

Escuela Técnica Superior de Ingeniería Informática

Grado en Ingeniería Informática Curso 2021-2022

Trabajo Fin de Grado

EARFIT: APLICACIÓN PARA ENTRENAMIENTO AUDITIVO MUSICAL

Autor: Alberto Gómez Cano Tutor: Manuel Rubio Sánchez

# Agradecimientos

Quiero agradecer este TFG a mi familia por siempre estar a mi lado aconsejándome en los momentos más difíciles de mi carrera.

A mi novia por aguantar mis frustraciones y animarme a seguir adelante.

A mi tutor académico Manuel Rubio Sánchez que me ha apoyado para realizar este trabajo.

Y finalmente, me gustaría agradecer a todos mis compañeros que han compartido esta carrera conmigo.

¡A todos, mil gracias!

# Resumen

Un gimnasio musical para tus oídos. La idea consiste en desarrollar una herramienta para ayudar a músicos a desarrollar su oído (Musical Ear Training). Por ejemplo, para identificar notas, intervalos, escalas, etc. Estos ejercicios mejorarán su capacidad musical al desarrollar una comprensión más intuitiva de lo que se escucha.

Además, este TFG tiene como objetivo centrarse en cómo crear un nuevo producto software desde cero. Siguiendo todas las etapas de desarrollo desde que se concibe la idea hasta que se obtiene el producto deseado. Con la idea en mente de aprender y usar diferentes tecnologías que estén a la orden del día. También se pretende hacer uso de la metodología Agile para llevar a cabo la organización del proyecto.

Consistirá en una aplicación web basada Next.js y TypeScript y que será desplegada en Vercel. Con el nombre de Earfit y que se puede visitar en el siguiente enlace:

https://earfit-alberttogoca.vercel.app/

#### Palabras clave:

- Entrenamiento Auditivo
- Nextjs
- React
- TypeScript
- Vercel
- Agile

# Índice de contenidos

Ín	dice	de figuras	X
Ín	dice	de códigos	XII
1.	Intr	roducción	1
	1.1.	Contexto	1
		1.1.1. Entrenamiento Auditivo	1
		1.1.2. Descripción del Proyecto	3
		1.1.3. Estado del Arte	4
	1.2.	Objetivos	5
	1.3.	Estructura del documento	6
2.	Cor	ntenidos principales	7
	2.1.	Creación de la Propuesta de Valor	7
		2.1.1. Lean Startup	8
		2.1.2. Design Thinking	13
		2.1.3. MVP	13
	2.2.	Metodología de Trabajo	13
		2.2.1. Scrum	14
		2.2.2. DevOps	14
	2.3.	Desarrollo e Implementación	14
		2.3.1. Tecnologías Empleadas	14
		2.3.2. Implementación	15
		2.3.3. Testing	15
	2.4.	Resultado Final	15
3.	Cor	nclusiones	16
Bi	bliog	grafía	18
$\mathbf{A}_{]}$	pénd	ices	20
$\mathbf{A}$	Cor	nceptos Musicales	22
	A.1.	Notas	22

A.2.	Intervalos																22
A.3.	Escalas																22

# Índice de figuras

# Índice de códigos

# Introducción

Si bien somos capaces de reconocer los colores desde bien pequeños, de forma general ponemos muy poco cuidado a los sonidos a lo largo de nuestra vida. Entrenar el oído es lo más parecido a aprender los colores y aprender cómo se relacionan y funcionan. Imagina un pintor que desconoce los colores, quién decide pintar el cielo morado porque no reconoce su verdadero color. En conclusión, un músico no puede darse el lujo de desconocer los colores de la música.

#### 1.1. Contexto

Este apartado tiene como objetivo situar al lector. Por lo que daremos un poco de explicación sobre qué consiste el Entrenamiento Auditivo para que pueda comprender mejor el objetivo general y alcance del trabajo. También se realizará una pequeña descripción del proyecto y se comentará brevemente el estado del arte actual.

#### 1.1.1. Entrenamiento Auditivo

Los oídos son la herramienta más importante a la hora de hacer música. Pero si no se entrenan, nunca desarrollarán toda su potencia.

Los músicos, productores y DJs se pueden beneficiar del entrenamiento de sus oídos. Puede resultar muy útil a la hora de mezclar música y componer canciones.

