

# Redes recurrentes

Programa ejecutivo de Inteligencia Artificial

Año de realización: 2019-2020

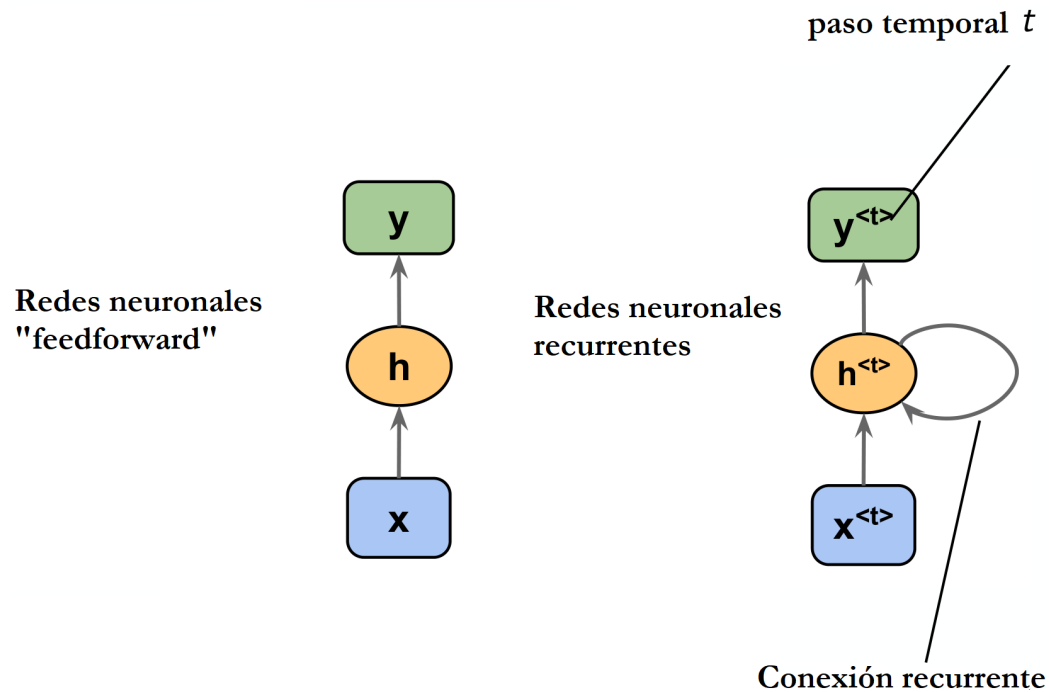
**Alberto Torres Barrán**

**[alberto.torres@icmat.es](mailto:alberto.torres@icmat.es)**

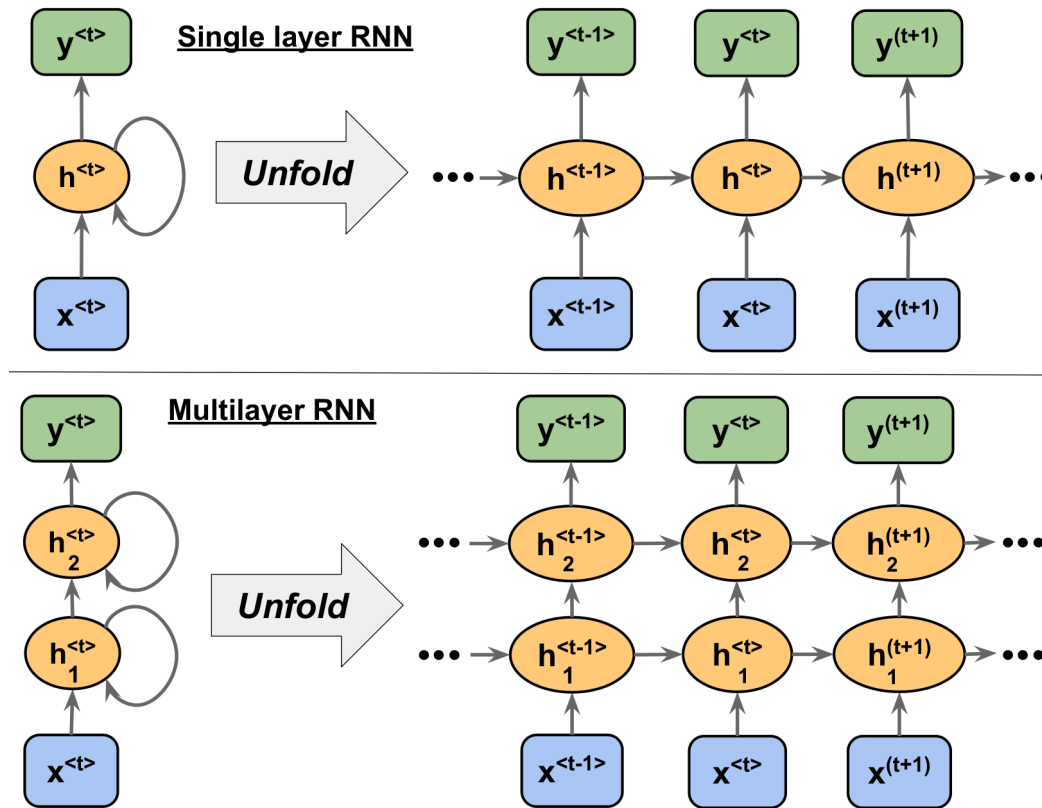
# Introducción

# Intuición

- Las redes neuronales recurrentes (*recurrent neural networks*, RNNs) surgen de la necesidad de **procesar secuencias** de datos



# Red recurrent "extendida"

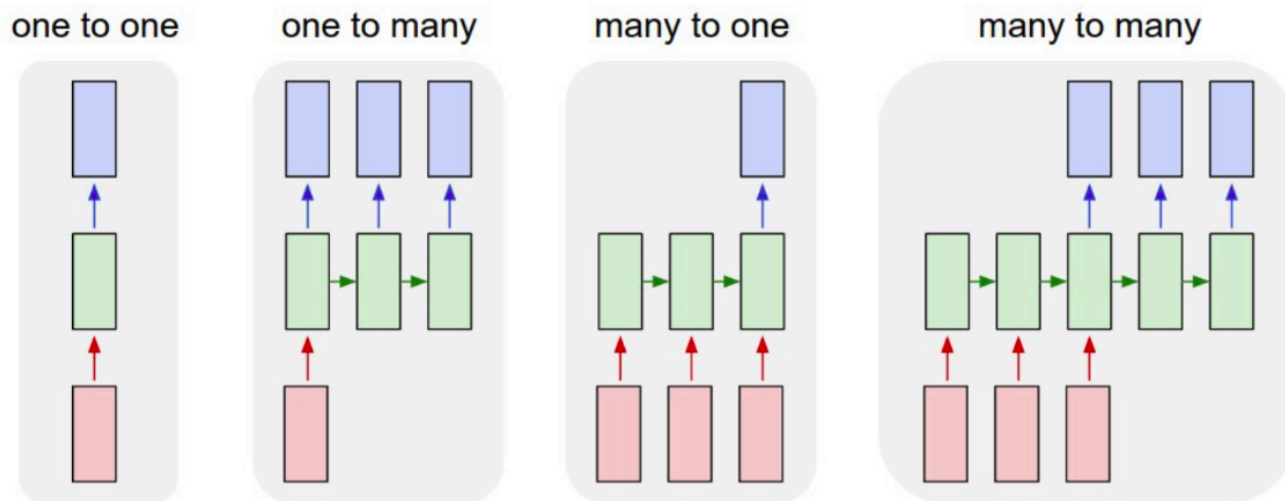


# Aplicaciones

1. Predicción de series temporales
2. Clasificación de texto
3. Traducción automática
4. Reconocimiento del habla
5. ...

# Tipos de tareas con secuencias

- *one to many* (ej. image captioning)
- *many to one* (ej. sentiment analysis)
- *many to many* (ej. machine translation)



