

## TEMA 2.2

# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

<http://webdelprofesor.ula.ve/ciencias/labdemfi/electrostatica/html/contenido.html>

### CONTENIDOS CONCEPTUALES

- Energía y Potencial Electrostático.
- Cálculo del Potencial Electrostático debido a sistemas de cargas puntuales y distribuciones continuas de carga
- Determinación del campo electrostático a partir del potencial.

# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

Trabajo:

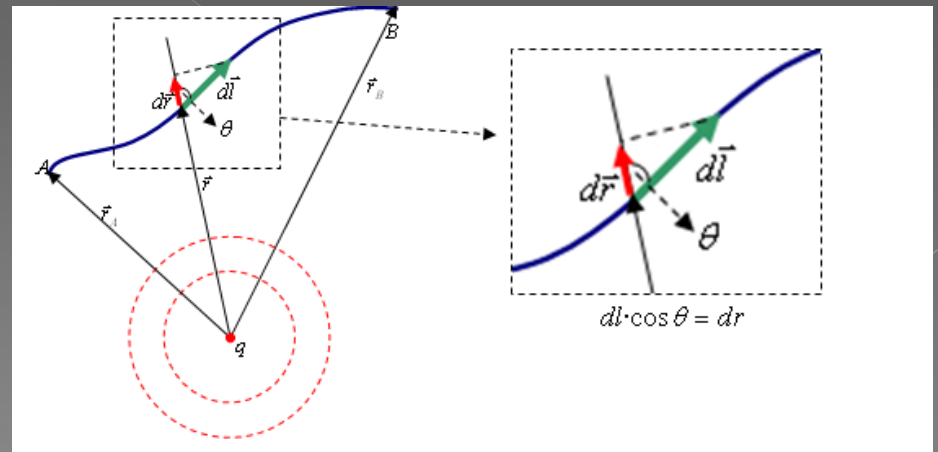
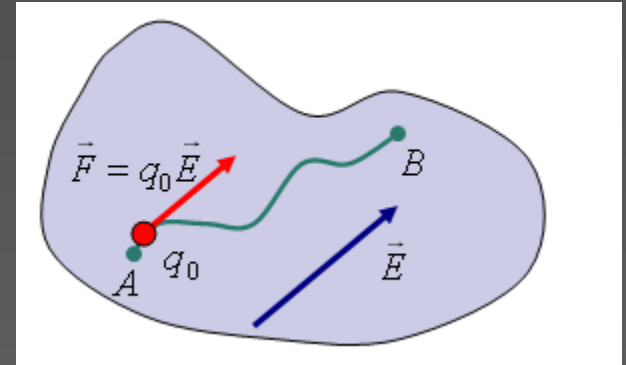
$$dW = \vec{F} \cdot d\vec{l} = q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Energía Potencial:

$$dU = -dW = -\vec{F} \cdot d\vec{l} = -q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

POTENCIAL ELECTROSTÁTICO:

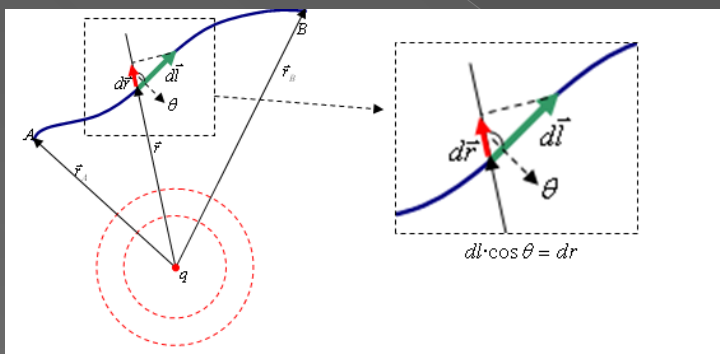
$$dV = \frac{dU}{q_0} = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$



# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

## ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

### POTENCIAL ELECTROSTÁTICO DEBIDO A CARGAS PUNTUALES



Potencial en un punto

$$[V(r_A = \infty) = 0]: V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r} = k \cdot \frac{q}{r}$$

$$\begin{aligned} \Delta V = V_B - V_A &= - \int_A^{B_{\infty}} \vec{E} \cdot d\vec{l} = - \int_A^B E \cdot dl \cdot \cos \theta = \\ &= - \int_A^B E \cdot dr = - \int_A^B \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Delta V = V_B - V_A &= - \int_r^{\infty} \vec{E} \cdot d\vec{e} = - \int_r^{\infty} E \cdot dr \cdot \cos 0 = - \int_r^{\infty} E \cdot dr = - \int_r^{\infty} \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} \\ &= \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{\infty} - \frac{1}{r} \right) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 r} \end{aligned}$$

