기초 인공지능 프로그래밍

9장 Numpy 라이브러리 (데이터 분석)

외부 라이브러리(패키지) 설치

- PIP를 통한 패키지 설치
 - PIP(Pip Installs Packages) : 파이썬 패키지 관리 프로그램
 - 명령어 pip list 로 설치되어 있는 패키지를 확인할 수 있음
 - 미설치 패키지는 다음과 같이 명령 프롬프트에서 설치할 수 있음

```
C:₩>python -m pip install --upgrade pip # pip 프로그램을 최신 버전으로 업그레이드
                 # 현재 파이썬에 설치된 패키지 확인
C:₩>pip list
Package
         Version
pip
         23.1.2
                                                                 🖼 명령 프롬프트
                                                                                            Х
                                                                                       setuptools 49.2.1
                                                                C:#>pip list
Package
C:₩>pip install numpy # 패키지 설치 또는 삭제(install 대신 uninstall)
                                                                              Version
C:₩>pip install pandas
                                                                contourpy
C:₩>pip list
                 # 현재 파이썬에 설치된 패키지 확인
Package Version
                                                                 portlib-resources
numpy 1.16.4
       0.25.0
pandas
pip
           19.1.1
python-dateutil 2.8.0
                                                                pyparsing
                                                                vthon-dateutil
pytz
           2019.1
            39.0.1
setuptools
                                                                 etuptools
six
          1.12.0
```

numpy (numerical python)

- 파이선에서 대규모 다차원 배열을 다룰 수 있게 도와주는 라이브러 리
 - 대규모 데이터를 리스트 자료형에 저장/관리하면 속도가 느리고 메모 리도 많이 차지하는 단점이 있음
 - 같은 자료형(대부분 숫자)의 데이터들을 저장하는 배열(array)을 사용하면 효율적인 메모리 사용으로 데이터를 빠르게 처리할 수 있음
- 파이썬은 기본 자료형으로 배열을 지원해 주지 않기 때문에 배열 라이브러리 numpy를 설치한 후, import 해서 사용해야 함

numpy (numerical python)

- numpy(넘파이, 넘피)
 - 다차원의 배열 자료구조 클래스인 ndarray 객체를 지원
 - ndarray 객체는 numpy를 통해 생성되는 n 차원 배열 객체
 - 벡터화 연산(vectorized operation)을 지원 : 배열의 각 원소에 대한 반복 연산을 하나의 명령어로 처리
 - 랜덤 시뮬레이션, 통계학 연산, 선형대수학 등 다양한 수학적 연산이 가능
 - 배열 인덱싱(array indexing)을 사용한 질의(Query) 기능으로 복잡한 수식을 계산 가능하게 함

numpy (numerical python)

- numpy vs 리스트
 - numpy 배열은 생성될 때 크기를 결정
 - 데이터를 추가하면 새로운 numpy 배열이 생성
 - 배열의 모든 원소들은 같은 자료형(대부분 숫자)이어야 함
 - 배열은 수학에 관련된 많은 연산을 지원
 - 리스트 자료형 연산보다 더 간단하게 해결할 수 있음
- a, b가 정수 n개를 원소로 하는 리스트 일 때
 - a와 b의 같은 인덱스 위치의 원소들을 서로 합한 결과를 새로운 리스트에 저장하기 위해서는 반복문이 필요

```
c = []
for i in range(len(a)) :
c.append(a[i] + b[i])
```

- a, b가 정수 n개를 원소로 하는 배열 일 때
 - a와 b의 같은 인덱스 위치의 원소들을 서로 합한 결과를 새로운 배열에 저장하기 위해서는 간단한 연산으로 해결 가능

```
c = a + b
```

numpy

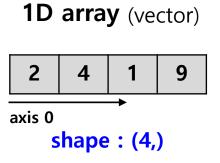
- numpy 라이브러리를 사용하기 위해서는 import 해야함 import numpy as np # 편리를 위해 별칭 np 지정 (관용적 사용)
- 1차원(axis) 배열
 - 수치 데이터 중심으로 구성, 데이터가 하나의 줄로 나열
 - 레이블(이름)이 없음
- 2차원(axis) 배열 : 행렬(matrix)
 - 1차원 배열을 여러 줄로 겹쳐 놓은 형태
 - 가로줄은 행(row), 세로줄은 열(column) 이라고 함
 - 행과 열에 레이블(이름)이 없음
- ndarray 객체 (배열)의 속성
 - ndim: 배열의 차원
 - size : 전체 원소의 개수
 - dtype : 원소의 자료형
 - itemsize : 원소의 크기(byte)
 - shape : 배열의 형상(튜플로 표시)