# Aplicaciones RNNs

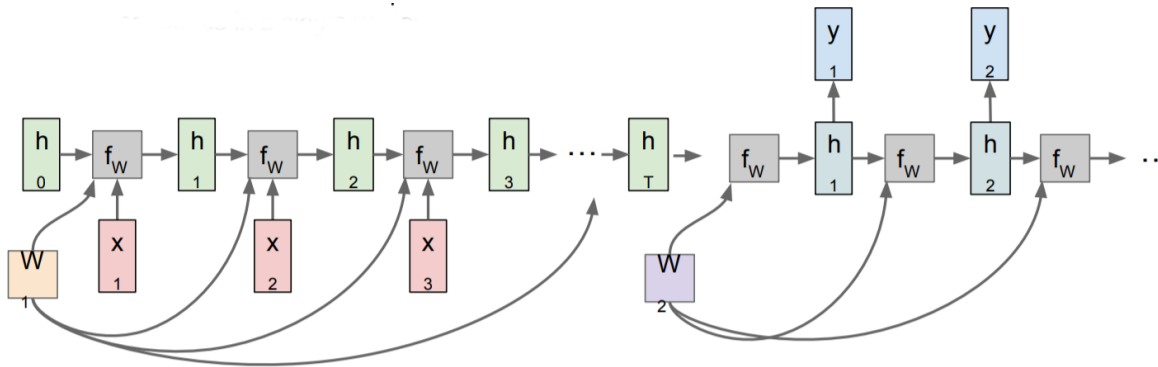
# Generación de textos

- <https://openai.com/blog/better-language-models/>
- GPT-2 es un modelo de lenguaje entrenado sobre un corpus de 40GB de datos (8 millones de páginas webs).
- La versión grande del modelo consta de 1500 millones de parámetros.
- Generación de historias online en <https://talktotransformer.com/>



# Traducción automática

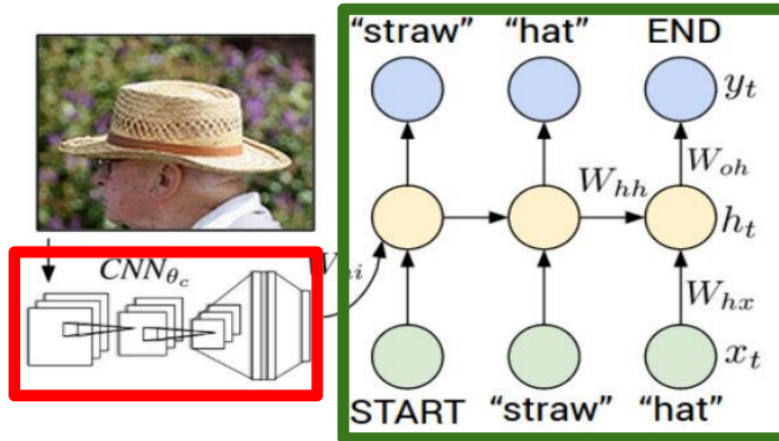
- Modelos **seq2seq**: composición de many-to-one + one-to-many.
- $x_1, \dots, x_T$  es la frase en el idioma original.
- $y_1, \dots, y_{T'}$  es la frase en el idioma de destino.



- Sequence to Sequence Learning with Neural Networks: <https://arxiv.org/abs/1409.3215>
- Actualmente usado en **Google Translate**: <https://ai.google/research/pubs/pub45610>

# Subtitulación de imágenes

## Recurrent Neural Network

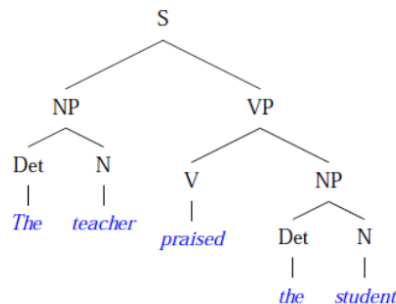


## Convolutional Neural Network

- Explain Images with Multimodal Recurrent Neural Networks: <https://arxiv.org/pdf/1410.1090.pdf>
- Show and Tell: A Neural Image Caption Generator: <https://arxiv.org/pdf/1411.4555.pdf>

# Procesamiento de lenguaje natural (NLP)

- Pre 2000s: **simbólico, basado en reglas**
  - Lenguaje entendido como conjunto de elementos y reglas para combinarlos.
  - Gramáticas independientes de contexto (Chomsky).
  - Más adecuado a lenguajes artificiales (de programación) que naturales (humanos).



- Después: **estadístico, basado en datos**
  - Lenguaje entendido como probabilidades de secuencias de palabras.
  - Cálculo de frecuencias de palabras, n-gramas, etc.
  - Más adecuado a lenguajes naturales que artificiales.
  - Combinación con modelos profundos: **estado del arte**.

# Ejemplo de "bag of words"

1) Entrenar clasificador con un dataset que tiene 3 sentencias:

$\mathbf{x}^{[1]}$  = "The sun is shining"

$\mathbf{x}^{[2]}$  = "The weather is sweet"

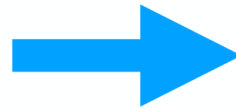
$\mathbf{x}^{[3]}$  = "The sun is shining,  
the weather is sweet, and one and one is two"

## 2) Construir vocabulario usando todas las palabras únicas

$\mathbf{x}^{[1]}$  = "The sun is shining"

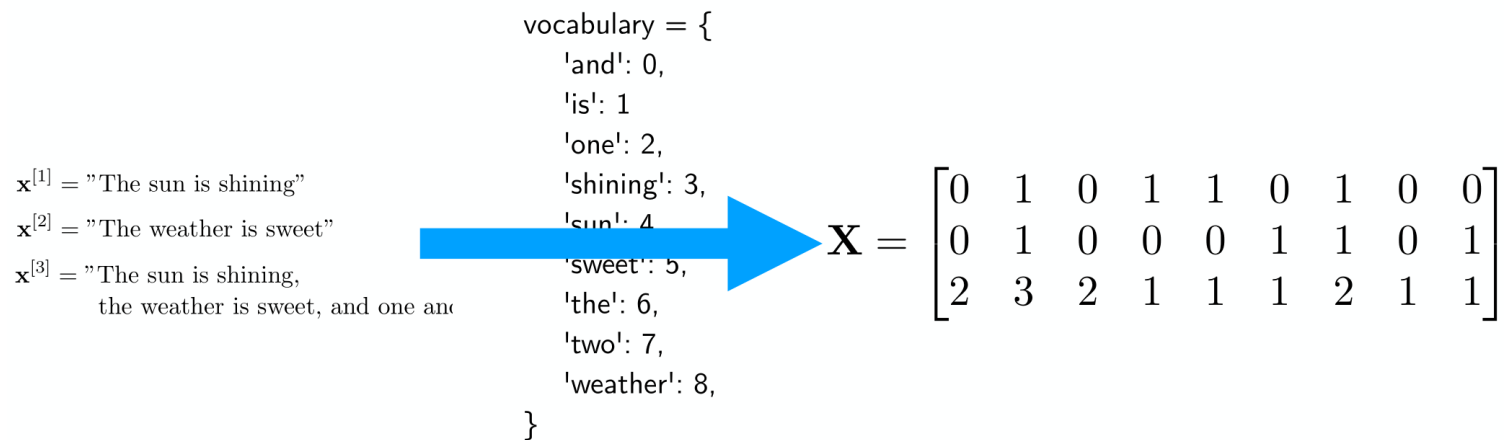
$\mathbf{x}^{[2]}$  = "The weather is sweet"

$\mathbf{x}^{[3]}$  = "The sun is shining,  
the weather is sweet, and one and one is two"

