grupos fosfato y desoxirribosa, mientras que las bases nitrogenadas se proyectan hacia el interior de la hélice. Las bases nitrogenadas se dividen en dos tipos: purinas (adenina (**A**) y guanina (**G**)) y pirimidinas (citosina (**C**) y timina (**T**)).

Los nucleótidos están unidos por enlaces fosfodiéster entre el grupo fosfato de un nucleótido y el carbono 3' del azúcar del siguiente nucleótido. Este enlace se representa químicamente como:



Donde *R* y *R'* representan los fragmentos de nucleótidos adyacentes. La doble hélice se mantiene unida por enlaces de hidrógeno entre pares específicos de bases. La adenina siempre forma dos enlaces de hidrógeno con la timina, mientras que la guanina forma

tres enlaces con la citosina, según la regla de complementariedad de las bases. Esto se puede escribir como:

$$\text{A-T: 2 enlaces de H, G-C: 3 enlaces de H}$$

4.3 Estructura tridimensional del ADN

El ADN tiene una forma helicoidal que fue descrita por primera vez en 1953 por James Watson y Francis Crick. Esta estructura es conocida como la doble hélice. En la forma B del ADN, que es la más común en condiciones fisiológicas, las dos hebras se enrollan con un giro hacia la derecha. Las bases nitrogenadas se apilan en el interior de la hélice, aproximadamente a una distancia de 0.34 nanómetros entre sí, mientras que la hélice completa tiene un paso de 3.4 nanómetros, es decir, cada diez pares de bases forman un giro completo.

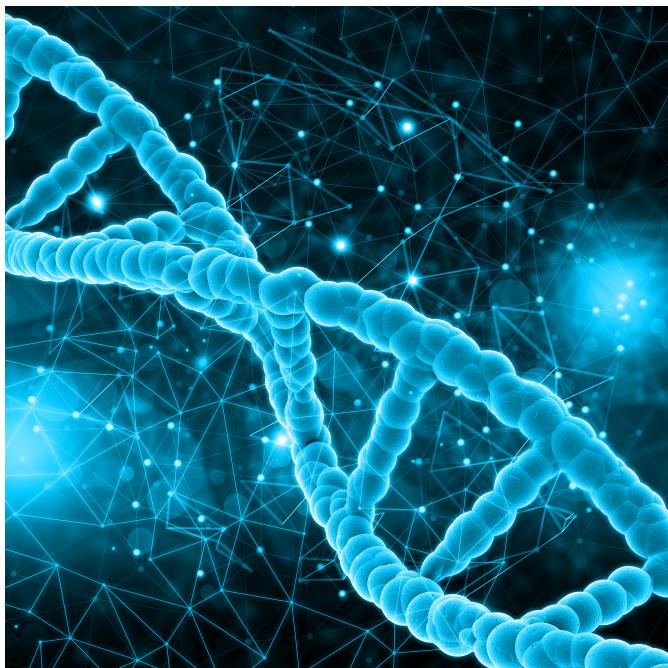
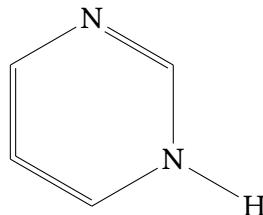


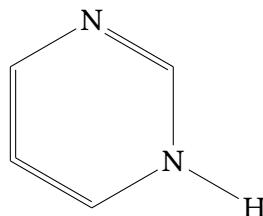
Figura 4.1. Estructura de la doble hélice del ADN, mostrando el esqueleto de fosfato-desoxirribosa y el apareamiento de bases nitrogenadas.

