Arquitetura de Computadores

PROF. DR. ISAAC

Sistemas de numeração.

Representações Binárias, Octais e Hexadecimais

Números binários necessitam de mais dígitos que números em outras bases.

Converter para bases múltiplas de 2, como 8 ou 16, é mais simples do que converter para base 10.

Representações Binárias, Octais e Hexadecimais

Sistema de Numeração Hexadecimal:

- > O sistema de numeração hexadecimal é muito utilizado na programação de microprocessadores.
- Tal como nos demais sistemas de numeração, podemos desenvolver qualquer número em potências da sua base, neste caso 16.
- Inclui os valores de 0-9 e A-F

$$A_{16} = (10)_{10}$$

Representações Binárias, Octais e Hexadecimais

Binário	Octal	Decimal	Hexadecimal
0	0	0	0
1	1	1	1
10	2	2	2
11	3	3	3
100	4	4	4
101	5	5	5
110	6	6	6
111	7	7	7
1000	10	8	8
1001	11	9	9
1010	12	10	А
1011	13	11	В
1100	14	12	С
1101	15	13	D
1110	16	14	E
1111	17	15	F

Código Binário Decimal (código BCD)

Um código BCD separa cada dígito em um código de 4 bits.

BCD - binary-coded decimal

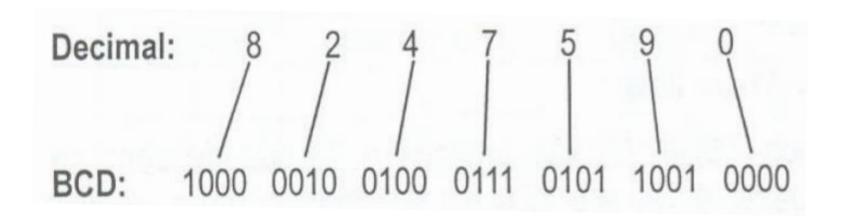
BCD	Decimal
0000	0
0001	1
0010	2
0011	3
0100	4
0101	5
0110	6
0111	7
1000	8
1001	9

Código Binário Decimal (código BCD)

Exemplo:

Representar o número 842 7590, em BCD.

Solução:



Designadores de Base em Assembler

Base	Designador	Exemplo	
2	В	10010010B	
8	o ou Q	3730 ou 373Q	
10	D	356D ou 356	
16	Н	7F54H	

Conversão Binário para Octal

Particionar o número da base 2 em grupos de 3, e preencher os grupos mais externos com zeros.

Converter cada triplo para o octal equivalente.

Exemplo:

$$(10110)_2 = (010)_2 (110)_2 = (2)_8 (6)_8 = (26)_8$$

Conversão Binário para Hexadecimal

Segue a mesma ideia anterior, só que agora, agrupar o número binário em grupos de 4;

Exemplo:

$$(10110110)_2 = (1011)_2 (0110)_2 = (B)_{16} (6)_{16} = (B6)_{16}$$

Conversão Hexadecimal para Binário

É o inverso do anterior, cada digito em hexadecimal gera quatro dígitos binário;

Exemplo:

$$(\mathbf{A4})_{16} = (\mathbf{A})_{16} (4)_{16} = (1010)_2 (0100)_2 = (\mathbf{10100100})_2$$

Representação de números inteiros.

Inteiro sem sinal: exemplo de 4 bits

Esta é a representação mais simples, os números de 0 a 15 podem ser representados. Não tem números negativos.

0000	0001	0010	0011
0	1	2	3
0100	0101	0110	0111
4	5	6	7
1000	1001	1010	1011
8	9	10	11
1100	1101	1110	1111
12	13	14	15

Números Inteiros sem Sinal

Exemplo:

Qual o intervalo de número podemos representar com 8 bits de números inteiros sem Sinal?

Números Inteiros sem Sinal

Exemplo:

Qual o intervalo de número podemos representar com 16 bits de números inteiros sem Sinal?

Números Inteiros sem Sinal

Exemplo:

Qual o intervalo de número podemos representar com 32 bits de números inteiros sem Sinal?