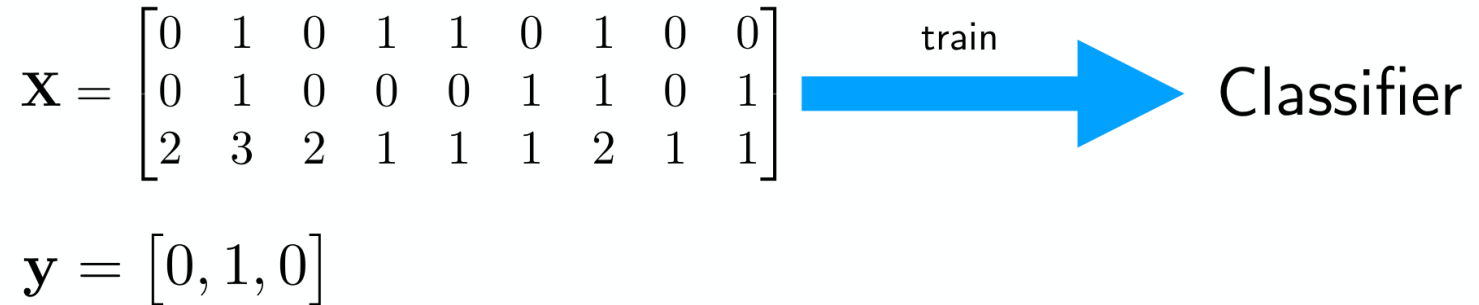


vocabulary = {  
    'and': 0,  
    'is': 1  
    'one': 2,  
    'shining': 3,  
    'sun': 4,  
    'sweet': 5,  
    'the': 6,  
    'two': 7,  
    'weather': 8,  
}

### 3) Transformar cada sentencia inicial en su representación vectorial



4) Usando esa representación entrenamos cualquier clasificador (regresión logística, SVM, red neuronal, etc.)



- Las filas de  $\mathbf{X}$  representan ejemplos/muestras
- Las columnas de  $\mathbf{X}$  son características/variables
  1. binarias 0/1, la palabra está presente o no en la frase
  2. frecuencias, contar cuantas veces aparece la palabra en la frase
  3. TF-IDF (*term frequency - inverse document frequency*), frecuencias normalizadas usando el total de todas las frases

# Preprocesamiento opcional

1) Eliminar palabras "vacías" (*stop words*)

$\mathbf{x}^{[1]}$  = "The sun is shining"

$\mathbf{x}^{[2]}$  = "The weather is sweet"

$\mathbf{x}^{[3]}$  = "The sun is shining,  
the weather is sweet, and one and one is two"



## 2) Crear n-gramas ( $n > 1$ )

1 token = 1 word:

$\mathbf{x}^{[1]} =$  "The sun is shining"

1 token = 2 words:

$\mathbf{x}^{[1]} =$  "The sun is shining"

Problemas:

1. Tamaño vocabulario

2. *Sparsity*

# Problemas bag of words

Desventajas aproximación clásica:

1. Numero de variables determinado por el tamaño del vocabulario, potencialmente muy grande
2. Ejemplos muy *sparse* (la mayoría del vector contiene 0s)
3. **No tienen en cuenta el contexto**, se ignora el orden de las palabras

Los n-gramas

- solucionan parcialmente el problema 3), ya que se tienen en cuenta n-tuplas de palabras
- empeoran 1), ya que el tamaño del vocabulario aumenta combinatoriamente

# Redes neuronales recurrentes

# Esquema original

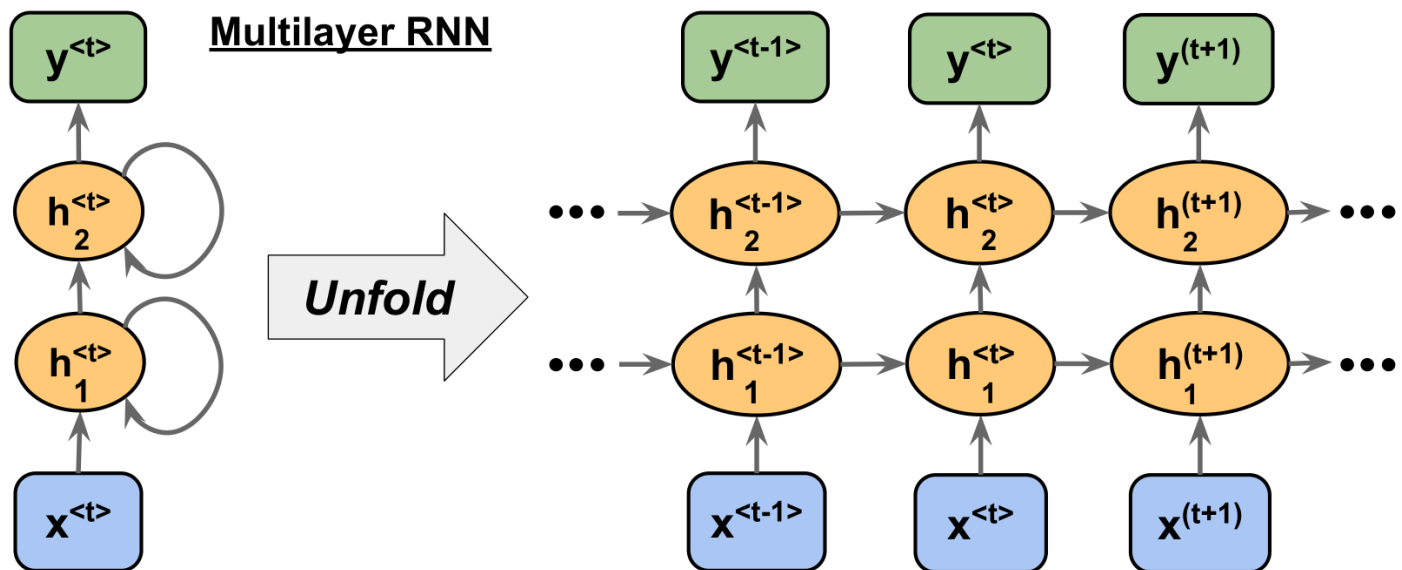
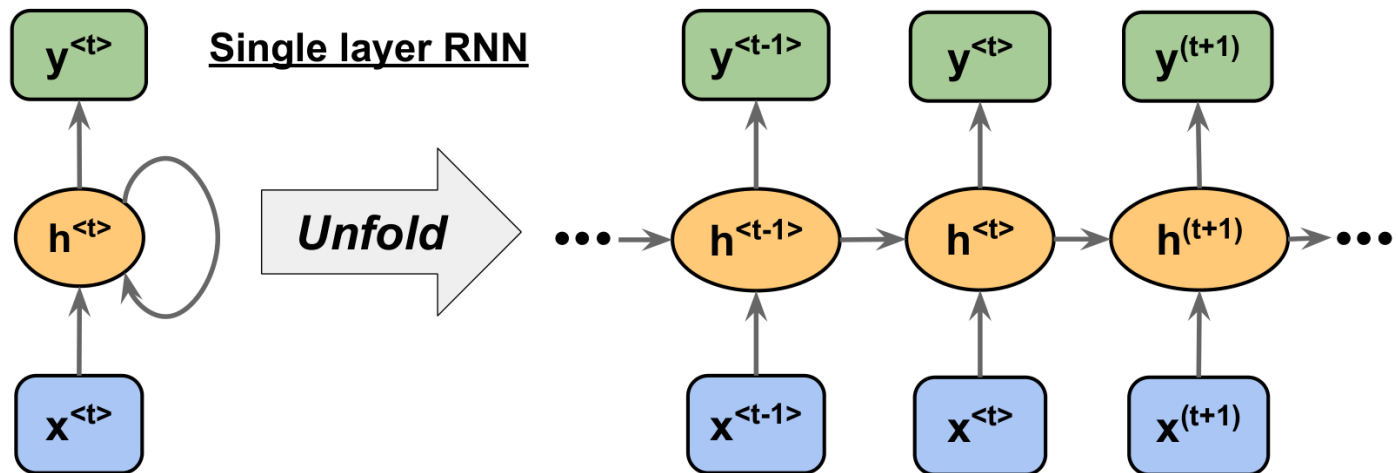
- Modelo de **Elman**: la red mantiene un estado interno  $h_t$  que se va actualizando en cada iteración

