# UNIVERSIDAD NACIONAL JORGE BASADRE GROHMANN, TACNA FACULTAD DE INGENIERÍA

Escuela Académico Profesional de Ingeniería en Informática y Sistemas

#### SILABO

#### I. DATOS GENERALES

1. Nombre de la asignatura : Métodos Numéricos

2. Código del curso : 19.03118

3. Año de estudios : Segundo Año – I Semestre

4. Créditos : 4

5. Total de horas semestrales : 85 horas

6. No. total de horas por semana : 05 (Teoría 02; Taller 01; Laboratorio 02)

7. Fecha de inicio : 1 de Abril del 2014 8. Fecha de término : 02 de Agosto del 2014

9. Duración : 17 semanas

10. Profesor responsable : MSc. Luis Andrés Amaya Cedrón

lamayaster@gmail.com

11. N° de alumnos : (Turno mañana)

#### II. SUMILLA

Análisis de error, raíces de ecuaciones, sistemas de ecuaciones algebraicas lineales, Optimización, sistemas de ecuaciones lineales con métodos directos, con métodos iterativos, aproximación polinomial e interpolación, Integración Numérica. Ajuste de curvas, diferenciación e integración numérica, métodos numéricos para Ecuaciones diferenciales Ordinarias, métodos numéricos para Ecuaciones diferenciales. Métodos numéricos y algoritmos computacionales. Adicionales: algoritmos computacionales paralelos

#### III. LOGRO DE LA ASIGNATURA

Al finalizar el desarrollo del curso, el estudiante estará en condiciones de:

Desarrollar e implementar algoritmos matemáticos y computacionales de modelos matemáticos que se aplican usualmente en Ciencias e Ingeniería. Analizar programas de computadora usando un lenguaje de Programación de Propósito General y/o Sistema de Computación Científica.

#### IV. UNIDADES DE APRENDIZAJE.

| PRIMERA UNIDAD DIDÁCTICA: | ERRORES; | SOLUCIÓN DE | F(X)=0 Y SISTEMAS | DE | <b>ECUACIONES</b> | POR | MÉTODOS |
|---------------------------|----------|-------------|-------------------|----|-------------------|-----|---------|
| NUMÉRICOS                 |          |             |                   |    |                   |     |         |

**LOGRO**: Al finalizar la primera unidad didáctica, el estudiante analiza errores de truncamiento, e implementa procesos computacionales, para métodos iterativos de los modelos matemáticos tratados.

| Semana | Contenidos   |
|--------|--|
| 1      | <b>TEORÍA</b> Errores. Errores de truncamiento ,Polinomio y Teorema de de Taylor. Análisis de la precisión utilizando el error de Taylor. <b>PRÁCTICA:</b> Aplicaciones del teorema de Taylor.   |
| 2      | <b>TEORÍA:</b> Raíces de ecuaciones- Algoritmo matemático de Newton Raphson <b>PRÁCTICA:</b> Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmo diseñados para el  Modelo Matemático Iterativo de Newton Raphson                          |
| 3      | <b>TEORÍA:</b> . Sistemas de ecuaciones algebraicas lineales. Algoritmo del Método iterativo de Jacobi.<br><b>PRÁCTICA:</b> Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmos diseñado para el Modelos Matemáticos Iterativo de Jacobi. |
| 4      | Aplicaciones de los métodos iterativos  EVALUACIÓN. La presente unidad representa el 20% del promedio final de la asignatura.  |

|   | ROBRICA DE EVALUACION DE LA PRIMIERA UNIDAD  |  |  |   |  |
|---|--|--|--|---|--|
|   | CRITERIOS  | INDICADORES / ESCALA DE PUNTAJES                                   |  |   |  |
|   | Utiliza el teorema de<br>Taylor para determinar<br>la precisión de los<br>errores. | Halla la aproximación de una función usando el polinomio de Taylor | Mide la aproximación con respecto al error permitido | Identifica el orden los errores<br>y conoce como determinarlo<br>según su orden |  |
| 1 |  |  |  |   |  |

