

## TEMA 3. UNIDAD DE CÁLCULO DE UN COMPUTADOR

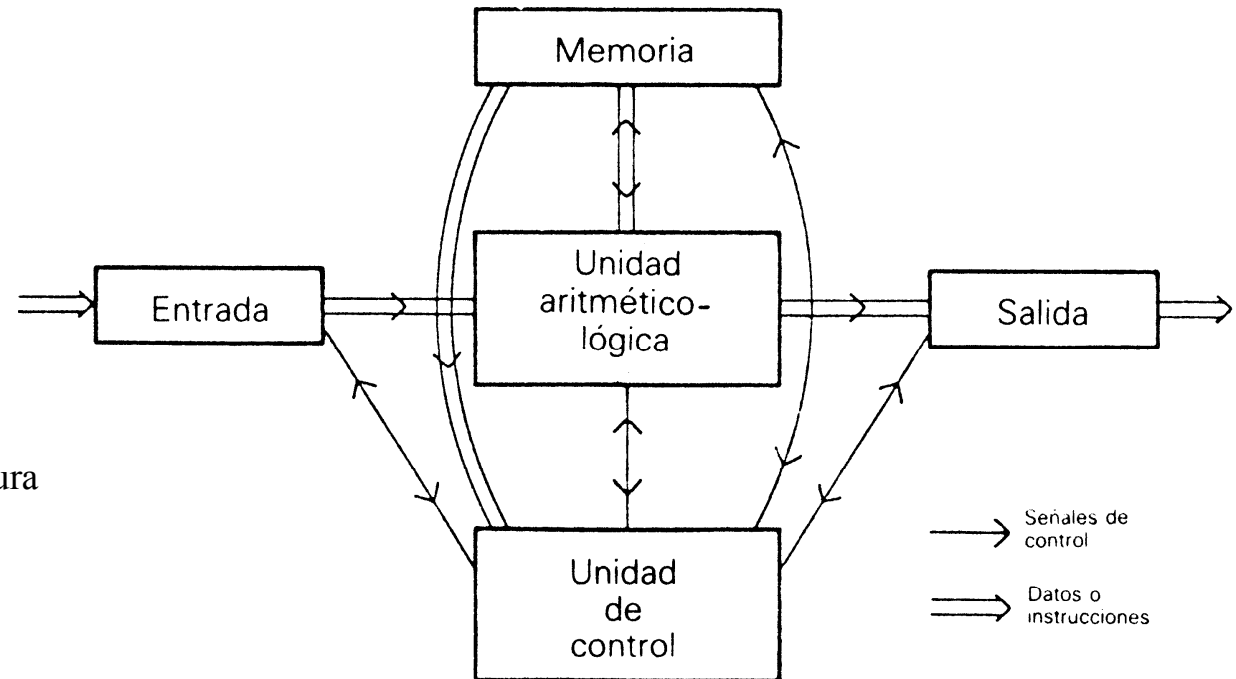
### INTRODUCCION

#### \* Objetivos

- Analizar el Hardware mínimo para esta Unidad
- Estudio de los Algoritmos Aritméticos

#### \* Visión global

- Componentes básicos de la Estructura VON NEUMAN
  - Unidad de Cálculo
  - Unidad de Control
  - Unidad de Memoria
  - Unidades de E/S



Esquema de Von Neumann.

**\* Operaciones a realizar**

- Comparación
- Suma
- Resta
- Multiplicación
- División

**\* Tipos de Operandos**

- Enteros sin signo
- Enteros con signo
  - Signo Magnitud
  - Complemento a dos
  - Exceso M
- Reales
  - Punto flotante

**\* Concepto de Algoritmo**

"Secuencia de operaciones cuya ejecución implica la realización de una operación determinada"

- Secuencialidad
- Existencia de bucles
- Saltos condicionales
- Condicionalidad de ejecución

**\* Expresión de las operaciones**

- Hardware necesario
  - Registros (almacenamiento, desplazamiento, etc.)
  - Circuitos Combinaciones (sumador, etc.)
  - Lógica adicional
- Algoritmo Aritmético (¿es necesario siempre?)
  - Secuencia de acciones que conllevan la realización de esa operación aritmética
  - Diagrama de flujo clásico
- Interdependencia entre el Hardware y el Algoritmo
  - Ejemplo: el producto