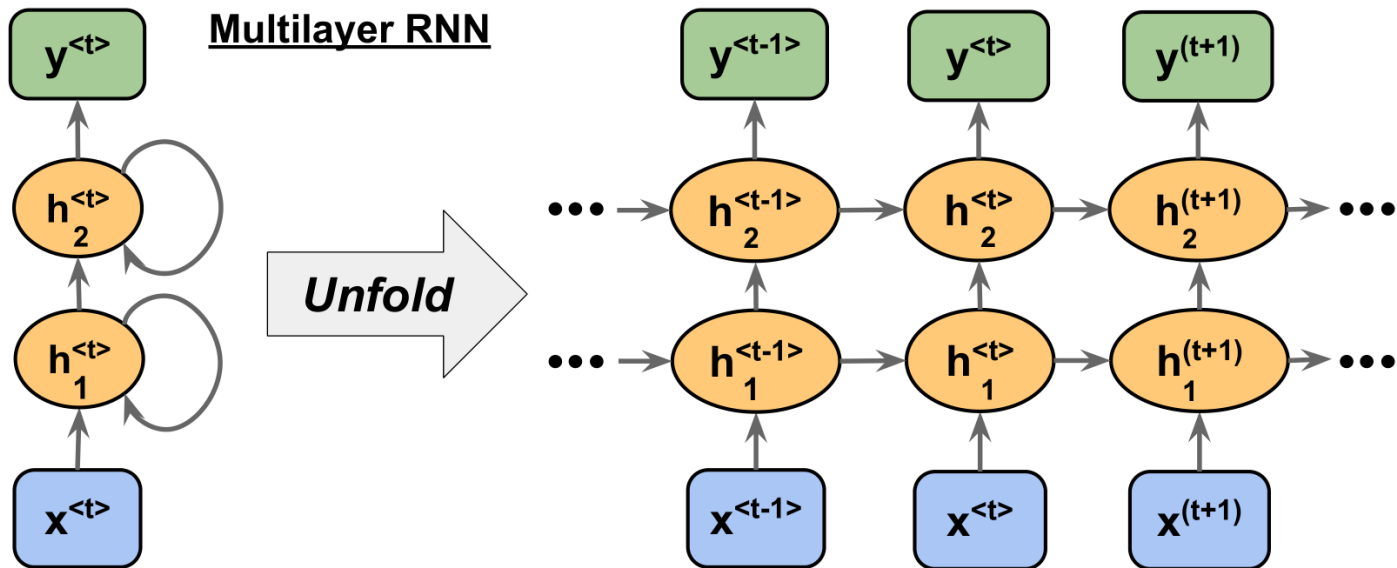
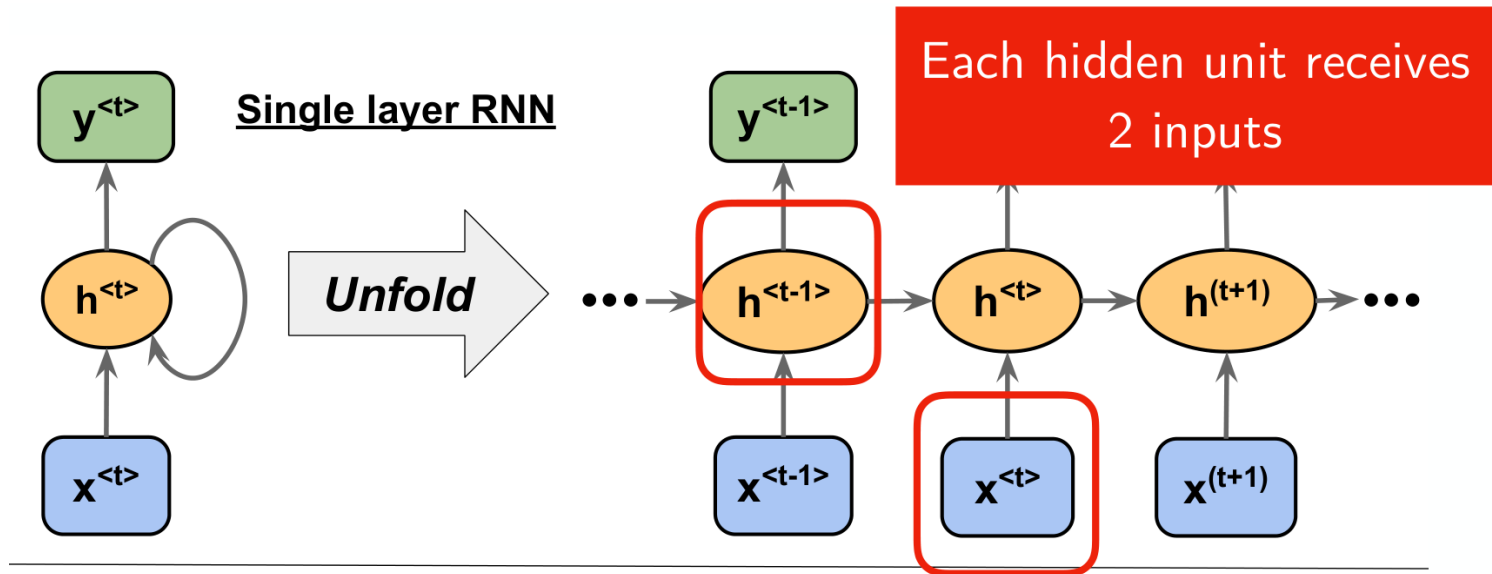
$$h_t = f_W(h_{t-1}, x_t)$$

- En concreto, un posible diseño es

$$\begin{aligned} h_t &= \tanh(W_{hh}h_{t-1} + W_{xh}x_t) \\ y_t &= W_{hy}h_t \end{aligned}$$

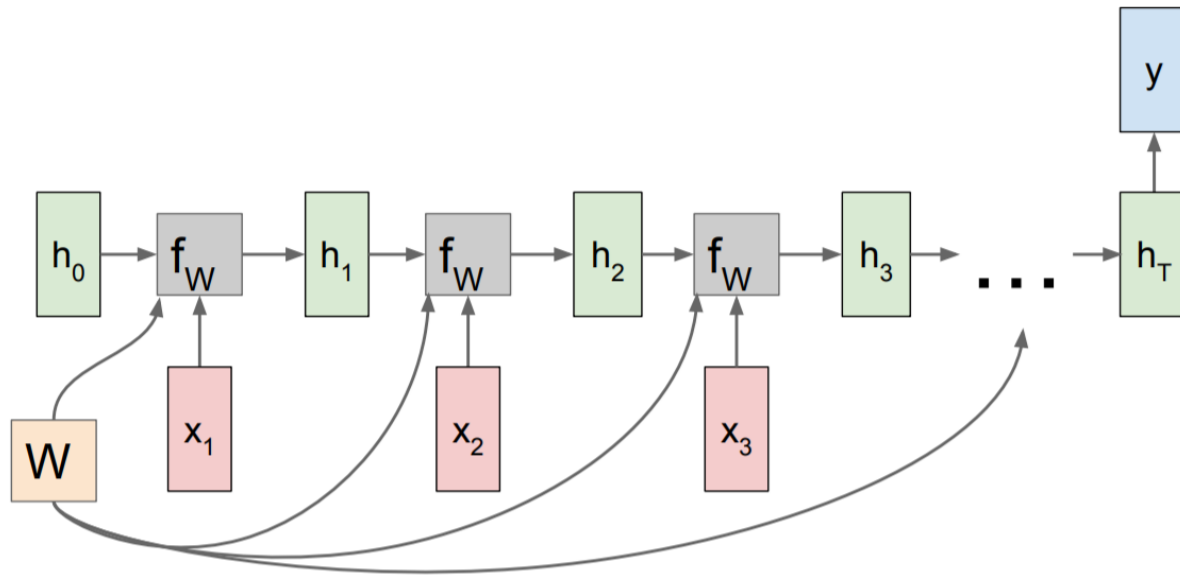
- Los **pesos se reutilizan en cada instante  $t$** :
  - aprende patrones independientemente de su posición.
  - reducción en el número de parámetros.
- Podemos desarrollar la recurrencia a lo largo de  $t$  (ver siguientes):





