

# Redes neuronales artificiales

---

Alberto Reyes Ballesteros



# Introducción

Tema de investigación en la actualidad.

Las RNA's propuestas por las ciencias de la computación y las neurociencias son resultado del estudio de las funciones y estructuras del cerebro.

Son modelos computacionales basados en estos antecedentes biológicos para resolver problemas complejos como:

- Reconocimiento de patrones
- Procesamiento rápido de la información
- Aprendizaje y adaptación

# Tareas de Aprendizaje

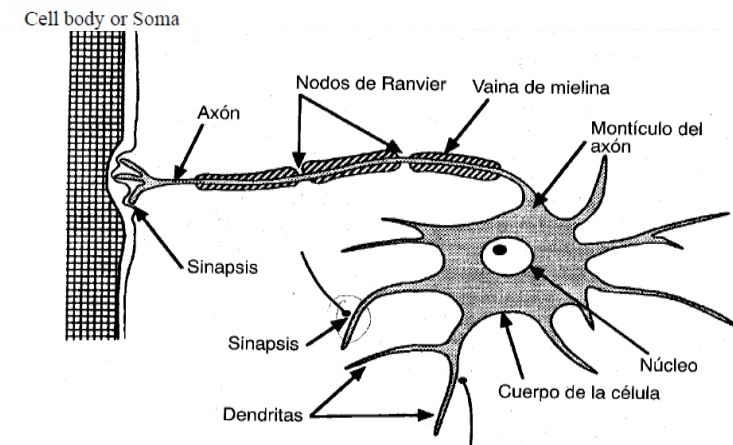
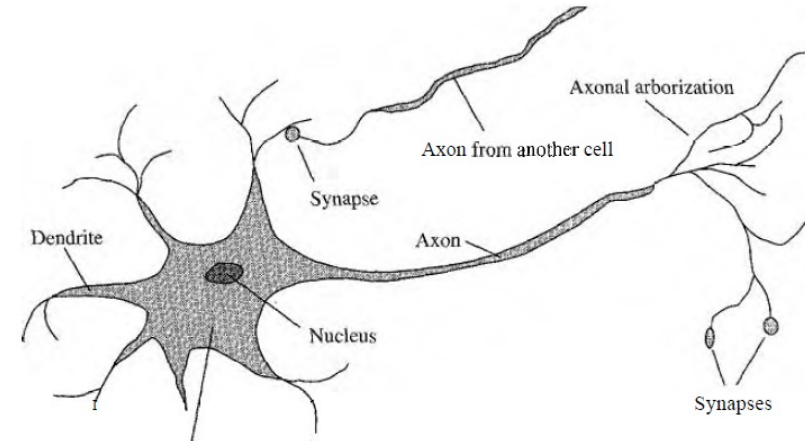
- Estimación o Regresión: Las clases son continuas.
- La meta es inducir un modelo para poder predecir el valor de la clase dados los valores de los atributos.
- Se usan, por ejemplo, árboles de regresión, regresión lineal, redes neuronales, LWR, etc.

# Redes neuronales de tipo biológico

Una neurona consta de un cuerpo de la célula o soma que contiene el núcleo de la célula. Del núcleo derivan varias fibras llamadas dendritas y una fibra larga llamada axón.

- Dendrita: llevan señales de los nervios al cuerpo de la célula.
- Axón: lleva señales de salida de la neurona a las dendritas de otras neuronas.
- Sinapsis: uniones entre neuronas.

Existen  $10^{11}$  neuronas, cada una con  $10^3$ - $10^4$  conexiones a otras neuronas con pulsos eléctricos de milisegundos.



# Introducción

## Características:

- ✓ Habilidad para aproximar funciones no-lineales arbitrarias.
  - Proveen modelos no-lineales requeridos para el diseño de controladores no-lineales y adaptables.
- ✓ Estructura paralela:
  - Tolerancia a fallas y rapidez de operación.
- ✓ Entrenadas con datos históricos del sistema en estudio
  - Habilidad para generalizar y ser adaptadas en línea.
- ✓ Aplicables a procesos multivariables.

# Redes NeuronalesArtificiales

Estructura inspirada en un modelo simplificado de las neuronas biológicas.

