## Macro II - Fluctuations - Partie 2

## ENSAE - 2023/2024 - Session 2A

On suppose que l'utilité d'un consommateur représentatif, l'individu i est donnée par  $\sum_{t=0}^{\infty} \frac{1}{(1+\rho)^t} \frac{(C_{it}/Z_{it})^{1-\theta}}{1-\theta} \text{ avec } \rho > 0, \theta > 0 \text{ où } Z_{it} \text{ est le niveau de référence de la consommation.}$  Le revenu de l'individu est  $y_{i,t}$  et il peut épargner  $a_t$  à un taux d'intérêt r supposé constant. On suppose qu'il n'y a pas d'incertitude.

**Habitudes externes.** Supposons  $Z_{it} = C_{t-1}^{\phi}$  avec  $0 \le \phi \le 1$ . Cela signifie que le niveau de référence est déterminé par la consommation agrégée, prise comme donnée par l'individu.

- 1. Écrire la contrainte de budget. Écrire la condition d'Euler pour la consommation. Exprimer  $\frac{C_{i,t+1}}{C_{i,t}}$  en fonction de  $\frac{C_t}{C_{t-1}}$  et  $\frac{1+r}{1+\rho}$ .
- 2. A l'équilibre la consommation du consommateur représentatif vaut  $C_{i,t} = C_t$  pour tout t. Utiliser ce fait pour écrire  $\log(C_{t+1}) \log(C_t)$  en fonction de  $\log(C_t) \log(C_{t-1})$  (et toute autre variable pertinente). Pour  $\phi > 0$  et  $\theta = 1$ , la formation d'habitude a-t-elle un effet sur le comportement de la consommation ? Et pour  $\phi > 0$  et  $\theta > 1$  ?

**Habitudes internes.** On suppose maintenant  $Z_{i,t} = C_{i,t-1}^{\phi}$ . C'est à dire que le niveau de consommation de référence est déterminé par sa propre consommation passée. On fixe  $\phi = 1$ .

- 3. Réécrire la condition d'Euler pour cette nouvelle spécification.
- 4. On note  $g_t = \frac{C_t}{C_{t-1}} 1$  la croissance de la consommation. Sous l'hypothèse,  $\rho = r = 0$  et en supposant la croissance de la consommation proche de zero, donner une formule approchée au premier ordre liant  $g_{t+2} g_{t+1}$  à  $g_{t+1} g_t$ . Interpréter.

Implementation. Le modfile de la page suivante correspond au modèle RBC en économie ouverte (étudié en TD) augmenté par des habitudes de consommation.

- 5. Dans le modfile, quelle symbole dénote le taux intérêt ? Donner le numéros de ligne des équations correspondant à l'épargne optimale des ménages et à la contrainte de budget.
- 6. Quelle(s) modification(s) proposeriez-vous pour étudier l'effet d'un choc temporaire de magnitude 0.01 sur le taux d'intérêt mondial, s'éteignant après une seule période?
- 7. Commenter brièvement les IRFs obtenus après cette modification.

```
var y i c n a b k r w lam;
  varexo epsilon;
   parameters bet del alp nss khi eta rho sig rst theta phi kss yss wss css lamss;
   bet=0.98; alp=0.33; del=0.025; rho=0.95; eta=1; rst=1/bet; nss=0.33;
   theta=2.0; phi=0.5;
   // some steady-state calculations are needed to define khi
   kss = (alp/(1/bet-(1-del)))^(1/(1-alp))*nss; yss=kss^alp*nss^(1-alp);
   wss = (1-alp)*yss/nss; css=yss-del*kss; lamss=css^((phi-1)*theta-phi);
11
   khi=lamss*wss*(1-nss)^eta;
12
13
  model;
14
  lam=(c)^(-theta)*c(-1)^(phi*(theta-1));
  lam=bet*(r(1)+1-del)*lam(1);
  lam=bet*rst*lam(1);
  lam=khi/(1-n)^eta/w;
  k=(1-del)*k(-1)+i;
  y=a*k(-1)^alp*n^(1-alp);
  log(a)=rho*log(a(-1))+epsilon;
w=(1-alp)*y/n;
  r=alp*y/k(-1);
  b=y-c-i+rst*b(-1);
   end;
25
26
   steady_state_model;
27
                             r=1/bet-1+del;
   a=1;
                                                 n=nss;
28
  k=kss; y=k^alp*n^(1-alp); w=(1-alp)*y/n;
  i=del*k;
                              c=y-i;
                                               b=0;
   lam=(c)^(-theta)*c^(phi*(theta-1));
   end;
33
   shocks;
34
   var epsilon;stderr 0.009;
35
   end;
   check;
39
   stoch_simul(irf=200, order=1) y c i b;
40
41
```

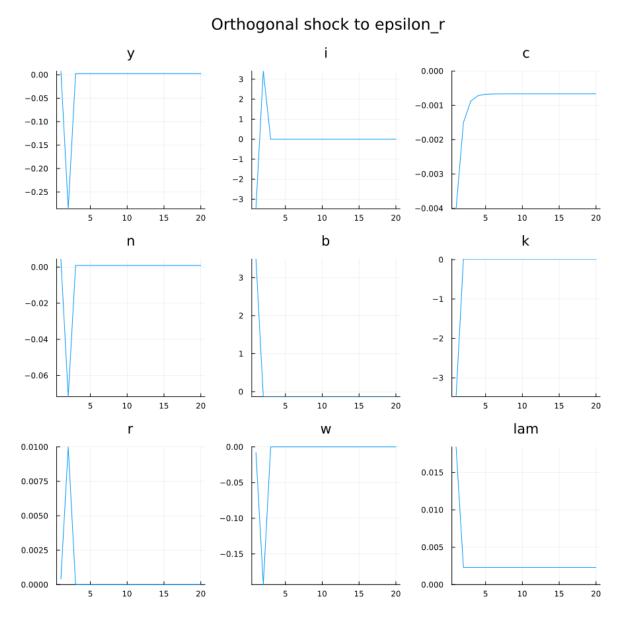


Figure 1: RBC + habits: réponse à un choc temporaire sur le taux d'intérêt mondial.