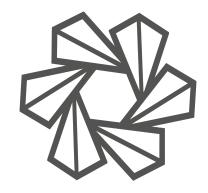
## Universidad Autónoma de Querétaro

Facultad de Ingeniería División de Investigación y Posgrado







# Reporte 3 Gradiente Descendente

Maestría en Ciencias en Inteligencia Artificial Optativa de especialidad II - Deep Learning

> Aldo Cervantes Marquez Expediente: 262775

Profesor: Dr. Sebastián Salazar Colores

Santiago de Querétaro, Querétaro, México Semestre 2022-2 15 de Agosto de 2022

## ${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Intro	oducción	1						
	1.1.	Regresión Lineal	1						
	1.2.	Forma Matricial de la Hipótesis de Ecuación Lineal	1						
	1.3.	Indicadores Estadísticos	2						
		1.3.1. Cálculo del error	3						
	1.4.	Gradiente Descendente	3						
	1.5.	Gradiente Descendiente con matrices	4						
	1.6.	Método de Mínimos Cuadrados	5						
2.	Just	ificación	5						
3.	Resu	ultados	6						
	3.1.	Visualización de datos	6						
		3.1.1. Advertising	6						
		3.1.2. Artículos	6						
	3.2.	Covarianza	7						
		3.2.1. Advertising	7						
		3.2.2. Artículos	7						
	3.3.	Correlación de Pearson	8						
		3.3.1. Advertising	8						
		3.3.2. Artículos	8						
	3.4.	Comparación de valores obtenidos en la regresión	8						
		3.4.1. Advertising	S						
		3.4.2. Artículos	10						
4.	Con	clusiones	11						
$\mathbf{R}_{\mathbf{c}}$	eferer	ncias	12						
5	Anevo: Programa completo en Google Colab								

## 1. Introducción

La presente práctica consiste en realizar regresión lineal y gradiente descendente para obtener el error menor posible mediante esta técnica y tener los valores que mejor se ajusten al modelo solicitado. Los modelos constan de dos bases de datos, archivadas con los nombres: advertising.csv y Articulos\_ml.csv. El primero consta de una tabla que muestra la inversión de la publicidad por distintos medios (televisión, radio y papel periódico) y sus ventas obtenidas [1]. El segundo consta de la popularidad de los artículos con base en sus palabras, cantidad de imágenes, cantidad de likes, comentarios, y la edad del artículo.

Todos los elementos teóricos de esta sección fueron obtenidos de [2, 3] y de los apuntes de la clase.

## 1.1. Regresión Lineal

Consiste en el uso de una función lineal (grado 1) para poder aproximar un conjunto de puntos relacionados entre sí (véase Figura 1).

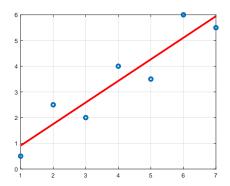


Figura 1: Regresión lineal

Obteniendo una ecuación de recta como se muestra a continuación.

$$h_{\theta}(x) = \theta_1 x + \theta_0 \tag{1}$$

Por lo que los parámetros a obtener son  $\theta_0$  y  $\theta_1$  con el fin de ajustar la pendiente y ordenada al origen de la recta.

Existen varios indicadores de la correlación de nuestra base de datos, en donde podremos observar que tan relacionadas se encuentran los datos antes de realizar el modelo.

## 1.2. Forma Matricial de la Hipótesis de Ecuación Lineal

Partiendo de la ecuación (1) podemos acomodar las variables  $\theta_0$  y  $\theta_1$  de la siguiente manera:

$$\theta = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{bmatrix} \tag{2}$$

Del mismo modo podemos agrupar las características de x en cualquier dimensión a partir de la siguiente matriz:

$$X = \begin{bmatrix} x_1^0 & x_1^1 & \dots & x_1^n \\ x_2^0 & x_2^1 & \dots & x_2^n \\ \vdots & & & & \\ \vdots & & & & \\ x_m^0 & x_m^1 & \dots & x_m^n \end{bmatrix}$$
(3)

Donde  $x_{1,2,3,...,n}^0$  es igual a 1 puesto que representa al termino independiente de la ecuación  $(\theta_0)$ . Por lo que generalizando y por producto de matrices, es posible simplificar la operación de la siguiente manera la hipótesis  $h_{\theta}$ :

$$h_{\theta} = \begin{bmatrix} x_1^0 & x_1^1 & \dots & x_1^n \\ x_2^0 & x_2^1 & \dots & x_2^n \\ \vdots & & & & \\ x_m^0 & x_m^1 & \dots & x_m^n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_0 \\ h_1 \\ \vdots \\ h_m \end{bmatrix}$$

$$(4)$$

#### 1.3. Indicadores Estadísticos

Primeramente se tiene la covarianza que indica una variación conjunta de los datos y se representa en la siguiente ecuación.

$$Cov(X,Y) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - E[X])(y_i - E[Y])$$
 (5)

Mientras su valor absoluto sea mayor, mayor correlación habrá, ya sea positiva o negativa (la pendiente de la rectas.

Posteriormente se tiene el coeficiente de correlación de Pearson, el cual normaliza los datos y se puede obtener un valor normalizado entre -1 y 1 donde 1 significa que hay una correlación positiva fuerte y -1 una correlación negativa fuerte, mientras se aproxima a 0 no existe correlación lineal entre los datos. Se representa mediante la siguiente ecuación.

$$\rho_{X,Y} = \frac{\sigma_{XY}}{\sigma_X \sigma_Y} = \frac{\text{Cov}(X,Y)}{\sqrt{\text{Var}(X) \text{Var}(Y)}}$$
(6)

donde:

- $\sigma_{XY}$  es la covarianza de (X,Y)
- $\bullet$   $\sigma_X$ es la desviación estándar de la variable X
- ullet  $\sigma_Y$  es la desviación estándar de la variable Y

#### 1.3.1. Cálculo del error

Existen criterios para observar que tan bueno es el ajuste hecho, y se basan en los errores residuales de los datos disponibles evaluados en los puntos que se tienen. Se tiene el error medio cuadrático (MSE), el cual se muestra a continuación.

$$J(\theta) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x_i) - y_i)^2$$
 (7)

También se tiene el error absoluto medio (MAE).

$$J(\theta) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} |h_{\theta}(x_i) - y_i|$$
 (8)

Donde  $h_0$  es la predicción realizada en el valor  $x_i$ 

La idea principal es minimizar este error a 0 y por lo tanto tener el mejor ajuste posible.

#### 1.4. Gradiente Descendente

El uso de gradiente descendente es método para obtener valores mínimos de funciones mediante el uso de criterios de derivadas (criterio de primera derivada) donde se sabe que los ceros (o raíces) de una función (véase Figura 2).

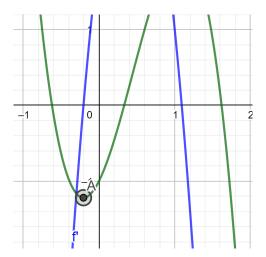


Figura 2: Criterio de derivada.

Como se observa, la función verde f(x) en el punto A se tiene un mínimo y en ese mismo punto se tiene en la función derivada azul f'(x) tiene un cruce con el eje x.

A continuación, se muestra un pseudocódigo del algoritmo desarrollado.

### Algoritmo 1 Proceso de gradiente descendiente.

#### Inicio

Valor arbitrario de  $\theta_0$  y  $\theta_1$ 

Repetir (hasta que se cumpla condicion de paro)

**Buscar** dirección  $\boldsymbol{v}$  de decrecimiento en el campo  $\boldsymbol{x}$ 

Variación valores de la dirección

 $x \to x + \varepsilon v$ 

Gráficamente se puede observar como la tasa de cambio de la derivada y su movimiento a través de la función desplazándose cierta cantidad de unidades hacia el mínimo (véase Figura 3).

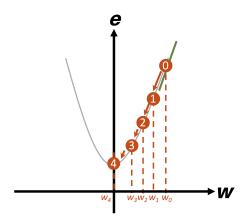


Figura 3: Criterio de derivada.

Matemáticamente y computacionalmente se puede definir la formula para un numero de épocas (iteraciones) determinado.

$$\theta_j := \theta_j - \alpha \frac{\partial}{\partial \theta_j} J(\theta) \tag{9}$$

donde  $\alpha$  es la taza de aprendizaje.

#### 1.5. Gradiente Descendiente con matrices.

En este caso se usará el gradiente descendiente con el criterio de minimizar la función de costo  $J(\theta)$  que será el MSE mencionado anteriormente.

Sabiendo la derivada de MSE se obtiene la ecuación (10)

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_0} \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_n} \end{bmatrix} = \frac{1}{m} (h_{\theta} - Y) X^T = \frac{1}{m} (X \cdot \theta - Y) X^T$$
(10)

La cual describe la derivada parcial con respecto a cada  $\theta_n$ . Debido a las operaciones matriciales, es más cómodo calcular para n dimensiones de  $\theta$ .

La formula completa implica el uso de la actualización de  $\theta$ , por lo que al agregarle el factor  $\alpha$  se obtiene la ecuación (11).

$$\begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} - \alpha \begin{bmatrix} \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_0} \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_1} \\ \vdots \\ \vdots \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_n} \end{bmatrix}$$
(11)

#### 1.6. Método de Mínimos Cuadrados

Este método permite obtener la distancia entre puntos de sus derivadas y se igualan a 0 para resolver un sistema de ecuaciones que se simplifican en las siguientes formulas.

$$a_1 = \frac{n\sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{n\sum x_i^2 - (\sum x_i)^2}$$
 (12)

$$a_0 = \bar{y} - a_1 \bar{x} \tag{13}$$

donde:

- $\bullet$  n es la cantidad de valores.
- ullet  $\bar{y}$  es la media aritmética de la variable dependiente.
- $\bar{x}$  es la media aritmética de la variable independiente.

## 2. Justificación

El uso del análisis de datos para conocer el comportamiento y hacer predicciones de los mismos se ha convertido en un tema de gran importancia para realizar acciones y tomas de decisiones importantes, y de esta manera, obtener resultados favorables para el problema que se esté resolviendo. Obteniendo una posibilidad de relacionar datos que tal vez, a simple vista, no se puede encontrar relación [4].

Estos métodos de regresión requieren de minimizadores y técnicas que permitan obtener los mejores parámetros de ajuste del modelo. Por lo que el uso de algoritmos de inteligencia artificial para minimizar los errores e incrementar la correlación entre los elementos, es una opción viable y el algoritmo de gradiente descendente es útil para la resolución de problemas lineales con una variable independiente.

### 3. Resultados

Los resultados se observan de manera más concreta con en el anexo del código. Sin embargo, se mostrarán los resultados de los análisis estadísticos de las dos bases de datos con una corta interpretación de los mismos.