DÍIRDICA DE EVALUACIÓN DE LA DRIMEDA UNIDAD

| Determina aproximaciones de raíces de una ecuación f(x)=0 y de sistemas de ecuaciones.    | Halla la solución de raíces<br>de ecuaciones y sistemas<br>de ecuaciones algebraicas<br>lineales, mediante los<br>modelos iterativos de<br>Newton-Raphson y Jacobi | Aplica el algoritmo matemático de Newton-Raphson y Jacobi, a la Ciencia e ingeniería.                          | Identifica el problema acerca<br>de de encontrar raíces y<br>solucionar un sistema de<br>Ecuaciones lineales |
|---|--|--|--|
| Valida en el ordenador<br>los algoritmos<br>computacionales para<br>cada modelo iterativo | Implementa el algoritmo computacional para cada método Iterativo   | Verifica la validez de los<br>algoritmos<br>computacionales para<br>cada modelo iterativo,<br>usando problemas | Aplica los algoritmos implementados para casos reales.   |

| <b>SEGUNDA UNIDAD</b>   | DIDÁCTICA: OPTIMIZACIÓN DE FUNCIONES, INTERPOLACIÓN; DIFERENCIACIÓN E INTEGRACIÓN                    |  |  |  |
|---|--|--|--|--|
| NUMÉRICA.   |  |  |  |  |
|   | la cagunda unidad didáctica, al actudianta implementa procesa computacionales, para métados          |  |  |  |
|   | la segunda unidad didáctica, el estudiante implementa procesos computacionales, para métodos         |  |  |  |
| iterativos de los mo  | odelos matemáticos tratados.   |  |  |  |
| 5 y 6   | TEORÍA: . Métodos numéricos para optimización (mínimo) de una función. Interpolación y el polinomio  |  |  |  |
|   | de Lagrange  |  |  |  |
|   | <b>PRÁCTICA:</b> Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmo diseñados para el |  |  |  |
|   | Modelo Matemático Iterativo de optimización e interpolación.   |  |  |  |
| 7 y 8   | TEORÍA: Diferenciación Numérica e Integración numérica. Método de Simpson                            |  |  |  |
| PRÁCTICA: : Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmo diseñados para el |  |  |  |  |
|   | Modelo Matemático Iterativo de Diferenciación e Integración numérica                                 |  |  |  |
| 9   | <b>EVALUACIÓN.</b> La presente unidad representa el 20% del promedio final de la asignatura.         |  |  |  |

#### RÚBRICA DE EVALUACIÓN DE LA SEGUNDA UNIDAD **CRITERIOS INDICADORES / ESCALA DE PUNTAJES** Halla la aproximación de Mide la aproximación Identifica el problema para un mínimo para funciones con respecto al error aplicar el método para Determina aproximaciones de y de interpolación permitido. determinar el mínimo y para optimización de aplicar interpolación. funciones e interpolación Determina Halla la aproximación de Aplica algoritmo Identifica el problema acerca el aproximaciones de Diferenciación Numérica e matemático de encontrar Integración numérica por Diferenciación Numérica Diferenciación Numérica e aproximaciones simpson e Integración numérica. Integración numérica por diferenciación e integración Simpson numérica Valida en el ordenador Implementa el algoritmo Verifica la validez de los Aplica los algoritmos computacional para cada implementados algoritmos algoritmos para casos computacionales para método Iterativo computacionales para reales. cada modelo iterativo cada modelo iterativo, usando problemas

| TERCERA UNIDAD DIDÁCTICA: ECUACIONES Y SISTEMAS DE ECUACIONES DIFERENCIALES                   |  |  |  |
|---|--|--|--|
| LOGRO: Al finalizar   | LOGRO: Al finalizar la segunda unidad didáctica, el estudiante implementa procesos computacionales, para métodos |  |  |
| iterativos de los mo  | iterativos de los modelos matemáticos tratados.  |  |  |
| 10 y 11   | TEORÍA: Método de Euler. Método de Euler-Mejorado (HEUM)   |  |  |
|   | PRÁCTICA: Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmo diseñados para el                    |  |  |
|   | Modelo Matemático Iterativo de Euler y de Euler-Mejorado   |  |  |
| 12 y 13   | TEORÍA: Método de Runge Kutta. Sistemas de Ecuaciones Diferenciales Ordinaria                                    |  |  |
| PRÁCTICA: Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmo diseñados para el |  |  |  |

|    | Modelo Matemático Iterativo de Runge Kutta y de S. E. D.O                                     |
|----|---|
| 14 | <b>EVALUACION</b> . La presente unidad representa el 30% del promedio final de la asignatura. |