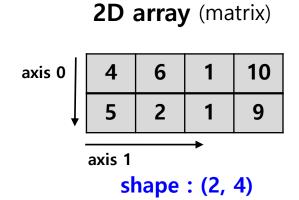
ndarray 객체는 배열 데이터, 메소드(함수), 속성 등을 저장하고 있으며 객체이름.속성, 객체이름.메소드 형식으로 사용할 수 있음

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([1,2,3,4,5])
3 print(a, type(a))
4 print(a.ndim)
5 print(a.size)
6 print(a.dtype)
7 print(a.itemsize)
8 print(a.shape)

[1 2 3 4 5] <class 'numpy.ndarray'>
1
5
int64
8
(5,)
```

■ numpy 배열





- 1차원 배열 생성 방법 numpy 라이브러리 함수 사용
 - ① array() 함수의 인수로 리스트 자료형을 지정하여 ndarray 객체(배 열) 생성

② arange(start, end, step) 함수로 특정한 범위의 숫자(정수, 실수)를 원소로 하는 배열 생성 (함수 사용법은 range() 함수와 유사함)

```
1 import numpy as np
2 a = np.arange(1, 21) #a = np.array(range(1, 21))과 동일
3 print(a, type(a))
[1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20] <class 'numpy.ndarray'>
```

- 2차원 배열 생성
 - array() 함수의 인수로 두개의 리스트를 원소로 가지는 리스트를 지 정하여 배열 생성
 - 행렬(matrix)라고도 함

```
1 import numpy as np
 2 b = np.array([[1,2,3],[4,5,6]])
 3 print(b)
 4 print(b.ndim)
 5 print(b.size)
 6 print(b.dtype)
 7 print(b.shape)
                               b[0]는 배열의 첫번째 행 \begin{bmatrix} b_{0,0} & b_{0,1} & b_{0,2} \\ b_{1,0} & b_{1,1} & b_{1,2} \end{bmatrix}
 8 print(b[0], b[1])
[[1 2 3]
[4 5 6]]
                                                                            b[1][1]
                                                                            또는
                                                                            b[1,1]
int64
(2, 3) b는 2행 3열 배열
[1 2 3] [4 5 6]
```

배열 속성 shape 값이 (5,)은 1차원 배열의 원소 수가 5개라는 의미이며, shape 값이 (1, 5) 또는 (5, 1)은 2차원 배열을 의미함.

- 배열 생성시 원소 자료형 지정 방법
 - astype() 메소드로 float에서 int로 자료형 변환시 소수점 이하는 버림하며 -0.9와 0.4는 0으로 변환(-1보다 크고 1보다 작은 실수는 0으로 변환)

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([1.0, 2., 3, 4, 5])
3 print(a)
4 print(a.dtype)
5 a_int = a.astype(int)
6 print(a_int)
7 print(a_int.dtype)

[1. 2. 3. 4. 5.]
float64
[1 2 3 4 4 5]
int64
```

- numpy 라이브러리 함수로 여러 종류의 배열 생성
 - zeros((n, m)), zeros(n)
 - : 모든 원소 값이 0인 n × m 배열 생성
 - ones((n, m)), ones(n)
 - : 모든 원소 값이 1인 n × m 배열 생성
 - full((n, m), value), full(n, value)
 - : 모든 원소 값이 value인 n × m 배열 생성
 - eye(n)
 - : 대각선의 원소 값은 1, 나머지는 0의 값을 갖는 행과 열이 같은 n × n 배열 생성
 - linspace(x1, x2, n)
 - : 구간 [x1, x2] 내에서 균일한 간격의 데이터를 n개 만들어 배열 생성 (x1과 x2 포함), n 값이 주어지지 않으면 디폴트로 50개 생성
 - a.reshape((n, m))
 - : 기존 배열 a를 n × m 배열 형태로 변형하는 함수
 - a.flatten()
 - : 기존 2차원 이상의 배열 a를 1차원 배열 형태로 변형하는 함수