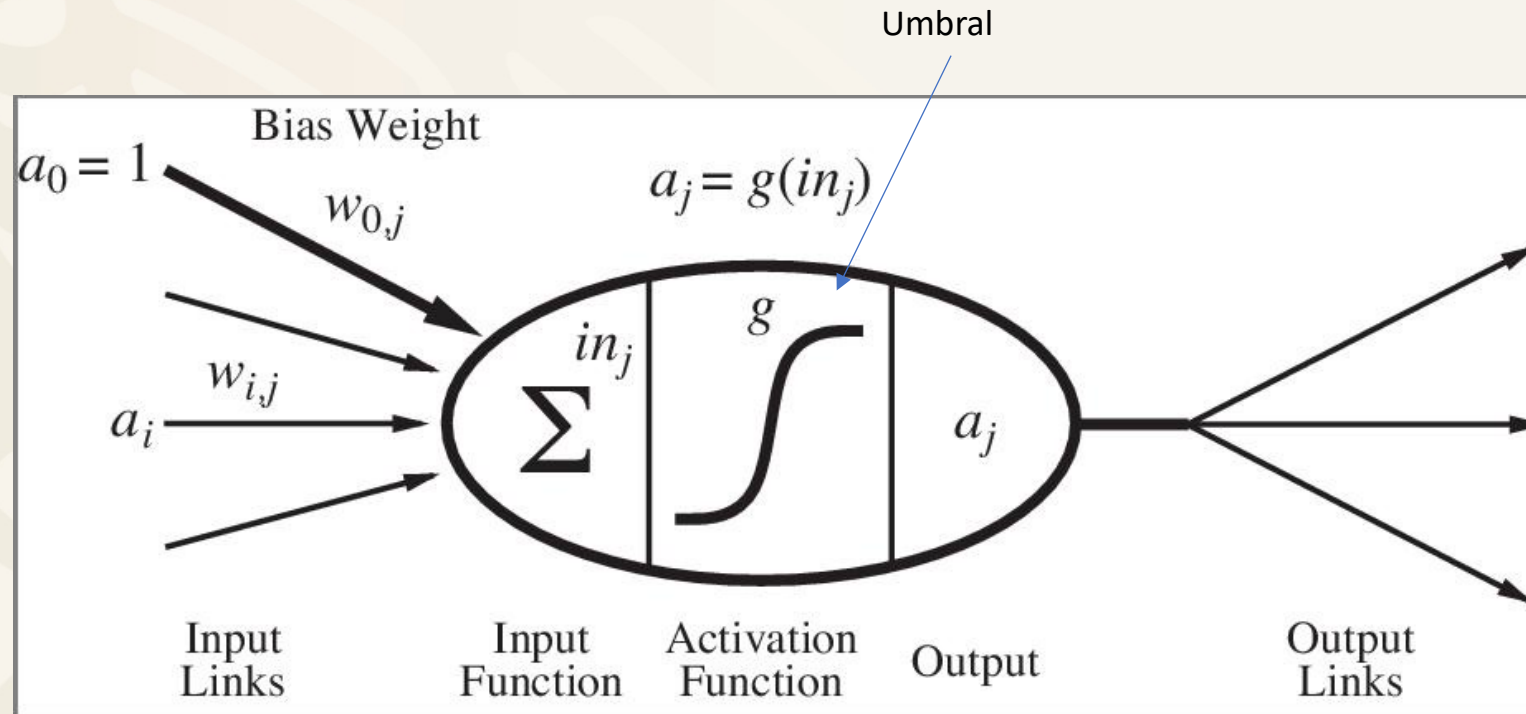
- Se forma de un conjunto de elementos sencillos (neuronas) que tiene varias entradas y una salida.

$$\text{Salida} = f \left( \sum W_i E_i \right)$$

- Estos elementos se interconectan entre sí para formar redes (red neuronal).
- Las RN se entrenan para aprender relaciones de entrada-salida mediante la presentación de ejemplos, modificando los pesos.