#### Qué es

El entrenamiento auditivo es el proceso de identificar los elementos de la música en su forma más sencilla y conectarlos con la forma en que sentimos el sonido físicamente. Tradicionalmente, el entrenamiento auditivo para los músicos incluye habilidades como identificar intervalos, tipos de acordes y progresiones de acordes. El entrenamiento auditivo para los productores de audio suele incluir la identificación de los rangos de frecuencias en Hz.

Muchas personas suponen que tener oído musical es tener la capacidad de identificar una nota al oírla. Tener oído musicales, también, ser capaz de escuchar y comprender música interiormente, sin que ésta este físicamente presente, igual que reflexionamos sobre palabras que hemos escuchado.

#### Porqué es importante

El entrenamiento auditivo es importante porque la escucha es una habilidad. Al igual que tocar el piano o saber cómo modificar una cadena de efectos vocales.

Por ejemplo, las melodías son simplemente series de intervalos. Con el entrenamiento necesario para identificar los intervalos, puedes aprender a tocar una melodía de oído.

Reconocer las progresiones de acordes de oído también es un superpoder. Acostumbrarse a escuchar las progresiones de acordes más comunes con una herramienta de entrenamiento auditivo cambia la forma en que compones canciones.

Al igual que tocar el piano o saber cómo modificar una cadena de efectos vocales, la escucha es una habilidad. Para los productores de música, el entrenamiento auditivo sirve para identificar los rangos de frecuencias más rápidamente. ¿Quieres un kick más preciso? ¿O un vocal más ligero? El entrenamiento auditivo te ayudará a encontrar las frecuencias que necesitas para conseguir los efectos que buscas.

#### Oído Absoluto

Es la habilidad para reconocer notas musical sin tener otras como referencia. Es relativamente raro encontrar personas con oído absoluto. Se considera que menos del uno por ciento de la población tiene oído absoluto. Las posibilidades de tener oído absoluto aumentan si has recibido mucho entrenamiento musical desde muy pequeño.

#### Oído Relativo

Es la habilidad para reconocer notas musical relacionándolas entre sí. Es una habilidad indispensable para los músicos y es más sencilla de entrenar que el oído absoluto. Esta característica te puede permitir, por ejemplo, interpretar canciones sin disponer de partitura.

Las personas que disponen de oído relativo son capaces de:

- Denotar la distancia de una nota musical desde una nota de referencia establecida.
- Seguir la notación musical, esto permite cantar correctamente una melodía entonando cada nota de acuerdo a la distancia con la nota anterior.
- Seguir la notación musical, esto permite cantar correctamente una melodía entonando cada nota de acuerdo a la distancia con la nota anterior.

Los ejercicios más comunes de entrenamiento auditivo te ayudarán a desarrollar tu oído relativo.

#### Conclusión

Aprender entrenamiento auditivo te lleva al siguiente nivel como músico ya que te permite sacar canciones más rápido, con mayor precisión, improvisarás mejor, podrás llevar al instrumento las melodías que imaginas con mayor facilidad, y en general te permitirá ser mucho mejor músico.

#### 1.1.2. Descripción del Proyecto

El presente Trabajo de Fin de Grado se centra en el diseño e implementación de una aplicación web con la finalidad de ayudar a músicos a desarrollar su oído musical mediante la realización de ejercicios de entrenamiento auditivo.

La aplicación se centrará en tres tipos diferentes de ejercicios divididos en la localización de notas, intervalos y escalas.

Para cada uno de los ejercicios se ha diseñado una página específica, que incluirá:

El propio ejercicio, que consistirá en un botón que reproducirá el sonido correspondiente, calculado aleatoriamente teniendo en cuenta las posibles respuestas y los botones correspondientes a las respuestas a elegir. La idea es que el usuario trate de adivinar el sonido que está sonando. Cuando pulse en una respuesta se

evaluará si es correcta o incorrecta. Si es incorrecta el botón cambiará a color rojo y podrá seguir probando. Si es correcta el botón cambiará a verde un segundo, se reseterán los botones y se calculará un nuevo sonido. También existe un contador de racha que aparecerá cuando se den tres aciertos consecutivos y desaparecerá cuando se falle.

A su derecha aparecerán las opciones con las que podrás personalizar el ejercicio a tu gusto, añadiendo o quitando respuestas del ejercicio lo que incrementará o disminuirá la dificultad.

Además, en el ejercicio de notas se podrá cambiar la escala de la que se seleccionan las notas y en los ejercicios de intervalos y escalas se podrá elegir si las sucesión de notas será ascendente o descendente.