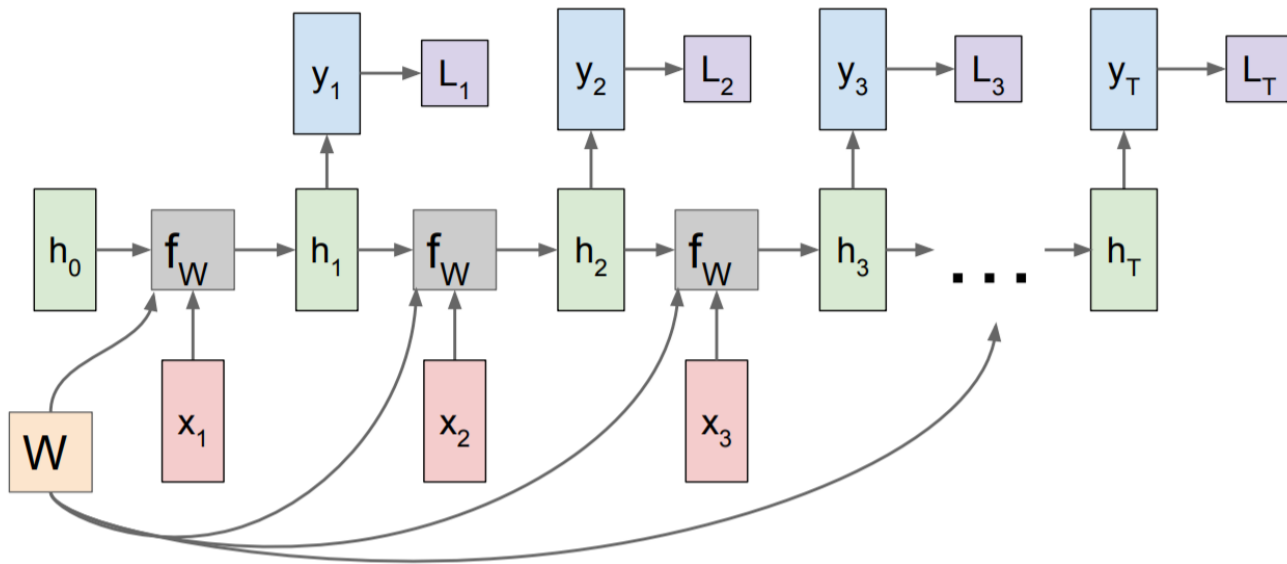
# Grafo computacional

- Ejemplo de arquitectura **many-to-one** (ej: asignar sentimiento (+ ó -) a un tweet (secuencia de palabras))



# Grafo computacional

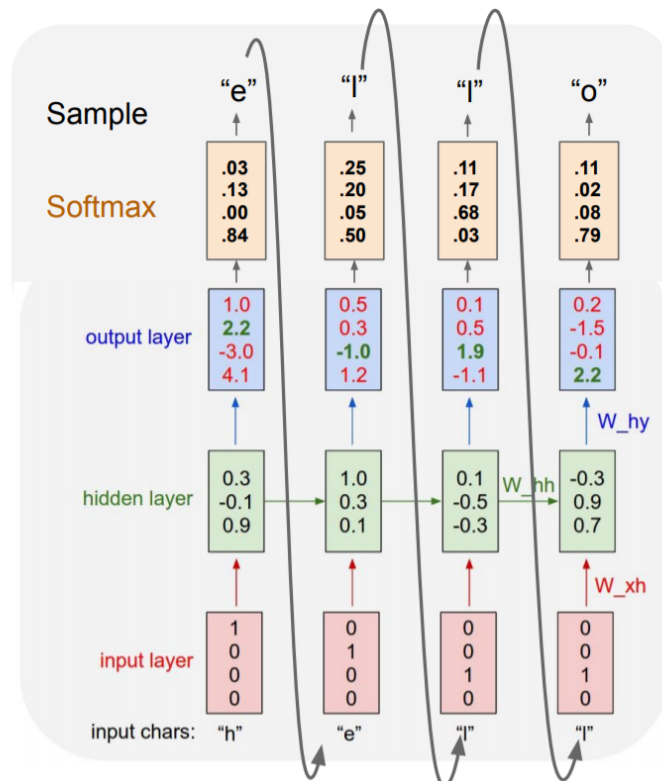
- Ejemplo de arquitectura **many-to-many** (ej: predicción de una señal: en cada  $x_t$  predecimos  $x_{t+1}$  con el valor  $y_t$ )





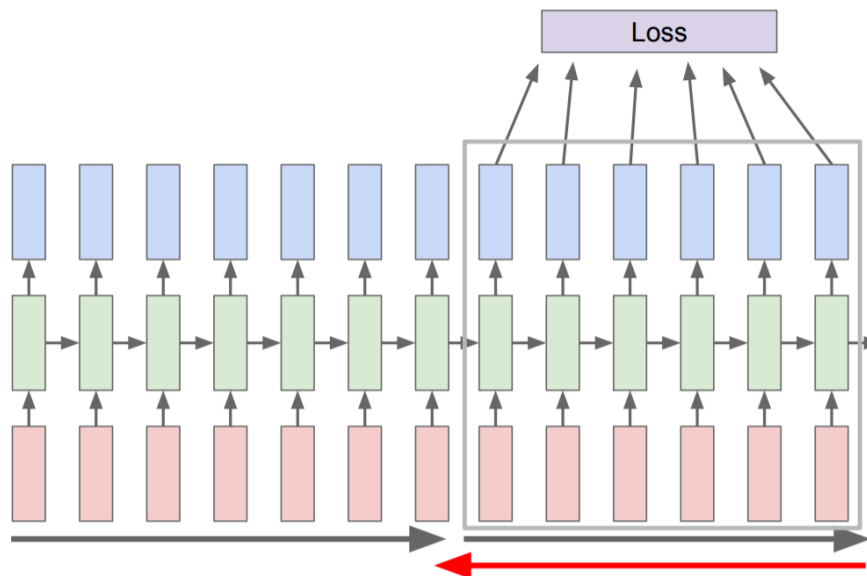
# Ejemplo (many to many)

- Predicción del siguiente carácter.
- Representamos cada carácter mediante OHE, nuestro vocabulario es: h, e, l, o  $\in \{0, 1\}^4$



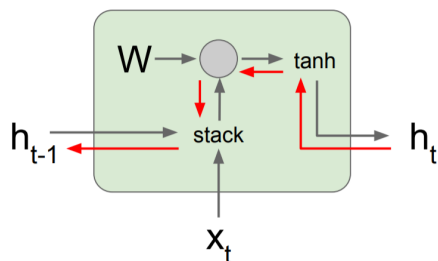
# Entrenamiento

- Mismo esquema de backpropagación que para las redes estándar, solo que ahora se propaga hacia atrás en el tiempo (como si la RNN estuviera desenrollada).
- Para mejorar la estabilidad, solo se propaga hacia atrás un número de pasos limitado (**truncated backpropagation**)
- SGD o Adam.