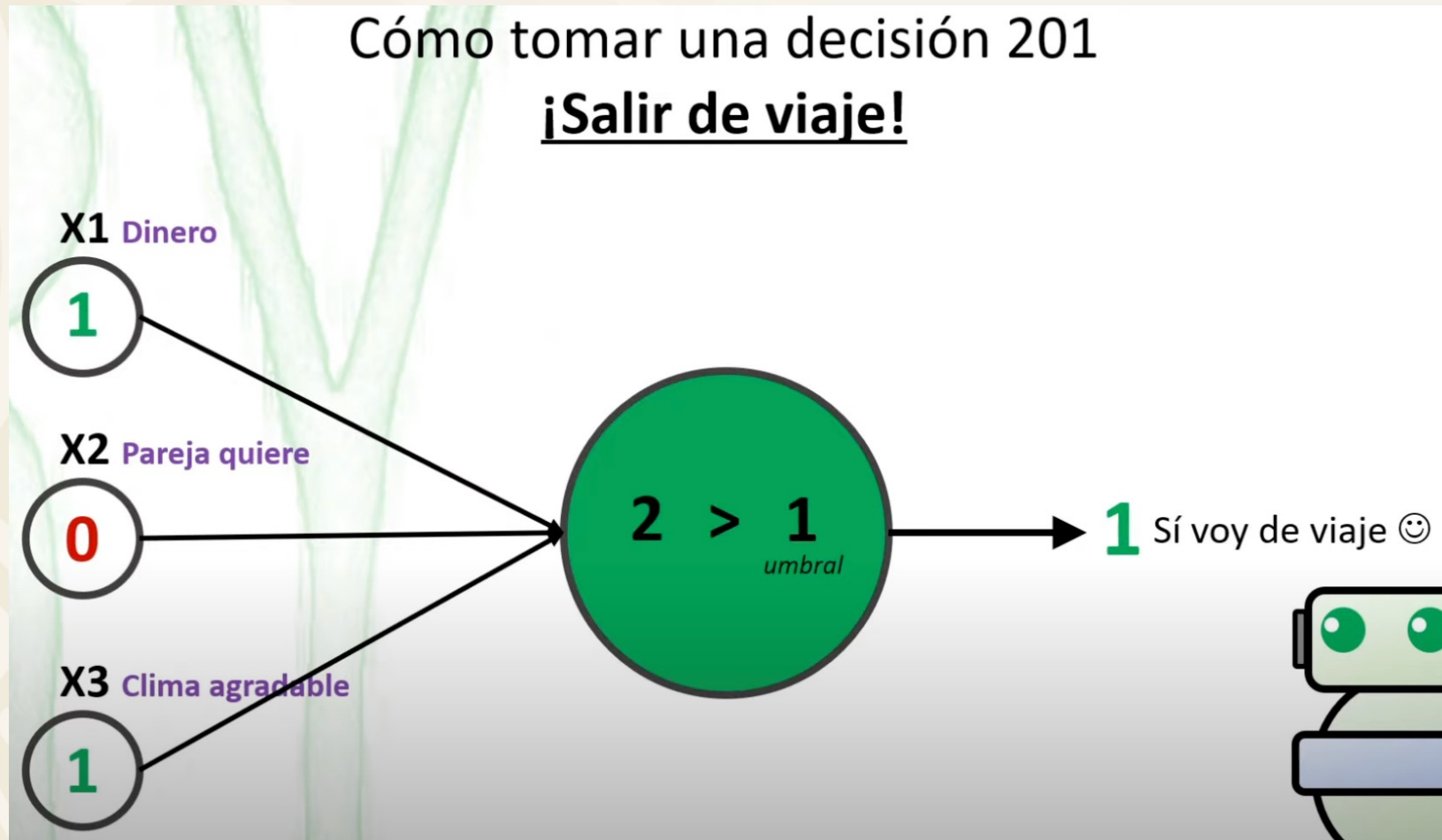


# Neurona básica o perceptrón



$$in_j = \sum_{i=0}^n w_{i,j} a_i \quad a_j = g(in_j) = g\left(\sum_{i=0}^n w_{i,j} a_i\right)$$