Números Inteiros sem Sinal : Exemplo em C

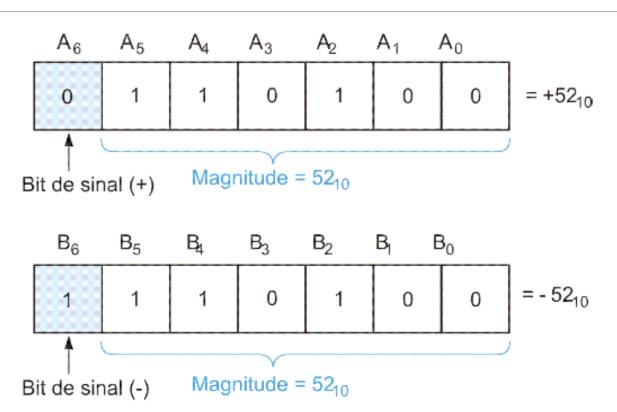
```
#include <iostream>
                                                                         ./main.cpp:4:24: error: implicit conversion from 'lo
                                                                         ng' to 'unsigned int' changes value from 4294967296
                                                                         to 0 [-Werror,-Wconstant-conversion]
3 \vee int main() {
                                                                          unsigned int valor = 4294967296;
      unsigned int valor = 4294967296;
                                                                         1 error generated.
5
      unsigned int *ponteiro;
                                                                        make: *** [Makefile:10: main] Error 1
      ponteiro = &valor;
8
      printf( "Endereço %p, valor: 0x%x\n", ponteiro, *ponteiro);
9
10
```

Números Inteiros

Formas de representar:

- 1. Bit de sinal (Sign-Magnitude).
- 2. Complemento de 2 (mais utilizado).
- 3. Representação Excessiva.

Exemplo de 7 bits:



Números Inteiros – Bit de Sinal exemplo de 4 bits

Bit mais significativo: 0 - positivo; 1 - negativo.

Números de [-7 a 7]. 0 é duplicado.

0000	0001	0010	0011
0	1	2	3
0100	0101	0110	0111
4	5	6	7
1000	1001	1010	1011
0	-1	-2	-3
1100	1101	1110	1111
-4	-5	-6	-7

Exemplo:

Como é representado o número **-6** utilizando a representação por bit de Sinal em máquinas de 8 bits?

Solução:

· 10000110

Exemplo:

Qual intervalo de números podemos representar com 8 bits utilizando o bit de Sinal?

Exemplo:

Qual intervalo de números podemos representar com 8 bits utilizando o bit de Sinal?

Solução:

• +127 a -127

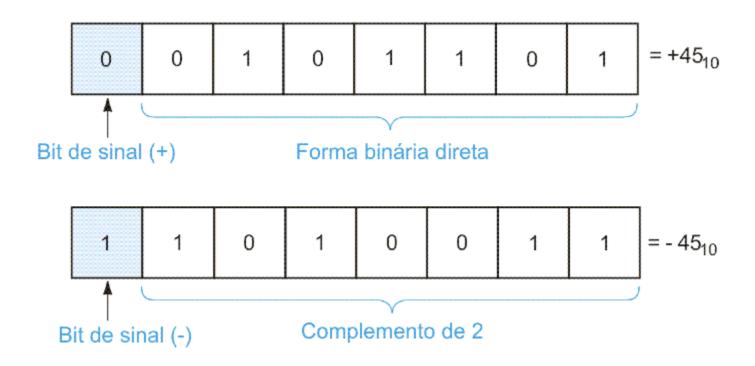
Complemento de 2

Passos:

- 1. Obter o complemento de 1 (inversão dos bits).
- 2. Adicionar1.

$$101101_2$$
 Número binário original 101101_2 Complemento de 1 110011_2 Complemento de 2

Utiliza-se um bit de sinal acrescido da representação em complemento de 2 se o número for negativo.



Números Inteiros – Complemento de 2 exemplo de 4 bits

Números de [-8 a 7].

0000	0001	0010	0011
0	1	2	3
0100	0101	0110	0111
4	5	6	7
1000	1001	1010	1011
-8	-7	-6	-5
1100	1101	1110	1111
-4	-3	-2	-1

Números inteiros: Complemento de 2

Exemplo:

Como é representado o número -5 utilizando a representação por complemento de 2 em máquinas de 8 bits?

