

Problema 1 (Teórico - Conceptual)

Pregunta:

Explica las diferencias fundamentales entre los **métodos de intervalo** (como bisección o falsa posición) y los **métodos abiertos** (como Newton-Raphson o punto fijo) para resolver ecuaciones no lineales. Incluye en tu respuesta:

1. **Garantía de convergencia:** ¿Bajo qué condiciones cada método garantiza encontrar una raíz?
2. **Velocidad de convergencia:** Compara el orden de convergencia típico de cada tipo de método.
3. **Requerimientos de información:** ¿Qué información adicional (derivadas, intervalos iniciales, etc.) necesita cada método?

Ejemplo de respuesta esperada:

"Los métodos de intervalo garantizan convergencia si $f(x)$ es continua y cambia de signo en $[a, b]$, pero su convergencia es lineal (lenta). Los métodos abiertos, como Newton-Raphson, requieren un punto inicial cercano a la raíz y la derivada $f'(x)$, pero convergen cuadráticamente (más rápido) bajo condiciones ideales..."

Problema 2 (Aplicativo - Cálculo)

Pregunta:

Aplica el **método de Newton-Raphson** para aproximar una raíz de la ecuación $f(x) = e^{-x} - x$ con un error menor a (0.001) .

1. **Paso 1:** Deriva $f(x)$ y escribe la fórmula de iteración (x_{k+1}) en términos de (x_k) .
2. **Paso 2:** Realiza 3 iteraciones partiendo de $(x_0 = 1)$. Muestra los valores de (x_k) , $(f(x_k))$, y el error relativo $(|x_{k+1} - x_k|)$ en cada paso.
3. **Paso 3:** Verifica si el error cumple la tolerancia al finalizar.

Datos de apoyo:

- $f(x) = e^{-x} - 1$.
- Fórmula: $x_{k+1} = x_k - \frac{f(x_k)}{f'(x_k)}$.

Ejemplo de solución parcial:

Iteración (k)	(x_k)	$(f(x_k))$	Error $(x_{k+1} - x_k)$
0	1.0000	(-0.6321)	-
1	0.5379	(0.0461)	0.4621
...

Nota: El problema evalúa comprensión de la convergencia cuadrática y manejo de derivadas.