## COMPARACIÓN Y RESTA DE NUMEROS BINARIOS SIN SIGNO

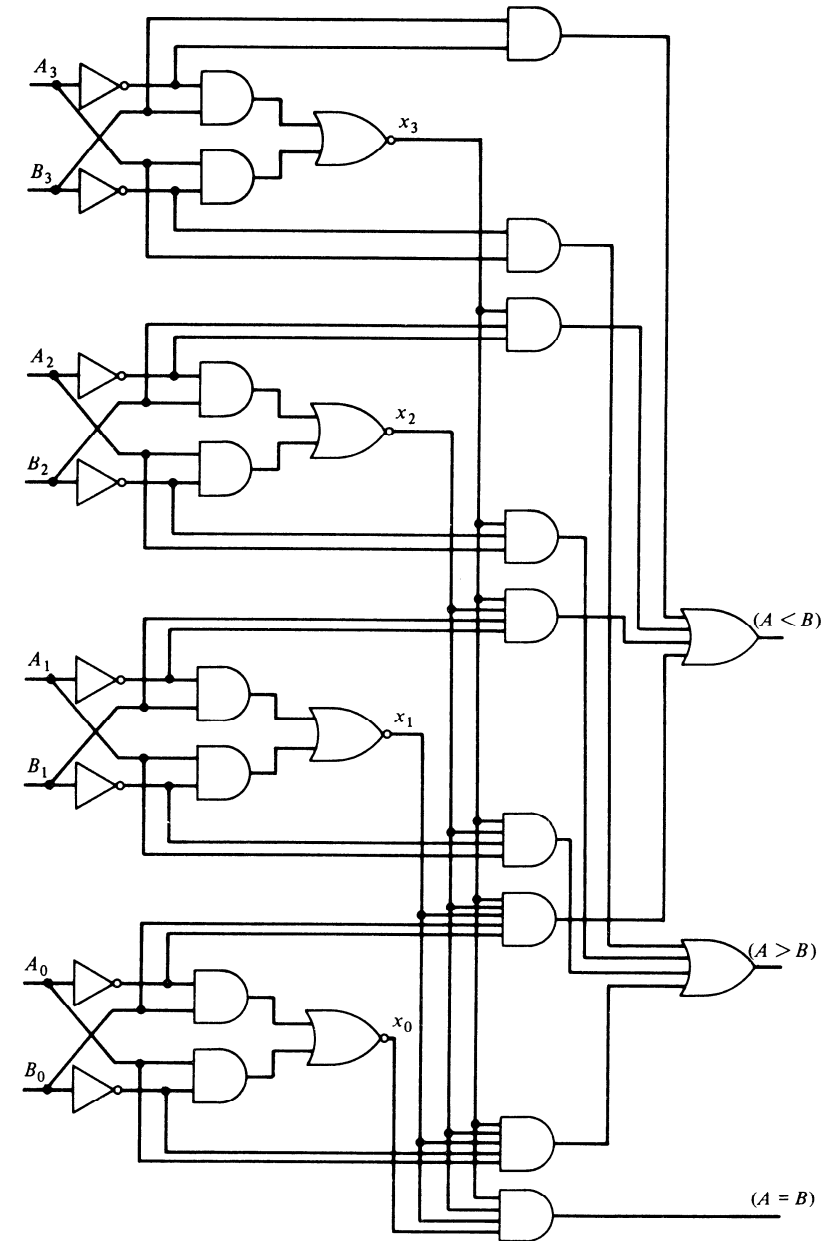
### \* Importancia de la Comparación

- como operación propia
- como toma de decisiones en otras operaciones

### \* Comparación de dos números binarios A y B (c. combinacional)

$$(X_i = A_i B_i + A_i' B_i')$$

- Igual  $A = B$  ----> si  $X_i = 1$  ;  $i = 0, 1, 2,$
- Mayor  $A > B$  ----> si  $A_2 B_2' + X_2 A_1 B_1' + X_2 X_1 A_0 B_0' = 1$
- Menor  $A < B$  ----> si  $A_2' B_2 + X_2 A_1' B_1 + X_2 X_1 A_0' B_0 = 1$