#### 3.1. Visualización de datos

En esta parte se muestran los diagramas de dispersión de las dos bases de datos, en la base de datos de Advertising (Figura 4) se grafican las variables con respecto de 'Sales'. En el diagrama de dispersión de la base de datos Artículos (Figura 5) se grafican las variables con respecto a la variable # Shares.

#### 3.1.1. Advertising

En la Figura 4 se observa por simple inspección que las primeras dos graficas (TV vs Sales y Radio vs Sales) tienen cierta tendencia a la alza conforme se incrementa el eje x (una relación positiva). Sin embargo en la gráfica de Newspaper vs Sales se observa poca o nula correlación entre las variables.

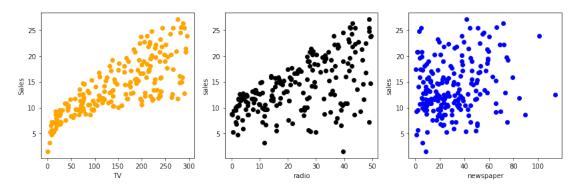


Figura 4: Diagrama de dispersión advertising.

#### 3.1.2. Artículos

En la Figura 5 se observa por simple inspección una nula correlación de los datos y mucha dispersión de los mismos.

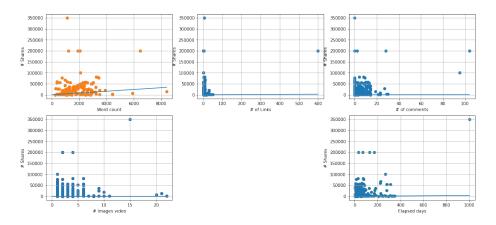


Figura 5: Diagrama de dispersión artículos.

#### 3.2. Covarianza

Para el calculo de este indicador fue necesario aplicar la ecuación (5) y se realizaron tablas para poder observar variable a variable sus correlaciones de una manera ordenada.

#### 3.2.1. Advertising

En la Tabla 1 se observa que los valores entre las mismas variables son bastante altos, a excepción de Sales, sin embargo esto es lógico debido a que al compararse entre las mismas debe haber una relación 1:1. Ente las demás variables con respecto a Sales se observa que únicamente TV tiene una covarianza alta. Aun así, no es concluyente saber si las covarianzas implican una fuerte correlación.

	TV	Radio	Newspaper	Sales
TV	7370.9498	69.8624	105.9194	350.3901
Radio	69.8624	220.4277	114.4969	44.6356
Newspaper	105.91945	114.4969	474.3083	25.9413
Sales	350 3901	44 6356	25 9413	27 2218

Tabla 1: Covarianza de las variables de Advertising.

#### 3.2.2. Artículos

De igual manera, en la Tabla 2 se observa que los valores entre las mismas variables son demasiado altos, además de que las covarianzas de las variables con # Shares es muy alto, por lo que se esperaría una buena correlación entre variables independientes y la dependiente. Sin embargo, esto aún no es concluyente para saber lo bien que la propuesta de modelo puede ajustarse.

	Word count	# of Links	# of comments	# Images video	Elapsed days	# Shares
Word count	1303979.8815	18716.6434	1533.877	1810.273	-21851.3013	7025616.2211
# of Links	18716.6434	2234.6065	67.4285	3.40733	319.7388	591633.7413
# of comments	1533.8777	67.4285	150.5486	-1.3751	52.7640	143677.2432
# Images video	1810.2739	3.4073	-1.3751	11.6847	82.0598	9224.9277
Elapsed days	-21851.3013	319.7388	52.7640	82.0598	13073.0719	1614728.9877
# Shares	7025616.2211	591633.731	143677.2432	9224.9277	1614728.9877	1884255057.70

Tabla 2: Covarianza de las variables de Artículos.

#### 3.3. Correlación de Pearson

Con la formula de la ecuación (6) fue posible obtener los siguientes diagramas (véase Figuras 6 y 7).

#### 3.3.1. Advertising

Como se observa en la Figura 6 fue posible apreciar la alta correlación entre TV y Sales y una correlación muy baja con Newspaper, esto permitirá darnos una idea de los resultados del ajuste. La correlación entre las variables independientes (TV, Radio, Newspaper) es prácticamente nula tendiendo a 0.

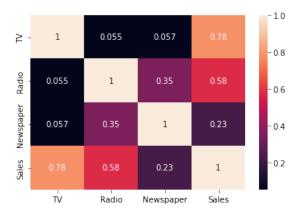


Figura 6: Diagrama de calor de las variables de advertising.

#### 3.3.2. Artículos

En la Figura 7 se obseva una correlación muy pequeña entre todas las variables con respecto a # Shares siendo el mayor 0.33, algo muy pequeño comparado con la otra base de datos, por lo que se puede decir que no se podrá ajustar el modelo tan bien como en la otra base de datos.

## 3.4. Comparación de valores obtenidos en la regresión

Cabe mencionar que manualmente fueron ajustados los datos observando los errores como se comportaban conforme se iban moviendo. Las tablas cuentan con apartados de cada método utilizado,

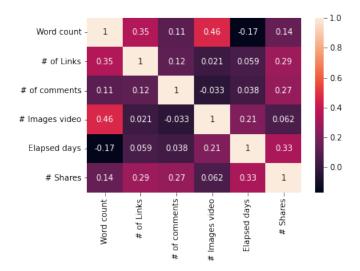


Figura 7: Diagrama de calor de las variables de artículos.

en este caso se utilizó el método de mínimos cuadrados como comparativa alterna a una estimación de la reducción de la función de coste.

Mediante la ecuación (9) de aplicaron las derivadas parciales y se obtuvieron las siguientes ecuaciones.

Tomando en cuenta que:  $h_{\theta}(x) = \theta_1 x + \theta_0$ 

#### Derivadas Parciales de MSE

$$\theta_0 := \theta_0 - \alpha \frac{1}{2m} \frac{\partial}{\partial \theta_0} \sum_{i=1}^m |h_\theta(x_i) - y_i| \tag{14}$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{1}{2m} \frac{\partial}{\partial \theta_1} \sum_{i=1}^m |h_{\theta}(x_i) - y_i|$$
(15)

#### Derivadas Parciales de MAE

$$\theta_0 := \theta_0 - \alpha \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m \frac{h_\theta(x_i) - y_i}{|h_\theta(x_i) - y_i|}$$
(16)

$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m \frac{h_{\theta}(x_i) - y_i}{|h_{\theta}(x_i) - y_i|}$$
(17)

#### 3.4.1. Advertising

Para  $\alpha$ =0.001 comparado con los otros métodos Tabla 3.

Tabla 3: Resultados de MSE y MAE con  $\alpha = 0.001$  y comparado con otros métodos.

TV vs Sales								
	Manual	Gradiente	Mínimos					
	Manuai	Descendiente	cuadrados					
$\theta_0$	0.05	0.05	7.03259					
$ heta_1$	0.07	0.07	0.0475					
iteraciones n	-	500	-					
Taza de								
aprendizaje	-	0.001	-					
α								
MSE	13.8761	13.8761	5.2563					
$\theta_0$	0.05	6.3058	7.03259					
$\theta_1$	0.07	0.0521	0.0475					
iteraciones n	-	1000	-					
MAE	2.3473	1.26847	1.2749					

Radio vs Sales								
	Manual	Gradiente	Mínimos					
	Mailuai	Descendiente	cuadrados					
$\theta_0$	7	9.31	9.3116					
$ heta_1$	0.27	0.2034	0.20249					
iteraciones n		400	-					
Taza de								
aprendizaje	-	0.001	-					
α								
MSE	9.820	9.0465	9.0461					
$\theta_0$	7	9.7928	9.3116					
$\theta_1$	0.27	0.2235	0.20249					
iteraciones n	-	500	-					
MAE	1.8139	1.6195	1.6601					

		Newspaper vs Sales						
	Manual	Gradiente	mínimos					
	Mailuai	Descendiente	cuadrados					
$\theta_0$	5	12.6584	12.3514					
$\theta_1$	0.3	0.04721	0.0546					
iteraciones n	-	4000	-					
Taza de								
aprendizaje	-	0.001	-					
α								
MSE	27.0468	12.6584	12.83701					
$\theta_0$	5	10.6069	12.3514					
$\theta_1$	0.3	0.08515	0.0546					
iteraciones n	-	3000	-					
MAE	2.8329	2.0464	2.07327					

## Para $\alpha$ =0.01 y $\alpha$ =0.1

Tabla 4: Resultados de MSE y MAE con  $\alpha = 0.01$  y  $\alpha = 0.1$ .

TV vs Sales							
	Gradiente	Gradiente					
	Descendiente	Descendiente					
$\theta_0$	0.05	0.7					
$ heta_1$	0.07	0.01					
iteraciones n	500	100					
Taza de aprendizaje	0.01	0.1					
α							
MSE	13.8761	80.6590					
$\theta_0$	0.77	0.034					
$ heta_1$	0.07516	0.04					
iteraciones n	1000	1000					
MAE	1.9805	4.0533					

Radio vs Sales						
	Gradiente	Gradiente				
	Descendiente	Descendiente				
$ heta_0$	7	0.7726				
$ heta_1$	0.27	0.43142				
iteraciones n	800	400				
Taza de aprendizaje	0.01	0.1				
α						
MSE	9.04652	19.955				
$\theta_0$	9.6917	12.83927				
$\theta_1$	0.2275	0.11596				
iteraciones n	500	500				
MAE	1.6194	1.87285				

Newspaper vs Sales							
	Gradiente	Gradiente					
	Descendiente	Descendiente					
$ heta_0$	0.9714	0.65302					
$ heta_1$	0.16875	0.32826					
iteraciones n	500	500					
Taza de aprendizaje	0.01	0.1					
α							
MSE	47.0730	36.07408					
$\theta_0$	12.6456	13.00891					
$\theta_1$	0.0370	0.04511					
iteraciones n	500	500					
MAE	2.07428	2.1007					

#### 3.4.2. Artículos

TV vs Sales Radio vs Sales Newspaper vs Sales Gradiente Gradiente Gradiente Gradiente Gradiente Gradiente Descendiente Descendiente Descendiente Descendiente Descendiente Descendiente 0.9714 0.65302  $\theta_0$ 0.05 0.77260.27 0.07 0.01 0.43142 0.16875 0.32826  $\theta_1$  $\theta_1$ 500 100 800 400 500 500 iteraciones niteraciones niteraciones n0.01 0.01 0.1 Taza de aprendizaje 0.01 0.1 Taza de aprendizaje 0.1 Taza de aprendizaje MSE 13.8761 80.6590 MSE 9.04652 19.955 MSE 47.0730 36.07408 0.77 0.034 9.6917 12.83927 12.6456 13.00891  $\theta_0$  $\theta_0$  $\theta_0$ 0.07516 0.2275 0.11596 0.0370 0.04511 0.04  $\theta_1$  $\theta_1$  $\theta_1$ 1000 1000 500 500 500 500 iteraciones niteraciones niteraciones n1.87285 1.9805 2.07428 2.1007 4.0533 1.6194 MAE MAE MAE

Tabla 5: Resultados de MSE y MAE con  $\alpha = 0.01$  y  $\alpha = 0.1$ .

