

Recursividade

Algoritmos e Estruturas de Dados I
DECOM – UFOP

Conceito de Recursividade

- Fundamental em Matemática e Ciência da Computação
 - Um programa recursivo é um programa que chama a si mesmo
 - Uma função recursiva é definida em termos dela mesma
- Exemplos
 - Números naturais, Função fatorial, Árvore
- Conceito poderoso
 - Define conjuntos infinitos com *comandos* finitos

Recursividade

- A recursividade é uma estratégia que pode ser utilizada sempre que o cálculo de uma função para o valor n , pode ser descrita a partir do cálculo desta mesma função para o termo anterior $(n-1)$.

Exemplo – Função fatorial:

$$n! = n * (n-1) * (n-2) * (n-3) \\ * \dots * 1$$

$$(n-1)! = (n-1) * (n-2) * (n-3) \\ * \dots * 1$$

logo:

$$n! = n * (n-1)!$$

Recursividade

- Definição: dentro do corpo de uma função, chamar novamente a própria função
 - recursão direta: a função A chama a própria função A
 - recursão indireta: a função A chama uma função B que, por sua vez, chama A

Condição de parada

- Nenhum programa nem função pode ser exclusivamente definido por si
 - Um programa seria um loop infinito
 - Uma função teria definição circular
- Condição de parada
 - Permite que o procedimento pare de se executar
 - $F(x) > 0$ onde x é decrescente
- Objetivo
 - Estudar recursividade como ferramenta *prática!*

Recursividade

- Para cada chamada de uma função, recursiva ou não, os parâmetros e as variáveis locais são empilhados na pilha de execução.

Execução

- Internamente, quando qualquer chamada de função é feita dentro de um programa, é criado um **Registro de Ativação** na **Pilha de Execução** do programa
- O registro de ativação armazena os parâmetros e variáveis locais da função bem como o “ponto de retorno” no programa ou subprograma que chamou essa função.
- Ao final da execução dessa função, o registro é desempilhado e a execução volta ao subprograma que chamou a função

Exemplo

```
Fat (int n) {  
    if (n<=0)  
        return 1;  
    else  
        return n * Fat(n-1) ;  
}
```

```
Main() {  
    int f;  
    f = fat(5) ;  
    printf("%d",f) ;  
}
```


Quando vale a pena usar recursividade

- Recursividade vale a pena para Algoritmos complexos, cuja a implementação iterativa é complexa e normalmente requer o uso explícito de uma pilha
 - Dividir para Conquistar (Ex. Quicksort)
 - Caminhamento em Árvores (pesquisa, backtracking)

Dividir para Conquistar

- Duas chamadas recursivas
 - Cada uma resolvendo a metade do problema
- Muito usado na prática
 - Solução eficiente de problemas
 - Decomposição
- Não se reduz trivialmente como fatorial
 - Duas chamadas recursivas
- Não produz recomputação excessiva como fibonacci
 - Porções diferentes do problema

Exercício

- Crie uma função recursiva que calcula a potência de um número:
 - Como escrever a função para o termo n em função do termo anterior?
 - Qual a condição de parada?
- Qual a complexidade desta função?

Função de Potência Recursiva

```
int pot(int base, int exp)
{
    if (!exp)
        return 1;

    /* else */
    return (base*pot(base, exp-1));
}
```

Análise de complexidade:

$$T(0) = 1;$$

$$T(b, n) = 1 + T(b, n-1);$$

$O(n)$

Exercícios

- Implemente uma função recursiva para computar o valor de 2^n
- O que faz a função abaixo?

```
void f(int a, int b) { // considere a > b
    if (b == 0)
        return a;
    else
        return f(b, a % b);
}
```

Respostas

- ```
Pot(int n) {
 if (n==0)
 return 1;
 else
 return 2 * Pot(n-1);
}
```
- Algoritmo de Euclides. Calcula o MDC (máximo divisor comum) de dois números a e b