Principio de superposición

$$V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \sum_i \frac{q_i}{r_i}$$

# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

La **diferencia de potencial entre dos puntos A y B** se define como la variación de energía potencial por unidad de carga del sistema carga-campo cuando la carga de prueba se mueve entre ambos puntos:

$$\Delta V = V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q_0} = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$

**Potencial ELECTROSTÁTICO en un punto:** trabajo requerido para trasladar una partícula de prueba desde el infinito hasta dicho punto.

$$V_A = V_\infty = 0$$

$$V_P = V_P - V_\infty = -\int_\infty^P \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

## ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

### PROPIEDADES DEL POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

- Depende únicamente de las cargas que crean el campo.
- Magnitud escalar función de la posición
- Función continua en todos los puntos del espacio

### UNIDADES DEL POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

Voltio:  $1V \equiv 1J / C$

Consecuencia:

Unidad de campo ELECTROSTÁTICO:  $1N / C = 1V / m$

Unidad de energía:  $1eV = (1e)(1V) = (1.60 \cdot 10^{-19} C)(1J / C) = 1.60 \cdot 10^{-19} J$

# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

## ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

### SUPERFICIES EQUIPOTENCIALES

Lugar geométrico de los puntos del espacio en los que la función potencial toma el mismo valor.

### PROPIEDADES

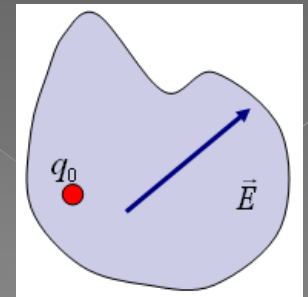
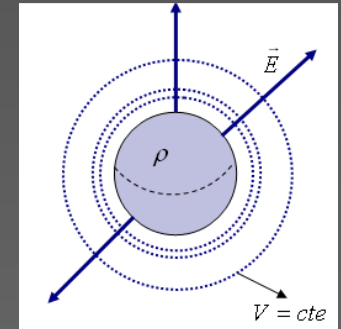
- Dos superficies equipotenciales no se pueden cortar.
- Las superficies equipotenciales son perpendiculares a las líneas de campo.
- Las líneas de campo se dirigen en la dirección de los potenciales decrecientes.

se acelera en la dirección del campo:

$q_0$

$$E_c \uparrow \Rightarrow U \downarrow$$

la carga se mueve hacia la región de menor energía potencial.

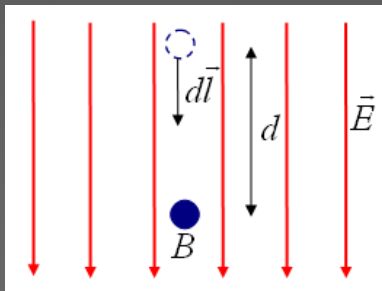


# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

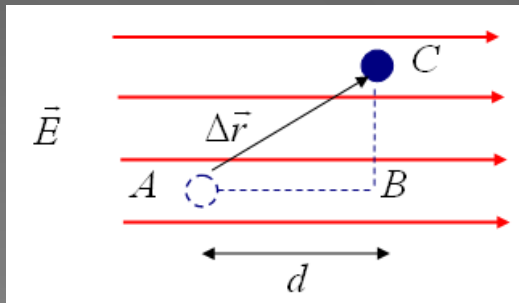
## ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

### CÁLCULO DEL POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

DIFERENCIA DE POTENCIAL EN UN CAMPO ELECTROSTÁTICO UNIFORME



$$\Delta V = V_B - V_A = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_A^B E \cdot dl = -Ed$$



$$\begin{aligned} \Delta V = V_C - V_A &= -\int_A^C \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\vec{E} \cdot \int_A^C d\vec{l} = \\ &= -\vec{E} \cdot \Delta\vec{r} = -|\vec{E}| |\Delta\vec{r}| \cos \theta = -Ed = V_B - V_A \end{aligned}$$

$$V_C - V_A = V_B - V_A \Rightarrow$$

Superficies equipotenciales: planos perpendiculares a las líneas  
campo

de

# POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

## ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

### POTENCIAL ELECTROSTÁTICO DEBIDO A DISTRIBUCIONES CONTINUAS DE CARGA

Principio de superposición (no es válida cuando la distribución de cargas se extiende al infinito):