Tabla 6: Resultados de MSE y MAE con  $\alpha = 0.001$  en base de datos de artículos.

	Word count vs # Shares				# of Link	s vs # Shares			# of comme	nts vs # Shares	
	Manual	Gradiente	Mínimos		Manual	Gradiente	Mínimos		Manual	Gradiente	mínimos
		Descendiente	cuadrados			Descendiente	cuadrados			Descendiente	cuadrados
$\theta_0$	4	0.56462	18205.753	$\theta_0$	15	20512.028	25369.8186	$\theta_{0}$	10	22489.1972	21232.27
$\theta_1$	14	0.526300	5.3878256	$\theta_1$	100	275.7189	264.759	$\theta_1$	100	1068.292	954.35786
iteraciones n	-	1000	-	iteraciones n	-	100	-	iteraciones n		100	-
Taza de aprendizaje α	-	0.001	-	Taza de aprendizaj e α	-	0.001	-	Taza de aprendizaj e α	-	0.001	-
MSE	968979423.043 4	1297175239.60	917466962.77	MSE	1251989102.10 2	869861511.48	858441882.61 3	MSE	1293607682.5 8	871232088.35 2	868141888.3 3
$\theta_0$	4	0.324004	18205.753	$\theta_0$	15	37.15386	25369.8186	$\theta_0$	10	253.2806	21232.27
$\theta_1$	14	9.07553	5.3878256	$\theta_1$	100	334.2224	264.759	$\theta_1$	100	1473.8691	954.35786
iteraciones n	-	100	-	iteraciones n	-	500	-	iteraciones n	-	1500	-
MAE	11961.695	11546.92	12294.816	MAE	13568.499	12834.96127	238297.0974	MAE	13665.217	12102.95794	859505.9579
MIME	11/01.0/3	11340.72	122/4.010	MAL	13300.477	12034.70127	230271.0714	MIAL	13003.217	12102.73174	037303.7317
	# T	ideo vs # Shares		Elapsed days vs # Shares				•			
	# Images v			Elapsed days vs # Shares							
	Manual	Gradiente	Mínimos		Manual	Gradiente	Mínimos				
		Descendiente	cuadrados			Descendiente	cuadrados				
$\theta_0$	4000	1123.7842	25050.2914	$\theta_0$	800	0.423051	15828.4705				
$\theta_1$	-1000	4136.49876	789.4874	$\theta_1$	250	0.44598	123.5156				
iteraciones n	-	10	-	iteraciones n	-	100	-				
Taza de aprendizaje α	-	0.001	-	Taza de aprendizaj e α	-	0.001	-				

944522033.76

800

61.57293

MSE

 $\theta_0$ 

837173046.71

15828.4705

## 4. Conclusiones

MSE

 $\theta_0$ 

986368778,795

4000

-1000

1065447269.59

2500

932656940.72

25050.2914

789.4874

El uso del método de gradiente descendiente permitió disminuir los valores de la función de coste y se observaron varios puntos que fueron de interés al momento de realizar la práctica:

- 1. Se observó que se obtenian resultados más estables si  $\alpha$  era un valor aun más pequeño
- 2. Si se disminuye la tasa de aprendizaje, entonces se debe aumentar la cantidad de épocas o iteraciones

- 3. El punto inicial (es decir  $\theta_{0inicial}, \theta_{1inicial}$ ) influye mucho en la cantidad de épocas necesarias para llegar a una solución semejante a que si iniciara mas cerca (numéricamente) a que si se pusieran los resultados manuales y en el resultado final.
- 4. En la base de datos de Articulos habían datos que estaban como nan entonces se decidió llenar esos espacios vacíos con 0. Sin embargo, también era una opción viable eliminar las filas o intercambiar los valores por el promedio de la columna. Por lo tanto el resultado se podría ver afectado.
- 5. En los casos con poca correlación de Pearson, se observó que las funciones MSE y MAE fueron muy altas debido a las no linealidades de los conjuntos de datos.
- 6. El algoritmo cuando tiende a oscilar, es decir, que el comportamiento de MSE o MAE a lo largo de las épocas es muy variable, se optó por tomar el valor menor se la sucesión. De este modo al meno se aseguraba tener el valor menor de todos los valores calculados.
- 7. En comparación con calcular manualmente los valores, es mas fiable este método siempre y cuando se conozcan los coeficientes de Pearson y considero, que ese valor es muy útil para saber que tan bien podrá ajustarse la recta al conjunto de puntos.
- 8. En comparación con el método de mínimos cuadrados, creo que hay mucho parentesco en cuanto a su uso, pero el algoritmo de gradiente descendiente tiene la ventaja de que puede obtener diferentes resultados, que pueden ser mejores que los calculados por los mínimos cuadrados, por lo que considero mas flexible al algoritmo de gradiente descendiente.

## Esta práctica es un complemento de la practica 2, por lo que se añadirán un par de conclusiones extra.

- 1. El uso de matrices reduce ampliamente las líneas de código, así como también evita ocupar ciclos for para los cálculos.
- 2. Es posible añadir más variables independientes y de este modo, se incrementan las  $\theta$  solución, por lo que es más facil visualizar y aplicar los conceptos anteriormente mencionados.
- 3. Se obtuvieron los mismos resultados que programándolo con funciones.
- 4. Los programas se encuentran en la Notebook anexa y en el anexo de código, donde se muestra como se aplicaron las formulas. Uno para evaluar la función y la otra para realizar el gradiente descendiente.

## Referencias

[1] "Conjunto de datos Advertising.csv: analiza la relación entre la inversión en medios publicitarios y las ventas - programador clic." https://programmerclick.com/article/7701963942/.

- [2] "Introducción a Machine Learning." https://unidad.gdl.cinvestav.mx/doc/investigacion/computacion/Introduccion-Machine-Learning.pdf.
- [3] S. C. Chapra, R. P. Canale, and ProQuest, *Métodos numéricos para ingenieros*. Distrito Federal: McGraw-Hill Interamericana, 5 ed., 2007. OCLC: 1105521785.
- [4] J. Gil, "Tableau: La importancia del análisis de datos." https://www.hiberus.com/crecemos-contigo/tableau-la-importancia-del-analisis-de-datos/, Feb. 2021.

## regresión lineal con matrices

August 22, 2022

Coodigo de covarianza relacion lineal

```
[2]: from google.colab import drive drive.mount('/content/drive', force_remount=True)
```

Mounted at /content/drive

```
[3]: import pandas as pd, numpy as np
data = pd.read_csv('/content/drive/MyDrive/Programacion/Practica_regresion/

→Advertising.csv')

print(data) # comentario
```

```
Unnamed: 0
                     TV
                         Radio
                                Newspaper
                                            Sales
0
              1 230.1
                          37.8
                                      69.2
                                             22.1
               2
                  44.5
                                      45.1
1
                          39.3
                                             10.4
2
               3
                                      69.3
                  17.2
                          45.9
                                              9.3
3
              4 151.5
                          41.3
                                      58.5
                                             18.5
              5 180.8
4
                          10.8
                                      58.4
                                             12.9
                   . . .
                           . . .
                                       . . .
                                              . . .
            . . .
                   38.2
                                      13.8
                                              7.6
195
            196
                           3.7
196
            197
                   94.2
                           4.9
                                       8.1
                                              9.7
                                       6.4
                                             12.8
197
            198 177.0
                           9.3
                                      66.2
198
            199 283.6
                          42.0
                                             25.5
            200 232.1
                           8.6
                                       8.7
                                             13.4
199
```

[200 rows x 5 columns]

```
[4]: import matplotlib.pyplot as plt

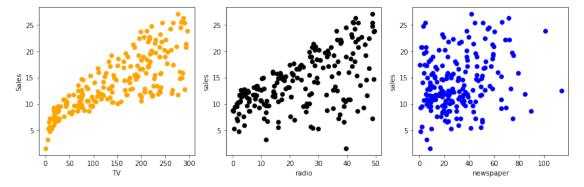
plt.figure(figsize=(14,4))

plt.subplot(1,3,1)
plt.scatter(data['TV'], data['Sales'], color='orange')
plt.xlabel('TV')
plt.ylabel('Sales')

plt.subplot(1,3,2)
```

```
plt.scatter(data['Radio'], data['Sales'], color = 'black')
plt.xlabel('radio')
plt.ylabel('sales')

plt.subplot(1,3,3)
plt.scatter(data['Newspaper'], data['Sales'], color = 'blue')
plt.xlabel('newspaper')
plt.ylabel('sales')
plt.show()
```



La regresión lineal encuentra los parámetros de la línea que mejor se ajusta a los datos, es decir, la pendiente  $(\theta_1)$  y la constante o intercepto  $(\theta_0)$  en este caso.

$$h_{\theta}(x) = \theta_1 x + \theta_0$$

La covarianza entre dos variables aleatorias X e Y se define como:

$$Cov(X,Y) = E[(X - E[X])(Y - E[Y])$$

Dado que las variables aleatorias X e Y son discretas y están definidas como  $X = \{x_1, x_2, ..., x_n\}$  y  $Y = \{y_1, y_2, ..., y_n\}$  con igual probabilidad para todos sus elementos entonces la covarianza se puede definir como:

$$Cov(X,Y) = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - E[X])(y_i - E[Y])$$

```
[5]: col_namesx=['TV','Radio','Newspaper']

def covarianza(a,b):
    sum=0
    for i in range(len(a)):
        sum=sum+ (a[i]-a.mean())*(b[i]-b.mean())
```

```
res=sum/len(a)
       return res
     print(covarianza(data['TV'],data['Sales']))
     print(covarianza(data['Radio'],data['Sales']))
     print(covarianza(data['Newspaper'],data['Sales']))
     print('Función----')
     from numpy import cov
     for col in col_namesx:
       print(np.cov(data[col],data['Sales'],bias=True)[0,1])
    348.6382437499999
    44.412509999999976
    25.811684999999997
    Función-----
    348.63824374999996
    44.412509999999976
    25.811684999999997
    Todos con todos
[6]: col_namesxy=['TV','Radio','Newspaper','Sales']
     cov_todos=np.array([['
                             ']+col_namesxy])
     #print(cov_todos)
     #f=pd.DataFrame(m, columns=[col_namesx])
     for col in col_namesxy:
       #fila=[]
      fila=[col]
      for colm in col_namesxy:
        fila.append(cov(data[col],data[colm],bias=False)[0,1])
         #print(fila)
       cov_todos=np.append(cov_todos,[fila],axis=0)
     r=pd.DataFrame(cov_todos)
     print(r)
               0
                                   1
                                                       2
                                                                           3
                                                  Radio
    0
                                  TV
                                                                  Newspaper
    1
              TV
                   7370.949893216087
                                       69.8624924623115 105.91945226130643
    2
                   69.8624924623115 220.42774271356785 114.49697889447243
           Radio
    3
      Newspaper 105.91945226130643 114.49697889447243 474.30832562814095
    4
           Sales 350.39019472361804 44.635688442211034 25.94139195979899
                        4
    0
                    Sales
      350.39019472361804
    1
    2
      44.635688442211034
        25.94139195979899
```