Números inteiros: Complemento de 2

Exemplo:

Como é representado o número -5 utilizando a representação por complemento de 2 em máquinas de 8 bits?

Solução:

· 11111011

Exemplo:

Que faixa de números podemos representar com 8 bits utilizando o complemento de 2 ?

Exemplo:

Que faixa de números podemos representar com 8 bits utilizando o complemento de 2 ?

Solução:

• +127 a -128

Exemplo:

Que faixa de número podemos representar com 8 bits utilizando

o complemento de 2?

Solução:

• +127 a -128

Binário	Decimal
10000000	-128
10000001	-127
10000010	-126
	:
11111110	-2
11111111	-1
00000000	0
00000001	1
	:
01111110	+126
01111111	+127

Exemplo:

Que faixa de números podemos representar com 16 bits utilizando o complemento de 2 ?

Exemplo:

Que faixa de números podemos representar com 32 bits utilizando o complemento de 2 ?

Números inteiros: Exemplo em C

```
#include <iostream>

int main() {

int valor = -10;

int *ponteiro;

ponteiro = &valor;

printf( "Endereço %p, valor: 0x%x\n", ponteiro, *ponteiro);

printf( "Endereço %p, valor: 0x%x\n", ponteiro, *ponteiro);
}
```

Números inteiros: Exemplo em C de overflow

```
#include <iostream>
2
3 v int main() {
4    int valor = 2147483647;
5    int *ponteiro;
6    ponteiro = &valor;
7
8    printf( "Endereço %p, valor: 0x%x\n", ponteiro, *ponteiro);
9
10 }
Endereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7ffffffff

Endereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7ffffffff

Findereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7ffffffff

Endereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7ffffffff

Findereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7fffffff

Findereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7fffffff

Findereço 0x7ffffffff

Findereço 0x7ffc4d92541c, valor: 0x7fffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7fffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7fffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7fffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7ffffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7fffff

Findereço 0x7ffff

Findereço 0x7fff

Findereço 0x7ffff

Findereço 0x7fff

Findereço 0x7fff

Findere
```

Números inteiros: Exemplo em C de underflow

```
#include <iostream>
                                                                             Endereço 0x7ffc0ea3301c, valor: 0x80000000
 3 \vee int main() 
      int valor = -2147483648;
      int *ponteiro;
      ponteiro = &valor;
 8
      printf( "Endereço %p, valor: 0x%x\n", ponteiro, *ponteiro);
 9
10
    #include <iostream>
                                                                       ./main.cpp:4:15: error: implicit conversion from 'lo
                                                                       ng' to 'int' changes value from -2147483649 to 21474
                                                                       83647 [-Werror,-Wconstant-conversion]
 3 \vee int main() {
                                                                         int valor = -2147483649;
      int valor = -2147483649;
                                                                            NNNNN
                                                                                    ^~~~~~~~~~
                                                                       1 error generated.
      int *ponteiro;
                                                                       make: *** [Makefile:10: main] Error 1
      ponteiro = &valor;
 8
      printf( "Endereço %p, valor: 0x%x\n", ponteiro, *ponteiro);
 9
```

10

Números inteiros: Complemento de 2

Por que devemos nos preocupar com overflow e underflow?

Números inteiros: Exemplo de Overflow

Exemplo:

Em 2012, a música "Gangnam Style" do cantor sul-coreano Psy se tornou um fenômeno global e rapidamente quebrou recordes de visualizações do Youtube, ultrapassando 2 bilhões de visualizações.

O problema é que o contador de visualizações do YouTube atingiu o limite máximo de 32 bits do inteiro, que era de 2.147.483.647.

Com isso o Youtube foi obrigado a mudar seu contador para 64 bits, para que as visualizações do vídeo continuasse a contagem.

https://www.bbc.com/news/world-asia-30288542

Números inteiros: Complemento de 2

Soma com complemento de 2.

- Soma os dois números.
- Despreza vai um que não cabe.

Na Representação Excessiva o número é "deslocado" por um valor chamado de *bias* (viés) ou *excess* (excesso).

Exemplo:

Representar os números $(+12)_{10}$ e $(-12)_{10}$ com 8 bits usando um *bias* de 128.