$$V = \int k \cdot \frac{dq}{r}$$

Definición de potencial

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$



# DETERMINACIÓN DEL CAMPO ELECTROSTÁTICO A PARTIR DEL POTENCIAL

## ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l} = -E_l dl \Rightarrow E_l = -\frac{dV}{dl}$$

$$\vec{E} = E_x \vec{i} :$$

$$dV(x) = -\vec{E} \cdot d\vec{l} = -E_x \vec{i} \cdot (dx\vec{i} + dy\vec{j} + dz\vec{k}) = -E_x dx \Rightarrow E_x = -\frac{dV(x)}{dx}$$

$$\vec{E} = E_y \vec{j} :$$

$$dV(y) = -E_y dy \Rightarrow E_y = -\frac{dV(y)}{dy}$$

$$\vec{E} = E_z \vec{k} :$$

$$dV(z) = -E_z dz \Rightarrow E_z = -\frac{dV(z)}{dz}$$

En general:

El campo electrostático deriva del potencial a través de su gradiente

$$\vec{E}(x, y, z) = -\frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} - \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} - \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k} = -\vec{\nabla} V$$

## CAMPO Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO EN UN CONDUCTOR

CONDUCTOR: Material en el que la carga puede moverse libremente. Se dice que un conductor está en EQUILIBRIO ELECTROSTÁTICO cuando no existe movimiento de carga neta sobre el conductor.

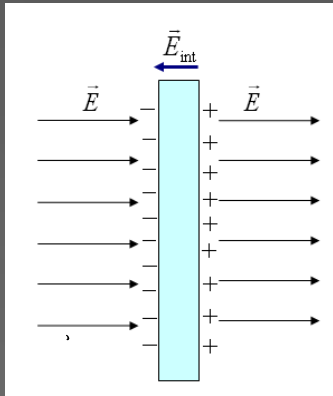
PROPIEDADES:

- Campo ELECTROSTÁTICO nulo en el interior del conductor.
- Carga neta distribuida sobre su superficie.
- Campo ELECTROSTÁTICO exterior perpendicular a la superficie y de módulo  $\sigma/\epsilon_0$
- Son superficies equipotenciales.

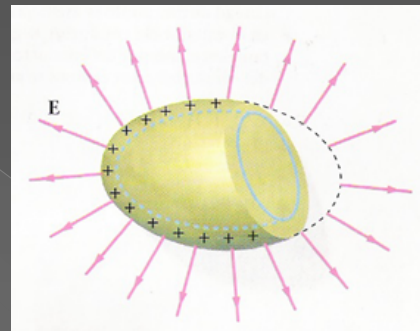
Campo ELECTROSTÁTICO nulo en el interior.

# CAMPO Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO EN UN CONDUCTOR

## Carga neta sobre la superficie

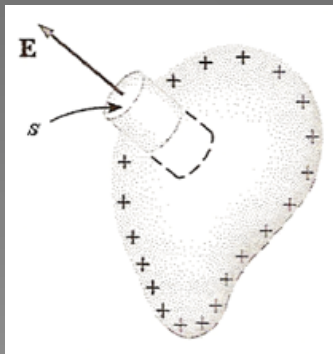


$$\vec{E}_T = \vec{E} - \vec{E}_{int}$$



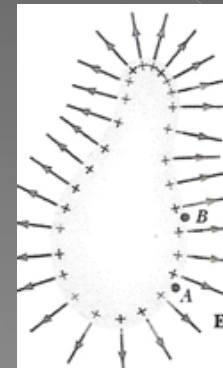
$$\left. \begin{aligned} \Phi_E &= \oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q}{\epsilon_0} \\ \vec{E} &= 0 \end{aligned} \right\} Q = 0$$

Campo ELECTROSTÁTICO exterior perpendicular a la superficie y de módulo constante



$$\left. \begin{aligned} \phi_E &= \oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = ES \\ \phi_E &= \frac{q}{\epsilon_0} = \frac{\sigma S}{\epsilon_0} \end{aligned} \right\} \sigma / \epsilon_0$$

## Son superficies equipotenciales



$$\vec{E} \perp d\vec{l} \Rightarrow \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow V_B - V_A = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$$

$$V_B = V_A \Rightarrow V = cte$$