numpy 라이브러리 함수로 배열 생성한 예시

```
1 import numpy as np
    2a_{zero} = np.zeros((2,3)); b_{zero} = np.zeros(5, dtype = int)
    3 print (a_zero)
    4print(b zero)
    5a_{full} = np.full((2,2), 10); b_{full} = np.full(6, 2.5)
    6print(a full)
    7 print (b_full)
    8c = np.arange(1, 10).reshape((3,3))
    9 print(c)
[[0, 0, 0,]
   [0. 0. 0.]]
   [0 \ 0 \ 0 \ 0]
   [[10 10]]
   [10 10]]
   [2.5 2.5 2.5 2.5 2.5 2.5]
   [[1 2 3]
   [4 5 6]
   [7 8 9]]
```

```
np.random.random(size = k) : 0.0에서 1.0 미만의 난수 k개 원소
 1 import numby as np
                                   로 하는 배열 생성. k값이 주어지지 않으면 1개 생성.
 2a = np.random.random((2.2)
                                    값이 튜플 형태(예를 들면 (2,2))이면 2차원 배열 생성
 3 print(a)
 4b = np.random.normal(0.
                                         np.random.normal(n, m, size = k) : 평균 0, 표준편차 1의
                                         표준 정규 분포의 난수 k개를 원소로 하는 배열 생성.
 5 print (b)
 6c = \text{np.random.randint}(0, 10, (2,2))
 7 print(c)
                    np.random.randint(n, m, size = k) : 정수 n부터 정수
                    m-1까지의 범위에서 난수 k개 원소로 하는 배열 생성
[[0.06494161 0.76755055]
[0.77146756 0.32009013]]
[[-0.23810466 0.3563168]
[-1.08030284 0.92160452]]
[[3 4]
[6 9]]
```

numpy 배열 인덱싱

- 1차원 배열 인덱싱
 - 리스트의 인덱싱과 동일하게 사용
 - 1차원 배열 a1의 2번째 원소 참조는 a1[1] 형태
- 2차원 배열 인덱싱
 - 리스트의 인덱싱과 동일하게 사용
 - 2차원 배열 a2의 3번째 행 참조는 a[2] 형태
 - 2차원 배열 a2의 2번째 행 3번째 원소 참조는 a[1, 2] 형태

```
1 import numpy as np
2 a1 = np.array([10, 20, 30])
3 a2 = np.array([[1, 2, 3],[4, 5, 6],[7, 8, 9]])
4 a1[1] = 200
5 row = a2[2]
6 n = a2[1, 2] n = a2[1][2] 와 동일
7 print(a1)
8 print(row)
9 print(n)

[ 10 200 30]
[7 8 9]
6
```

- 1차원 배열 슬라이싱
 - 1차원 배열 a에 대해 슬라이싱 형식
 - 인덱스 i, j, k 위치의 원소들로 부분 배열을 생성할 경우 : a[[i, j, k]]
 - 인덱스 i 부터 j까지 연속된 원소들로 생성할 경우 : a[i : j+1]

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
3 n1 = a[[1]] # 배열 a의 a[1] 원소로 배열 생성
4 n2 = a[[1,3]] # 배열 a의 a[1], a[3] 원소로 배열 생성
5 n3 = a[1:4] # 배열 a의 인덱스 1부터 3까지의 원소로 배열 생성
6 print(n1, n2, n3)

[2] [2 4] [2 3 4]
```

a[1]은 배열의 원소 참조하는 형식이며, a[[1]]와 다름.

- 2차원 배열 슬라이싱
 - 배열의 각 차원 별로 슬라이싱 범위를 지정