**\* Representación de los números en complemento a dos**

- Complemento a dos de  $A = 2_A = 2^n - A$

**\* Resta de dos números A y B**

A - B

- Si  $A > B \rightarrow$  prest = 0      resultado A - B
- Si  $A = B \rightarrow$  prest = 0      "      0
- Si  $A < B \rightarrow$  prest = 1      "      2 (B-A)

$$A < B \rightarrow 2^n + A - B = 2^n - (B - A) = 2 (B-A)$$

**\* Comparación mediante la resta**

- $p = 0$  implica  $A \geq B$        $p = 1$  implica  $A < B$
- Para distinguir  $A > B$  de  $A = B$  se usa el Bit Z
- $Z = 1$  implica que  $A = B$

**RESTA DE NUMEROS MEDIANTE COMPLEMENTO****\* Complemento a 1 ( $1_B = B' = 2^n - 1 - B$ )**

$$A - B = A + B' = A + 2^n - 1 - B$$

- |                       |         |                       |
|-----------------------|---------|-----------------------|
| ▪ $A > B \rightarrow$ | $c = 1$ | resultado $A - B - 1$ |
| ▪ $A = B \rightarrow$ | $c = 0$ | " $2^n - 1$           |
| ▪ $A < B \rightarrow$ | $c = 0$ | " $1_{B-A}$           |

**\* Comparación mediante la resta con complemento a uno**

- $c = 0$  implica  $A \leq B$        $c = 1$  implica  $A > B$
- Para distinguir  $A < B$  de  $A = B$  se usa el Bit  $Z$
- $Z = 1$  implica que  $A = B$

**\* Complemento a 2 ( $2_B = B' + 1 = 2^n - B$ )**

$$A - B = A + B' + 1 = A + 2^n - B$$

- |                       |         |                   |
|-----------------------|---------|-------------------|
| ▪ $A > B \rightarrow$ | $c = 1$ | resultado $A - B$ |
| ▪ $A = B \rightarrow$ | $c = 1$ | " $0$             |
| ▪ $A < B \rightarrow$ | $c = 0$ | " $2_{B-A}$       |

**\* Comparación mediante la resta con complemento a dos**

- $c = 1$  implica  $A \geq B$  ;       $c = 0$  implica  $A < B$
- Para distinguir  $A < B$  de  $A = B$  se usa el Bit  $Z$
- $Z = 1$  implica que  $A = B$

TABLA 9-1 Resta y comparación de números binarios sin signo

<i>Operación</i>	<i>si</i>	<i>E</i> <i>es</i>	<i>El resultado es</i>	<i>si</i>	<i>E</i> <i>es</i>	<i>El resultado es</i>	<i>Si A = B</i> <i>el resultado</i> <i>contiene</i>
$A - B$	$A \geq B$	0	$A - B$	$A < B$	1	Complemento a 2 de $(B - A)$	Todos 0's
$A + \bar{B}$	$A \leq B$	0	Complemento a 1 de $(B - A)$	$A > B$	1	$A - B - 1$	Todos 1's
$A + \bar{B} + 1$	$A < B$	0	Complemento a 2 de $(B - A)$	$A \geq B$	1	$A - B$	Todos 0's

*E* es el acarreo final para la suma o el préstamo final para la resta.

## ENTEROS CON SIGNO: REPRESENTACION SIGNO MAGNITUD

### OPERACIONES DE SUMA Y RESTA

#### \* Definición de un Algoritmo común

- Suma de dos números de diferente signo es equivalente a una resta
- Resta " " " " " " " " " " suma

#### \* Representación mediante signo magnitud

- A, B representan la magnitud de los números
- Diferencia entre el signo del número (+ o -) y la operación
- Suma con igual signo o resta con distinto signo se realiza con una suma
- Resta con igual signo o suma con distinto signo se realiza con una resta
- Signo del resultado
  - \* Si es suma el signo es el de A
  - \* Si es resta :
    - El de A si  $A > B$
    - El contrario de A si  $A < B$
    - + si el resultado es cero  $A = B$