Solução:

Representação excessiva

$$\circ (128 + 12 = 140)_{10}$$
 $(+12)_{10} = (10001100)_{2}$

$$(128 + -12 = 116)_{10}$$
 $(-12)_{10} = (01110100)_{2}$

Exemplo:

Como é representado o número -5 utilizando a representação excessiva em máquinas de 8 bits usando um *bias* de 127 ?

Exemplo:

Como é representado o número -5 utilizando a representação excessiva em máquinas de 8 bits usando um *bias* de 127 ?

Solução:

Representação excessiva

$$(127 + 5 = 132)_{10}$$
 $(+5)_{10} = (10000100)_2$

$$(127 + -5 = 122)_{10}$$
 $(-5)_{10} = (01111010)_2$

Números Inteiros: representação em 3 bits

Decimal	Unsigned	Sign-Mag.	1's Comp.	2's Comp.	Excess 4
7	111	-	-	-	-
6	110	-	-	-	-
5	101	-	-	-	-
4	100	-	-	-	-
3	011	011	011	011	111
2	010	010	010	010	110
1	001	001	001	001	101
+0	000	000	000	000	100
-0	_	100	111	000	100
-1	-	101	110	111	011
-2	-	110	101	110	010
-3	-	111	100	101	001
-4	-	_	_	100	000

Código de Caracteres

Os caracteres são representados por números, as representações mais comunas de caracteres são:

- > ASCII
- > ISO 8859
- Unicode

ASCII

Os caracteres são representados em apenas 7 bits.

00 NUL	10 DLE	20	SP	30	0	40	(a),	50	P	60	4	70	р
01 SOH	11 DC1	21	!	31	1	41	Ā	51	Q	61	a	71	q
02 STX	12 DC2	22	"	32	2	42	В	52	R	62	b	72	ſ
03 ETX	13 DC3	23	#	33	3	43	C	53	S	63	С	73	s
04 EOT	14 DC4	24	\$	34	4	44	D	54	T	64	d	74	t
05 ENQ	15 NAK	25	%	35	5	45	E	55	U	65	е	75	u
06 ACK	16 SYN	26	&	36	6	46	\mathbf{F}	56	V	66	f	76	v
07 BEL	17 ETB	27	,	37	7	47	G	57	W	67	g	77	w
08 BS	18 CAN	28	(38	8	48	H	58	X	68	h	78	x
09 HT	19 EM	29)	39	9	49	I	59	Y	69	i	79	у
0A LF	1A SUB	2A	*	3A	-	4A	J	5A	Z	6A	j	7A	z
0B VT	1B ESC	2B	+	3B		4B	K	5B	[6B	k	7B	{
0C FF	1C FS	2C	*	3C	<	4C	L	5C	\	6C	1	7C	
0D CR	1D GS	2D	-	3D	=	4D	\mathbf{M}	5D]	6D	m	7D	}
0E SO	1E RS	2E		3E	>	4E	N	5E	Λ	6E	n	7E	~
0F SI	1F US	2F	/	3F	?	4F	Ο	5F	_	6F	0	7F	DEL

ISO 8859

ISO 8859 é uma série de conjuntos de caracteres multilíngues (8859-1, 8859-2, etc) codificados em um byte (8 bits) padronizados para escrita em determinados idiomas:

ISO 8859-1: West European

ISO 8859-2: East European

ISO 8859-3: South European

ISO 8859-4: North European

ISO 8859-5: Cyrillic

...