4.4 Las bases nitrogenadas: Fórmulas y estructuras

Las bases nitrogenadas son derivadas de dos estructuras fundamentales: la purina y la pirimidina. La fórmula general de una purina es la siguiente:



Mientras que la pirimidina se representa de la siguiente manera:



Estas bases se unen entre sí por enlaces de hidrógeno según los siguientes esquemas:

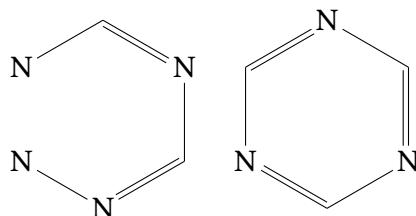


Figura 4.2. Estructura química de la adenina (izquierda) y la timina (derecha).

4.5 Replicación del ADN

Una de las propiedades más importantes del ADN es su capacidad para replicarse de manera precisa. Este proceso es fundamental para la herencia genética y ocurre antes de la división celular. Durante la replicación, las dos cadenas de la hélice se separan y sirven

como plantillas para la síntesis de nuevas cadenas complementarias. La enzima ADN polimerasa cataliza la adición de nuevos nucleótidos siguiendo las reglas de complementariedad de bases.

El proceso de replicación puede resumirse de la siguiente manera:

- 1) Las hebras del ADN parental se separan.
- 2) Las nuevas cadenas se sintetizan añadiendo nucleótidos complementarios.
- 3) El resultado es la formación de dos moléculas de ADN idénticas, cada una con una hebra original y una nueva.

4.6 Conclusión

Desde una perspectiva química, el ADN es una molécula compleja que alberga la información necesaria para el desarrollo y funcionamiento de los organismos vivos. Su estructura, basada en la complementariedad de las bases nitrogenadas y los enlaces fosfodiéster, permite la transmisión precisa de información genética durante la replicación. A medida que se han desarrollado nuevas técnicas de análisis molecular, se ha profundizado en el estudio del ADN, lo que ha abierto nuevas posibilidades para el avance de la biotecnología y la medicina.

CAPÍTULO 5

Fundamento de los Números Reales

5.1 Introducción

En este capítulo, exploraremos algunas de las propiedades básicas de los números reales. Los números reales forman la base de gran parte del análisis matemático, y su estructura está regida por axiomas y teoremas fundamentales que permiten deducir propiedades importantes.

Comenzaremos con algunas definiciones y axiomas, para luego pasar a teoremas que establecen relaciones clave entre estos números.

5.2 Teoremas y Lemas

El siguiente teorema establece una propiedad simple, pero esencial, de los números reales cuando son iguales.

Teorema 1 *Sea a y b dos números reales. Si $a = b$, entonces $a^2 = b^2$.*

Dado que $a = b$, al elevar ambos lados de la igualdad al cuadrado obtenemos:

$$a^2 = b^2.$$

Esto sigue directamente de la definición de la igualdad y la operación de elevar al cuadrado un número real.

Sin embargo, la implicación inversa requiere un análisis más cuidadoso, lo que nos lleva al siguiente lema.

Lema 2 *Si $a^2 = b^2$, entonces $a = b$ o $a = -b$.*

Si $a^2 = b^2$, entonces podemos reescribir la ecuación como:

$$a^2 - b^2 = 0.$$

Esto se factoriza como:

$$(a - b)(a + b) = 0.$$

Por lo tanto, para que el producto sea cero, debe cumplirse que $a - b = 0$ (es decir, $a = b$) o que $a + b = 0$ (es decir, $a = -b$).

5.3 Proposiciones y Corolarios

Ahora que hemos establecido las relaciones básicas entre números reales y sus cuadrados, podemos generalizar este resultado a potencias mayores con el siguiente resultado.

Proposición 3 *Si $a = b$, entonces $a^n = b^n$ para cualquier $n \in \mathbb{N}$.*

Esto sigue directamente de la propiedad de la igualdad. Si $a = b$, entonces al elevar ambos lados de la ecuación a una potencia n obtenemos:

$$a^n = b^n.$$

Esto es válido para cualquier n en el conjunto de los números naturales.