| RÚBRICA DE EVALUACIÓN DE LA TERCERA UNIDAD |                             |  |  |
|--|-----------------------------|--|--|
| INDICADORES / ESCALA DE PUNTAJES           |                             |  |  |
| Mide la aproximación                       | Identifica el problema para |  |  |
|  | NDICADORES / ESCALA DE I    |  |  |

| CRITERIOS   | IN   | IDICADORES / ESCALA DE I   | PUNTAJES   |  |
|---|--|--|--|--|
| Determina<br>aproximaciones de<br>ecuaciones diferenciales                                | Halla la aproximación de ecuaciones diferenciales                      | Mide la aproximación con respecto al error permitido.  | Identifica el problema para<br>aplicar los métodos de Euler,<br>Heum.  |  |
| Determina aproximaciones sistemas de ecuaciones diferenciales.                            | Halla la aproximación de<br>sistemas de ecuaciones<br>diferenciales    | Aplica el algoritmo<br>matemático de<br>sistemas de ecuaciones<br>diferenciales                                | Identifica el problema acerca<br>de de encontrar<br>aproximaciones para la<br>solución de un sistemas de<br>ecuaciones diferenciales |  |
| Valida en el ordenador<br>los algoritmos<br>computacionales para<br>cada modelo iterativo | Implementa el algoritmo<br>computacional para cada<br>método Iterativo | Verifica la validez de los<br>algoritmos<br>computacionales para<br>cada modelo iterativo,<br>usando problemas | Aplica los algoritmos implementados para casos reales.   |  |

## **CUARTA UNIDAD DIDÁCTICA:** ECUACIONES DIFERNCIALES PARCIALES Y TRATO DE METDOS ADICIONALES

LOGRO: Al finalizar la segunda unidad didáctica, el estudiante implementa procesos computacionales, para métodos iterativos de los modelos matemáticos tratados

| 15 | TEORÍA: Planteamiento general del problema. Métodos numéricos para aproximar las soluciones de       |
|----|--|
|    | ecuaciones diferenciales Parciales: Método Explicito.  |
|    | <b>PRÁCTICA:</b> Programación en el lenguaje de programación Matlab, del algoritmo diseñados para el |
|    | Modelo Matemático Iterativo de Método Explicito  |
| 16 | TEORÍA: Trabajo y Sustentación de un tema dado por el docente .                                      |
| 17 | <b>EVALUACION</b> . La presente unidad representa el 30% del promedio final de la asignatura         |

### RÚBRICA DE EVALUACIÓN DE LA TERCERA UNIDAD

| CRITERIOS   | INDICADORES / ESCALA DE PUNTAJES                                       |  |   |  |
|---|--|--|---|--|
| Determina<br>aproximaciones de<br>ecuaciones diferenciales<br>parciales                   | Halla la aproximación de ecuaciones diferenciales parciales            | Mide la aproximación con respecto al error permitido.  | Identifica el problema para<br>aplicar el método Explicito. |  |
| Explica un método<br>numérico propuesto.  | Sustenta el método   | Aplica el algoritmo<br>matemático del<br>método  | Identifica el problema para<br>aplicar el método            |  |
| Valida en el ordenador<br>los algoritmos<br>computacionales para<br>cada modelo iterativo | Implementa el algoritmo<br>computacional para cada<br>método Iterativo | Verifica la validez de los algoritmos computacionales para cada modelo iterativo, usando problemas | Aplica los algoritmos implementados para casos reales.      |  |

#### V. METODOLOGÍA

El desarrollo del curso tiene lugar a través de actividades teórico-prácticas que conforman su contenido. En las sesiones teóricas el profesor trabaja activamente con los estudiantes en el aula en forma dinámica, y participativa promoviendo la reflexión y el pensamiento crítico a través de preguntas, exposiciones y trabajo en equipo, utilizando material impreso y audiovisual. En las prácticas de laboratorio los alumnos interactúan a través de un conjunto de actividades (tareas y aplicaciones) especialmente diseñadas para propiciar la habilidad de la obtención de aproximaciones por métodos numéricos.

#### VI. MATERIALES EDUCATIVOS

Los materiales a utilizar para el desarrollo de la asignatura son los siguientes:

#### a. Materiales educativos interactivos

Materiales impresos: Libros, textos impresos, módulos de aprendizaje, manual de prácticas. Direcciones electrónicas para recabar información especializada sobre los contenidos planteados.