#### 4 27.22185301507536

#### 1 Pearson correlación

Dado un par de variables aleatorias (X,Y), el coeficiente de correlación poblacional de Pearson (también denotado por  $\rho_{X,Y}$ ) se define como

$$\rho_{X,Y} = \frac{\sigma_{XY}}{\sigma_X \sigma_Y} = \frac{\text{Cov}(X,Y)}{\sqrt{\text{Var}(X) \text{Var}(Y)}}$$

donde

- $\sigma_{XY}$  es la covarianza de (X,Y)
- ullet  $\sigma_X$  es la desviación estándar de la variable X
- $\sigma_Y$  es la desviación estándar de la variable Y

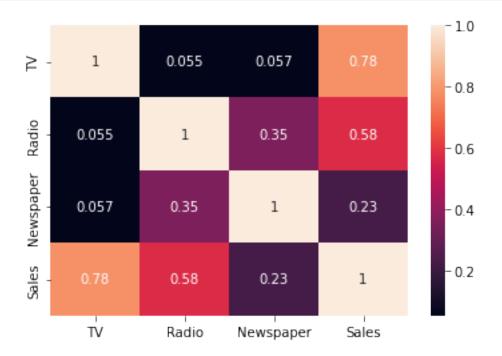
```
[7]: import seaborn as sns
def pearson(x,y):
    p=(cov(x,y)[0,1])/((np.std(x))*(np.std(y)))
    return p

for c in col_namesx:
    print(c,pearson(data[c],data['Sales']))

sns.heatmap(data[col_namesxy].corr(),annot=True)
```

TV 0.786155200865936 Radio 0.5791181653980452 Newspaper 0.22944625766448773

[7]: <matplotlib.axes.\_subplots.AxesSubplot at 0x7f40155cfb10>



## 2 Error cuadrático medio (MSE) y Error Absoluto Medio (MAE)

En nuestro caso función de costo es una función que calcula el error entre los valores de ventas (objetivo) predichos por nuestra hipótesis h y la publicidad realizada en TV, radio o periódicos en el conjunto de entrenamiento.

• Error Cuadrático Medio (MSE, por sus sigles en inglés)

$$J(\theta) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x_i) - y_i)^2$$

• Error Absoluto Medio (MAE, por sus sigles en inglés)

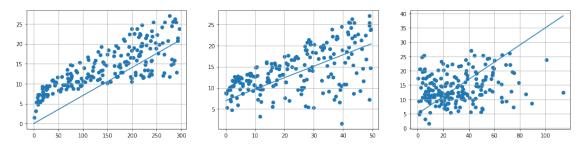
$$J(\theta) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} |h_{\theta}(x_i) - y_i|$$

Aquí h es el valor predicho por nuestro modelos m es el número de muestras.

```
[8]: t1=0.05
t2=0.07
def hipotesis(x,t0,t1):
    return t1*x +t0
def MSE(x,y,t1,t2): #Error Cuadratico Medio
    j0=0
    for i in range(len(x)):
```

```
j0=j0+((hipotesis(x[i],t1,t2))-y[i])**2
  j0=j0*(1/(2*len(x)))
  return j0
def MAE(x,y,t1,t2): #error absoluto medio
  j0=0
  for i in range(len(x)):
    j0=j0+abs((hipotesis(x[i],t1,t2))-y[i])
  j0=j0*(1/(2*len(x)))
  return j0
#costo cal costo
def plotpl(X,Y,t1,t0):
  x=np.linspace(0,X.max(),len(X))
  plt.scatter(X,Y)
  plt.plot(x,hipotesis(x,t1,t0))
  plt.grid()
plt.figure(figsize=(18,4))
plt.subplot(1,3,1)
plotpl(data['TV'],data['Sales'],t1,t2)
print('TV vs Sales')
print('MSE= ',MSE(data['TV'],data['Sales'],t1,t2))
print('MAE= ',MAE(data['TV'],data['Sales'],t1,t2))
plt.subplot(1,3,2)
t0r=7
t1r=0.27
print('Radio vs Sales')
print('MSE= ',MSE(data['Radio'],data['Sales'],t0r,t1r))
print('MAE= ',MAE(data['Radio'],data['Sales'],t0r,t1r))
plotpl(data['Radio'],data['Sales'],t0r,t1r)
plt.subplot(1,3,3)
t0n=5
t1n=0.3
print('Newspaper vs Sales')
print('MSE= ',MSE(data['Newspaper'],data['Sales'],t0n,t1n))
print('MAE= ',MAE(data['Newspaper'],data['Sales'],t0n,t1n))
plotpl(data['Newspaper'],data['Sales'],t0n,t1n)
TV vs Sales
MSE= 13.876180027499993
MAE= 2.3473775000000003
Radio vs Sales
MSE= 9.820615985
MAE= 1.813900000000005
Newspaper vs Sales
```

MSE= 27.04684649999998 MAE= 2.8329500000000003



#### 3 Mínimos cuadrados

```
[9]: def min_cuad(x,y):
    n=len(x)
    x_sum=sum(x)
    y_sum=sum(y)
    xy_sum=sum(x.mul(y))
    x2_sum=sum(x.mul(x))
    a1=((n*xy_sum)-(x_sum*y_sum))/((n*x2_sum)-(x_sum)**2)
    a0=y.mean()-(a1*x.mean())
    return [a0,a1]
```

#### Minimos cuadrados advertising

```
[10]: r_adv=min_cuad(data['TV'],data['Sales'])
      print(r_adv)
      print(MSE(data['TV'],data['Sales'],r_adv[0],r_adv[1]))
      print(MAE(data['TV'],data['Sales'],r_adv[0],r_adv[1]))
      r_adv=min_cuad(data['Radio'],data['Sales'])
      print(r_adv)
      print(MSE(data['Radio'],data['Sales'],r_adv[0],r_adv[1]))
      print(MAE(data['Radio'],data['Sales'],r_adv[0],r_adv[1]))
      r_adv=min_cuad(data['Newspaper'],data['Sales'])
      print(r_adv)
      print(MSE(data['Newspaper'],data['Sales'],r_adv[0],r_adv[1]))
      print(MAE(data['Newspaper'],data['Sales'],r_adv[0],r_adv[1]))
     [7.032593549127709, 0.04753664043301965]
     5.2563264578283775
     1.274903019463743
     [9.31163809515829, 0.20249578339243937]
     9.046198872562716
```

4

Gradiente desendiente

#### 5 Uso de Gradiente Desendiente TV vs Sales

La intencion es minimizar la función de coste para poder obtener un mejor ajuste MSE algoritmo de gradiente desendiente

$$\theta_0 := \theta_0 - \alpha \frac{1}{2m} \frac{\partial}{\partial \theta_0} \sum_{i=1}^m (h_\theta(x_i) - y_i)^2$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{1}{2m} \frac{\partial}{\partial \theta_1} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x_i) - y_i)^2$$

Tomando en cuenta que:

$$h_{\theta}(x) = \theta_1 x + \theta_0$$

entonces resulta:

$$\theta_0 := \theta_0 - \frac{\alpha}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x_i) - y_i)$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \frac{\alpha}{m} \sum_{i=1}^m (h_{\theta}(x_i) - y_i) x_i$$

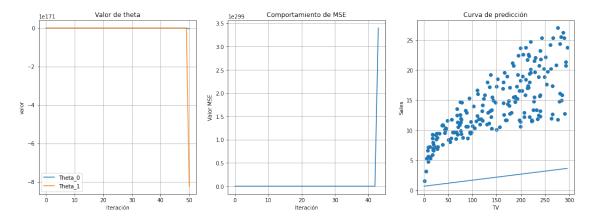
```
[11]: #Uso de gradiente descendiente COLOCAR TITULOS Y EJES
import random
alpha=0.1
theta1=0
t0=0.7
t1=0.01
def gradiente_mse(alfa,x,y,iteraciones,t0,t1):

t0_list=[]
```

```
t1_list=[]
  t0_list.append(t0)
 t1_list.append(t1)
  it=[]
  it.append(0)
  error_c=[]
 gd0 = 0
 gd1=0
 m=len(x)
  error_c.append(MSE(x,y,t0,t1))
 for i in range(1,iteraciones+1):
    for j in range(len(x)):
      gd1=gd1+((hipotesis(x[j],t0,t1)-y[j])*x[j])
      gd0=gd0+(hipotesis(x[j],t0,t1)-y[j])
    it.append(i)
    t0=t0-((alpha/m)*gd0)
    t1=t1-((alpha/m)*gd1)
    t0_list.append(t0)
    t1_list.append(t1)
    error_c.append(MSE(x,y,t0,t1))
 return [it,t0_list,t1_list,error_c]
resulgd=gradiente_mse(alpha,data['TV'],data['Sales'],50,t0,t1)
#print()
itr=resulgd[0]
t0_r=resulgd[1]
t1_r=resulgd[2]
mse_r=resulgd[3]
plt.figure(figsize=(18,6))
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MSE')
plt.title('Comportamiento de MSE')
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:8: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

El minimo encontrado fue un MSE de: 80.65903509750002 Con un t0= 0.7 Con un t1= 0.01



### 6 Uso de Gradiente descendiente TV vs Sales

MAE

$$\theta_0 := \theta_0 - \alpha \frac{1}{2m} \frac{\partial}{\partial \theta_0} \sum_{i=1}^m |h_{\theta}(x_i) - y_i|$$

$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{1}{2m} \frac{\partial}{\partial \theta_1} \sum_{i=1}^m |h_{\theta}(x_i) - y_i|$$

Tomando en cuenta que:

$$h_{\theta}(x) = \theta_1 x + \theta_0$$

entonces resulta:

$$\theta_0 := \theta_0 - \alpha \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m \frac{h_{\theta}(x_i) - y_i}{|h_{\theta}(x_i) - y_i|}$$

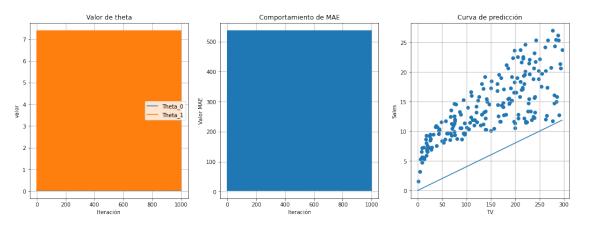
$$\theta_1 := \theta_1 - \alpha \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^m \frac{h_{\theta}(x_i) - y_i}{|h_{\theta}(x_i) - y_i|} x_i$$

