# Trabajo práctico

Alejandro García Marra, Padrón Nro. 91.516 alemarra@gmail.com Sebastián Javier Bogado, Padrón Nro. 91.707 sebastian.j.bogado@gmail.com 1er. Cuatrimestre de 2013 71.14 Modelos y Optimization I Facultad de Ingeniería, Universidad de Buenos Aires

# 1. Ejercicio Principal

#### 1.1. Análisis del caso

#### CAMBIAR

Una refinería tiene una producción diaria de distintos tipos de combustibles y aceites a partir de petróleo crudo de dos tipos distintos. A lo largo de los distintos procesos de destilación se consiguen los diversos productos. Cuanto más refinado es el producto, mas valioso es para su venta.

## 1.2. Objetivo

Determinar la cantidad de barriles de los distintos tipos de combustible, fueloil y lubricante a producir, así como la composición de los combustibles para maximizar las utilidades de la refinería por día.

# 1.3. Hipótesis y Aclaraciones

- Precio constante en el día
- No tengo stock inicial
- Se vende todo lo producido y, por ende, se puede hablar de fracciones de barril
- Se dispone de dinero suficiente para comprar toda la materia prima necesaria
- Puedo comprar cantidades fraccionarias de la materia prima
- Las máquinas no se rompen ni los empleados se rebelan
- Al hablar de "barriles" para refererirse a cantidad, un barril de un producto es igual al de otro
- No hay perdidas de producción ni transporte, excepto las indicadas en la destilación
- En las mezclas no se agrega nada que no esté mencionado, entonces las proporciones deben sumar 1
- El centro de destilación puede alternar entre crudo de tipo 1 y tipo 2 sin pérdidas de tiempo o costos adicionales. Lo mismo aplica para el centro de reformado y craqueo respecto de sus distintas entradas
- A menos que se indique lo contrario, puede no producirse alguno de los productos finales