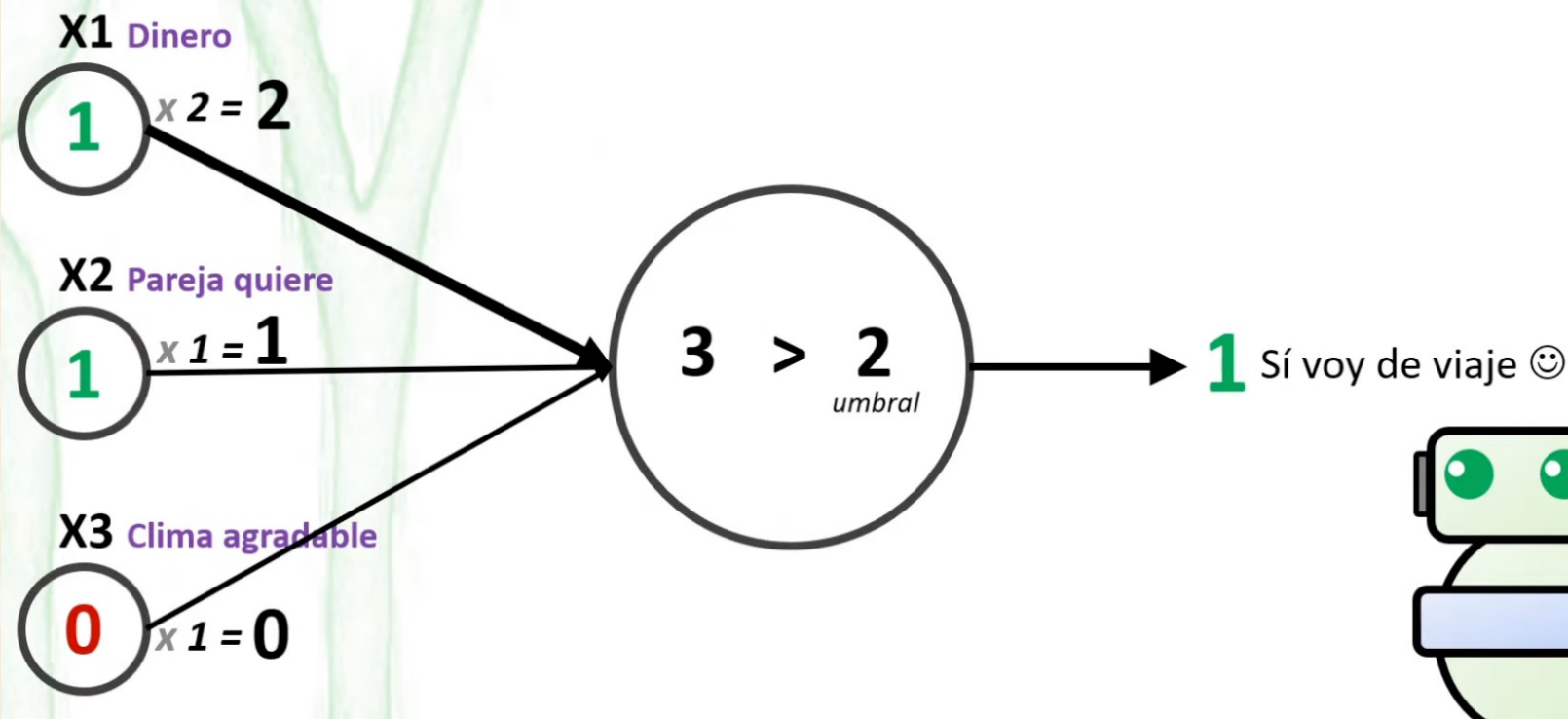
# Ejemplo





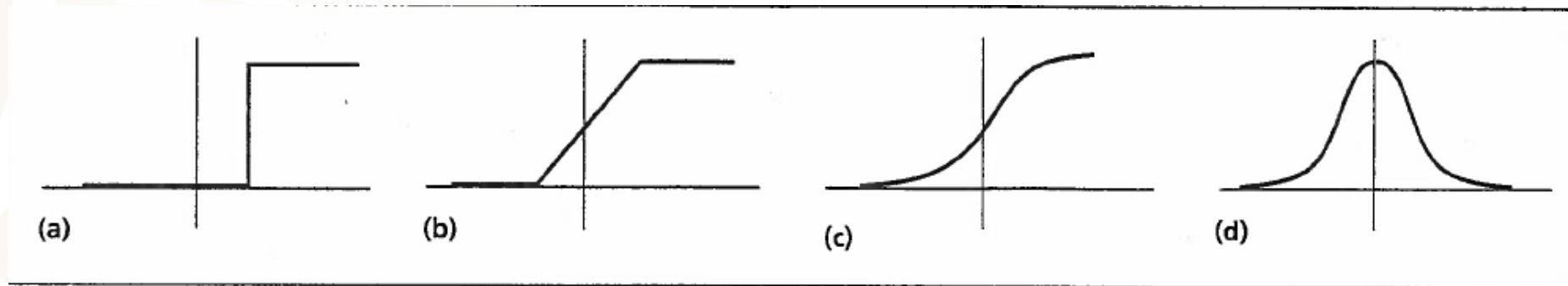
# Ejemplo

Cómo tomar una decisión 201  
¡Salir de viaje!



# Funciones de activación básicas

Existen diferentes funciones de activación  $g$



Función  
umbral (o  
escalón)

Función  
rampa

$$f(u_i) = \frac{1}{1 + e^{-u_i/\sigma}}$$

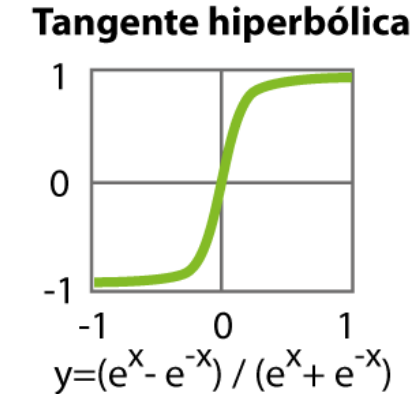
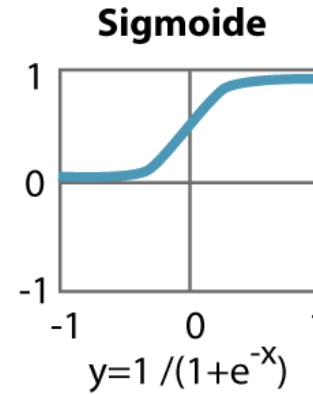
Función  
sigmoidal  
(o logística)

$$f(u_i) = c * e^{u_i^2/\sigma^2}$$

Función  
gaussiana

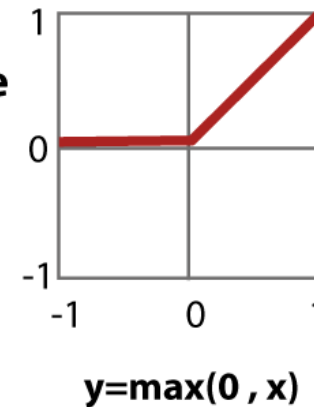
# Funciones de activación tradicionales vs las más usadas actualmente