```
1 import numby as no
 2 a = np.array([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]])
                                     행 범위 0:2, 열 범위 1:3 즉, 첫번째와 두
 3 a1 = a[0:2, 1:3]
                                      번째 행에서 두번째부터 세번째 열 범위
 4 print(a1)
 5 a2 = a[1:] # a2 = a[1:,]; a2 = a[1:, 0:] 와 동일
 6 print(a2)
[[2 3]
               행 범위만 지정
 [5 6]]
[[4 5 6]
 [7 8 9]]
  1 import numpy as np
  2 a = np.array([[0,1,2,3],[10,11,12,13],[20,21,22,23]])
  3 a1 = a[::2, ::2]
                     ⁻≫ a1은 첫번째, 세번째 행에서 첫번째, 세번째 열 범위 슬라이싱
  4 a2 = a[::2][::2]
                      a2는 첫번째, 세번째 행 슬라이싱한 2차원 배열에서
  5 print(a1)
  6 print(a2)
                       다시 첫번째 행 슬라이싱
  7 print(a2.ndim)
  8 print(a2.shape)
 [[0 2]
  [20 22]]
[[0 1 2 3]]
           a2는 1 X 4 형태의 2차원 배열
                                                                         15
(1, 4)
```

- 2차원 배열 슬라이싱
 - 정수 인덱싱 (integer indexing) : Fancy indexing

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([10, 20, 30, 40, 50])
3 idx = [1, 3]
4 a1 = a[idx]
5 print(a1)
6 idx1 = np.array([[1, 3], [2,1]])
7 a2 = a[idx1] 인덱스 정보를 2차원 배열 형태로 생성한 후,
8 print(a2)
1차원 배열로 2차원 배열 생성시 사용

[20 40]
[[20 40]
[[30 20]]
```

 2차원 배열 a의 a[r1, c1], a[r2, c2],... 원소들로 부분 배열을 생성시 : a[[r1, r2,...], [c1, c2,...]] 형식

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]])
3 a1 = a[[0,2], [1, 2]]
4 print(a1)
a[0,1]와 a[2,2] 원소로 부분 배열을 생성
```

numpy 배열 데이터 추출

- 1차원 배열 배열에서 조건에 맞는 데이터 추출
 - 부울형(Boolean) 배열(원소 값이 True 또는 False인 배열)을 인덱스로 사용하여 특정 조건의 원소들만 필터링할 때 사용
 - 배열의 관계연산으로 부울형 배열 생성(추출하고자 하는 배열과 크기 가 같아야 함)
 - 부울형 배열의 원소 값 True와 대응되는 원소만 추출

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
3 b = a % 2 == 0
4 even = a[b]
5 print(b)
6 print(even)

나울형 배열 생성.
배열 a의 원소가 짝수이면 True,
아니면 False.

부울형 배열을 인덱스로 사용하여 a 원소 중
작수 값만 추출하여 1차원 배열로 반환
```

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([1, 2, 3, 4, 5])
3 even = a[a % 2 == 0]
4 print(even)

[2 4]
```

- 1차원 배열에서 조건에 맞는 데이터 추출
 - 리스트 데이터로 ndarray 객체 생성

score_a 배열의 각 원소가 조건을 만족하면 True, 아니면 False 값이 저장되는 같은 크기의 부울형 배열(원소 값이 True 또는 False인 배열)이 생성됨

```
import numpy as np
scores_a = np.array([23, 89, 45, 60, 99, 51])
scores_over50 = scores_a[scores_a > 50]
print(scores_over50)
```

- 2차원 배열 배열에서 조건에 맞는 데이터 추출
 - n x m 배열의 각 원소의 선택 여부를 위해 같은 크기의 부울형 배열을 만듬
 - 만약 배열 a 가 2 x 3 의 배열이라면, 부울형 배열도 2 x 3 으로 만들 어 선택할 배열 원소 위치에는 True, 그렇지 않으면 False 값을 줌

```
1 import numpy as np
2 python = [[45,67], [77, 89], [90, 50]] 3명의 중간, 기말 성적이 저장 된 리스트
3 score = np.array(python)
4 print(score[score[:, 0] >= 60]) 중간 점수가 60점 이상인 학생 정보
5 print(score[score[:, 1] >= 60]) 기말 점수가 60점 이상인 학생 정보

[[77 89]
[90 50]]
[[45 67]
[77 89]]
```

배열 원소 값 삽입/수정/삭제

- 삽입: numpy 라이브러리의 insert() 함수 사용
 - insert() 함수의 첫번째 매개변수는 배열 객체, 두번째 매개 변수는 삽입할 위치, 세번째 매개변수는 삽입할 값, 네번째 매개변수는 axis(축)의 값을 지정
 - axis 값을 0으로 지정하면 행방향으로 삽입, 1로 지정하면 열방향으로 삽입, 지정하지 않으면 1차원 배열로 간주하여 삽입 후 반환

