Lista #7

Curso: Ciência da Computação Disciplina: Inteligência Artificial Prof^a. Cristiane Neri Nobre Data de entrega: 19/10

Valor: 2 pontos

Backpropagation aplicado ao problema do XOR

1. Objetivo

Calcular **manualmente**, passo a passo, uma única iteração do algoritmo **Backpropagation** para uma rede neural que tenta aprender o comportamento lógico do **XOR**.

O aluno deve demonstrar domínio sobre:

- Propagação direta (cálculo das saídas das camadas);
- Cálculo do erro;
- Ajuste dos pesos;

2. Estrutura da rede

A rede possui a seguinte arquitetura:

• Entradas: 2 neurônios $\rightarrow x_1, x_2$

• Camada oculta: 2 neurônios \Rightarrow h_1 , h_2

• Camada de saída: 1 neurônio $\rightarrow y$

Função de ativação (para todas as camadas): Sigmóide

$$f(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$

Taxa de aprendizado: 0.5

3. Dados fornecidos

Entrada e saída desejada:

$$(x_1, x_2, y_{esperado}) = (1,0,1)$$

Pesos iniciais:

Conexão	Peso
$w_{1,1}(\mathbf{x}_1 \rightarrow \mathbf{h}_1)$	0.10
$w_{2,1}(x_2 \rightarrow h_1)$	0.20
$w_{1,2}(\mathbf{x_1} \rightarrow \mathbf{h_2})$	0.30
$w_{2,2}(\mathbf{x_2} \rightarrow \mathbf{h_2})$	0.40

Bias da camada oculta:

Neurônio	Bias
b_{h1}	0.10
b_{h2}	0.20

Pesos da camada de saída:

Conexão	Peso
$v_1(h_1 \to y)$	0.50
$v_2(h_2 \rightarrow y)$	0.60

Bias da saída:

$$b_y = 0.30$$

Baseado nesta especificação da rede, pede-se:

- 1) Mostre a estrutura da rede, ou seja, os neurônios e seus respectivos pesos
- 2) Mostre a saída da rede para a entrada 1 e 0
- 3) Mostre os cálculos dos erros de cada neurônio
- 4) Mostre os ajustes dos pesos