```
[12]: import random
      alpha=0.1
      theta1=0
      t0=0.034#0.05
      t1=0.04#0.07
      def gradiente_mae(alfa,x,y,iteraciones,t0,t1):
        t0_list=[]
        t1_list=[]
        t0_list.append(t0)
        t1_list.append(t1)
        it=[]
        it.append(0)
        error_c=[]
        gd0 = 0
        gd1=0
        m=len(x)
        error_c.append(MAE(x,y,t0,t1))
        for i in range(1,iteraciones+1):
          for j in range(len(x)):
            gd1=gd1+(((hipotesis(x[j],t0,t1)-y[j])/
       \hookrightarrow (abs(hipotesis(x[j],t0,t1)-y[j])))*x[j])
            gd0=gd0+(((hipotesis(x[j],t0,t1)-y[j]))/(abs(hipotesis(x[j],t0,t1)-y[j])))
          it.append(i)
          t0=t0-((alpha/(2*m))*gd0)
          t1=t1-((alpha/(2*m))*gd1)
          t0_list.append(t0)
          t1_list.append(t1)
          error_c.append(MAE(x,y,t0,t1))
        return [it,t0_list,t1_list,error_c]
      resulgd=gradiente_mae(alpha,data['TV'],data['Sales'],1000,t0,t1) #
```

```
#print()
itr=resulgd[0]
t0_r=resulgd[1]
t1_r=resulgd[2]
mae_r=resulgd[3]
plt.figure(figsize=(18,6))
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MAE')
plt.title('Comportamiento de MAE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(data['TV'],data['Sales'],t0_r[mae_r.index(min(mae_r))],t1_r[mae_r.
 →index(min(mae_r))])
plt.xlabel('TV')
plt.ylabel('Sales')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MAE de: ',min(mae_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mae_r.index(min(mae_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
El minimo encontrado fue un MAE de: 4.05339999999997
Con un t0= 0.034
```

Con un t1= 0.04

25



#### 7 Uso de Gradiente descendiente

MSE Radio vs sales

```
[13]: alpha=0.1
      t0r=random.random()#7
      t1r=random.random()#0.27
      resulgd=gradiente_mse(alpha,data['Radio'],data['Sales'],400,t0r,t1r)
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mse_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(18,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('Valor MSE')
      plt.title('Comportamiento de MSE')
      plt.grid()
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:8: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

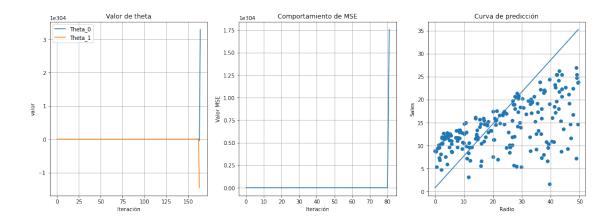
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:4: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

after removing the cwd from sys.path.

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

El minimo encontrado fue un MSE de: 39.92837007399209 Con un t0= 0.8288557834800366 Con un t1= 0.6941945115745622



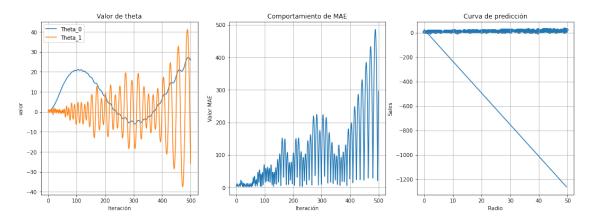
#### Gradiente decendiente

MAE Radio vs sales

```
[14]: alpha=0.1 t0r=random.random()#7
```

```
t1r=random.random()#0.27
resulgd=gradiente_mae(alpha,data['Radio'],data['Sales'],500,t0r,t1r) #
#print()
itr=resulgd[0]
t0_r=resulgd[1]
t1_r=resulgd[2]
mae_r=resulgd[3]
plt.figure(figsize=(18,6))
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MAE')
plt.title('Comportamiento de MAE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(data['Radio'],data['Sales'],t0_r[-1],t1_r[-1])
plt.xlabel('Radio')
plt.ylabel('Sales')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MAE de: ',min(mae_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mae_r.index(min(mae_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
```

El minimo encontrado fue un MAE de: 1.6469923431580864 Con un t0= 8.5337278187935 Con un t1= 0.2731191641043418



## 8 Uso del gradiente descendiente

MSE Newspaper vs sales

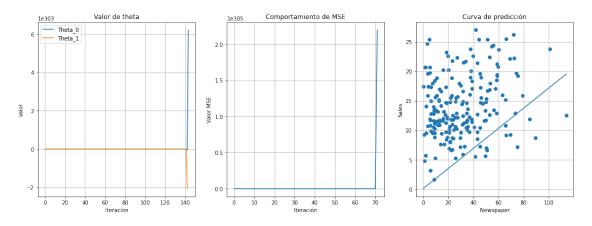
```
[15]: alpha=0.1
      t0n=random.random()#5
      t1n=random.random()#0.3
      resulgd=gradiente_mse(alpha,data['Newspaper'],data['Sales'],500,t0n,t1n)
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mse_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(18,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('Valor MSE')
      plt.title('Comportamiento de MSE')
      plt.grid()
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:8: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

El minimo encontrado fue un MSE de: 53.93363546867626Con un t0= 0.10114318338599904Con un t1= 0.17057851279892167



#### Uso de Gradiente decendiente

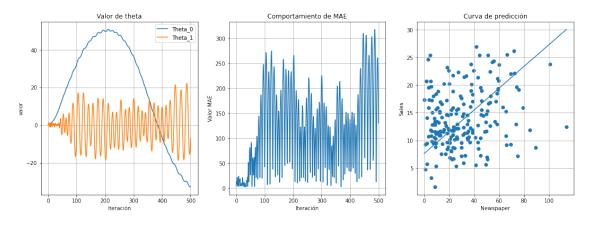
MAE Newspaper vs Sales

```
[16]: alpha=0.1
t0n=random.random() #5
t1n=random.random() #0.3
```

30

```
resulgd=gradiente_mae(alpha,data['Newspaper'],data['Sales'],500,t0n,t1n) #
#print()
itr=resulgd[0]
t0_r=resulgd[1]
t1_r=resulgd[2]
mae_r=resulgd[3]
plt.figure(figsize=(18,6))
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MAE')
plt.title('Comportamiento de MAE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(data['Newspaper'],data['Sales'],t0_r[mae_r.index(min(mae_r))],t1_r[mae_r.
→index(min(mae_r))])
plt.xlabel('Newspaper')
plt.ylabel('Sales')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MAE de: ',min(mae_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mae_r.index(min(mae_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
```

El minimo encontrado fue un MAE de: 2.308489014157994 Con un t0= 7.621018093855884 Con un t1= 0.19705008321323914



#### 9 Base de datos articulos

Analisis estadistico

```
[17]: art=pd.read_csv('/content/drive/MyDrive/Programacion/Practica_regresion/
      →articulos_ml.csv')
      print(art)
      art['Word count'] = art['Word count'].fillna(0) #se llena con 0 los nan values
      art['# of Links'] = art['# of Links'].fillna(0)
      art['# of comments'] = art['# of comments'].fillna(0)
      art['# Images video'] = art['# Images video'].fillna(0)
      art['Elapsed days'] = art['Elapsed days'].fillna(0)
      art['# Shares'] = art['# Shares'].fillna(0)
                                                       Title \
     0
          What is Machine Learning and how do we use it ...
           10 Companies Using Machine Learning in Cool Ways
     1
          How Artificial Intelligence Is Revolutionizing...
     2
     3
          Dbrain and the Blockchain of Artificial Intell...
          Nasa finds entire solar system filled with eig...
     4
     156
          [Log] 83: How Google Uses Machine Learning And...
          [Log] 84: Zuck Knows If You've Been Bad Or Goo...
     157
          [Log] 85: Microsoft Improves Windows Phone Voi...
     158
     159
          [Log] 86: How Google's Acquisition Of DNNresea...
     160
           [Log] 87: Google's Cloud Is Eating Apple's Lunch
                                                          url
                                                               Word count
     0
          https://blog.signals.network/what-is-machine-l...
                                                                     1888
     1
                                                          NaN
                                                                     1742
     2
                                                          NaN
                                                                      962
     3
                                                          NaN
                                                                     1221
     4
                                                          NaN
                                                                     2039
```

```
[Log] 83: http://feedproxy.google.com/~r/Techc...
156
                                                                   3239
     [Log] 84: http://feedproxy.google.com/~r/Techc...
157
                                                                   2566
158
     [Log] 85: http://feedproxy.google.com/~r/Techc...
                                                                   2089
     [Log] 86: http://feedproxy.google.com/~r/Techc...
159
                                                                   1530
     [Log] 87: http://feedproxy.google.com/~r/Techc...
                                                                    953
160
     # of Links # of comments # Images video Elapsed days # Shares
                             2.0
                                                                     200000
0
               1
                                                2
                                                              34
                                                9
                                                               5
1
               9
                            NaN
                                                                      25000
2
               6
                             0.0
                                                              10
                                                                      42000
                                                1
3
               3
                            {\tt NaN}
                                                2
                                                              68
                                                                     200000
                                                4
4
               1
                           104.0
                                                              131
                                                                     200000
                             . . .
                                                              . . .
                                                                        . . .
                                               . . .
156
               3
                            11.0
                                                1
                                                              84
                                                                       3239
                                                                      25019
               3
                            8.0
                                                4
                                                              85
157
158
               4
                            4.0
                                                1
                                                              86
                                                                      49614
159
               4
                            12.0
                                                3
                                                              87
                                                                      33660
160
               6
                            13.0
                                                2
                                                              88
                                                                       5956
```

[161 rows x 8 columns]

#### Covarianza valores vs shares

