

## 0.1 Teorema (Stabilità BIBO)

Un sistema  $\sum$  é BIBO se e solo se  $\int_0^{+\infty} |g(\tau)| d\tau < +\infty$

## 0.2 Stabilità asintotica $\Leftrightarrow$ Stabilità BIBO

$\sum$  é BIBO stabile se e solo se  $\sum$  é asintoticamente stabile

## 0.3 Polinomio di Hurwitz

Un polinomio  $a(s)$  é detto di Hurwitz se tutte le sue radici hanno parte reale negativa

**proprietá:** Il polinomio  $a(s)$  é hurwitziano se e solo se tutti i suoi coefficienti sono positivi

## 0.4 Criterio di Routh

Il polinomio  $a(s)$  é hurwitziano se e solo se l'associata tabella di Routh può essere completata (con l'algoritmo base) e presenta nella prima colonna solo permanenze.

I **Casi singolari** nella costruzione della Tabella di Routh avvengono quando il primo o tutti gli elementi di una riga sono nulli

## 0.5 Metodo di Benidir-Picinbono

Ogni riga, non nulla che inizia con  $p$  zeri viene sommata con la riga da questa ottenuta moltiplicandola per  $(-1)^p$  e traslandola verso sinistra di  $p$  posizioni. (slide 23 lezione 8)

$$a(s) = s^3 + 3s - 2 = 0$$

3	1	3	0
$2^i$	0	-2	0
$2^{ii}$	2	0	0
2	2	-2	0
1	4	0	
0	-2		

## 0.6 Prosecuzione tabella nel caso di riga tutta nulla

1. Derivare polinomio ausiliario
2. i coefficienti ottenuti dalla derivata sostituiscono gli zeri della riga nulla.
3. Proseguire la tabella nel modo usuale

$$\begin{array}{c|cccccc} 2i & \gamma_{n-2i,1} & \gamma_{n-2i,2} & \gamma_{n-2i,3} & \cdots & \gamma_{n-2i,i+1} & 0 \\ 2i-1 & 0 & 0 & 0 & \cdots & 0 & 0 \end{array}$$

Polinomio ausiliario:  $\beta(s) = \gamma_{n-2i,1}s^{2i} + \gamma_{n-2i,2}s^{2i-2} + \gamma_{n-2i,3}s^{2i-4} + \cdots \gamma_{n-2,1}s^2 + \cdots \gamma_{n-2i,1}$

Equazione ausiliaria:  $\beta(s) = 0$

Esempio:

$$a(s) = s^6 + s^5 - 2s^4 - 3s^3 - 7s^2 - 4s - 4$$

6	1	-2	-7	-4	0
5	1	-3	-4	0	
4	1	-3	-4	0	
3	2	-3	0	0	
2	-3	-8	0		
1	-25	0			
0	-8				

$$\begin{aligned} \text{polinomio ausiliario } \beta(s) &= s^4 - 3s^2 - 4 \\ D\beta(s) &= 4s^3 - 6s \end{aligned}$$

## 0.7 Teorema di analisi armonica

Dato  $\Sigma$  sistema asintoticamente stabile cond f.d.t.  $G(s) \in \mathbb{Q}$ . La risposta forzata di  $\Sigma$  ad un segnale armonico é un segnale armonico con stessa frequenza dell'ingresso.

$$F(w) = G(jw)$$

(Dimostrazione a Lezione 9 slide 6)

Rappresentazioni grafiche della funzione di risposta armonica sono i Diagrammi di Bode, diagrammi di Nyquist.

## 0.8 Parametri caratteristici della risposta armonica

1. Pulsazione di risonanza  $w_r :=$
2. Picco di risonanza  $M_R$
3. Larghezza di banda