ISO 8859-1

-0	-1:	-2	-3	-4	-5	-6	-7	-8	-9	-A	-B	-C	-D	-E	-F
	0001	0002	0003	0004	0005	9006	0007	0008	0009	900A	8000	0000	0000	3000	000F
0010	0011	0012	0013	0014	0015	0016	0017	0018	0019	001A	0018	001C	001D	001E	001F
0020	1 0021	11 0022	# 0023	\$	% 0025	& 0026	0027	0028)	* 902A	+	9 002C	0020	002E	002F
0	1 0031	2	3	4	5	6	7	8	9	903A	, 000B	< 0000	= 0030	> 0036	?
@ 0040	A 0041	B 0042	C 0043	D 0044	E 0045	F 0046	G	H 0048	I 0049	J	K 0048	L	M 004D	N 004E	O 004F
P 0050	Q	R 0062	S	T	U 0065	V 0058	W 0057	X 0058	Y 0059	Z	0068	0050	0060	↑ 006E	005F
0000	a 0061	b	C 0063	d	e	f 0088	g	h	i 0000	j	k DOGB	1	m	n	0
0070	q	r 0072	S	t 0074	u	V	W	X 0078	y	Z	{ 0078	D07C	}	~ 007E	007F
0080	0081	0082	0083	0084	0085	0086	0087	0068	0890	0084	008B	008C	006D	008E	008F
0090	0091	0092	0093	0094	0095	0096	0097	8900	0099	009A	0098	D09C	0000	009E	009F
OAO	00A1	¢ □00A2	£	0044	¥ ODA5	I I DOAS	§ 00A7	** 00A8	© 00,49	<u>a</u>	≪ 00AB	OGAC	- 00AD	® ODAE	- ODAF
0080	± 00B1	2 0082	3 0083	0084	μ	¶	0087	3 0088	1 0089	<u>Q</u>	>> 0088	1/4 0080	1/2	3/4	, ODBF
0000	Á 0001	Â	Ã	Ä 0004	Å	Æ	Ç	È	É	Ê	Ë	Ì	Í	Î	Ï
0000	Ñ	Ò	Ó	Ô	Õ	Ö	X 0007	Ø	Ù	Ú	Û	Ü	Ý	þ OOOE	ß
000	á	â	ã	ä	å	æ	Ç 00E7	è	é	ê OOEA	ë	ì	í ooed	î	ï
)	ñ	ò	ó	ô	õ	ö	÷	ø	ù	ú	û	ü	ý	þ	ÿ

Sempre igual

Muda com a língua

Unicode

O ASCII e o EBCDIC representam apenas caracteres do (Latin).

Existem muitos outros conjuntos de caracteres nas diferentes linguas, então o Unicode foi desenvolvido para diversos caracteres de diversas linguas.

Unicode

Unicode é um padrão em evolução. Ele muda à medida que novos conjuntos de caracteres são introduzidos nele.

Na versão 2.0 do padrão Unicode, há 38.885 caracteres codificados distintos que cobrem as principais línguas escritas das Américas, Europa, Oriente Médio, África, Índia, Ásia e Pacifica.