También todos los ejercicios incorporarán un piano que los usuarios podrán usar para tocar notas de referencia y ayudarse en la obtención de la respuesta correcta.

Aparte, se ha incorporado la posibilidad de poder cambiar el instrumento que suena y que será persistente para toda la aplicación.

Toda la aplicación se ha diseñado teniendo en mente que el diseño fuera simple, fácil de entender y limpio. Ha sido desarrollada utilizando Nextjs y Typescript que se explicarán más adelante en el apartado Implementación. Y se ha seguido un despliegue continuo de la aplicación en Vercel que también se explicará más adelante en Despliegue Continuo.

#### 1.1.3. Estado del Arte

En la actualidad ya existen algunas aplicaciones para entrenar el oído como pueden ser:

ToneGym: https://www.tonegym.co/

ToneDear https://tonedear.com/

EarMaster: https://www.earmaster.com/es/

La mayoría de ellas está de acuerdo en qué el método más efectivo para progresar en el entrenamiento auditivo es el siguiente:

• Aumentar la frecuencia que se practica, no la duración. Esto se debe a que, después de haber pasado un tiempo practicando, el cerebro continúa pensando en ello y haciendo nuevas conexiones neuronales en segundo plano, incluso mientras se duerme (especialmente mientras se duerme). Por esta razón, se recomienda marcar tus ejercicios favoritos y hacerlos todos los días durante un tiempo determinado.

- Empezar de forma simple y aumentar gradualmente la dificultad. La práctica debe ser un desafío, pero no tanto como para sentirse abrumado.
- Realizar un seguimiento del progreso. Tener en un cuaderno, un archivo de texto o incluso una hoja de cálculo con el seguimiento del progreso. Esto permite saber con certeza si se está mejorando. Si puedes ver tu mejora, te alentará a continuar. También puede ayudar anotar cuándo se está estancado para poder encontrar la causa. Quizá no practicas con la suficiente frecuencia o aumentaste la dificultad demasiado rápido.
- Cantar escalas e intervalos. Todos los ejercicios de estos sitios implican identificar notas en lugar de generarlas, pero eso no significa que no debas cantar junto con ellas. Esto ayuda a internalizar los tonos. Es especialmente útil para el ejercicio de escalas. Intentar cantar hacia arriba y hacia abajo todas las escalas te ayudará a interiorizarlas.
- Transcribir música con un instrumento. Elegir tus canciones favoritas e intentar descubrir las notas con un instrumento es una buena práctica. Puedes comenzar con la melodía y luego intentar descifrar los acordes, o puedes empezar con los acordes y luego intentar descifrar la melodía. Practica en ambos sentidos.

Todas ellas plantean diferentes ejercicios para reconocer notas, intervalos y escalas. La mayor diferencia que se encuentra en ellas es su diseño y su nivel de personalización de los ejercicios, que es donde vamos a enfocar este trabajo. Dando no sólo una aplicación con ejercicios sino una herramienta que te dé la libertad de configurarla a tu gusto.

### 1.2. Objetivos

El objetivo principal del TFG es desarrollar una herramienta que permita ayudar a músicos a desarrollar su oído musical. Mediante el entrenamiento auditivo.

Otros objetivos son:

- Utilizar nuevas tecnologías que estén a la orden del día
- Utilizar metodologías Ágiles
- Realizar un despliegue continuo de la aplicación

#### 1.3. Estructura del documento

En este apartado se especificará, como su título indica, la estructura que plantea este breve trabajo o memoria. El objetivo de dicho punto es acercar al lector las diferentes partes que componen este proyecto, así como ayudarle en la comprensión de este.

Se espera que sea lo suficientemente clarificador y que permita una lectura comprensible, rápida y amena del trabajo que nos ocupa.

- En el Capítulo 1: Introducción, hemos realizado una pequeña puesta en contexto y explicación de los objetivos de este TFG. Además hemos explicado en qué consiste el Entrenamiento Auditivo y porqué es importante. A parte de una breve descripción del proyecto.
- En el Capítulo 2: Contenidos Principales, se explicará cómo ha sido el desarrollo de la aplicación.

Empezando por Creación de Propuesta, donde exploraremos el concepto de Cómo nace la Idea aplicando Lean Startup, Design Thinking y diferentes métodos utilizados en esta fase, desde que surge la idea hasta el primer prototipo.