```
print('Word count vs # Shares: ',covarianza(art['Word count'],art['# Shares']))

print('# of Links vs # Shares:',covarianza(art['# of Links'],art['# Shares']))

print('# of comments vs # Shares:',covarianza(art['# of comments'],art['#

→Shares']))

print('# Images video vs # Shares:',covarianza(art['# Images video'],art['#

→Shares']))

print('Elapsed days vs # Shares:',covarianza(art['Elapsed days'],art['#

→Shares']))
```

```
Word count vs # Shares: 6981978.853362141
# of Links vs # Shares: 587958.9975695381
# of comments vs # Shares: 142784.83796921413
# Images video vs # Shares: 9167.630029705639
Elapsed days vs # Shares: 1604699.6151768835
```

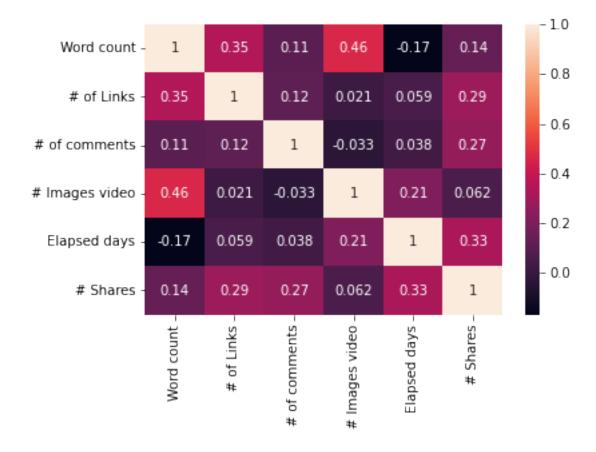
#### Covarianza entre todos

```
#fila=[]
        fila=[col]
        for colm in col_namesxy:
          fila.append(cov(art[col],art[colm],bias=False)[0,1])
          #print(fila)
        cov_todos=np.append(cov_todos,[fila],axis=0)
      r=pd.DataFrame(cov_todos)
      print(r)
                     0
                                           1
                                                               2 \
     0
                                  Word count
                                                      # of Links
     1
            Word count
                           1303979.88152174 18716.643478260885
     2
            # of Links
                        18716.643478260885
                                               2234.606521739144
     3
         # of comments
                        1533.8777173913045
                                               67.42853260869555
     4
        # Images video
                         1810.2739130434788
                                               3.407336956521741
          Elapsed days
     5
                        -21851.301358695655 319.73885869565225
              # Shares
     6
                          7025616.221195655
                                               591633.7413043476
                                                                   5
     0
             # of comments
                                 # Images video
                                                        Elapsed days
        1533.8777173913045 1810.2739130434788
                                                -21851.301358695655
     1
     2
        67.42853260869555
                             3.407336956521741
                                                  319.73885869565225
     3
       150.54860248447213 -1.375155279503107
                                                   52.76409161490682
     4
        -1.375155279503107 11.684704968944084
                                                   82.05989906832292
     5
         52.76409161490682
                           82.05989906832292
                                                  13073.071972049693
     6
        143677.2432065217
                             9224.927717391301
                                                  1614728.9877717388
                         6
     0
                  # Shares
         7025616.221195655
     1
     2
         591633.7413043476
     3
         143677.2432065217
        9224.927717391301
       1614728.9877717388
     5
        1884255057.7032604
     Correlación de Pearson
[20]: import seaborn as sns
      def pearson(x,y):
        p=(cov(x,y)[0,1])/((np.std(x))*(np.std(y)))
        return p
      for c in col_namesx:
        print(c,pearson(art[c],art['# Shares']))
```

```
sns.heatmap(art[col_namesxy].corr(),annot=True) #mapa de calor de relación de_{\sqcup} _{\to}los valores todos con todos
```

Word count 0.14262150847304 # of Links 0.29012720337832265 # of comments 0.27144739034075294 # Images video 0.0625590499668279 Elapsed days 0.3273760198137792

[20]: <matplotlib.axes.\_subplots.AxesSubplot at 0x7f4012489150>



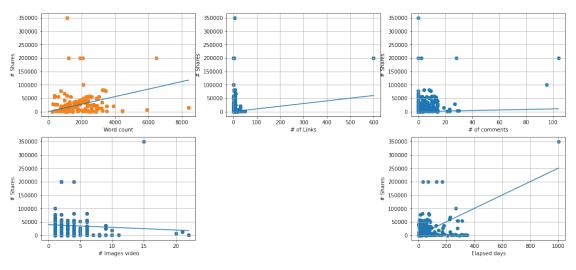
#### Gráficas

```
[21]: plt.figure(figsize=(18,8))
   plt.subplot(2,3,1)
   plt.scatter(art['Word count'],art['# Shares'])
   #plt.grid()
   t0wc=4
   t1wc=14
   plotpl(art['Word count'],art['# Shares'],t0wc,t1wc)
   plt.xlabel('Word count')
```

```
plt.ylabel('# Shares')
print('Word count vs # Shares')
print('MSE= ',MSE(art['Word count'],art['# Shares'],t0wc,t1wc))
print('MAE= ',MAE(art['Word count'],art['# Shares'],t0wc,t1wc))
plt.subplot(2,3,2)
plt.scatter(art['# of Links'],art['# Shares'],color='black')
plt.xlabel('# of Links')
plt.ylabel('# Shares')
t0of=15
t1of=100
plotpl(art['# of Links'],art['# Shares'],t0of,t1of)
print('# of Links vs # Shares')
print('MSE= ',MSE(art['# of Links'],art['# Shares'],t0of,t1of))
print('MAE= ',MAE(art['# of Links'],art['# Shares'],t0of,t1of))
plt.subplot(2,3,3)
plt.scatter(art['# of comments'],art['# Shares'],color='cyan')
plt.xlabel('# of comments')
plt.ylabel('# Shares')
t.0oc=10
t1oc=100
plotpl(art['# of comments'],art['# Shares'],t0oc,t1oc)
print('# of comments vs # Shares')
print('MSE= ',MSE(art['# of comments'],art['# Shares'],t0oc,t1oc))
print('MAE= ',MAE(art['# of comments'],art['# Shares'],t0oc,t1oc))
plt.subplot(2,3,4)
plt.scatter(art['# Images video'],art['# Shares'],color='red')
plt.xlabel('# Images video')
plt.ylabel('# Shares')
t0iv=40000
t1iv=-1000
plotpl(art['# Images video'],art['# Shares'],t0iv,t1iv)
print('# Images video vs # Shares')
print('MSE= ',MSE(art['# Images video'],art['# Shares'],t0iv,t1iv))
print('MAE= ',MAE(art['# Images video'],art['# Shares'],t0iv,t1iv))
plt.subplot(2,3,6)
plt.scatter(art['Elapsed days'],art['# Shares'],color='yellow')
plt.xlabel('Elapsed days')
plt.ylabel('# Shares')
t0ed=800
t1ed=250
plotpl(art['Elapsed days'],art['# Shares'],t0ed,t1ed)
print('Elapsed days vs # Shares')
```

```
print('MSE= ',MSE(art['Elapsed days'],art['# Shares'],t0ed,t1ed))
print('MAE= ',MAE(art['Elapsed days'],art['# Shares'],t0ed,t1ed))
```

```
Word count vs # Shares
MSE=
     968979423.0434783
MAF =
    11961.695652173912
# of Links vs # Shares
MSE= 1251989102.1024845
MAE= 13568.49999999998
# of comments vs # Shares
MSE= 1293607682.5838509
MAE= 13665.217391304346
# Images video vs # Shares
MSE= 986368778.795031
MAE= 14184.86956521739
Elapsed days vs # Shares
MSE= 944522033.7639751
     14627.658385093167
MAE=
```



## Uso de minimos cuadrados con Articulos

```
[22]: t_r_wc=min_cuad(art['Word count'],art['# Shares'])
    print(t_r_wc)
    print(MSE(art['Word count'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
    print(MAE(art['Word count'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))

    t_r_wc=min_cuad(art['# of Links'],art['# Shares'])
    print(t_r_wc)
    print(MSE(art['# of Links'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
    print(MAE(art['Word count'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
```

```
t_r_wc=min_cuad(art['# of comments'],art['# Shares'])
print(t_r_wc)
print(MSE(art['# of comments'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
print(MAE(art['Word count'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
t_r_wc=min_cuad(art['# Images video'],art['# Shares'])
print(t_r_wc)
print(MSE(art['# Images video'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
print(MAE(art['Word count'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
t_r_wc=min_cuad(art['Elapsed days'],art['# Shares'])
print(t_r_wc)
print(MSE(art['Elapsed days'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
print(MAE(art['Word count'],art['# Shares'],t_r_wc[0],t_r_wc[1]))
[18205.753574904906, 5.387825625803971]
917466962.7774607
12294.816571093977
[25369.818621895305, 264.75969507324993]
858441882.6139004
238297.097446539
[21232.27662261109, 954.3578673959524]
868141888.3395554
859505.9579851676
[25050.291477019782, 789.4874318101781]
932656940.7259738
712350.5868034082
[15828.470524693535, 123.51565043197498]
```

#### Uso de gradiente decendiente

MSE Word count vs shares

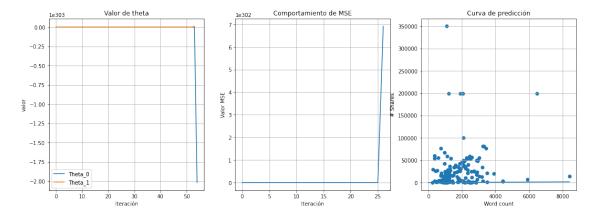
837173046.711687 107053.98933115955

```
[23]: alpha=0.1
    t0wc=random.random()#5
    t1wc=random.random()#0.3

resulgd=gradiente_mse(alpha,art['Word count'],art['# Shares'],1000,t0wc,t1wc)
#print()
itr=resulgd[0]
    t0_r=resulgd[1]
    t1_r=resulgd[2]
    mse_r=resulgd[3]

plt.figure(figsize=(18,6))
```

```
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0','Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MSE')
plt.title('Comportamiento de MSE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(art['Word count'],art['# Shares'],t0_r[mse_r.
 →index(min(mse_r))],t1_r[mse_r.index(min(mse_r))])
plt.xlabel('Word count')
plt.ylabel('# Shares')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MSE de: ',min(mse_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mse_r.index(min(mse_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mse_r.index(min(mse_r))])
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel_launcher.py:8: RuntimeWarning:
overflow encountered in double_scalars
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel_launcher.py:22: RuntimeWarning:
overflow encountered in double_scalars
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel_launcher.py:22: RuntimeWarning:
invalid value encountered in double_scalars
El minimo encontrado fue un MSE de: 1316149449.9015152
Con un t0= 0.5473666444466252
Con un t1= 0.18682222422830408
```



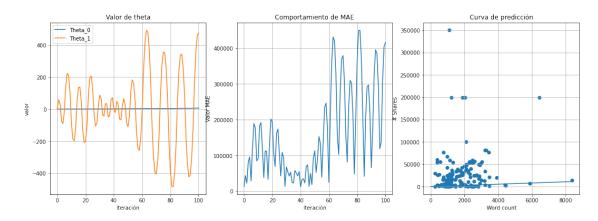
# Uso de gradiente decendiente

MAE word count vs shares