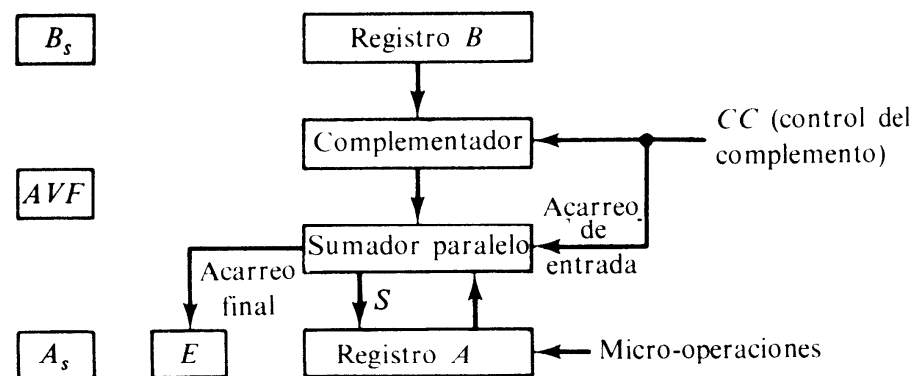
TABLA 9-2 Suma y resta de números en magnitud con signo

Operación	Sume las magnitudes	Reste las magnitudes		
		Cuando $A > B$	Cuando $A < B$	Cuando $A = B$
$(+A) + (+B)$	$+(A + B)$			
$(+A) + (-B)$		$+(A - B)$	$-(B - A)$	$+(A - B)$
$(-A) + (+B)$		$-(A - B)$	$+(B - A)$	$+(A - B)$
$(-A) + (-B)$	$-(A + B)$			
$(+A) - (+B)$		$+(A - B)$	$-(B - A)$	$+(A - B)$
$(+A) - (-B)$	$+(A + B)$			
$(-A) - (+B)$	$-(A + B)$			
$(-A) - (-B)$		$-(A - B)$	$+(B - A)$	$+(A - B)$

## IMPLEMENTACION HARDWARE

### \* El Hardware necesario para la realización de estas operaciones

- Registro AsA: Primer sumando o Minuendo
  - \* As para el signo y A para la magnitud
- Registro BsB: Segundo sumando o Substraendo
  - \* Bs para el signo y B para la magnitud
- Registro de Sobreflujo (1 bit) AVF
- Registro de Acarreo (1 bit) E
- Circuito Sumador/Restador (Complemento a dos)
  - \* Sumador, Acarreo inicial y Complementador
- El resultado se almacenará en AsA (Acumulador)



**Figura 9-2** Diagrama de bloques del hardware para suma y resta.



## ALGORITMO DEL HARDWARE

\* Secuencia de acciones para realizar dichas operaciones

- Tener en cuenta las operaciones
- Ver el hardware que se dispone
- Necesidad de la función OR-EXCLUSIVE para comparar signos
- Solo se puede producir sobreflujo en la suma
- Si el resultado de resta es  $< 0$  hay que ponerlo en signo magnitud
- Obtención de signo + si el resultado es cero