Funciones de activación no-lineales tradicionales

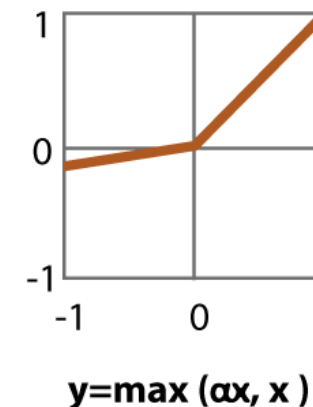


Funciones de activación no-lineales modernas

**Unidad lineal rectificada (ReLU)**

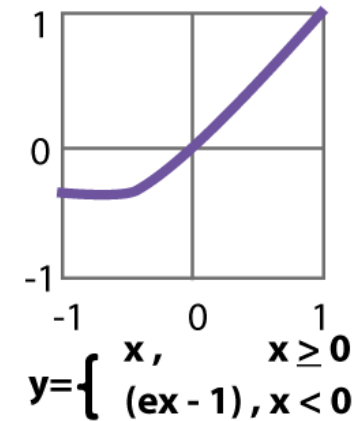


**ReLU con fuga**



$\alpha = \text{pequeña const (p.e. 0.1)}$

**Unidad lienal exponencial**



# Fases de aplicación

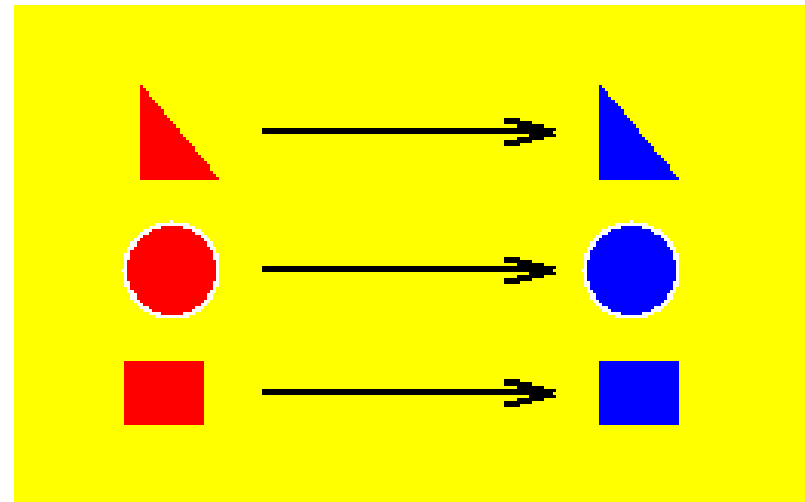
## Fase de aprendizaje (training):

- aprenden por la actualización o cambio de los pesos sinápticos que caracterizan a las conexiones.
- Se usa un conjunto de datos o patrones de entrenamiento.

## Fase de prueba (testing):

- Una vez calculados los pesos de la red, se comparan la(s) salida(s) de la red con la salida deseada.

# Fases de aplicación



Training



Testing

# Red neuronal multicapa

Redes neuronales con una o más capas ocultas.

MLP - Multilayer Perceptrons (Perceptrón Multicapa)

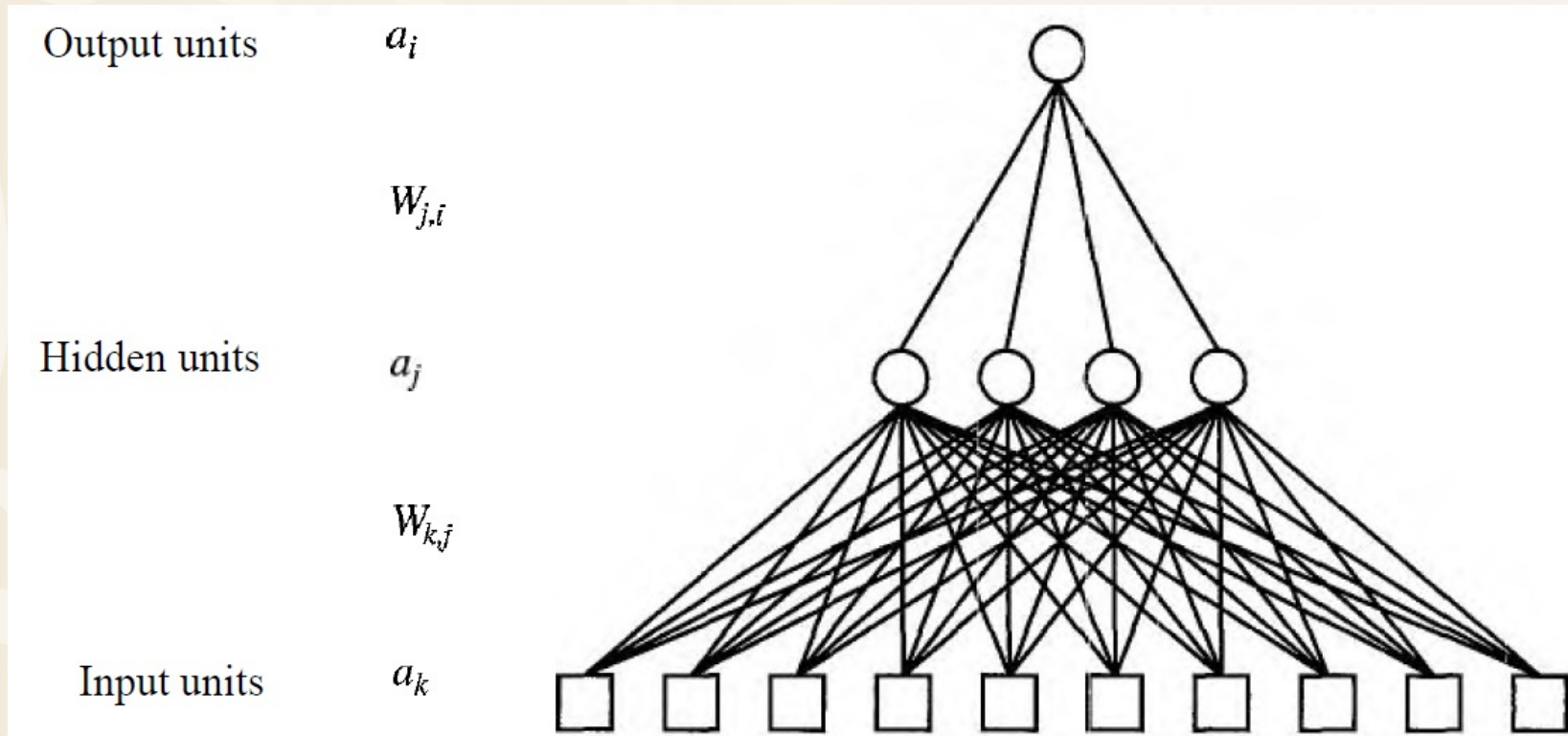
Normalmente cada capa oculta de una red usa el mismo tipo de función de activación.