```
[24]: alpha=0.1
      t0wc=random.random()
      t1wc=random.random()
      resulgd=gradiente_mae(alpha,art['Word count'],art['# Shares'],100,t0wc,t1wc) #
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mae_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(18,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('Valor MAE')
      plt.title('Comportamiento de MAE')
      plt.grid()
```

El minimo encontrado fue un MAE de: 13090.555264355022 Con un t0= 1.845752579698811

Con un t1= 1.3226612259235822



#### Uso de Gradiente decendiente

MSE # of Links vs # Shares

```
[25]: alpha=0.1
    t0ol=random.random() #5
    t1ol=random.random() #0.3

resulgd=gradiente_mse(alpha,art['# of Links'],art['# Shares'],100,t0ol,t1ol)
    #print()
    itr=resulgd[0]
    t0_r=resulgd[1]
    t1_r=resulgd[2]
    mse_r=resulgd[3]

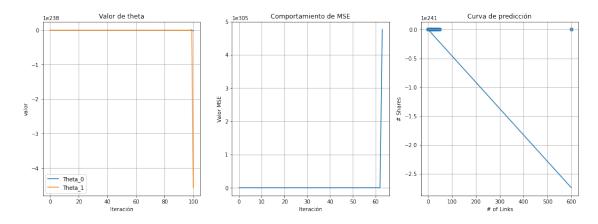
plt.figure(figsize=(18,6))

plt.subplot(1,3,1)
```

```
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MSE')
plt.title('Comportamiento de MSE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(art['# of Links'],art['# Shares'],t0_r[-1],t1_r[-1])
plt.xlabel('# of Links')
plt.ylabel('# Shares')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MSE de: ',min(mse_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mse_r.index(min(mse_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mse_r.index(min(mse_r))])
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:8: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

El minimo encontrado fue un MSE de: 1326138233.405965 Con un t0= 0.36822966603055773 Con un t1= 0.7941465809752191



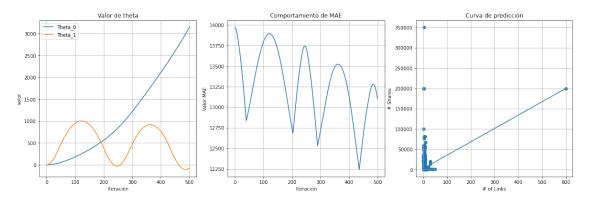
#### Uso de Gradiente decendiente

MAE # of Links vs # Shares

```
[26]: alpha=0.1
      t0ol=random.random()#5
      t1ol=random.random()#0.3
      resulgd=gradiente_mae(alpha,art['# of Links'],art['# Shares'],500,t0ol,t1ol) #
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mae_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(20,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('Valor MAE')
      plt.title('Comportamiento de MAE')
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,3)
      plotpl(art['# of Links'],art['# Shares'],t0_r[mae_r.
       →index(min(mae_r))],t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
      plt.xlabel('# of Links')
      plt.ylabel('# Shares')
      plt.title('Curva de predicción')
      print('El minimo encontrado fue un MAE de: ',min(mae_r))
      print('Con un t0= ',t0_r[mae_r.index(min(mae_r))])
      print('Con un t1= ',t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
     El minimo encontrado fue un MAE de: 12242.617739175415
```

Facultad de Ingeniería

Con un t0= 2457.1390076734697 Con un t1= 328.94101755291064



#### Uso de Gradiente decendiente

MSE # of comments vs # Shares

```
[27]: alpha=0.1
      t0oc=random.random()#5
      t1oc=random.random()#0.3
      resulgd=gradiente_mse(alpha,art['# of comments'],art['# Shares'],300,t0oc,t1oc)
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mse_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(18,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('Valor MSE')
      plt.title('Comportamiento de MSE')
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,3)
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:8: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

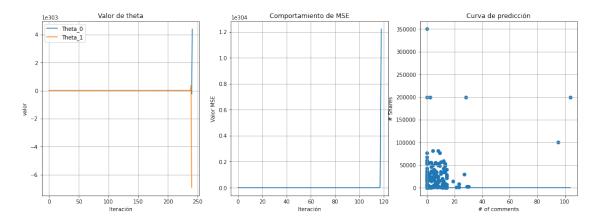
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:4: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

after removing the cwd from sys.path.

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

El minimo encontrado fue un MSE de: 1326541580.7108095 Con un t0= 0.6695593888311785

Con un t1= 0.7972892538564829



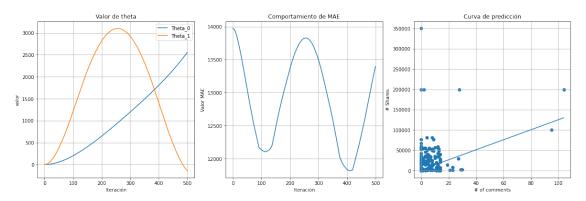
## Uso de Gradiente decendiente

MAE # of comments vs # Shares

```
[28]: alpha=0.1
t0oc=random.random() #5
t1oc=random.random() #0.3
```

```
resulgd=gradiente_mae(alpha,art['# of comments'],art['# Shares'],500,t0oc,t1oc) #
#print()
itr=resulgd[0]
t0_r=resulgd[1]
t1_r=resulgd[2]
mae_r=resulgd[3]
plt.figure(figsize=(20,6))
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MAE')
plt.title('Comportamiento de MAE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(art['# of comments'],art['# Shares'],t0_r[mae_r.
→index(min(mae_r))],t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
plt.xlabel('# of comments')
plt.ylabel('# Shares')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MAE de: ',min(mae_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mae_r.index(min(mae_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
```

El minimo encontrado fue un MAE de: 11818.984010985349 Con un t0= 1864.4341207738973 Con un t1= 1232.7899106974203



### Uso de Gradiente decendiente

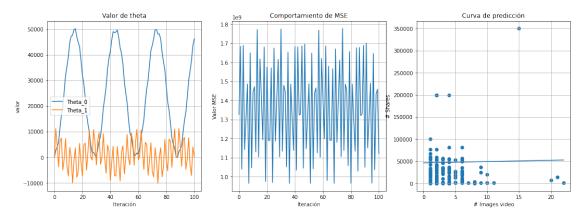
MSE # Images video vs Shares

```
[29]: alpha=0.1
      t0iv=random.random()#5
      t1iv=random.random()#0.3
      resulgd=gradiente_mse(alpha,art['# Images video'],art['# Shares'],100,t0iv,t1iv)
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mse_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(18,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('Valor MSE')
      plt.title('Comportamiento de MSE')
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,3)
```

```
plotpl(art['# Images video'],art['# Shares'],t0_r[-1],t1_r[-1])
plt.xlabel('# Images video')
plt.ylabel('# Shares')
plt.title('Curva de predicción')

print('El minimo encontrado fue un MSE de: ',min(mse_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mse_r.index(min(mse_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mse_r.index(min(mse_r))])
```

El minimo encontrado fue un MSE de: 965103300.7893695 Con un t0= 36075.24136278364 Con un t1= -1410.2540585519728

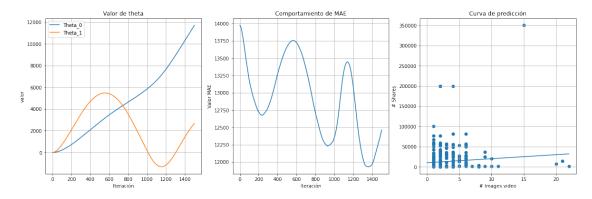


# Uso de Gradiente decendiente

MAE # Images video vs Shares

```
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0','Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MAE')
plt.title('Comportamiento de MAE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(art['# Images video'],art['# Shares'],t0_r[mae_r.
→index(min(mae_r))],t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
plt.xlabel('# Images video')
plt.ylabel('# Shares')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MAE de: ',min(mae_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mae_r.index(min(mae_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mae_r.index(min(mae_r))])
```

El minimo encontrado fue un MAE de: 11930.709780425448 Con un t0= 9905.673187401937 Con un t1= 996.1995655218662



## Uso de Gradiente decendiente

MSE Elapsed days vs Shares

```
[31]: alpha=0.1 t0ed=random.random()#5
```

```
t1ed=random.random()#0.3
resulgd=gradiente_mse(alpha,art['Elapsed days'],art['# Shares'],1000,t0ed,t1ed)
#print()
itr=resulgd[0]
t0_r=resulgd[1]
t1_r=resulgd[2]
mse_r=resulgd[3]
plt.figure(figsize=(18,6))
plt.subplot(1,3,1)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('valor')
plt.title('Valor de theta')
plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
plt.grid()
plt.subplot(1,3,2)
plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
plt.xlabel('Iteración')
plt.ylabel('Valor MSE')
plt.title('Comportamiento de MSE')
plt.grid()
plt.subplot(1,3,3)
plotpl(art['# Images video'],art['# Shares'],t0_r[mse_r.
→index(min(mse_r))],t1_r[mse_r.index(min(mse_r))])
plt.xlabel('# Images video')
plt.ylabel('# Shares')
plt.title('Curva de predicción')
print('El minimo encontrado fue un MSE de: ',min(mse_r))
print('Con un t0= ',t0_r[mse_r.index(min(mse_r))])
print('Con un t1= ',t1_r[mse_r.index(min(mse_r))])
```

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:8: RuntimeWarning: overflow encountered in double\_scalars

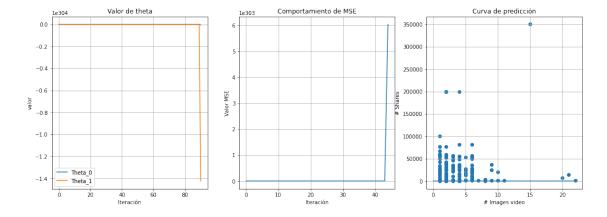
```
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel_launcher.py:22: RuntimeWarning: overflow encountered in double_scalars
/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel_launcher.py:23: RuntimeWarning:
```

overflow encountered in double\_scalars

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:22: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

/usr/local/lib/python3.7/dist-packages/ipykernel\_launcher.py:23: RuntimeWarning: invalid value encountered in double\_scalars

```
El minimo encontrado fue un MSE de: 1323915728.486139
Con un t0= 0.10499728151359855
Con un t1= 0.6710932332521365
```

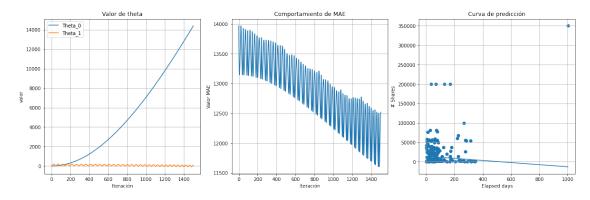


#### Uso de Gradiente decendiente

MAE Elapsed days vs Shares