#### b. Materiales educativos para la exposición.

Se contará con pizarras, plumones, acrílicos, mota, proyector multimedia, diapositivas.

c. Materiales de laboratorio, computadoras, equipos de comunicación de datos.

#### VII. EVALUACIÓN

#### **EVALUACION TEÓRICA:**

| UNIDADES<br>DIDACTICAS  | PRODUCTOS FINALES   | INSTRUMENTOS  | PORCENTAJE |
|---|---|---|------------|
| ERRORES; SOLUCIÓN<br>DE F(X)=0 Y SISTEMAS<br>DE ECUACIONES POR<br>MÉTODOS<br>NUMÉRICOS          | Implementa algoritmos matemáticos y computacionales de la serie de Taylor y métodos numéricos iterativos de Newton Raphson y Jacobi.  | <ul> <li>Rúbrica (teórica - practica) (70%)</li> <li>Guía de observación de aptitudes (programa) (30%)</li> </ul> | 20%        |
| OPTIMIZACIÓN DE<br>FUNCIONES,<br>INTERPOLACIÓN;<br>DIFERENCIACIÓN E<br>INTEGRACIÓN<br>NUMÉRICA. | Implementa algoritmos matemáticos y computacionales de y métodos numéricos iterativos para optimización de funciones, interpolación, diferenciación e integración numérica. | <ul> <li>Rúbrica (teórica - practica) (70%)</li> <li>Guía de observación de aptitudes (programa) (30%)</li> </ul> | 20%        |
| ECUACIONES Y SISTEMAS DE ECUACIONES DIFERENCIALES   | Implementa algoritmos matemáticos y computacionales de y métodos numéricos iterativos para Ec. Diferenciales y sistemas de ecuaciones diferenciales                         | <ul> <li>Rúbrica (teórica - practica) (70%)</li> <li>Guía de observación de aptitudes (programa) (30%)</li> </ul> | 30%        |
| ECUACIONES Y SISTEMAS DE ECUACIONES DIFERENCIALES.  | Implementa algoritmos<br>matemáticos y<br>computacionales de y métodos<br>numéricos iterativos para Ec.<br>Diferenciales parciales  | <ul> <li>Rúbrica (teórica - practica) (70%)</li> <li>Guía de observación de aptitudes (programa) (30%)</li> </ul> | 30%        |

#### CRONOGRAMA:

| Unidades | Fecha      | Tipo de evaluación  | Peso |
|----------|------------|---------------------|------|
| I        | 02/05/2014 | Examen Escrito      | 70%  |
| I        | 05/05/2014 | Evaluación Práctico | 30%  |
| II       | 22/05/2014 | Examen Escrito      | 70%  |
| II       | 23/05/2014 | Evaluación Práctico | 30%  |
| III      | 19/06/2014 | Examen Escrito      | 70%  |
| III      | 20/06/2014 | Evaluación Práctico | 30%  |

| IV | 24/07/2014 | Examen Escrito      | 70% |
|----|------------|---------------------|-----|
| IV | 25/07/2014 | Evaluación Práctico | 30% |

#### VIII. BIBLIOGRAFÍA

#### Bibliografía general

- ✓ BURDEN R. y Faires D. (1992). Análisis Numérico. México, D.F.: Iberoamérica
- ✓ BURDEN R. y Faires D. (2007). Análisis Numérico. México, D.F.: Iberoamérica
- ✓ NIEVES H. y Domínguez F. (1997). *Métodos Numéricos*. (2º edic.). México, D.F.: Continental
- ✓ CURTIS G. (1992). Análisis Numérico. México, D.F.: Ediciones Alfa y Omega
- ✓ CHAPRA S. (2007). *Métodos numéricos.* (2º edic.). Mexico: Mc Graw Hill
- ✓ INFANTE J. y Rey J. (2007). Métodos Numéricos/Numerical Methods: Teoría, problemas y prácticas con Matlab/Theory, Problems and Matlab Practices.
- ✓ INFANTE J. Y REY J. (2004). *Métodos Numéricos: Teoría, problemas y prácticas con Matlab (Ciencia y Técnica).*

#### Fuentes de consulta complementaria:

- ✓ Hanselman D. y Littlefield B. (1995) *MatLab*. España: Prentice Hall.
- ✓ www.uhu.es/cristobal.garcia/descargas/AnalisiNumericoITema3.pdf