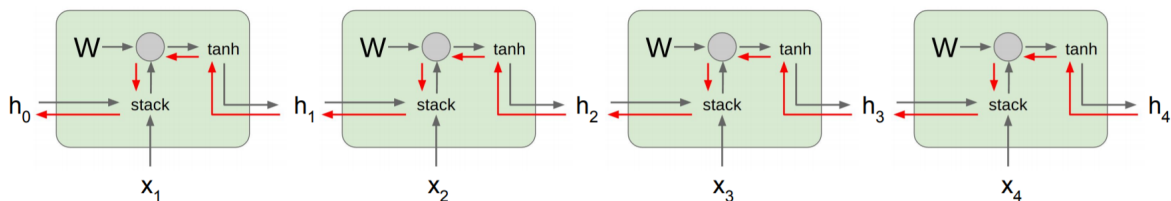
# Backpropagation

- La backpropagación desde  $h_t$  a  $h_{t-1}$  necesita multiplicar por  $W$ .



$$\begin{aligned} h_t &= \tanh(W_{hh}h_{t-1} + W_{hx}x_t) \\ &= \tanh\left((W_{hh} \quad W_{hx}) \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}\right) \\ &= \tanh\left(W \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}\right) \end{aligned}$$

- Al hacerlo a lo largo del tiempo:



- Calcular el gradiente para  $h_0$  implica multiplicaciones por  $W$ .

# Problema con los gradientes

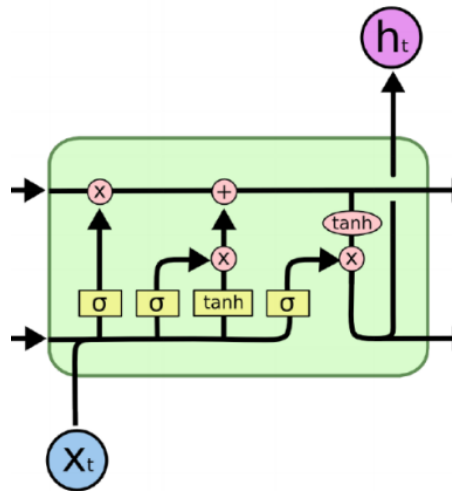
1. El mayor valor singular (autovalor) de  $W$  es  $> 1$ : explosión del gradiente.
  - Solución: acotar manualmente el gradiente (**gradient clipping**).
2. El mayor valor singular (autovalor) de  $W$  es  $< 1$ : desvanecimiento del gradiente.
  - Solución: nuevas arquitecturas (LSTM, GRU).

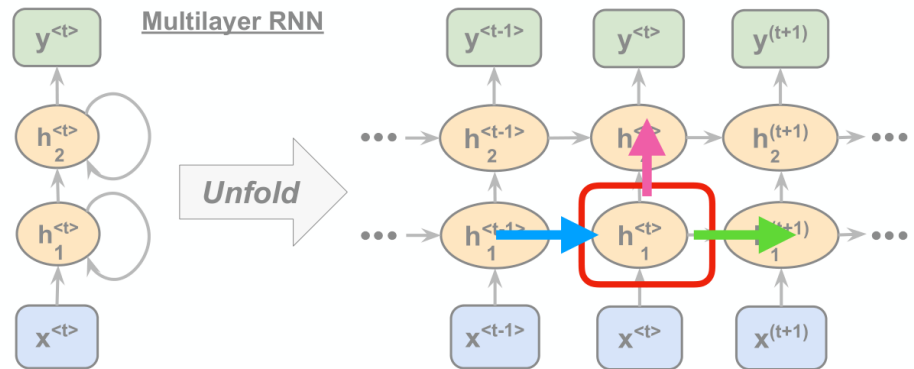
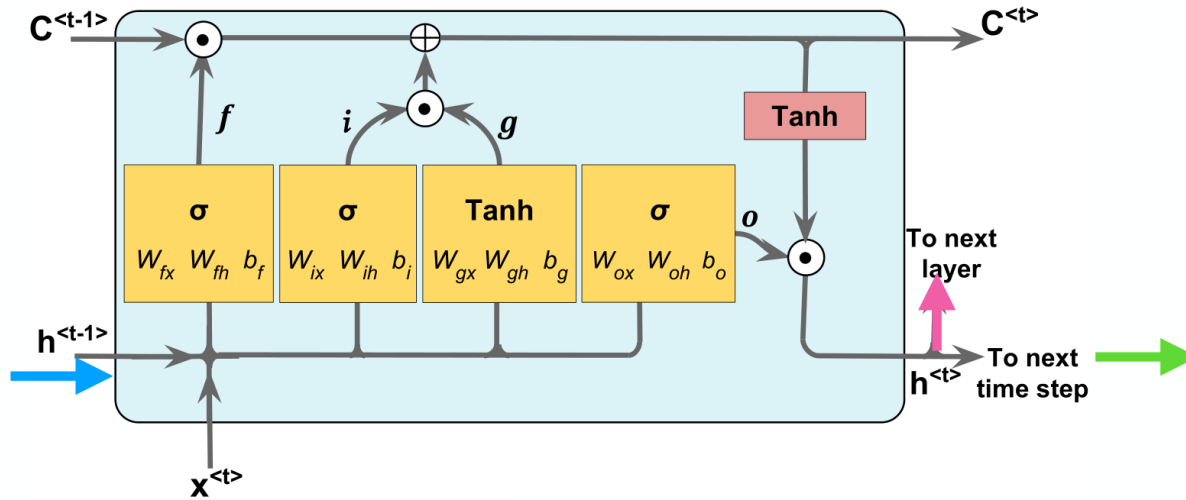
# Soluciones al problema de los gradientes

1. Acotar el valor máximo del gradiente: solo resuelve el problema de la "explosión" del gradiente
2. Limitar el número de pasos hacia atrás que se usan a la hora de hacer la propagación (*Truncated backpropagation through time*, TBPTT)
3. *Long short-term memory* (LSTM), usa una celda de memoria para modelar dependencias muy separadas en el tiempo y evitar el problema de la "explosión" de gradientes

# Long-Short Term Memory network (LSTM)

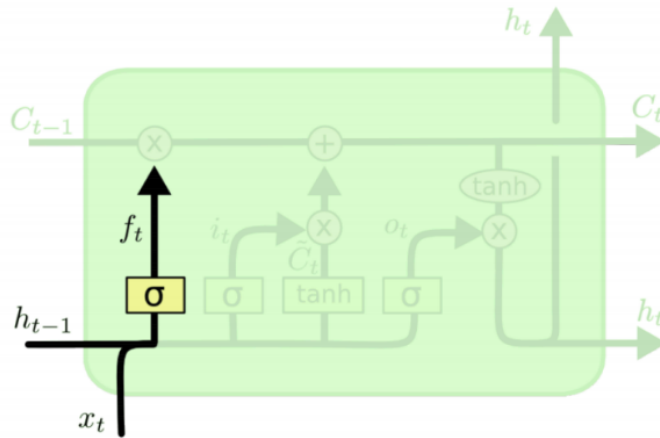
- Introducidas por Hochreiter en 1997, aunque no se usaron mucho hasta esta década (aplicaciones en NLP).
- Añadimos un nuevo estado (cell,  $c_t$ ) y varias compuertas (gates) para mejorar el flujo del gradiente.