```
1 import numpy as np
 2 a = np.array([1, 2, 3, 4])
 3b = np.array([[10, 20, 30, 40]])
 4 [50, 60, 70, 80]])
 5 a1 = np.insert(a, 1, 100)
 6 print(a1)
 7 b1 = np.insert(b, 1, 100)
 8 b2 = np.insert(b, 1, 100, axis = 0) 한 개의 행 삽입
 9 b3 = np.insert(b, 1, 100, axis = 1)
                    한 개의 열 삽입
10 print(b1)
11 print(b2)
12 print(b3)
1 차원 배열로 반환
`ff=ro==20==30==40f
 [100 100 100 100]
  50 60 70 80]]
 [[ 10 100 20 30 40]
 [ 50 100 60 70 80]]
```

배열 원소 값 삽입/수정/삭제

- 수정
 - 배열의 인덱싱, 슬라이싱으로 원소 값 수정

배열 원소 값 삽입/수정/삭제

- 삭제 : numpy 라이브러리의 delete() 함수 사용
 - delete() 함수의 첫번째 매개변수는 배열 객체, 두번째 매개 변수는 삭제할 위치, 세번째 매개변수는 axis의 값을 지정
 - axis 값을 0으로 지정하면 행방향으로 삭제, 1로 지정하면 열방향으로 삭제, 지정하지 않으면 1차원 배열로 간주하여 삭제 후 반환

```
1 import numpy as no
 2 a = np.array([1, 2, 3, 4])
 3b = np.array([[10, 20, 30, 40]])
                 [50, 60, 70, 80]])
 5 \text{ al} = \text{np.delete(a. 1)}
 6 print(a1)
7 \, \text{b1} = \text{np.delete(b, [1, 3, 5])}
\beta b2 = np.delete(b, 1, axis = 0)
9 b3 = np.delete(b, 1/ axis = 1)
10 print(b1)
11 print(b2)
12 print(b3)
[1 3 4]
[10, 30, 50, 70, 80]
                 ┊행 하나를 삭제한 1 Ⅸ 4 형태의 2차원 배열
[[10 20 30 40]]
[[10 30 40]
 [50 70 80]]
```

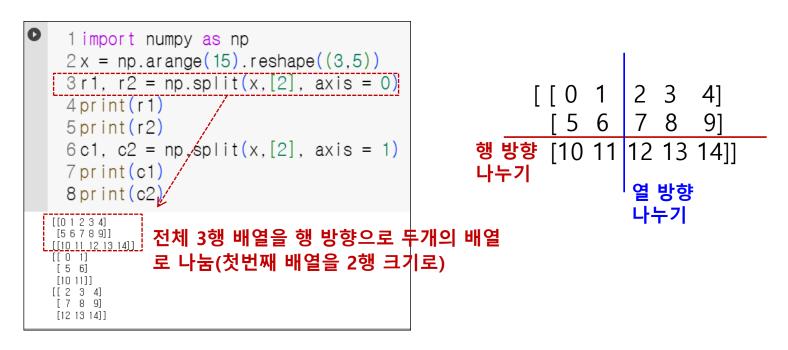
배열 모양 수정

- 이어 붙이기 : numpy 라이브러리의 concatenate() 함수 사용
 - concatenate() 함수의 첫번째 매개변수로 주어지는 두개의 배열 객체 를 이어 붙임. 두번째 매개변수는 axis의 값 지정
 - axis 값을 0으로 지정하면 행방향, 1로 지정하면 열방향으로 이어붙임

```
1 import numpy as np
 2x1 = np.arange(4)
 3 \times 2 = \text{np.array}([10, 11, 12, 13])
 4x = np.concatenate([x1, x2])
 5 print(x)
6 \times 1 = \times 1. \text{reshape}((2,2))
7 \times 2 = \times 2. \text{reshape}((2,2))
 8x = \text{np.concatenate}([x1, x2], axis = 0)
 9 print(x)
10 \times = \text{np.concatenate}([x1, x2], axis = 1)
11 print(x)
             행 방향으로 두개의 배열을 이어 붙임
```

배열 모양 수정

- 나누기 : numpy 라이브러리의 split() 함수 사용
 - split() 함수의 첫번째 매개변수로 주어지는 배열 객체를 두개의 배열로 나눔. 두번째 매개변수는 나누는 행 또는 열의 크기
 - axis 값을 0으로 지정하면 행방향, 1로 지정하면 열방향으로 나눔



- 배열의 각 원소에 대한 반복 연산을 하나의 명령어로 처리하는 벡터화 연산(vectorized operation)을 지원
 - 반복적인 계산을 반복문을 사용한 것보다 더 효율적으로 빠르게 수행
 - 산술, 비교, 논리 연산 등 모든 수학 연산에 적용
- 배열간 기본 연산 지원
 - +, -, *, / 연산자 사용하여 배열의 각 원소에 대한 반복 연산을 하나의 명령어로 처리해줌
 - add(), substract(), multiply(), divide() 연산 함수도 지원

- 브로드캐스팅(broadcasting)
 - 차원(shape)이 다른 배열간 연산에서 같은 차원으로 확장하여 연산하는 것