```
[32]: alpha=0.1
      t0ed=random.random()#5
      t1ed=random.random()#0.3
      resulgd=gradiente_mae(alpha,art['Elapsed days'],art['# Shares'],1500,t0ed,t1ed) #
      #print()
      itr=resulgd[0]
      t0_r=resulgd[1]
      t1_r=resulgd[2]
      mae_r=resulgd[3]
      plt.figure(figsize=(20,6))
      plt.subplot(1,3,1)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[1])
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[2])
      plt.xlabel('Iteración')
      plt.ylabel('valor')
      plt.title('Valor de theta')
      plt.legend(['Theta_0', 'Theta_1'])
      plt.grid()
      plt.subplot(1,3,2)
      plt.plot(resulgd[0],resulgd[3])
```

El minimo encontrado fue un MAE de: 11601.547823754303 Con un t0= 14170.805422682686 Con un t1= -27.06079003197277



# 10 Forma matricial de la hipótesis de ecuación lineal

Empecemos con la hipótesis:

$$h_{\theta}(x) = \theta_0 + \theta_1 x$$

Los parámetros:

$$\theta = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \end{bmatrix}$$

Y nuestras características X:

$$X = \begin{bmatrix} 1 & x_1 \\ 1 & x_2 \\ \vdots \\ \vdots \\ 1 & x_m \end{bmatrix}$$

$$*x_{\{1,\dots,m\}}^0 = 1$$

$$*x^1_{\{1,\dots,m\}} = x_{\{1,\dots,m\}}$$

Con lo cuál:

$$h_{\theta} = X.\theta$$

Los parámetros:

$$\theta = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix}$$

Las características:

$$X = \begin{bmatrix} x_1^0 & x_1^1 & \dots & x_1^n \\ x_2^0 & x_2^1 & \dots & x_2^n \\ \vdots & & & & \\ x_m^0 & x_m^1 & \dots & x_m^n \end{bmatrix}$$

$$*x_{\{1,...,m\}}^0 = 1$$

La hipótesis  $h_{\theta} = X.\theta$ :

$$h_{\theta} = \begin{bmatrix} x_1^0 & x_1^1 & \dots & x_1^n \\ x_2^0 & x_2^1 & \dots & x_2^n \\ \vdots & & & & \\ x_m^0 & x_m^1 & \dots & x_m^n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} h_0 \\ h_1 \\ \vdots \\ h_m \end{bmatrix}$$

$$*x_{\{1,\dots,m\}}^0 = 1$$

```
[106]: def mat_hip(x,thetas):
         mat_x=x.to_numpy()
         oness=np.ones((len(mat_x),1))
         #mat_y=y.to_numpy()
         mat_x=np.hstack((np.ones((len(mat_x),1)),mat_x))
         \#thetas=np.random.rand(len(mat_x[0]),1) \#en caso de requerir valores_{\sqcup}
        →aleatorios de inicio
         return mat_x.dot(thetas) # Uso de X.Theta
       #print(np.ones((1,2)))
       print(mat_hip(data[['TV', 'Radio']], np.random.rand(3,1)))
      [[117.25652579]
       [ 38.13978965]
       [ 29.4377982 ]
       [ 85.06943045]
       [ 83.63432835]
       [ 27.16323409]
       [ 40.73887647]
       [ 61.62581265]
       [ 5.58619959]
       [ 88.03116134]
       [ 32.0133451 ]
       [104.28483503]
       [ 27.30636743]
       [ 46.34339612]
       [103.82204386]
       [106.89100257]
       [ 46.91630709]
       [140.14346204]
       [ 40.11022285]
       [ 75.25721086]
       [107.57829083]
       [105.34926687]
       [ 13.91395263]
       [106.86584102]
       [ 33.5082439 ]
       [115.57791348]
       [ 75.84993259]
       [111.84774717]
       [120.37403812]
       [ 38.64163448]
       [139.88893853]
       [ 57.47457106]
       [ 43.40761123]
       [124.33102565]
       [ 42.71660698]
```

- [127.80783051]
- [135.84108728]
- [ 55.77291792]
- [ 31.7401729 ]
- [116.30752501]
- [ 98.25668617]
- [ 92.39926464]
- **5**..........
- [139.91385712]
- [ 93.75286833]
- [ 23.54014776]
- [ 86.56686999]
- [ 44.0477377 ]
- [123.1729464]
- [105.88670551]
- [ 35.07210131]
- [ 88.26122582]
- [ 48.5106373 ]
- [113.16010773]
- [100.69688296]
- [127.13317718]
- [109.17820161]
- [ 16.99055991]
- [ 68.32166879] [114.38715876]
- [105.09556735]
- [ 24.84692774]
- [132.92697772]
- [110.95159704]
- [ 58.70220313]
- [ 30.70220313
- [ 76.98774154]
- [ 34.87077971]
- [ 25.785969 ]
- [ 67.49204483]
- [115.65615546]
- [114.34438912]
- [100.61377611]
- [ 54.71518917]
- [ 27.63007932]
- [ 59.18596712]
- [104.0019199]
- [ 28.29651623]
- [ 13.48302611]
- [ 65.84995862]
- [ 17.00180298]
- [ 54.34430232]
- [ 46.05898084]
- [105.92112408]
- [ 42.64116188] Facultad de Ingeniería

- [ 50.80932237]
- [112.51129209]
- [ 92.46323689]
- [ 46.38408458]
- [ 67.20357549]
- [ 50.62375747]
- [70.12950915]
- [ 60.9248357 ]
- [ 13.91000687]
- [109.9460428]
- [125.60223819]
- [ 53.54516433]
- [ 85.68011153]
- [87.49929009]
- [ 90.09062004]
- [144.95476235]
- [ 78.24457604]
- [ 98.53125022]
- [145.07494998]
- [126.0536648]
- [ 89.63211271]
- [119.12902773]
- [ 81.56816655]
- [ 16.7332527 ]
- [ 39.9314957 ]
- [ 6.73895441]
- [123.11997427]
- [101.78773353]
- [122.33648468]
- [ 83.55795095]
- [100.527426 ]
- [ 56.08156245]
- [ 49.31905866]
- [ 67.35701961]
- [ 34.14164092]
- [71.95101185]
- [ 16.62592977]
- [ 74.01161943]
- [ 18.99066827]
- [ 98.34499598]
- [ 69.77473025]
- [114.46782
- [ 43.84699713]
- [ 22.17494973]
- [ 35.40751584]
- [118.1960266] [ 32.0711821 ]
- [ 19.44408095]

- [116.29082284]
- [ 17.0494375 ]
- [110.84903069]
- [ 34.54974322]
- [ 43.31676069]
- [ 29.87485997]
- [131.90912663]
- [ 31.32907031]
- [100.6275731]
- [ 40.30574729]
- 10.00071720
- [100.50042623]
- [111.01198797] [ 48.52211016]
- [ 49.09733209]
- E --- -----
- [ 62.12441423]
- [107.522535 ]
- [128.04289453]
- [ 35.80495609]
- [ 32.01404761]
- [128.01715194]
- [ 56.81636375]
- [ 96.60984339]
- [ 92.84710993]
- [ 91.38361621]
- [ 8.02245061]
- [ 61.31404635]
- [ 65.93328207]
- [ 22.93166933]
- [ 66.01859158]
- [ 83.42431759]
- [ 54.24510069]
- [ 90.26122588]
- [ 88.15878094]
- [ 58.08119808]
- [103.32006437]
- [ 25.91972384]
- [ 92.23745625]
- [104.40177941]
- [128.04670563]
- [ 27.75918589]
- [81.2727248]
- [ 18.59845733]
- [ 76.59992273]
- [ 98.11713416]
- [142.48768727]
- [121.62844019]
- [ 77.69600262]
- [120.95967914]

[ 76.73031285]

[ 69.45541049]

[ 97.36041456]

[ 27.7103893 ]

[144.37386473]

[119.85526135]

[109.82261192]

[ 61.87244464]

[ 96.29957723]

[130.29612138]

[ 14.53043089]

[ 36.81805061]

[ 38.35593566]

[ 10.2044079 ]

[ 91.97043248]

[ 31.37043240]

[ 81.67270579]

[ 19.0502352 ]

[ 43.68206697]

[ 81.31015683] [142.19375884]

[104.68074878]]

# 11 Uso de Gradiente descendiente de forma matricial

Se usa el gradiente descendiente para minimizar el error de MSE

Recordemos que MSE está definida como:

$$J(\theta) = \frac{1}{2m} \sum_{i=1}^{m} (h_{\theta}(x_i) - y_i)^2$$

Puede expresarse como:

$$J(\theta) = \frac{1}{2m} (X.\theta - Y)^T . (X.\theta - Y)$$

donde

$$Y = \begin{bmatrix} y_0 \\ y_1 \\ \vdots \\ \vdots \\ y_m \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_0} \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_n} \end{bmatrix} = \frac{1}{m} (h_{\theta} - Y) X^T = \frac{1}{m} (X \cdot \theta - Y) X^T$$

Finalmente, es posible expresar de una manera general al gradiente descendente con MSE:

$$\begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \theta_0 \\ \theta_1 \\ \vdots \\ \theta_n \end{bmatrix} - \alpha \begin{bmatrix} \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_0} \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta_1} \\ \vdots \\ \frac{\partial J(\theta)}{\partial \theta} \end{bmatrix}$$

```
[197]: def gradiente_mat(x,y,alpha,thetas,iter):
         xm=x.to_numpy()
         xm=np.hstack((np.ones([len(xm),1]),xm))
         ym=y.to_numpy()
         ym=np.reshape(ym,(len(ym),1))
         tm=thetas#.to_numpy()
         tm=np.reshape(tm,(len(thetas),1))
        #h=x.dot(thetas)
         m=len(ym)
         dj=0
         j=0
         resultados=[]
         it=[]
         ts=np.empty([len(tm),1])
         #ts=np.array()
         for aa in range(iter):
           h=xm.dot(tm)
           j=(1/(2*m))*(h-ym).T.dot(h-ym)
           ts=np.hstack((ts,tm))
           #print(ts.shape)
           dj = (1/m) * ((xm.T).dot(h-ym))
           tm=tm-(alpha*dj)
           it.append(aa)
           resultados.append(float(j))
         ts=np.delete(ts,0,axis=1)
         plt.figure(figsize=(14,6))
```

```
plt.subplot(1,2,1)
 plt.plot(it,resultados)
 plt.title('MSE')
 plt.xlabel('Epocas')
 plt.grid()
 plt.subplot(1,2,2)
 for yy in range (len(ts)):
   plt.plot(it,ts[yy,:])
 plt.xlabel('Epocas')
 plt.ylabel('valor theta')
 plt.title('Valores de theta')
 plt.grid()
 return tm
thetas_res=gradiente_mat(data[['TV', 'Radio']], data['Sales'], 0.0000007, np.random.
\rightarrowrand(3,1),400)
print(thetas_res)
```

[[ 0.14205425] [-0.00183827] [ 0.69499611]]