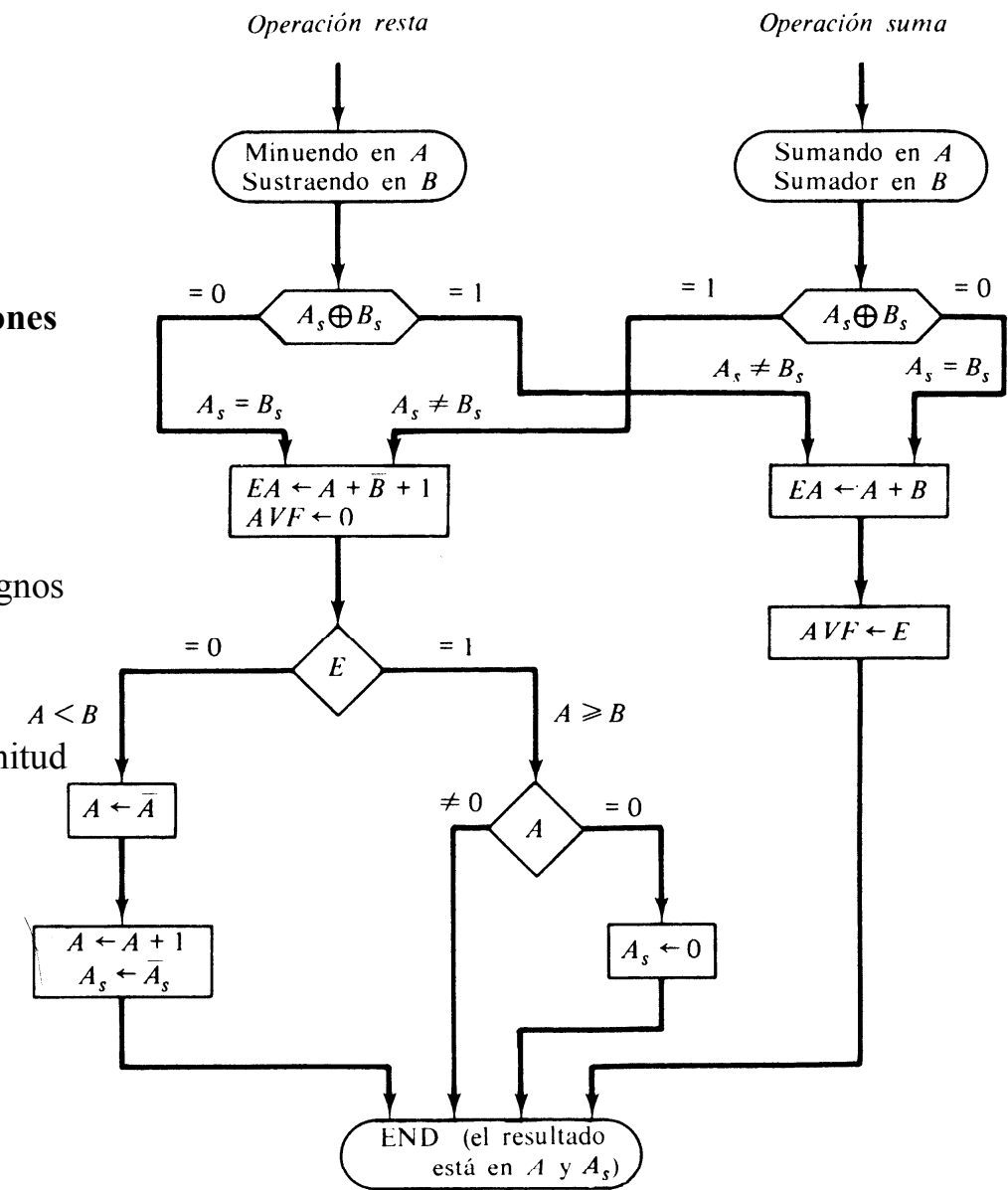


Figura 9-4 Diagrama de flujo para las operaciones sumar y restar.

## OPERACION DE MULTIPLICACION

### \* Multiplicación de dos número de N bits en representación SM

- El resultado de 2N bits:
  - Signo: + si son de igual signo y - si son diferentes
  - Magnitud: producto de las dos magnitudes

### \* Técnica para multiplicar: repetir N veces el bucle

- Suma (2N bits) si procede del multiplicando al resultado parcial
- Desplazamiento a izquierda del multiplicando

### \* Longitud de los Registros y sumador que asegure el resultado

- 2N para multiplicando y resultado
- N para el multiplicador
- Longitud del sumador (2N)

23	x	10111	Multiplicando
<u>19</u>		<u>10011</u>	Multiplicador
		10111	
		10111	
		00000	+
		00000	
		<u>10111</u>	
437		110110101	Producto

**Figura 9-5** Ejemplo de multiplicación binaria.

## IMPLEMENTACION HARDWARE

### \* Modificaciones a la técnica (ahorran longitud de registros y sumador)

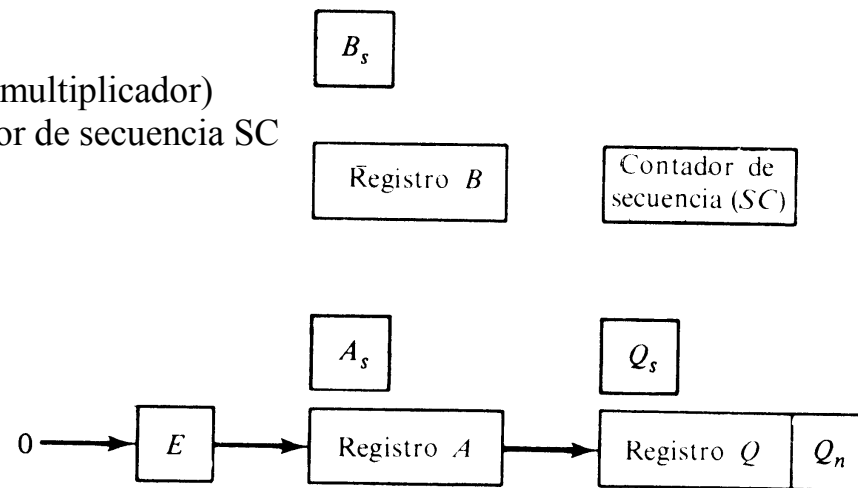
- Suma (N bits) si procede del multiplicando al resultado parcial
- Desplazamiento a derecha del resultado parcial