Más tarde en Metodología de Trabajo se explicará la metodología que se ha seguido día a día a la hora de realizar la aplicación, hablaremos de Scrum y DevOps. Cómo se ha realizado la Integración Continua CI con Github y el Despliegue Continuo CD con Vercel.

Luego, en Desarrollo e Implementación se trataran las Tecnologías Empleadas cómo Next.js o TypeScript entre otras.

Se detallará el diseño y un análisis de cómo funciona la aplicación por dentro en el apartado Implementación y cómo se ha verificado su funcionamiento en Testing.

Finalmente, se mostrará el resultado final de todo este proceso.

 Por último, en el Capítulo 3: Conclusiones, se detallan las conclusiones derivadas del trabajo, lo qué he aprendido, y lo que queda por mejorar.

# 2

# Contenidos principales

## 2.1. Creación de la Propuesta de Valor

#### ¿Cómo nace la idea?

La idea parte de la necesidad de jóvenes músicos que quieren aprender a tocar un instrumento. Una parte fundamental del aprendizaje consiste en entrenar el oído, que sin los medios adecuados puede resultar difícil.

Junto con mi tutor Manuel Rubio, que es un apasionado de la música, intentamos dar forma a esta solución. Tuvimos varias reuniones en las que él, cómo músico, me explicaba las dificultades por las que pasan a la hora de entrenar el oído. Una vez tenidas claras sus necesidades era hora de crear una solución que aportase valor. Para ello decidí crear un producto mínimo viable (MVP) que cumpliese con las especificaciones requeridas usando Lean Startup, como método de aprendizaje validado y Design Thinking, como método de generación de ideas innovadoras.

Aplicando las bases de Lean Startup combinándolas con prácticas de Design Thinking (Lean Design), como se explica a continuación, se consiguió desarrollar un MVP.

#### 2.1.1. Lean Startup

#### Qué es

Es un método riguroso para agilizar la puesta en marcha de soluciones y optimizarlas con base en un proceso de aprendizaje y de corrección iterativa. Comenzó con el método de desarrollo de clientes y el método Lean en los sistemas de fabricación japoneses popularizado por Toyota.

Se compone de 5 principios básicos:

- 1. Los emprendedores están en todas partes
- 2. El espíritu emprendedor es management
- 3. Aprendizaje validado
- 4. Crear medir aprender
- 5. Contabilidad de la innovación

#### Porqué he decidido usarlo

El Lean Startup **sirve para** acortar los ciclos de desarrollo, medir el progreso y ganar feedback por parte de los usuarios. Esto se consigue porque se basa en el **aprendizaje validado**, la **experimentación científica** y la **iteración** en los lanzamientos del producto.

Aunque por su nombre pueda parecer que sólo esta enfocado al mundo Startup y crear una nueva empresa, en realidad es una herramienta imprescindible para la puesta en marcha de **soluciones software** como veremos a continuación.

#### Explicación Detallada

Para entender mejor el por qué de usar este método, explicaremos las **3 partes** de las que se compone y que hemos seguido, añadiendo prácticas de **Design Thinking** para la construcción de nuestra solución. Lo cual ayudará a entender el proceso que se ha seguido hasta llegar al resultado final:

\*\*IMAGEN\*\*

#### 1. VER

#### Comenzar

El objetivo es conocer qué quieren los potenciales usuarios (y cuanto pagarían por ello).

Las startups se caracterizan por su constante incertidumbre. Así que en vez de hacer planes concretos apuntando a una sola dirección deben recoger feedback de sus potenciales clientes y hacer ajustes con la información que van recogiendo. Esto se llama Circuito de feedback de información: crear, medir, aprender.

#### Definir

Diseñar para crear un nuevo producto o servicio bajo condiciones de incertidumbre extrema. Un emprendedor no es sólo el fundador de una startup, también pueden ser managers de grande compañías creando nuevos negocios, o como es nuestro caso el lanzamiento de una nueva solución software.

Bajo estas condiciones de **incertidumbre** extrema las herramientas tradicionales de management no pueden funcionar bien. **Por eso necesitamos Lean Startup**.

#### Aprender

La función más importante de una startup es aprender qué quieren realmente los consumidores y que llevaría a un negocio sostenible. Para ello se necesita un proceso con disciplina de aprendizaje, lo que se llama **aprendizaje validado**.

Se trata de tener hipótesis testeables y diseñar experimentos para testearlas, luego analizar los datos para así aprender de ellos.