La función de activación de la salida es sigmoideal o lineal.

Son llamados aproximadores universales.



# Red neuronal multicapa



RNA multicapa con una capa oculta y 10 entradas.

# Red neuronal multicapa

- La capa de entrada tendrá tantas neuronas como número de variables de entrada y la capa de salida tantas neuronas como variables de salida.
- Las capas ocultas son capas de abstracción que consideran cuanto se refina un modelo

# Red neuronal multicapa

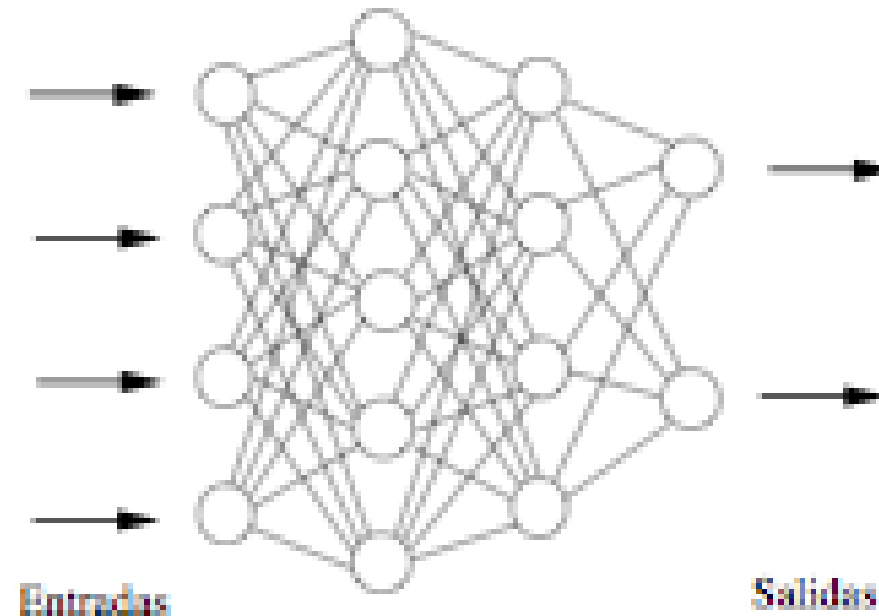
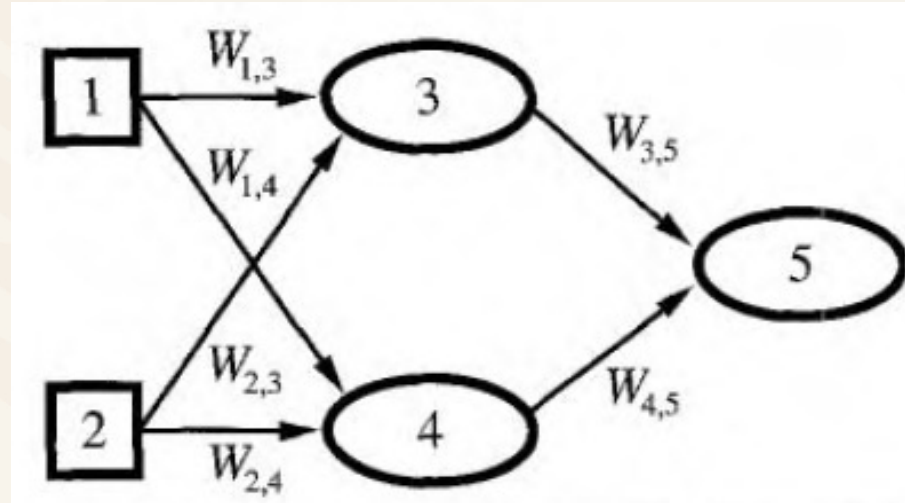


Figura: Red Neuronal prototípica.

