

# Հայոց Լեզվի Խոսքի Մասերի Պիտակավորում

## Թարնված Մարկովյան Մոդելներով

Մանե Միհրարյան, Ալբերտ Փիլիպոսյան, Եղուարդ Դանիելյան

15 դեկտեմբեր 2025

### Նկարագրություն

Խոսքի մասերի պիտակավորումը բնական լեզվի մշակման գործընթաց է, որտեղ տերստի յուրաքանչյուր բառին վերագրվում է համապատասխան խոսքի մաս: Այս խնդիրը հիմնականում լուծվում է լեզվական կանոններով, վիճակագրական մոդելներով և նեյրոնային ցանցերով: Այս ուսումնասիրության ընթացքում առաջարկել ենք Թարնված Մարկովյան մոդելներով լուծում հայոց լեզվի համար, օգտագործելով Վիտերբիի և պոսթերիոր ալգորիթմները: Մեր առաջարկած մոտեցումը հասել է ավելի քան 92% ճշգրտության, որը լավագույնն է առկա հետազոտություններում: [https://github.com/albpiliposyan/hidden\\_markov\\_model\\_pos\\_tagging](https://github.com/albpiliposyan/hidden_markov_model_pos_tagging)

## 1 Ներածություն

Խոսքի մասերի պիտակավորումը կարևոր խնդիր է բնական լեզվի մշակման մեջ: Այն ենթադրում է տերստի յուրաքանչյուր բառին ճիշտ քերականական խոսքի մաս (օրինակ՝ գոյական, քայ, ածական) վերագրելը՝ հիմնվելով դրա

իմաստի և կոնտեքստի վրա (Manning and Schütze, 1999; Kumawat and Jain., 2015): Այս խնդիրը կարևոր է, քանի որ արդյունքում ստացված պիտակները օգտագործվում են որպես հիմնական հատկանիշներ շատ այլ կիրառություններում, ինչպիսիք են շարահյուսական վերլուծությունը, մեքենայական թարգմանությունը և տեղեկատվության որոնումը: Խոսքի մասերի ճշգրիտ պիտակավորումը նաև օգնում է լուծել բառերի երկիմաստությունները, ինչն անհրաժեշտ է ավելի լուրջայնված լեզվական վերլուծության համար:

Խոսքի մասերի պիտակավորման մեթոդների մշակումն անցել է երեք հիմնական փուլով: Առաջին փուլում պիտակավորումը եղել է լեզվական կանոնների վրա հիմնված, օգտագործելով ձեռքով գրված լեզվական կանոններ և մեծ բառարաններ (Pham, 2020): Այս համակարգերը ճշգրիտ էին, բայց դժվարանում էին անծանոթ կամ երկիմաստ բառերի հետ աշխատել: Հաջորդ փուլը՝ վիճակագրական պիտակավորումը, լուծեց այդ խնդիրը՝ ներկայացնելով հավանականային մոդելներ, որոնք սովորել էին պիտակավորված տվյալների վրա: Հայտնի օրինակ է թաքնված Մարկովյան մոդելը, որը օգտագործում է և՛ բառի կոնկրետ խոսքի մաս լինելու հավանականությունը, և՛ մի խոսքի մասը մյուսին հաջորդելու հավանականությունը (Bărbulescu and Morariu, 2020): Վերջին տարիներին այս խնդիրի լուծումը տեղափոխվել է խորը ուսուցման մոդելների դաշտ, ինչպիսիք են կրկնվող նեյրոնային ցանցերը և տրանսֆորմերների վրա հիմնված մոդելները, որոնք կարող են լեզվի ավելի բարդ օրինաշափություններ սովորել (Wang et al., 2015; Saidi et al., 2021):

Վիճակագրական թաքնված Մարկովյան մոդելի մեթոդը նշանակալի արդյունքների է հասել բազմաթիվ լավ ուսումնասիրված լեզուներում: Անգլերենի դեպքում, այս մոդելները, որոնք օգտագործում էին Վիտերբի ալգորիթմը ամենահավանական խոսքի մասերի հաջորդականությունը գտնելու համար, հասել էին ավելի քան 95% ճշգրտության այնպիսի տվյալների հավաքածուներում, ինչպիսին է Բրատինի կորպուսը (Aliwy et al., 2015): Նմանատիպ մոդելները լավ են աշխատել

նաև ձևաբանորեն հարուստ լեզուների համար՝ հասնելով մոտ 92% ճշգրտության: (Goyal et al., 2019). Չնայած ավելի նոր խորը ուսուցման մոդելները այժմ հասնում են նույնիսկ ավելի բարձր ճշգրտության՝ մինչև 97% (Akbi̇k et al., 2018), թաքնված Մարկովյան մոդելը մնում է օգտակար և մեկնաբանելի բազային մոդել: Այն դեռևս արժեքավոր է հետազոտություններում՝ հատկապես ցածր ռեսուրսներով լեզուների համար, կամ որպես համեմատության մեկնարկային կետ:

Հայոց լեզվի համար խոսքի մասերի պիտակավորումը դժվար խնդիր է, քանի որ այն ունի սահմանափակ թվային ռեսուրսներ քնական լեզվի մշակման համար: Իրավիճակն ավելի է բարդանում խորը հետազոտությամբ պիտակավորված տվյալների բացակայության պատճառով, ի տարբերություն այնպիսի լեզուների, ինչպիսիք են անգլերենը կամ չինարենը: Չնայած այս դժվարություններին, ժամանակակից արևելահայերենի վերաբերյալ հետազոտությունները զարգանում են: Թաքնված Մարկովյան մոդելների նման վիճակագրական մոդելներ օգտագործող նախորդ ուսումնասիրությունները ցույց են տվել խոստումնալից արդյունքներ՝ հասնելով մոտ 81.25% ճշգրտության Վիտերբիի ալգորիթմի վրա հիմնված մեթոդով (Baghdasaryan, 2023):

Այս ուսումնասիրության նպատակն է վերագնահատել և վերլուծել ավանդական թաքնված Մարկովյան մոդելի աշխատանքը հայոց լեզվի համար՝ ստեղծելով ամուր և հուսալի հիմք ժամանակակից մոտեցումների հետ համեմատության համար:

## 2 Թաքնված Մարկովյան Մոդելներ

Թաքնված Մարկովյան մոդելը հավանականային մոդել է, որը ներկայացնում է համակարգ հիմնված Մարկովի պրոցեսի վրա: Այն ենթադրում է, որ համակարգի յուրաքանչյուր վիճակ կախված է միայն իր անմիջական նախորդող վիճակից, այլ ոչ թե ամբողջ նախորդող վիճակներից (Eddy, 2004): Այսինքն, եթե դիտարկենք վիճակի

փոփոխականների հաջորդականությունը  $q_1, \dots, q_n$ , ապա վերը նշված սահմանման մաթեմատիկական համարժեքը կլինի՝

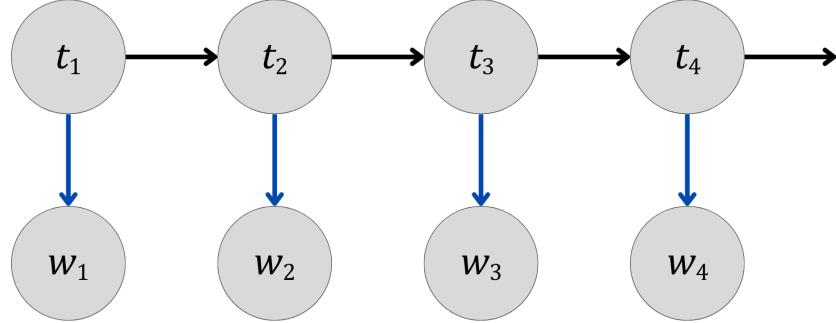
$$P(q_i = x | q_1 \dots q_{i-1}) = P(q_i = x | q_{i-1}) \quad (1)$$

որը հայտնի է որպես առաջին կարգի Մարկովի շղթա:

Թաքնված Մարկովի մոդելը օգտակար է, եթե մեր հետաքրքրության առարկա հանդիսացող իրադարձությունները անմիշականորեն չեն դիտարկվում, այսինքն՝ դրանք թաքնված են: Հայտնի օրինակ է տեքստի խոսքի մասի պիտակավորման խնդիրը. այսինքն՝ տրված տեքստի դեպքում որոշել տվյալ տեքստի յուրաքանչյուր բառի խոսքի մասը: Այս խնդրի դեպքում խոսքի մասերը թաքնված են, դիտարկվում են միայն նախադասության բառերը:

Թաքնված Մարկովի մոդելը սահմանվում է հետևյալ բաղադրիչներով ([Jurafsky and Martin, 2025](#)):

- $Q = q_1 q_2 \dots q_N$  - N վիճակների բազմություն,
- $A = a_{11} \dots a_{ij} \dots a_{NN}$  - A անցման հավանականության մատրից, որի յուրաքանչյուր  $a_{ij}$  էլեմենտը ներկայացնում է  $i$  վիճակից  $j$  վիճակին անցնելու հավանականությունը, այնպես որ  $\sum_{i=1}^N a_{ij} = 1 \forall i$ ,
- $B = b_i(o_t)$  - դիտարկումների հավանականությունների հաջորդականություն (արտանետման հաջորդականություն), որտեղ յուրաքանչյուրն արտահայտում է այն հավանականությունը, որ  $o_t$  (վերցված  $V = v_1, v_2, \dots, v_V$  բառարանից) դիտարկումը ստեղծվել է  $q_i$  վիճակից,
- $\pi = \pi_1, \dots, \pi_N$  - վիճակների սկզբնական հավանականություններ:  $\pi_i$ -ն այն հավանականությունն է, որ Մարկովյան շարքը կսկսի  $i$  վիճակից: Որոշ



Նկար 1: Սև սլաքը ցույց է տալիս անցումային հավանականությունը, կապույտ սլաքը՝ արտանետման հավանականությունը:

Վիճակներ  $j$ -երի դեպքում կարող ենք ունենալ  $\pi_j = 0$ , այսինքն՝ այդ վիճակները չեն կարող մեկնարկային լինել: Ինչպես նաև՝  $\sum_{i=1}^n \pi_i = 1$ :

Առաջին կարգի թաքնված Մարկովյան մոդելի համար անհրաժեշտ է երկու ենթադրություն՝

1. Մարկովի ենթադրություն:

$$P(q_i | q_1 \dots q_{i-1}) = P(q_i | q_{i-1}) \quad (2)$$

2. Ելքի անկախություն:

$$P(o_i | q_1 \dots q_T, o_1 \dots o_T) = P(o_i | q_i) \quad (3)$$

որտեղ  $o_i$ -ը դիտարկում է՝ վերցված  $V$  բառարանից, իսկ  $T$ -ն մուտքային տվյալներում դիտարկումների ( $O = o_1 o_2 \dots o_T$ ) ընդհանուր թիվն է:

Խոսքի մասերի պիտակավորման խնդրում թաքնված Մարկովյան մոդելը ունի երկու բաղադրիչ՝ անցման և արտանետման հավանականություններ, որոնք գնահատվում են օգտագործելով ուսուցման համար նախատեսված պիտակավորված տվյալների կորպուս:

Անցման հավանականությունը ցոյց է տալիս նախորդ խոսքի մասի առկայության դեպքում տվյալ խոսքի մասի առաջացման հավանականությունը: Պարզ ասած, եթե դիտարկվում են օժանդակ բայերը (օրինակ՝ Է, Եմ, Էին և այլն), ավելի հավանական է, որ դրանք հաջորդեն կամ նախորդեն հիմնական բայերին (օրինակ՝ Վազել, գնալ, գրել և այլն), ուստի ակնկալվում է, որ դրանց հավանականությունը ավելի բարձր կլինի: Մենք հաշվարկում ենք այս անցումային հավանականության առավելագույն ճշմարտանմանության գնահատիչը, այսինքն երբ մի խոսքի մասը հայտնվում է պիտակավորված կորպուսում, որքան է հավանականությունը որ այն հաջորդում է մյուս խոսքի մասին՝

$$P(t_i|t_{i-1}) = \frac{C(t_{i-1}, t_i)}{C(t_{i-1})} \quad (4)$$

Մյուս կողմից,  $P(w_i, t_i)$  արտանետման հավանականությունը ցոյց է տալիս  $w_i$  բառի  $t_i$  խոսքի մաս լինելու հավանականությունը: Արտանետման հավանականության առավելագույն ճշմարտանմանության գնահատիչը կլինի

$$P(w_i, t_i) = \frac{C(t_i, w_i)}{C(t_i)} \quad (5)$$

Այսպիսով՝ խոսքի մասերը թաքնված են, և մենք հետաքրքրված ենք դրանք գտնելով: Դրա համար մենք կատարում ենք վերծանում, որի ֆունկցիոնալությունն այն է, որ ընտրենք այն  $t_1 \dots t_n$  խոսքի մասերի հաջորդականությունը, որն ամենահավանականն է՝ հաշվի առնելով  $w_1 \dots w_n$  դիտարկումը:

$$\hat{t}_{1:n} = \underset{t_1, \dots, t_n}{\operatorname{argmax}} P(t_1 \dots t_n | w_1 \dots w_n) \quad (6)$$

Նկատենք, որ վերը նշվածը պայմանական հավանականություն է, ուստի մենք կարող ենք օգտագործել Բայեսի կանոնը՝  $\hat{t}_{1:n}$ -ի հաշվարկները հեշտացնելու համար: Այսպիսով, մենք ստանում ենք

$$\hat{t}_{1:n} = \underset{t_1, \dots, t_n}{\operatorname{argmax}} \frac{P(w_1 \dots w_n | t_1 \dots t_n) P(t_1 \dots t_n)}{P(w_1 \dots w_n)} \quad (7)$$

Նկատենք, որ հայտարարը կախված չէ  $t$ -ից և, հետևաբար, կարող է դիտարկվել որպես հաստատուն: Քանի որ հաստատունը բազմապատկումը չի ազդում *argmax*-ի արդյունքի վրա, մենք կարող ենք հանել հայտարարը: Հավասարումը պարզեցվում է հետևյալ կերպ՝

$$\hat{t}_{1:n} = \underset{t_1, \dots, t_n}{\operatorname{argmax}} P(w_1 \dots w_n | t_1 \dots t_n) P(t_1 \dots t_n) \quad (8)$$