# 1.4. Variables

## 1.4.1. Compra

C1 = Barriles de Crudo 1 por día

C2 = Barriles de Crudo 2 por día

#### 1.4.2. Destilado

NL = Barriles de Nafta Liviana por día

 $NL^{REF}=$ Barriles de Nafta Liviana para Reformado por día

 $NL^{PR}$  = Barriles de Nafta Liviana para producir Premium por día

 $NL^{SU}=\mbox{Barriles}$ de Nafta Liviana para producir Super por día

NM = Barriles de Nafta Mediana por día

 $NM^{REF}$  = Barriles de Nafta Mediana para Reformado por día

 $NM^{PR}$  = Barriles de Nafta Mediana para producir Premium por día

 $NM^{SU}=$  Barriles de Nafta Mediana para producir Super por día

NP = Barriles de Nafta Pesada por día

 $NP^{REF}$  = Barriles de Nafta Pesada para Reformado por día

 $NP^{PR}$  = Barriles de Nafta Pesada para producir Premium por día

 $NP^{SU}$  = Barriles de Nafta Pesada para producir Super por día

AL = Barriles de Aceite Liviano por día

 $AL^{AV}=$  Barriles de Aceite Liviano para Aviones por día

 $AL^{GCRA}$  = Barriles de Aceite Liviano para Gasolina Craqueada por día

 $AL^{ACRA}$  = Barriles de Aceite Liviano para Aceite Craqueado por día

 $AL^{FO}$  = Barriles de Aceite Liviano para Fueloil por día

AP = Barriles de Aceite Mediano por día

 $AP^{AV}$  = Barriles de Aceite Pesado para Aviones por día

 $AP^{GCRA}$  = Barriles de Aceite Pesado para Gasolina Craqueada por día

 $AP^{ACRA}$  = Barriles de Aceite Pesado para Aceite Craqueado por día

 $AP^{FO}$  = Barriles de Aceite Pesado para Fueloil por día

 $RDES = {\it Barriles}$  de Residuo Destilado por día

 $RDES^{AV}$  = Barriles de Residuo Destilado para Aviones por día

 $RDES^{LU} =$  Barriles de Residuo Destilado para Lubricante por día

 $RDES^{FO} = Barriles de Residuo Destilado para Fueloil por día$ 

#### 1.4.3. Reformado

GREF = Barriles de Gasolina Reformada por día

 $GREF^{PR}=$  Barriles de Gasolina Reformada para nafta Premium por día

 $GREF^{SU}=$ Barriles de Gasolina Reformada para nafta Super por día

#### 1.4.4. Craqueo

GCRA = Barriles de Gasolina Craqueada por día

 $GCRA^{PR}$  = Barriles de Gasolina Craqueada para nafta Premium por día

 $GCRA^{SU}=$ Barriles de Gasolina Craqueada para nafta Super por día

ACRA = Barriles de Aceite Craqueado por día

 $ACRA^{AV}$  = Barriles de Aceite Craqueado para Aviones por día

 $ACRA^{FO}$  = Barriles de Aceite Craqueado para Fueloil por día

#### 1.4.5. Ventas

PR = Barriles de Combustible Premium por día

SU = Barriles de Combustible Super por día

AV = Barriles de Combustible para Aviones por día

FO =Barriles de Fueloil por día

LU = Barriles de Lubricante por día

#### 1.4.6. Constantes

#### 1.5. Ecuaciones

#### 1.5.1. Destilado

$$\begin{split} NL &= 0, 1 \ C1 \ + 0, 15 \ C2 \\ NM &= 0, 2 \ C1 \ + 0, 25 \ C2 \\ NP &= 0, 2 \ C1 \ + 0, 18 \ C2 \\ AL &= 0, 12 \ C1 \ + 0, 08 \ C2 \\ AP &= 0, 1 \ C1 \\ RDES &= 0, 13 \ C1 \ + 0, 12 \ C2 \\ \end{split} = \begin{split} NL^{REF} + NL^{PR} + NL^{SU} \\ = NM^{REF} + NM^{PR} + NM^{SU} \\ = NP^{REF} + NP^{PR} + NP^{SU} \\ = AL^{AV} + AL^{GCRA} + AL^{ACRA} + AL^{FO} \\ = AP^{AV} + AP^{GCRA} + AP^{ACRA} + AP^{FO} \\ = RDES^{AV} + RDES^{LU} + RDES^{FO} \end{split}$$

#### 1.5.2. Reformado

$$GREF = 0.6 \ NL^{REF} + 0.52 \ NM^{REF} + 0.45 \ NP^{REF} = GREF^{PR} + GREF^{SU}$$

## 1.5.3. Craqueo

$$\begin{aligned} GCRA &= 0.28 \ AL^{GCRA} \ + 0.2 \ AP^{GCRA} \end{aligned} &= GCRA^{PR} + GCRA^{SU} \\ ACRA &= 0.68 \ AL^{ACRA} \ + 0.75 \ AP^{ACRA} \end{aligned} &= ACRA^{AV} + ACRA^{FO}$$

#### 1.5.4. Ventas

$$PR = NL^{PR} + NM^{PR} + NP^{PR} + GCRA^{PR} + GREF^{PR}$$

$$SU = NL^{SU} + NM^{SU} + NP^{SU} + GCRA^{SU} + GREF^{SU}$$

$$1,8 \ FO = AL^{FO}$$

$$6 \ FO = AP^{FO}$$

$$4,5 \ FO = ACRA^{FO}$$

$$18 \ FO = RDES^{FO}$$

$$AV = AL^{AV} + AP^{AV} + ACRA^{AV} + RDES^{AV}$$

$$LU = RDES^{LU}$$

## 1.5.5. Funcional

$$Z = 700 \text{ } / \text{B} \cdot PR + 600 \text{ } / \text{B} \cdot SU + 400 \text{ } / \text{B} \cdot AV + 350 \text{ } / \text{B} \cdot FO + 150 \text{ } / \text{B} \cdot LU$$