Conforme se agregan más neuronas a la red las funciones que se podrían aprender son más complejas

# Ejemplo de cálculo de la salida de la red



Red neuronal simple con dos entradas, una capa oculta de dos unidades y una salida

$$\begin{aligned} a_5 &= g(W_{3,5}a_3 + W_{4,5}a_4) \\ &= g(W_{3,5}\underbrace{g(W_{1,3}a_1 + W_{2,3}a_2)}_{a_3} + W_{4,5}\underbrace{g(W_{1,4}a_1 + W_{2,4}a_2)}_{a_4}) \end{aligned}$$

**$g$**  es la función de activación

# BP-Backpropagation

- Se compara la salida “deseada” con la salida “actual” y se genera un error.

$$e(w) = \frac{1}{2} \sum_{k=1}^M [d_k - y_k(w)]^2$$

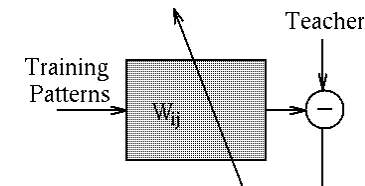
Error medio  
cuadrático

Salida  
deseada      Salida real  
(pesada)

- Se utiliza dicho error para modificar los “pesos” en las neuronas de salida.

$$w_{ij}(k+1) = w_{ij}(k) + \Delta_{ij}(k)$$

- Se propaga dicho error hacia atrás, modificando los pesos en las demás neuronas en la red.



# Backpropagation: Seudocódigo

1. Inicialización aleatoria de pesos
2. Aplicar patrón de entrada
3. Propagación de la entrada a través de todas las capas
4. La RNA genera salidas y se calcula el error para cada neurona de salida
5. Los errores se transmiten hacia atrás, partiendo de la capa de salida hacia las neuronas de la capa intermedia
6. Este proceso se repite capa por capa.
7. Se reajustan los pesos de conexión da cada neurona en base al error recibido.



# Algoritmo Backpropagation

```
function BACK-PROP-LEARNING(examples, network) returns a neural network
  inputs: examples, a set of examples, each with input vector  $x$  and output vector  $y$ 
           network, a multilayer network with  $L$  layers, weights  $W_{j,i}$ , activation function  $g$ 

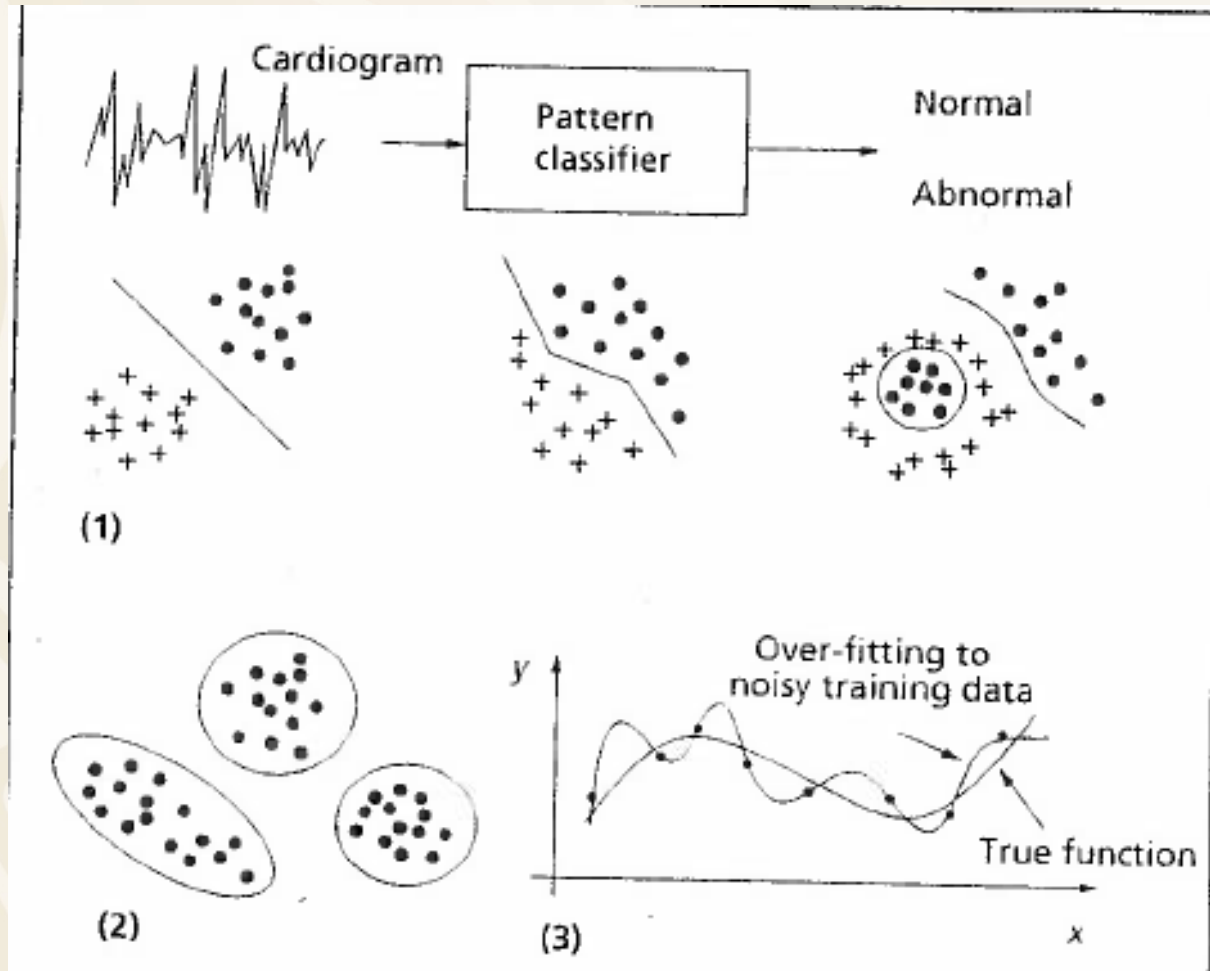
  repeat
    for each  $e$  in examples do
      for each node  $j$  in the input layer do  $a_j \leftarrow x_j[e]$ 
      for  $\ell = 2$  to  $L$  do
         $in_i \leftarrow \sum_j W_{j,i} a_j$ 
         $a_i \leftarrow g(in_i)$ 
      for each node  $i$  in the output layer do
         $\Delta_i \leftarrow g'(in_i) \times (y_i[e] - a_i)$ 
      for  $\ell = L - 1$  to  $1$  do
        for each node  $j$  in layer  $\ell$  do
           $\Delta_j \leftarrow g'(in_j) \sum_i W_{j,i} \Delta_i$ 
          for each node  $i$  in layer  $\ell + 1$  do
             $W_{j,i} \leftarrow W_{j,i} + \alpha \times a_j \times \Delta_i$ 
      until some stopping criterion is satisfied
  return NEURAL-NET-HYPOTHESIS(network)
```