#### Experimentar

La metodología Lean Startup ve el hecho de crear una startup/producto como una ciencia. Crear una **hipótesis**, diseñar un **experimento** para **testear** esa hipótesis, llevar a cabo el experimento, reunir datos, reflexionar y ver si validan o rechazan la hipótesis.

Las hipótesis deberían girar entorno al problema más importante de una startup, cómo construir un negocio sostenible alrededor de tu visión. O en nuestro caso cómo construir una solución que realmente aporte valor.

Según Lean Startup la mejor forma es trackeando el comportamiento de gente real y no preguntar por opiniones ya que a veces no son capaces de verbalizar lo que quieren.

Por ello hay que pensar en el experimento más barato y rápido para validar la hipótesis, lanzarlo pronto dará más información del comprador antes de lanzar el producto real. Sobre si están interesados o no en lo que estás construyendo y te hace ver preocupaciones de estos que no tenias cuantificadas.

#### 2. DIRIGIR

Qué tan rápido puedes desarrollar tus experimentos.

Primero estableces tu hipótesis, luego construyes tu **producto minimo viable (MVP)** para testear esa hipótesis. Luego llevas a cabo el experimento, lo más común es poner los usuarios delante del producto y recoger así información sobre su comportamiento. Recoges los datos y reflexionas sobre ellos para seguir adelante o cambiar de dirección.

Cuanto más rápido te muevas en este circuito, más rápido aprendes.

#### Saltar

Normalmente hay 2 tipos de hipótesis: Hipótesis de Creación de Valor e Hipótesis de Crecimiento

Algunas hipotesis son más arriesgadas que otras. Unas tienen muchas probabilidades de ser ciertas y otras mucho menos. Las que tienen más riesgo son similares a las siguientes:

¿Tiene la gente el problema que crees que tienen?

¿Realmente quieren lo que estas ofreciendo?

¿Pagarían por ello?

Un marco para empezar una startup es por analogía si alguien ha tenido éxito con un modelo de negocio si realizamos el mismo modelo de negocio con un servicio distinto también debería tener éxito. Esta idea puede parecer perfecta pero por otro lado esconde algunas presunciones sobre como funcionará el negocio. Para poder hacer una buena analogía hay que detallarla mucho más.

Hay muchas asunciones a tener en cuenta antes de construir tu prototipo por analogía. Lean Startup habla de una técnica utilizada en la fabricación japonesa llamada Genchi Genbutsu-"Go and See" que sería algo como ve y velo por ti mismo.

Una forma de hacerlo podría ser entrevistando a los potenciales clientes y una vez que estamos seguros de que el problema que queremos solventar existe, entonces viene el momento de construir un test.

#### Probar

¿Cuál es el **producto mínimo viable (MVP)** que puedes crear para obtener datos reales en tu hipótesis?

\*\*IMAGEN\*\*

Este MVP no debe ser perfecto, lo que queremos es aprender lo más rápido

posible. Añadir características a nuestro producto que todavía ni sabemos cómo va a ser afectado en el mercado es una perdida de tiempo.

Ejemplos de MVP: Landing Page con explicación de la app, Video con características principales y casos de uso, Mago de Oz: hacer creer al usuario que esta interactuando con la app o el utilizado aquí: el Conserje: empezando con un solo cliente y escalar.

#### Medir

Algunas buenas métricas pueden ser estas:

- Engagement
- Tiempo en el producto por usuario/por semana
- Porcentaje de usuarios que vuelven
- Crecimiento
- Factores virales
- Conversión en cada paso
- Nuevos usuarios ganados por semana
- Finanzas
- Coste por adquisición de nuevo cliente
- Valor por ciclo de vida de usuario

Las que mejor se adecuan a nuestro producto son: Engagement y Tiempo en el producto por usuario/por semana.

También hemos usado Test A/B: enseñando dos versiones diferentes del producto al mismo tiempo para tomar decisiones acertadas.

Además, Lean Startup establece que los informes deben entrar en las tres A: Accionables: que nos permitan conocer realmente cómo va una parte del modelo de negocio. Accesibles: que sean fácilmente interpretables para poder sacar conclusiones. Auditables: que puedan comprobarse por terceras persona, esto es importante para inversores.

#### Pivotar o Perseverar

Decidir si continuar con la dirección que habíamos tomado o cambiamos nuestras hipótesis esenciales sobre nuestro negocio. Dos señales son: nuestras métricas no son lo suficientemente buenas para conseguir los objetivos o los experimentos

están llevando a tener menos progresos lo que significa que no se están teniendo buenas ideas.