Ավելին, օգտագործելով թաքնված Մարկովյան մոդելների երկու ենթադրությունները՝ 2-րդ և 3-րդ հավասարումները, խոսքի մասի պիտակավորման խնդրի համար կունենանք՝

$$P(w_1 \dots w_n) \approx \prod_{i=1}^n P(w_i | t_i) \quad (9)$$

$$P(t_1 \dots t_n) \approx \prod_{i=1}^n P(t_i | t_{i-1}) \quad (10)$$

Վերը նշված հավասարումները մոտավոր են, քանի որ նախադասություններում միանշանակ չէ բառի խոսքի մասի պիտակի կախվածությունը միայն իր անմիջական նախորդ խոսքի մասի պիտակից: Այս ենթադրությունները 6-րդ հավասարման մեջ տեղադրելով՝ ստանում ենք միայն նախորդ բառի խոսքի մասի պիտակից կախված ամենահավանական խոսքի մասի պիտակների հաջորդականության հավասարումը:

$$\hat{t}_{1:n} = \underset{t_1, \dots, t_n}{\operatorname{argmax}} P(t_1 \dots t_n | w_1 \dots w_n) \approx \underset{t_1, \dots, t_n}{\operatorname{argmax}} \prod_{i=1}^n P(w_i | t_i) P(t_i | t_{i-1}) \quad (11)$$

Այս խնդիրը լուծելու համար օգտագործվել է 3-րդ և 4-րդ ենթաքաժիններում նկարագրված ալգորիթմները:

### 3 Պիտերիի ալգորիթմ

Այս ալգորիթմը սկզբնապես ստեղծվել էր փաթույթային կապի համակարգերի համար ([Viterbi, 1967](#)): Հետագայում ցույց տրվեց, որ ալգորիթմը կարող է

դիտարկվել որպես դինամիկ ծրագրավորման օրինակ, որի կառուցվածքը նման է նվազագույն խմբագրման հեռավորության ալգորիթմին (օրինակ՝ նվազագույնը քանի փոփոխությունով է հնարավոր մի բարից ստանալ մի ուրիշ բառ) ([Omura, 1969](#)): Ֆորնին նշել է, որ ալգորիթմն իսկապես առավելագույն ճշմարտանման է և, հետևաբար, միշտ օպտիմալ է այն իմաստով, որ այն միշտ գտնում է ամենաքարձ հավանականությամբ ուղին: ([Forney, 1974](#))

Ալգորիթմը սկսում է հավանականության մատրից կազմելով: Մատրիցի յուրաքանչյուր սյուն համապատասխանում է մեկ  $o_t$  դիտարկման, և ամեն տող ներկայացնում է մեկ վիճակ, որում տվյալ դիտարկումը կարող է լինել: Այսպիսով, յուրաքանչյուր սյուն ունի հավանականություն ամեն  $q_i$  վիճակի համար միավորված մեկ թաքնված Մարկովյան մոդելի գրաֆում, որը սահմանված է որպես  $\lambda = (A, B, \pi)$ ).

Մատրիցի յուրաքանչյուր Էլեմենտ ցույց է տալիս հավանականությունը, որ առաջին  $t$  դիտարկումները տեսնելու և  $q_1, \dots, q_{t-1}$  վիճակների ամենահավանական հաջորդականությամբ անցնելու դեպքում, թաքնված Մարկովյան մոդելը կգտնվի  $j$  վիճակում: Յուրաքանչյուր  $v_t(j)$ -ի արժեքը հաշվելու համար, ոեկուրսիվորեն ընտրվում է ամենավահանական ճանապարհը, որը կարող է հանգեցնել տվյալ Էլեմենտին: Մաքենատիկորեն՝

$$v_t(j) = \max_{q_1, \dots, q_{t-1}} P(q_1, \dots, q_{t-1}, o_1, \dots, o_t, q_t = j \mid \lambda)$$

Հաշվի առնելով, որ  $t = 1$  պահին յուրաքանչյուր վիճակում գտնվելու հավանականությունը արդեն հաշվված է, Վիտերբիի հավանականությունը հաշվվում է՝ վերցնելով այն ուղին, որն ամենամեծ հավանականությամբ կհանգեցնի տվյալ Էլեմենտին: Այսպիսով, եթե դիտարկվում է  $t$  պահին  $q_t$  վիճակում գտնվելը, ապա  $v_t(j)$  հաշվվում է

$$v_t(j) = \max_{i=1}^N v_{t-1(i)} a_{ij} b_j(o_t)$$

հավասարումով, որտեղ  $v_{t-1}(i)$ -ը Վիտերբիի նախորդ քայլում  $i$ -րդ վիճակին

համապատասխանող ուղու հավանականությունն է:

Բոլոր վիճակների և ժամանակների համար  $v_t(j)$ -ի արժեքը հաշվելուց հետո հնարավոր է որոշել ամենահավանական վիճակների հաջորդականության հավանականությունը։ Վիճակների լավագույն հաջորդականությունը ստանալու համար պահպում է այն թարնված վիճակների ուղիները, որոնք հանգեցնում են հաջորդ վիճակին, և վերջում հետազծվում է լավագույն ուղին մինչև սկիզբը (Վիտերբիի հետադարձ որոնում) հաշվողական  $O(TN^2)$  բարդությամբ (Jurafsky and Martin, 2025): Լավագույն արժեքը սահմանվում է հետևյալ կերպ՝

$$P^* = \max_{i=1,\dots,N} v_T(i)$$

## 4 Պոսթերիոր վերծանում

Մեկ այլ վերծանման ալգորիթմ թարնված Մարկովյան մոդելներում պոսթերիոր վերծանումն է, որտեղ յուրաքանչյուր տ դիրքի համար կանխատեսված պիտակը ամենաբարձր պոսթերիոր հավանականություն ունեցող վիճակն է, այլ ոչ քեզ ամենահավանական ընդհանուր հաջորդականությունը (ինչպես Վիտերբիի վերծանման դեպքում): Սա նվազագույն Բայեսի դիսկի վերծանման հատուկ դեպք է չամփնոցի կորստի դեպքում (Gormley, 2023):