# Forget gate

- Compuerta de **olvido** (forget)
- Decide qué partes olvidar del estado anterior
- Cerca de 0, olvidar, cerca de 1, almacenar



$$f_t = \sigma(W_f [h_{t-1}, x_t] + b_f)$$

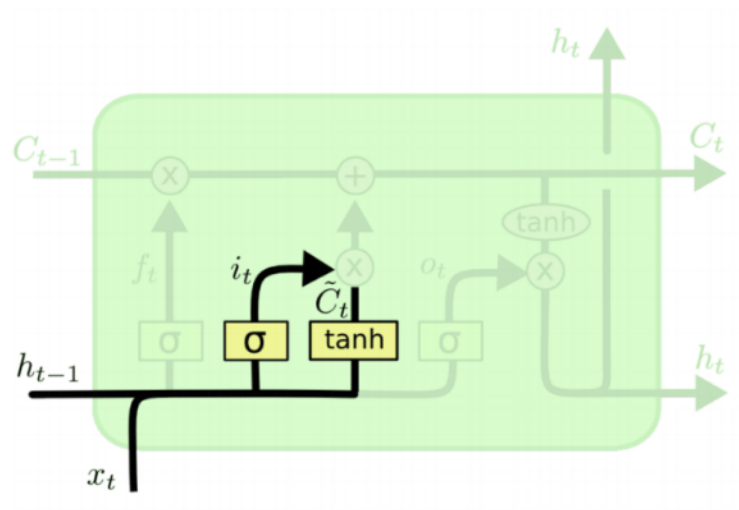


# Input gate

- Compuerta de **entrada** (input)
- Decide qué modificar para el nuevo estado,

$$C_t = C_{t-1} + i_t * \tilde{C}_t$$

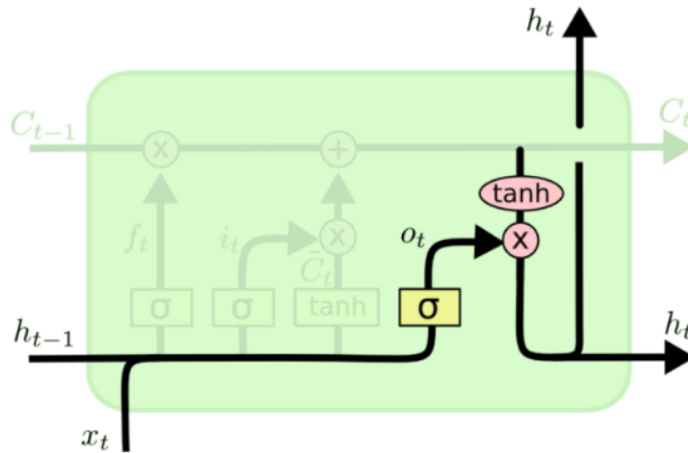
- Si  $i_t$  es 0, el estado no se actualiza



$$i_t = \sigma(W_i [h_{t-1}, x_t] + b_i)$$
$$\tilde{C}_t = \tanh(W_C [h_{t-1}, x_t] + b_C)$$

# Output gate

- Compuerta de **salida** (output)
- Determina cual va a ser el siguiente estado oculto (*hidden state*)



$$o_t = \sigma(W_o [h_{t-1}, x_t] + b_o)$$

$$h_t = o_t * \tanh(C_t)$$

# LSTM en resumen

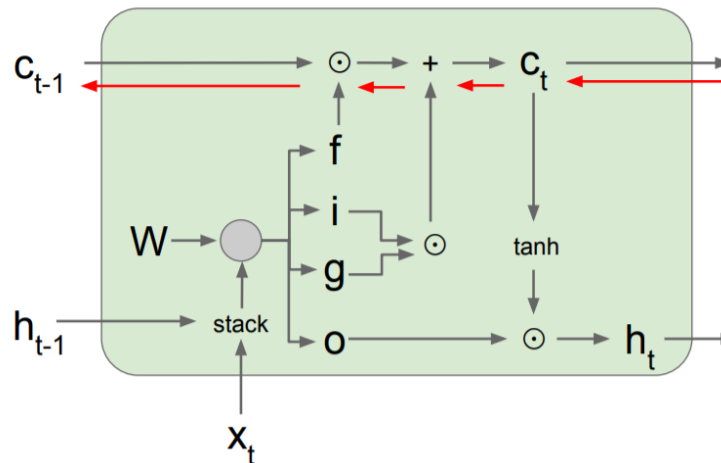
- Las ecuaciones completas son

$$\begin{pmatrix} i \\ f \\ o \\ g \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \sigma \\ \sigma \\ \sigma \\ \tanh \end{pmatrix} W \begin{pmatrix} h_{t-1} \\ x_t \end{pmatrix}$$

$$c_t = f \odot c_{t-1} + i \odot g$$

$$h_t = o \odot \tanh(c_t)$$

- Ahora para hacer backpropagación de  $c_t$  a  $c_{t-1}$  no hace falta multiplicar por  $W$ !!



# Resumen

- Útiles para el procesamiento de datos secuenciales
- La RNN original es simple pero no funciona demasiado bien
- Arquitecturas modernas incluyen celdas LSTM
- El gradiente de las RNNs puede,
  1. **explotar**, se controla acotándolo (clipping)
  2. **desvanecerse**, se arregla usando conexiones aditivas (LSTM)
- Existen nuevas arquitecturas, por ejemplo las **gated recurrent units** (GRU)
  - algo más sencillas
  - usan el mismo mecanismo de compuertas

# **Ejemplo aplicación: procesamiento de texto**

# De n-gramas a word embeddings (1)

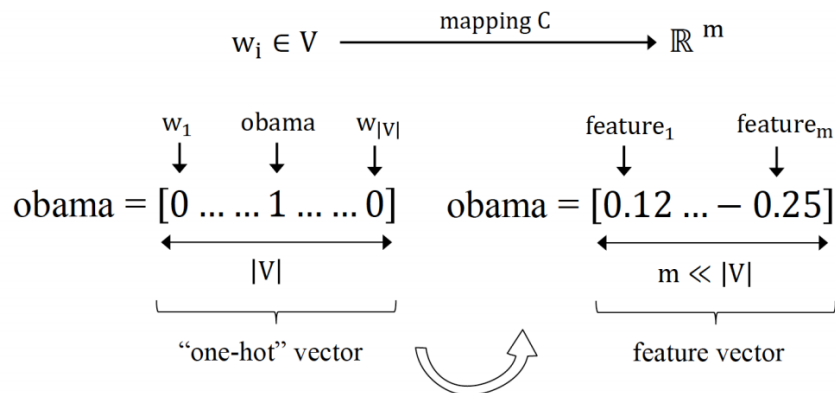
- **Bag of words:** contamos la aparición (o frecuencia) de cada palabra: El atento alumno  $\rightarrow$  (El), (atento), (alumno).
- Representaríamos la frase como

$$(0, \dots, 1, 0, \dots, 0, 1, 0, \dots, 1, 0) \in \{0, 1\}^{|V|}$$

- donde  $|V|$  es el número de palabras de nuestro vocabulario  $V$ .
- Problema: no tiene en cuenta el orden (y contexto) de las palabras. Solución (parcial):
- **2-gramas:** contamos ahora pares consecutivos de palabras: (El, atento), (atento, alumno).
- Ahora la representación es sobre  $\{0, 1\}^{|V|^2}$ .
- **n-gramas:** explosión combinatoria...
- Ha sido lo estándar hasta  $\sim$  2013. ¿Podemos encontrar una representación más compacta?

# De n-gramas a word embeddings (2)

- Cada palabra (representada mediante OHE) se mapea a un espacio continuo:  
 $\{0, 1\}^{|V|} \rightarrow \mathbb{R}^m$ .
- Mediante una transformación lineal  $z_i = Ew_i$  donde  $E$  es una matriz de tamaño  $m \times |V|$ . Típicamente  $m = 300 \ll |V|$ .



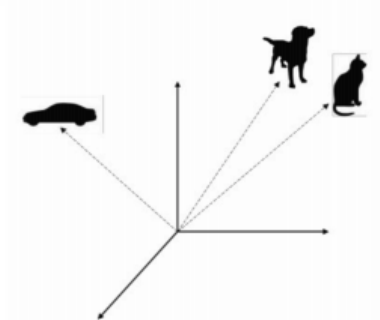
- **Combaten la catástrofe de la dimensionalidad**, mediante una compresión de los datos, pasando de un espacio discreto a uno continuo.
- Al proyectar a un espacio continuo, esperamos que palabras parecidas (sinónimos) se encuentren cerca (bajo la métrica euclídea).

# Álgebra lineal en el espacio de palabras (1)

- **One-hot encoding:** no hay noción de vecindad entre palabras, cualquier palabra está igual de lejos que las demás.
- **Word embeddings** (codificación densa): podemos usar la distancia euclídea (u otras) en  $\mathbb{R}^m$ .