#### 3. ACELERAR

Acelerar el proceso medir, crear, aprender. Para mantenerse ágiles mientras crecemos. No invertir demasiado en grandes mejoras, sino hacer lotes de pequeñas mejoras más a menudo para aprender más. Lo que lleva a un circulo de interacción más rápido ya que puedes detectar problemas de calidad y tener mayor feedback sin tener que esperar a que el trabajo este hecho lo que propicia a que haya menos trabajo que rehacer.

#### Crecer

Un crecimiento sostenible se basa en 4 elementos que deben coincidir:

- Publicidad
- Negocio repetitivo
- Efectos secundarios según la exposición o Status del producto
- Boca-Oreja

Un buen encaje entre producto y mercado ocurre cuando una startup encuentra una gran cantidad de consumidores que resuenan con su producto. Una buena idea sería usar técnicas de **Growth Hacking.** 

#### Adaptar

Una startup debe estar en constante cambio adaptandose a los nuevos clientes que van llegando. Los Early Adopters, los primeros en utilizar el producto no serán muy exigentes con la calidad pero esto es así con los nuevos clientes que vendrán más tarde.

Ir demasiado rápido puede causar problemas. Para identificar estos problemas hay que preguntarse los 5 ¿por qué?:

¿Por qué ha sucedido el problema 'A'? A causa de 'B'

¿Por qué ha sucedido 'B'? Por 'C'

Y así sucesivamente hasta 5 ¿Por qué? y llegar a la raíz del problema. Ya que sino estaremos viendo una respuesta superficial.

#### Innovar

Se debe decidir si seguir con las necesidades de los clientes o innovar. En cuanto a la innovación, por un lado tenemos a la **Innovación Sostenida**, que se basaría

en ir incrementando mejoras al producto ya existente. O bien la **Innovación Disruptiva**, que se basaría en crear nuevos productos rompedores.

#### **Focalizar**

En el pasado los hombres estaban primero y hoy en día lo primero son los sistemas. Las startups deben tener el foco en el grupo y no en el individuo. Deben evitar despilfarrar en cosas que no son las adecuadas. Focalizándose sólo en actividades que van a generar valor.

### 2.1.2. Design Thinking

Qué es

Porqué he decidido usarlo

**Etapas** 

#### 2.1.3. MVP

MindMap

MosCow

Wireframes

# 2.2. Metodología de Trabajo

Waterfall, XP, Scrum

2.2.1. Scrum
Kanban y Roadmap de Producto
2.2.2. DevOps
Integración Continua CI
Github
$\operatorname{GitFlow}$
Despliegue Continuo CD
Github Actions

# 2.3. Desarrollo e Implementación

# 2.3.1. Tecnologías Empleadas

Vercel

Comparativa Angular, React y Vue https://unpocodejava.com/2018/12/21/react-vs-angular-vs-vue-js/

VSCode		
ESLint		
Prettier		
Next.js		
TypeScript		
Node.js		

## 2.3.2. Implementación

Code Guidelines

Análisis y Diseño

Librerias Node.js

## **2.3.3.** Testing

Vercel Metricas

Pruebas Unitarias

Evaluación de la Interfaz

## 2.4. Resultado Final

Explicacion y capturas

# 3

# Conclusiones

En este capítulo se detallan las conclusiones derivadas del TFG y la propuesta de posibles trabajos futuros.

Las citas del texto Autor [1], Autor [2], Autor [3], Autor [4] y Autor [5] deben ir referenciadas en la bibliografia.

Qué he aprendidos Qué debo mejorar

# Bibliografía

- [1] M. Giaquinta and S. Hildebrandt, *Calculus of variations II*. Springer Science and Business Media, 2013, vol. 311.
- [2] S. Fortune and C. J. Van Wyk, "Efficient exact arithmetic for computational geometry," in Proceedings of the Ninth Annual Symposium on Computational Geometry, 1993, pp. 163– 172.
- [3] S. Fortune, "Voronoi diagrams and delaunay triangulations," Computing in Euclidean geometry, pp. 225–265, 1995.
- [4] J. C. Mitchell, "Social networks," *Annual review of anthropology*, vol. 3, no. 1, pp. 279–299, 1974.
- [5] C. B. Morrey Jr, *Multiple integrals in the calculus of variations*. Springer Science and Business Media, 2009.





# Conceptos Musicales

## A.1. Notas

Sección del apéndice

# A.2. Intervalos

# A.3. Escalas