#### 1.6. Restricciones

$$C1 \le 20000 \ B/d$$
  
 $C2 \le 30000 \ B/d$   
 $C1 + C2 \le 45000 \ B/d$ 

$$\begin{split} NL^{REF} + NM^{REF} + NP^{REF} & \leq 10000~B/d\\ AL^{GCRA} + AL^{ACRA} + AP^{GCRA} + AP^{ACRA} & \leq 8000~B/d \end{split}$$

$$500B/d~\leq LU \leq~1000~B/d$$

$$PR \ge 0.4 \ SU$$

$$\begin{split} PR \cdot 98 \ Oct \ \leq OCTNL \cdot NL^{PR} + OCTNM \cdot NM^{PR} + OCTNP \cdot NP^{PR} + \\ OCTCRA \cdot GCRA^{PR} + OCTREF \cdot GREF^{PR} \end{split}$$

$$SU \cdot 95 \ Oct \ \leq OCTNL \cdot NL^{SU} + OCTNM \cdot NM^{SU} + \\ OCTNP \cdot NP^{SU} + OCTCRA \cdot GCRA^{SU} + OCTREF \cdot GREF^{SU} \ \leq SU \cdot 97,99 \ Oct$$

$$AV \cdot 1 \ Kg/cm^2 \geq PRESAL \cdot AL^{AV} + PRESAP \cdot AP^{AV} + \\ PRESACRA \cdot ACRA^{AV} + PRESRDES \cdot RDES^{AV}$$

# 1.7. Corrida de Prueba

Corrida de prueba del archivo tp2.mod con el software GLPK.

Problem: tp2;

Rows: 39; Columns: 42; Non-zeros: 149

Status: OPTIMAL

Objective: Z = 18971019,9(MAXimum)

No Row	name	St	Activity	Lower bound	Upper bound	Marginal
1	Z	В	\$18971019.9			
2	inProduccionNL	NS	0	-0	=	725.539
3	$\operatorname{outProduccionNL}$	NS	0	-0	=	-725.539
4	inProduccionNM	NS	0	-0	=	597.844
5	$\operatorname{outProduccionNM}$	NS	0	-0	=	-597.844
6	inProduccionNP	NS	0	-0	=	470.149
7	$\operatorname{outProduccionNP}$	NS	0	-0	=	-470.149
8	inProduccionAL	NS	0	-0	=	400
9	$\operatorname{outProduccionAL}$	NS	0	-0	=	-400
10	inProduccionAP	NS	0	-0	=	400
11	$\operatorname{outProduccionAP}$	NS	0	-0	=	-400
12	inProduccionRDES	NS	0	-0	=	400
13	${\bf outProduccionRDES}$	NS	0	-0	=	-400
14	in Produccion GREF	NS	0	-0	=	1044.78
15	out Produccion GREF	NS	0	-0	=	-1044.78
16	in Produccion GCRA	NS	0	-0	=	1428.57
17	out Produccion GCRA	NS	0	-0	=	-1428.57
18	in Produccion ACRA	NS	0	-0	=	533.333
19	${\bf outProduccion} {\bf ACRA}$	NS	0	-0	=	-533.333
20	finalPR	NS	0	-0	=	-551.41
21	finalSU	NS	0	-0	=	-551.41
22	ALpartFO	NS	0	-0	=	400
23	APpartFO	NS	0	-0	=	400
24	ACRApartFO	NS	0	-0	=	533.333
25	RDESpartFO	NS	0	-0	=	400
26	finalAV	NS	0	-0	=	400
27	$\operatorname{finalLU}$	NS	0	-0	=	400
28	dispCrudo1	NU	20000		20000	3.23383
29	dispCrudo2	В	25000		30000	
30	$\max$ Destilado	NU	45000		45000	422.919
31	$\max$ Reformado	В	7412.94		10000	
32	maxCraqueo	В	0		8000	
33	minLub	NL	500	500		-250
34	$\max$ Lub	В	500		1000	
35	minPremium	В	20422.9	-0		
36	$\min OCTPR$	NU	0		-0	12.7695
37	$\min OCTSU$	NU	0		-0	12.7695
38	$\max OCTSU$	В	0	-0		
39	$\max PresAV$	В	5645	-0		