Այս վերծանումը շատ նման է ազահ պիտակավորմանը, քանի որ երկուսն էլ գտնում են պիտակի ամենաբարձր հավանականությունը յուրաքանչյուր տ դիրքի համար: Այնուամենայնիվ, կա մի կարևոր տարբերություն՝ պոսթերիոր վերծանումը օգտագործում է գլոբալ տեղեկատվություն (այսինքն՝ այն աշխատում է ամբողջ նախադասության վրա), մինչդեռ ազահ պիտակավորումը հիմնված է միայն տեղային հավանականությունների վրա (Georgetown, 2016):

Այս գլոբալ որոշումները կայացնելու համար, պոսթերիոր վերծանումը

օգտագործում է առաջ շարժվող և հետադարձի ալգորիթմները (ենթաքաժին 4.1 և 4.2)՝ յուրաքանչյուր  $t$  դիրքի և  $j$  վիճակի համար, այդ վիճակում գտնվելու պոստերիոր հավանականությունը հաշվարկելու համար՝ ունենալով ամբողջ  $O$  դիտարկման հաջորդականությունը՝

$$P(q_t = j \mid O) = \frac{\alpha_t(j)\beta_t(j)}{P(O \mid \lambda)}$$

որտեղ  $\alpha_t(j)$ -ն առաջ շարժվելու հավանականությունն է,  $\beta_t(j)$ -ն՝ հետադարձ հավանականությունը: Այսպիսով,  $T$  երկարությամբ հաջորդականության համար, որն ունի  $N$  թաքնված վիճակներ, ստացվում է  $T \times N$  չափի մատրից, որտեղ յուրաքանչյուր տող համապատասխանում է  $t$ -րդ դիրքին, յուրաքանչյուր սյուն համապատասխանում է թաքնված  $q$  վիճակի, և մատրիցի յուրաքանչյուր տարր ներկայացնում է այն հավանականությունը, որ  $t$  դիրքում գտնվող քառ գտնվում է  $q$  վիճակում:

Վերջնական փուլում՝ պոստերիոր վերծանումը ստանալու համար, ընտրվում է յուրաքանչյուր դիրքում ամենաբարձր հավանականություն ունեցող վիճակը:

$$\hat{q}_t = \operatorname{argmax}_i P(q_t = j \mid O)$$

## 4.1 Առաջ շարժվող ալգորիթմ

Առաջ շարժվող ալգորիթմը հաշվարկում է հաջորդականության մինչև  $t$  դիրքը դիտարկելու և այդ դիրքում  $j$  վիճակում լինելու հավանականությունը:

$$\begin{aligned} \alpha_t(j) &= P(o_1, o_2, \dots, o_t, q_t = j) = \sum_{i=1}^N P(o_1, \dots, o_t, q_{t-1} = i, q_t = j) = \\ &= \sum_{i=1}^N P(o_t, q_t = j \mid o_1, \dots, o_{t-1}, q_{t-1} = i) P(o_1, \dots, o_{t-1}, q_{t-1} = i) = \\ &= \sum_{i=1}^N P(o_t \mid o_1, \dots, o_{t-1}, q_{t-1} = i, q_t = j) P(q_t = j \mid o_1, \dots, o_{t-1}, q_{t-1} = i) P(o_1, \dots, o_{t-1}, q_{t-1} = i) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&= \sum_i^N P(o_t \mid q_t = j) P(q_t = j \mid q_{t-1} = i) P(o_1, \dots, o_{t-1}, q_{t-1} = i) \\
&= \sum_{i=1}^N b_j(o_t) a_{ij} \alpha_{t-1}(i)
\end{aligned}$$

Ալգորիթմը պատկանում է դինամիկ ծրագրավորման ալգորիթմների կատեգորիային: Այն արդյունավետորեն հաշվարկում է  $j$  վիճակում ավարտվող բոլոր հնարավոր ուղիները՝  $O(TN^2)$  բարդությամբ (Gormley, 2023): Առաջ շարժվող ալգորիթմի ֆորմալ ռեկուրսիան հետևյալն է.