examples

	x1	x2	xj	...	y1	...	yi
1							
2							
...							
e							

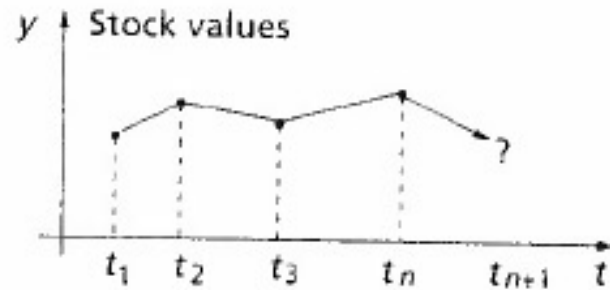
The back-propagation algorithm for learning in multilayer networks.

# Tipos de aplicaciones

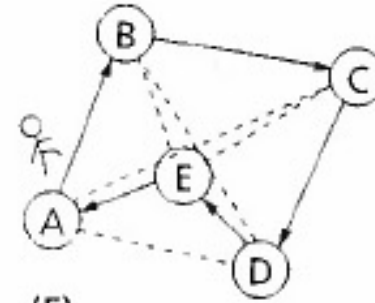


- (1) Clasificación de patrones
- (2) Categorización en grupos (clusters)
- (3) Aproximación de funciones

# Tipos de aplicaciones



(4)



Airplane partially  
occluded by clouds



(6)

Associative  
memory

Retrieved airplane



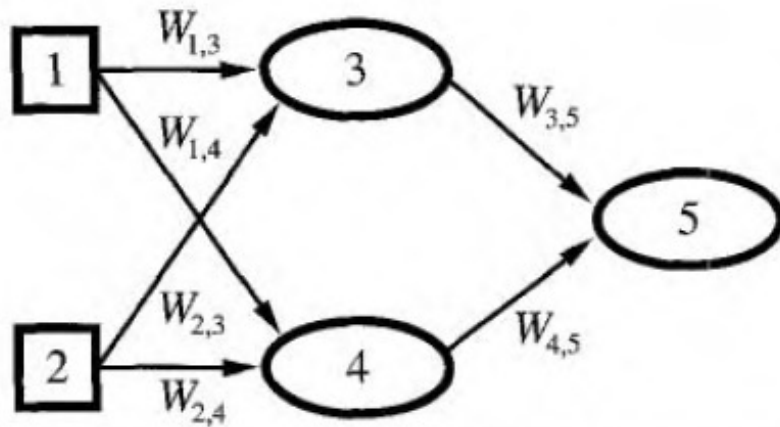
(4) Pronóstico

(5) Optimización

(6) Recuperación de  
contenidos

# Ejercicio

Utilice excel para calcular la salida del nodo 5 de la red de la figura usando como entradas el primer ejemplo del conjunto de datos mostrado y calcule el error medio cuadrático. La función de activación es la sigmoide ( $g = 1 / (e^{-U})$ ). Explique sus resultados y suba el ejemplo a la plataforma.



$W(1,3)$	0.5
$W(1,4)$	0.8
$W(2,3)$	1
$W(2,4)$	0.9
$W(3,5)$	1.5
$W(4,5)$	2

x1	x2	y
1	2	3
2	3	5
3	4	7
4	5	9





GRACIAS

Alberto Reyes Ballesteros  
areyes@ineel.mx

ineel.mx