Rome Paris word V

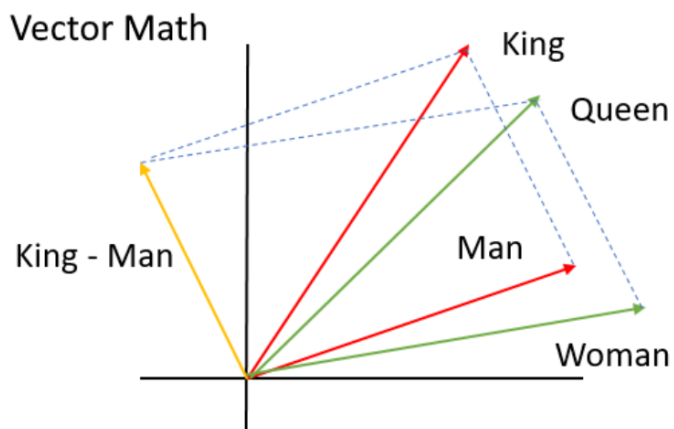
Rome = [1, 0, 0, 0, 0, 0, ..., 0]  
Paris = [0, 1, 0, 0, 0, 0, ..., 0]  
Italy = [0, 0, 1, 0, 0, 0, ..., 0]  
France = [0, 0, 0, 1, 0, 0, ..., 0]





# Álgebra lineal en el espacio de palabras (2)

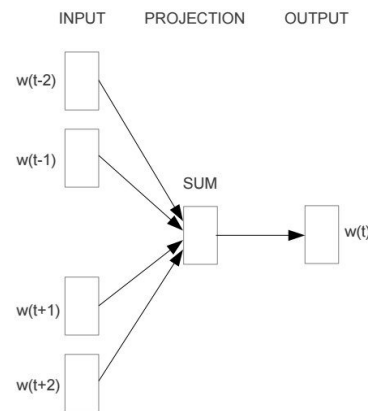
- Como estamos en un espacio vectorial ( $\mathbb{R}^m$ ), podemos realizar operaciones con vectores (word embeddings).
- Aprenden ciertas analogías entre palabras.



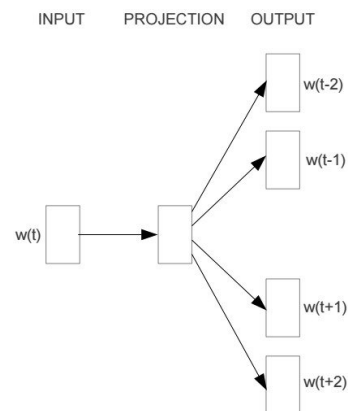
$$\text{king} - \text{Man} + \text{Woman} = \text{Queen}$$

# word2vec (2013)

- La pregunta del millón: **¿cómo obtener la matriz  $E$  de word embeddings?**
- Basado en la **hipótesis distribucional** del lenguaje (J. Firth 1957): el significado de una palabra puede inferirse a partir del contexto (palabras vecinas en las que aparece)
- El modelo word2vec presenta dos variantes:
  - **CBoW**: dado un contexto, predecir palabra central.
  - **Skip-gram**: dada la palabra central, predecir el contexto.



**CBoW**

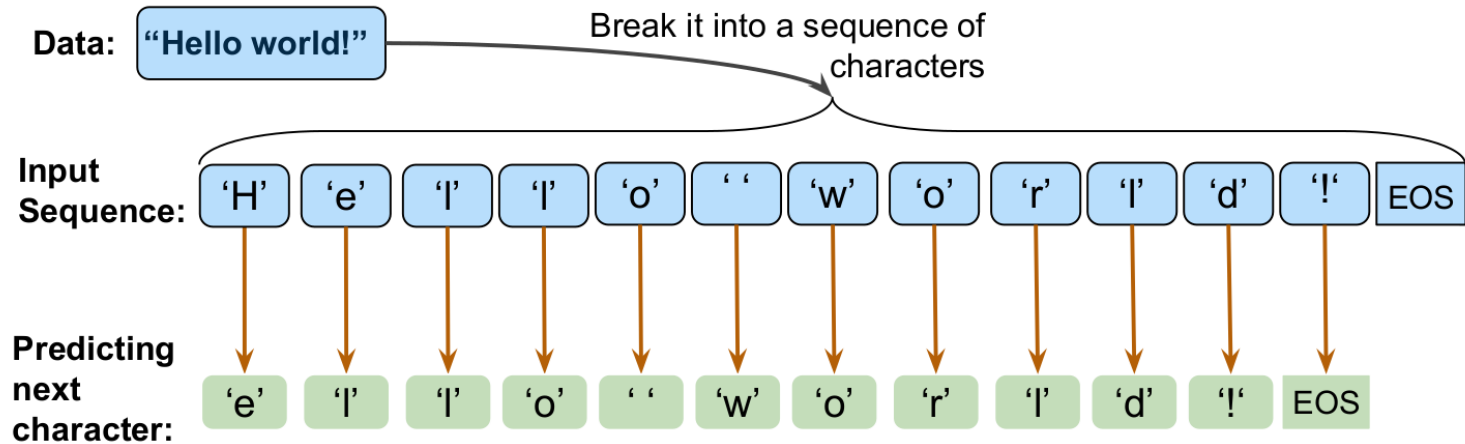


**Skip-gram**

# Uso de embeddings preentrenados

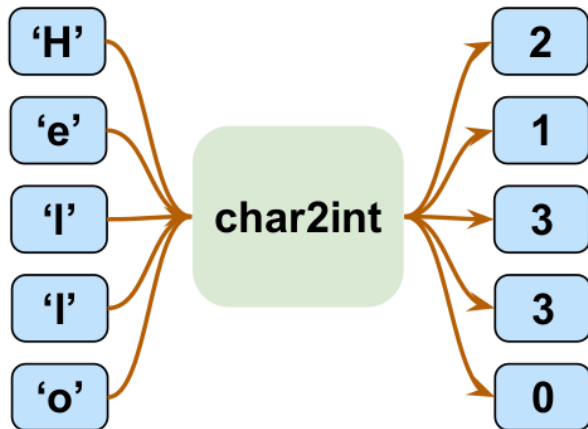
- Los embeddings pueden inicializarse aleatoriamente (como los pesos de una red neuronal estándar) y aprenderse durante la tarea
- Es más habitual cargar unos **word embeddings preentrenados**, para ahorrar tiempo y datos
- Una vez ya tenemos los embeddings, se los acoplamos a cualquier modelo (regresión logística, red neuronal) y procedemos con el entrenamiento
- <https://fasttext.cc/> mejora de word2vec (contiene información de prefijos y sufijos).
- <https://fasttext.cc/docs/en/crawl-vectors.html> en castellano, entrenados sobre los artículos de la Wikipedia y CommonCrawl.

# Preprocesamiento para RNN a nivel de caracteres

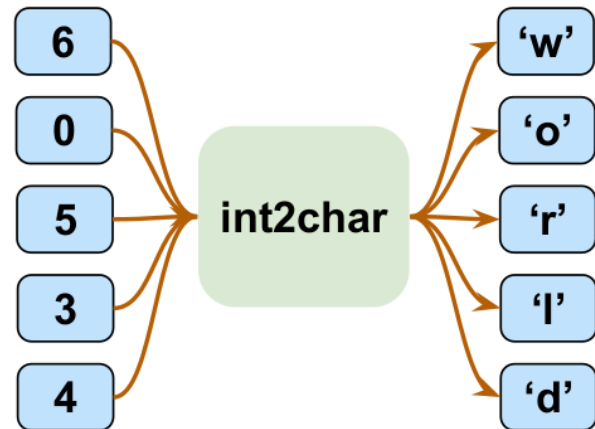


## Definir diccionarios para mapear caracteres a enteros

Mapping characters to integers



Mapping integers to characters



La salida y se crea desplazando x una posición, ya que queremos predecir el siguiente carácter