```
1 import numpy as np
2 x = np.arange(4).reshape((4,1)) + np.arange(5)
3 print(x) [[0] [0 1 2 3 4]
[12 3 4 5 6]
[2 3 4 5 6]
[3 4 5 6 7]] [2]
[3]
```

■ 배열 연산 예제

```
1 import numby as no
    2 a = np.array([1, 2, 3])
    3b = np.array([10, 20, 30])
    4c=a+b #c=np.add(a, b)와 동일
    5 d = a - b # d = np.subtract(a, b)와 동일
    Be=a*b #e=np.multiply(a, b)와 동일
   7 f = a / b # f = np.divide(a, b)와 동일
   8 g = 2*a -b
    9 h = b > 10
                          배열의 각 원소에 대해 비교, 관계 연산 실행해서
   10 i = ( a== 2) & (b > 10) True, False 값 산출
   11 print(c, d, e, f)
   12 print(g)
                                        # 리스트 연산에 for문을 사용
   13 print(h, i)
                                        data = [1, 2, 3]
[11 22 33] [ -9 -18 -27] [10 40 90] [0.1 0.1 0.1]
   [ -8 -16 -24]
                                        a= [] # 리스트
   [False True True] [False True False]
                                        for i in data:
                                            a.append( 2 * i )
                                        print(a) # [2, 4, 6]
                                        # 1차원 배열로 만들어 연산하기
       배열의 각 원소에 대한 반복 연산을
                                        a = np.array(data)
       하나의 명령어로 처리하여 계산 속도
                                        a = 2 * a
       가 반복문을 사용할 때보다 훨씬 빠름
                                        print(a) # [ 2 4 6]
```

■ 배열 연산 예제

```
1 import numpy as np
2 a = np.array([[1,2,3],[4,5,6],[7,8,9]])
3 b = (a % 2 == 0) # a의 원소 중, 2로 나누어 떨어지면 True, 아니면 False
4 c = (a[:,2] > 5) # a의 모든 행, 3번째 열의 원소가 5보다 크면 True, 아니면 False
5 print(b)
6 print(c, c.shape)

[[False True False]
[ True False True]
[ [False True False]]
[ False True True] (3,) c 배열은 1 차원 배열
```

- 통계 함수 (np 라이브러리 함수/ ndarray 객체 함수 형태로 지원)
 - mean() 함수 : 평균 반환
 - median() 함수 : 중앙값 반환 (np 라이브러리 함수로만 지원)
 - std() 함수 : 표준편차 반환
 - max(), min(), sum() 함수 : 최대값, 최소값, 합계 반환

배열 통계 함수

- sum(배열, axis = n) 필요하면 지정
 - 각 배열 원소들을 더하는 함수
 - axis 인자가 0이면 열끼리 더함
 - axis 인자가 1이면 행끼리 더함

```
1 import numpy as np
 2x = np.arange(10).reshape((2,5))
 3 print(x)
4s = np.sum(x)
 5 print(s)
 6s1 = np.sum(x, axis = 0)
7 print(s1)
8s2 = np.sum(x, axis = 1)
 9 print(s2)
10 \min_{x} = np.\min_{x}
11 print (min_x)
12 \max_{x} = np.\max_{x}(x)
13 print (max_x)
14 \operatorname{mean}_{x} = \operatorname{np.mean}(x)
                                 [[0 1 2 3 4]
15 print (mean x)
                                   [5 6 7 8 9]]
                                  [5 7 9 11 13]
                                  [10 35]
                                  0
```

4.5