Un caso particular interesante de esta proposición es cuando $a = 0$, lo cual nos lleva al siguiente corolario.

Corolario 4 *Si $a = 0$, entonces $a^n = 0$ para cualquier $n \in \mathbb{N}$.*

5.4 Definiciones y Ejemplos

Antes de continuar, es útil recordar la definición del conjunto de los números reales.

Definición 1 *El conjunto \mathbb{R} se define como el conjunto de todos los números reales. Este conjunto incluye tanto los números racionales como los irracionales, y forma la base de muchas ramas de las matemáticas.*

A continuación, presentamos un ejemplo concreto de los resultados anteriores.

Ejemplo 1 *Consideremos el número $a = 3$ y $b = 3$. Según el Teorema 1, como $a = b$, entonces $a^2 = b^2 = 9$. Este es un ejemplo directo de cómo se aplican los resultados a casos específicos.*

5.5 Axiomas y Conjeturas

Finalmente, presentamos un axioma básico de los números reales, que se utiliza frecuentemente en diversas demostraciones.

Axioma 1 *Para cualquier número real x , se cumple que $x + 0 = x$.*

Este axioma refleja la propiedad de identidad aditiva, que es una de las propiedades fundamentales de los números reales.

También se incluye una conjetura famosa que ha sido objeto de estudio durante siglos en matemáticas.

Conjetura 1 *No existen números reales x e y tales que $x^3 + y^3 = z^3$ para algún $z \in \mathbb{R}$.*

Esta conjetura es conocida como una versión del Último Teorema de Fermat, una conjetura que fue resuelta por Andrew Wiles en 1994 para el caso de los números enteros, pero su validez para números reales sigue siendo un tema abierto en ciertos contextos.

5.6 Observaciones Finales

Observación 1 *Este conjunto de resultados es fundamental en el análisis de ecuaciones y propiedades en el cálculo diferencial. Las propiedades de los números reales, junto con los axiomas básicos que los rigen, proporcionan una base sólida para entender fenómenos más complejos en matemáticas.*

Referencias

- ALBERTS, BRUCE; ALEXANDER JOHNSON; JULIAN LEWIS; MARTIN RAFF; KEITH ROBERTS y PETER WALTER
2002 *Molecular Biology of the Cell*, 4.^a ed., referencia citada en página [13](#).
- BODIE, ZVI; ALEX KANE y ALAN MARCUS
2013 *Investments*, McGraw-Hill, referencia citada en página [5](#).
- KNUTH, DONALD
1969 *The Art of Computer Programming*, 7 vols., Addison-Wesley, referencia citada en página [XI](#).
- MISHKIN, FREDERIC
2018 *Economics of Money, Banking and Financial Markets*, Pearson, referencia citada en página [5](#).
- STRACHAN, TOM y ANDREW READ
1999 *Human Molecular Genetics*, 2.^a ed., Wiley y Liss, referencia citada en página [13](#).
- UN [United Nations Department of Economic and Social Affairs]
2019 *World Population Prospects 2019: Highlights*, United Nations, referencia citada en página [1](#).
- WORLD BANK
2021 *World Development Indicators: Population Dynamics*, World Bank, referencia citada en página [1](#).

Índice de autoras y autores del aparato bibliográfico

Alberts, Bruce, [13](#)

Strachan, Tom, [13](#)

Bodie, Zvi, [5](#)

UN, [1](#)

Mishkin, Frederic, [5](#)

Read, Andrew, [13](#)

World Bank, [1](#)

Colofón

La composición tipográfica de este libro se realizó utilizando gbTeXpublisher.

Las familias tipográficas utilizadas dentro del libro son: IBM Plex, una superfamilia de tipografía abierta, diseñada y desarrollada conceptualmente por Mike Abbink en IBM con colaboración de Bold Monday y Libertinus, bifurcación de la fuente Linux Libertine, diseñada para el texto del cuerpo y la lectura extendida.