### 1. Սկզբնական կարգավորում

$$\alpha_1(j) = \pi_j b_j(o_1) \quad 1 \leq j \leq N$$

### 2. Ռեկուրսիա

$$\alpha_t(j) = \sum_{i=1}^N \alpha_{t-1}(i) a_{ij} b_j(o_t), \quad 1 \leq j \leq N, \quad 1 < t \leq T$$

### 3. Դադարեցում

$$P(O \mid \lambda) = \sum_{i=1}^N a_T(i)$$

Այս ալգորիթմը հաշվարկում է մինչ տվյալ պահը դիտարկումների հանդիպման հավանականությունը տվյալ դիրքում գտնվելու դեպքում:

## 4.2 Հետադարձ ալգորիթմ

Հետադարձ ալգորիթմը հաշվարկում է մնացած հաշորդականության՝  $t + 1$  դիրքից մինչև վերջ, դիտարկելու հավանականությունը ընթացիկ  $i$  վիճակում:

$$\begin{aligned}\beta_t(i) &= P(o_{t+1}, o_{t+2}, \dots, o_T \mid q_t = i, \lambda) = \sum_{j=1}^N P(q_{t+1} = j, o_{t+1}, \dots, o_T \mid q_t = i) = \\ &\sum_{j=1}^N P(o_{t+1} \mid q_{t+1} = j, q_t = i, o_{t+2}, \dots, o_T) P(q_{t+1} = j \mid q_t = i, o_{t+2}, \dots, o_T) P(o_{t+2}, \dots, o_T \mid q_{t+1} = j) = \\ &\sum_{j=1}^N P(o_{t+1} \mid q_{t+1} = j) P(q_{t+1} = j \mid q_t = i) P(o_{t+2}, \dots, o_T \mid q_{t+1} = j) = \sum_{j=1}^N b_j(o_{t+1}) a_{ij} \beta_{t+1}(j)\end{aligned}$$

### 1. Սկզբանական կարգավորում

$$\beta_T(i) = 1, \quad 1 \leq i \leq N$$

### 2. Ω-եկուրսիա

$$\beta_t(i) = \sum_{i=1}^N a_{ij} b_j(o_{t+1}) \beta_{t+1}(j), \quad 1 \leq i \leq N, \quad 1 \leq t < T$$

### 3. Դադարեցում

$$P(O \mid \lambda) = \sum_{j=1}^N \pi_j b_j(o_1) \beta_1(j)$$

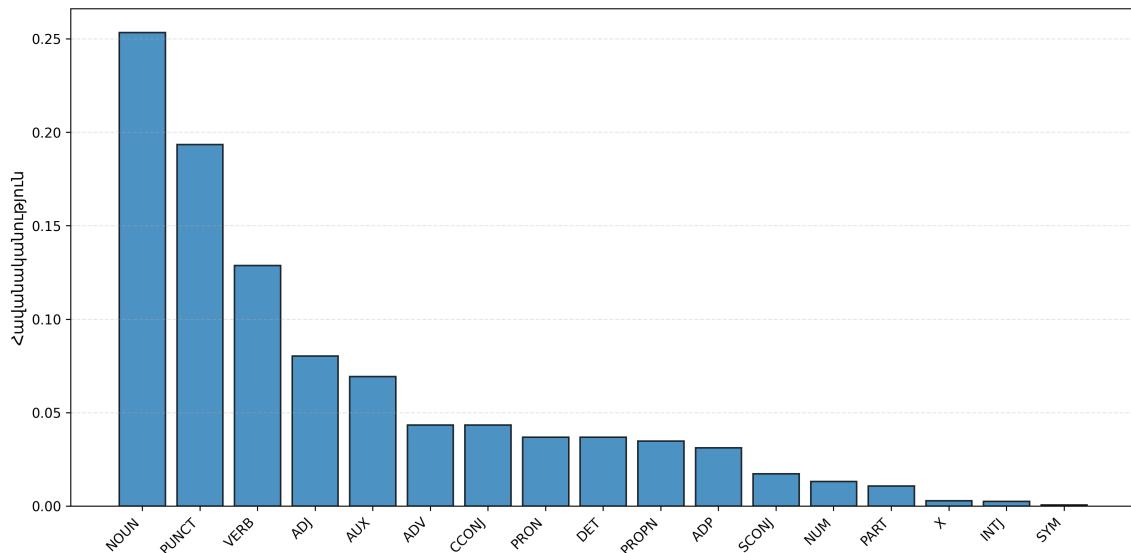
Այսպիսով, այս ալգորիթմը հաշվարկում է հաջորդող դիտարկումների հանդիպման հավանականությունը ընթացիկ դիրքում գտնվելիս:

## 5 Արդյունքներ

Այս հետազոտության համար օգտագործել ենք "Universal Dependencies tree-bank for Eastern Armenian" տվյալների կորպուսը (<https://github.com/>

**Universal Dependencies/UD\_Armenian-ArmTDP:** Այն պարունակում է հայերեն նախադասություններ՝ մանրամասն լեզվական տեղեկատվությամբ, ներառյալ յուրաքանչյուր բառի համար խոսքի մասի պիտակը:

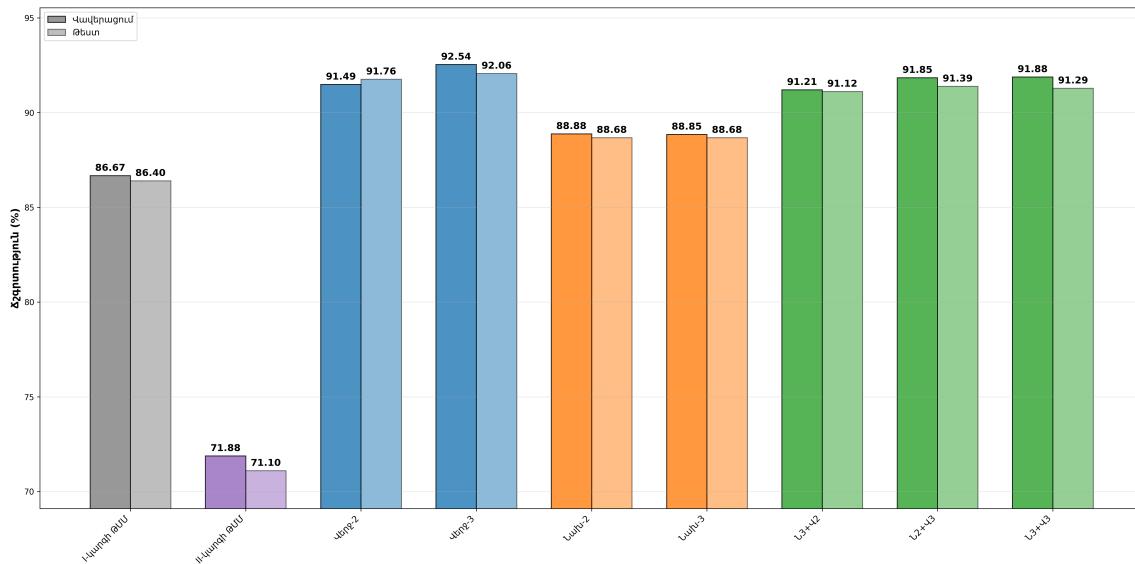
Ուսուցման համար նախատեսված տվյալների բազմությունը բաղկացած է 1974 նախադասությունից (42069 բառ), վավերացման բազմություն՝ 249 նախադասությունից (5359 բառ), իսկ թեստային բազմություն՝ 277 նախադասությունից (5157 բառ): Ընդհանուր առմամբ, տվյալների կորպուսը ունի 2500 նախադասություն և 52585 բառ: Տվյալների հավաքածուն հետևում է «Universal Dependencies» ստանդարտին՝ ունենալով 17 խոսքի մասերի պիտակներ: Դրանք են՝ NOUN (գոյական), VERB (բայ), ADJ (ածական), ADP (կապ), DET (դերանուն), PRON (դերանուն), AUX (օժանդակ բայ), PROPN (հատուկ անուն), ADV (մակրայ), CCONJ (համադասական շաղկապ), SCONJ (ստորադասական



Նկար 2: Խոսքի մասերի պիտակների բաշխումը ուսուցման տվյալների բազմությունում:

շաղկապ), PART (վերաբերական), NUM (թիվ), PUNCT (կետադրական նշան), INTJ (բացականչություն), SYM (սիմվոլ) և X (չպիտակավորված):

Այս հետազոտական աշխատանքի արդյունքում օգտագործվել է Վիտերբիի և պուրերիոր վերծանման ալգորիթմները, թաքնված Մարկովյան մոդելով խոսքի մասերի պիտակավորման համար, ստանալով համապատասխարար 85.78% և 78.73% ճշգրտություն: Այս արդյունքի ցածր լինելը պայմանավորված է տվյալների կորպուսի փոքր լինելով, որը հանգեցնում է անծանոթ բառերի մեծ քանակին (27.15%) թեստային բազմությունում: Հետազա ուսումնասիրությունները ցույց տվեցին, որ եթե անծանոթ բառերի համար դիտարկվի դրանց վերջածանցը (վերջին 3 տառը) ուսուցման բազմության մեջ, և այդպես որոշվի դրանց ամենահավանական



Նկար 3: Մոդելների համեմատությունը Վիտերբիի ալգորիթմով: Զախից աշ՝ սովորական թաքնված Մարկովյան մոդել, երկրորդ կարգի թաքնված Մարկովյան մոդել, անծանոթ բառերի համար վերջածանցների, նախածանցների, և միաժամանակ այդ երկուսի օգտագործումով:

Մոդել	Ճշգրտություն (%)
Առկա լավագույն մոդելը	81.25
Մեր մոդելը պոստերիոր ալգորիթմով	78.73
Մեր մոդելը Վիտերբիի ալգորիթմով	85.78
Մեր մոդելը Վիտերբիի ալգորիթմով օգտագործելով վերջածանցը	92.06

Աղյուսակ 1: Թաքնված Մարկովյան մոդելների համեմատությունը:

պիտակը, ապա թաքնված Մարկովյան մոդելի ճշգրտությունը կլինի 92.06%, որը 10.81%-ով ավելի է, քան առկա ուսումնասիրություններում ստացված ամենալավ արդյունքը թաքնված Մարկովյան մոդելներով հայոց լեզվի խոսքի մասերի պիտակավորման համար: Ուսումնասիրությունները ցույց տվեցին, որ նշված արդյունքը ամենալավն է կատարված բոլոր փորձերի մեջ՝ օգտագործելով նաև նախածանցը, կամ նոյնիսկ օգտագործելով երկրորդ կարգի Մարկովյան շղթայով ( $P(q_i = x|q_1 \dots q_{i-1}) = P(q_i = x|q_{i-1}, q_{i-2})$ ) թաքնված Մարկովյան մոդել:

## 6 Եզրակացություն

Այս հետազոտական աշխատանքի ընթացքում ուսումնասիրությունները ցույց տվեցին, որ չնայած տվյալների կորպուսի փոքր և ոչ լիարժեք ճշգրիտ լինելուն, հայոց լեզվի համար խոսքի մասերի պիտակավորումը թաքնված Մարկովյան մոդելներով հնարավոր է իրականացնել ավելի քան 92% ճշգրտությամբ: Այս արդյունքը լավագույնն է առկա հետազոտություններում, որտեղ օգտագործվել են թաքնված Մարկովյան մոդելներ նշված խնդրի համար: Պարզվեց նաև, որ վերջածանման համար օգտագործվող Վիտերբիի ալգորիթմը ավելի լավ ճշգրտություն ապահովեց,

համեմատած պոսթերիոր վերծաննան հետ: Ինչպես նաև արդյունքների նշանակալի բարելավում եղավ անծանոթ բառերի պիտակավորման համար առաջարկված մոտեցումները կիրառելով:

## Հղումներ

- Akbik, A., Blythe, D., and Vollgraf, R. (2018). Contextual String Embeddings for Sequence Labeling. In Proceedings of the 27th International Conference on Computational Linguistics (COLING).
- Aliwy, A. H., Radie, R. A., and Hamed, H. S. (2015). HMM Based POS Tagging System for 8 Different Languages and Several Tagsets. Engineering and Technology Journal, 33(2), 326-337.
- Wang, P., Qian, Y., Soong, F. K., He, L., Zhao, H. (2015). Part-of-speech tagging with bidirectional long short-term memory recurrent neural network. arXiv preprint, 1510.06168.
- Saidi, R., Jarray, F., and Mansour, M. (2021). A BERT based approach for Arabic POS tagging. In In International Work-Conference on Artificial Neural Networks. Cham: Springer International Publishing, (pp. 311-321)
- Goyal, M., Joshi, S., and Kulkarni, R. (2019). Part-of-Speech Tagging for Marathi Text using HMM and CRF. In Proceedings of the International Conference on Applied and Theoretical Computing and Communication Technology (ICATCCT).
- Pham B. (2020). Parts of Speech Tagging: Rule-Based.
- Manning, C. D. and Schütze, H. (1999). Foundations of Statistical Natural Language Processing. MIT Press.
- Baghsaryan V. (2023). Comparative Analysis of Hidden Markov Model and Bidirectional Long Short-Term Memory for POS Tagging in Eastern Armenian. International Journal of Scientific Advances. ISSN: 2708-7972.

- Bărbulescu A. and Morariu D. (2020). Part of Speech Tagging Using Hidden Markov Models. International Journal of Advanced Statistics and ITC for Economics and Life Sciences, 10(1).
- Kumawat D. and Jain V. (2015). POS tagging approaches: A comparison. International Journal of Computer Applications, 118.6
- Eddy, S. R. (2004). What is a hidden Markov model? Nature Biotechnology, 22(10), 1315–1316. doi:10.1038/nbt1004-1315
- Jurafsky, D., and Martin, J. H. (2025). Speech and Language Processing: An Introduction to Natural Language Processing, Computational Linguistics, and Speech Recognition with Language Models (3rd ed. draft). Unpublished manuscript. Draft available at: <https://web.stanford.edu/jurafsky/slp3/>
- Viterbi A.J. (1967). Error Bounds for Convolutional Codes and an Asymptotically Optimum Decoding Algorithm. IEEE Transactions on Information Theory, 13(2), pp. 260–269.
- Omura J.K. (1969). On the Viterbi Decoding Algorithm. IEEE Transactions on Information Theory, 15(1), pp. 177–179.
- Forney G.D., Jr. (1974). Convolutional Codes II. Maximum-Likelihood Decoding. Information and Control, 25(3), pp. 222–266.
- Gormley, M. (2023). \*Lecture 20: Bayesian Networks\*. 10-301/10-601 Introduction to Machine Learning, Carnegie Mellon University. Available at: <https://www.cs.cmu.edu/~mgormley/courses/10601-s23//slides/lecture20-bayesnet.pdf>.
- Georgetown University. (2016). Viterbi Algorithm. Lecture slides. Available at: [https://people.cs.georgetown.edu/cosc572/f16/12\\_viterbi\\_slides.pdf](https://people.cs.georgetown.edu/cosc572/f16/12_viterbi_slides.pdf)