No. Column	name	St	Activity	Lower bound	Upper bound	Marginal
1	C1	В	20000	0		
2	C2	В	25000	0		
3	NL	В	5750	0		
4	NLREF	NL	0	0		-98.6733
5	NLPR	В	5750	0		
6	NLSU	NL	0	0		<eps< td=""></eps<>
7	NM	В	10250	0		
8	NMREF	NL	0	0		-54.5605
9	NMPR	В	10250	0		
10	NMSU	NL	0	0		<eps< td=""></eps<>
11	NP	В	8500	0		
12	NPREF	В	7412.94	0		
13	NPPR	В	1087.06	0		
14	NPSU	В	0	0		
15	AL	В	4400	0		
16	ALAV	В	4400	0		
17	ALGCRA	В	0	0		
18	ALACRA	NL	0	0		-37.3333
19	ALFO	В	0	0		
20	AP	В	2000	0		
21	APAV	В	2000	0		
22	APGCRA	NL	0	0		-114.286
23	APACRA	В	0	0		
24	APFO	В	0	0		
25	RDES	В	5600	0		
26	RDESAV	В	5100	0		
27	RDESLU	В	500	0		
28	RDESFO	В	0	0		
29	GREF	В	3335.82	0		
30	GREFPR	В	3335.82	0		
31	GREFSU	В	0	0		
32	GCRA	В	0	0		
33	GCRAPR	NL	0	0		-511.49
34	GCRASU	NL	0	0		-511.49
35	ACRA	В	0	0		
36	ACRAAV	NL	0	0		-133.333
37	ACRAFO	В	0	0		
38	PR	В	20422.9	0		
39	SU	NL	0	0		-61.6915
40	AV	В	11500	0		
41	FO	NL	0	0		-12370
42	LU	В	500	0		

# 2. Ejercicio Complementario

#### 2.1. Análisis del caso

Pepe desea fabricar sidra de manera artesanal para luego venderla a una cadena re locales gourmet. Para esto, cuenta con tres tipos distintos de manzanas como materia prima, a partir de las cuales se pueden obtener tanto sidra natural como sidra dulce. La diferencia entre una y otra surge de cambios en la proporción de las diferentes manzanas utilizadas.

# 2.2. Objetivo

Determinar la cantidad de sidra de uno y otro tipo a producir de forma tal de maximizar las ganancias que obtiene Pepe en un período. (En este caso utilizaremos un período de una semana, ya que lo consideramos razonable.)

# 2.3. Hipótesis

- Dispone del dinero para comprar toda la materia prima necesaria
- Dispone de tiempo suficiente para realizar toda la producción indicada
- No tiene stock previo
- La cadena de locales comprará toda la produccón obtenida
- No hay pérdidas de materia prima en el proceso ni en el transporte
- No hay pérdidas de producción
- Los precios son constantes dentro del período.

# 2.4. Variables

#### 2.4.1. Venta

```
SN = \text{Litros/Sem} de Sidra Natural SD = \text{Litros/Sem} de Sidra Dulce
```

# 2.5. Ecuaciones

$$\begin{array}{l} 0.25 \, \cdot \, SD \, + \, 0.50 \, \cdot \, SN \, \, \leq \, 15 \\ 0.50 \, \cdot \, SD \, + \, 0.50 \, \cdot \, SN \, \, \leq \, 60 \\ 0.25 \, \cdot \, SD \, \, \leq \, 15 \\ SD \, \geq \, 10 \\ \\ Z_{MAX} = 20 \, \$/L \cdot \, SN + 15 \, \$/L \cdot \, SD \end{array}$$