Unicode

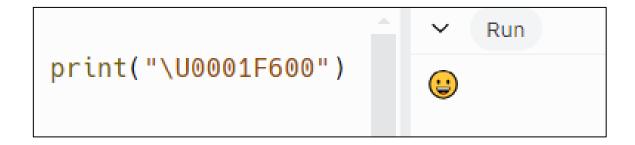
0000 NUL	0020	SP	0040	@	0060	•	0080	Ctrl	00A0	NBS	00C0	À	00E0	à
0001 SOH	0021	1	0041	Ã	0061	a	0081	Ctrl	00A1	i .	00C1	Á	00E1	á
0002 STX	0022	ii	0042	В	0062	b	0082	Ctrl	00A2	é	00C2	Â	00E2	â
0003 ETX	0023	#	0043	c	0063	c	0083	Ctrl	00A3	£	00C3	Ã	00E3	ã
0004 EOT	0024	\$	0044	Ď	0064	d	0084	Ctrl	00A4	n	00C4	Ä	00E4	ä
0005 ENQ	0025	%	0045	E	0065	e	0085	Ctrl	00A5	¥	00C5	Å	00E5	å
0006 ACK	0026	&z	0046	F	0066	f	0086	Ctrl	00A6	Ī	00C6	Æ	00E6	æ
0007 BEL	0027	1	0047	G	0067	g	0087	Ctrl	00A7	§	00C7	ç	00E7	ç
0008 BS	0028	(0048	Η	0068	ĥ	0088	Ctrl	00A8	-	00C8	É	00E8	è
0009 HT	0029)	0049	Ι	0069	i	0089	Ctrl	00A9	0	00C9	È É	00E9	é
000A LF	002A	*	004A	J	006A	i	008A	Ctrl	00AA	<u>a</u>	00CA	Ê	00EA	ê
000B VT	002B	+	004B	K	006B	k	008B	Ctrl	00AB	«	00CB	Ë	00EB	ë
000C FF	002C	•	004C	L	006C	1	008C	Ctrl	00AC	-	00CC	Ì	00EC	ì
000D CR	002D	-	004D	M	006D	m	008D	Ctrl	00AD	-	00CD	Í	00ED	í
000E SO	002E		004E	N	006E	n	008E	Ctrl	00AE	®	00CE	Î	00EE	î
000F SI	002F	/	004F	0	006F	0	008F	Ctrl	00AF	-	00CF	Ϊ	00EF	ï
0010 DLE	0030	0	0050	P	0070	p	0090	Ctrl	00B0	۰	00D0	Ð	00F0	Í
0011 DC1	0031	1	0051	Q	0071	q	0091	Ctrl	00B1	±	00D1	Ñ	00F1	ñ
0012 DC2	0032	2	0052	Ř	0072	r	0092	Ctrl	00B2	2	00D2	Ò	00F2	ò
0013 DC3	0033	3	0053	S	0073	S	0093	Ctrl	00B3	3	00D3	Ó	00F3	ó
0014 DC4	0034	4	0054	T	0074	t	0094	Ctrl	00B4	-	00D4	Ô	00F4	ô
0015 NAK	0035	5	0055	U	0075	u	0095	Ctrl	00B5	μ	00D5	Õ	00F5	õ
0016 SYN	0036	6	0056	V	0076	v	0096	Ctrl	00B6	1	00D6	Ö	00F6	Ö
0017 ETB	0037	7	0057	W	0077	W	0097	Ctrl	00B7		00D7	×	00F7	÷
0018 CAN	0038	8	0058	X	0078	X	0098	Ctrl	00B8	,	00D8	Ø	00F8	Ø
0019 EM	0039	9	0059	Y	0079	у	0099	Ctrl	00B9	1	00D9	Ù	00F9	ù
001A SUB	003A	:	005A	Z	007A	Z	009A	Ctrl	00BA	<u>-</u>	00DA		00FA	ú
001B ESC	003B	,	005B	[007B	{	009B	Ctrl	00BB	>>	00DB	Û	00FB	û
001C FS	003C	<	005C	/	007C		009C	Ctrl	00BC		00DC	Ü	00FC	ü
001D GS	003D	=	005D]	007D	}	009D	Ctrl	00BD		00DD		00FD	Þ
001E RS	003E	>	005E	^	007E	~	009E	Ctrl	00BE	3/4	00DE	ý	00FE	þ
001F US	003F	?	005F	_	007F 1	DEL	009F	Ctrl	00BF	٤	00DF	S	00FF	ÿ

UTF-8

UTF-8 é denominado Formato de Transformação UTF-8 UCS, em que UCS significa Universal Character Set (conjunto de caracteres universal), que é Unicode na essência.

Códigos UTF-8 têm tamanho variável, de 1 a 4 bytes, e podem codificar cerca de dois bilhões de caracteres. Ele é o conjunto de caracteres dominante em uso na Web.

Exemplo em Python



Exercícios

Exercícios.

Exercício 1:

- a) Representar o número -127 em complemento de 2 de 8bits.
- b) Representar o número -2 em complemento de 2 de 8bits.
- c) Representar o número 6 no excesso de 127 de 8bits.
- d) Representar o número -6 no excesso de 127 de 8bits.
- e) Representar o número 5 no excesso de 1023 de 11bits.
- f) Explique o que é overflow e underflow em relação à representação de números inteiros.

Exercícios.

Respostas:

- a) $1000\ 0001 = 81h$
- b) 1111 1110 = FEh
- $(127 + 6 = 133) = 1000 \ 0101$
- d) (127 + -6 = 121) = 0111 1001
- e) $(1023 + 5 = 1028) = 100\ 0000\ 0100$

Bibliografia

Murdocca, Miles, and Vincent Heuring. Computer Architecture and Organization. Vol. 271. New York, NY, USA: John Wiley & Sons, 2007.

ZELENOVSKY, R.; MENDONÇA, A. Microcontroladores Programação e Projeto com a Família 8051. MZ Editora, RJ, 2005.

Gimenez, Salvador P. Microcontroladores 8051 - Teoria e Prática, Editora Érica, 2010.