### \* Longitud de los Registros y sumador que asegure el resultado

- 2N para el Acumulador
- N para multiplicando y multiplicador
- Sumador de N bits

### \* Registros

- BsB para el multiplicando
- AsA y QsQ para el resultado (QsQ el multiplicador)
- Registro de acarreo (1 bit) E y contador de secuencia SC



**Figura 9-6** Registro *EAQ* y contador de secuencia necesario para multiplicación y división.

## ALGORITMO DEL HARWARE

- \* Operación OR-EXCLUSIVE para determinar el signo del resultado
- \* Inclusión de E en los desplazamientos a derecha del resultado parcial
- \* Número de iteraciones del algoritmo N o N-1

Multiplicando: $B = 10111$	$E$	$A$	$Q$	$SC$
		00000	10011	5
Multiplicador en $Q$ :		<u>10111</u>		
$Q_n = 1$ ; sume $B$				
Primer producto parcial	0	10111		
shr $EAQ$	0	01011	11001	4
$Q_n = 1$ ; sume $B$		<u>10111</u>		
Segundo producto parcial	1	00010		
shr $EAQ$	0	10001	01100	3
$Q_n = 0$ ; shr $EAQ$	0	01000	10110	2
$Q_n = 0$ ; shr $EAQ$	0	00100	01011	1
$Q_n = 1$ ; sume $B$		<u>10111</u>		
Quinto producto parcial	0	11011		
shr $EAQ$ ; producto final:		01101	10101	0

Figura 9-8 Ejemplo de multiplicación binario con hardware digital.

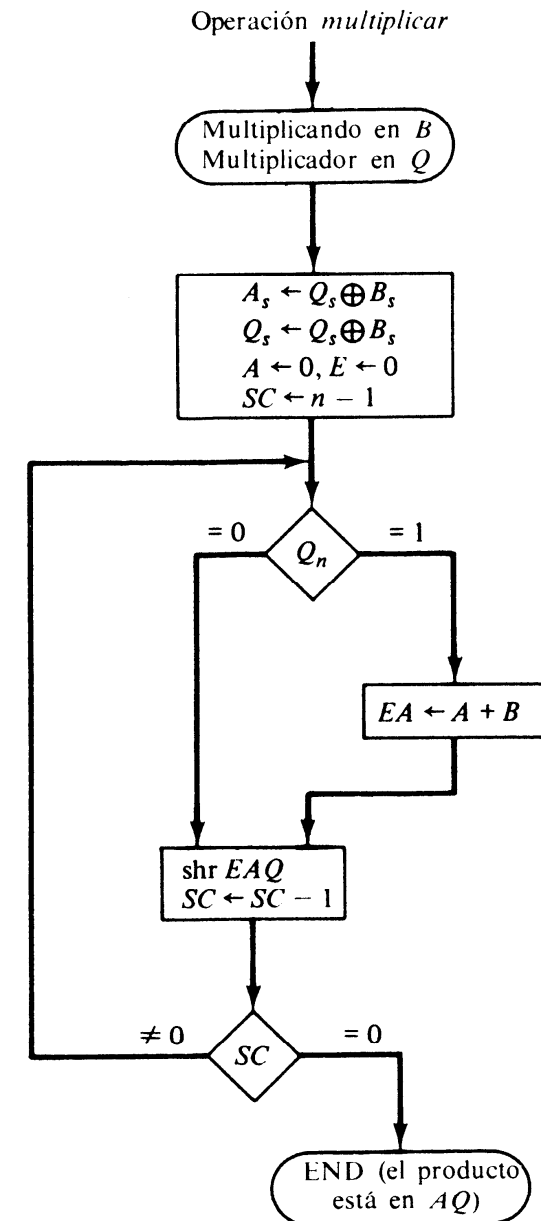


Figura 9-7 Diagrama de flujo para la operación de multiplicación.

## OPERACION DE DIVISION

### \* División de un número de $2N$ bits por otro de $N$ bits

- El resultado será  $N$  bits de cociente y  $N$  de resto:
  - Signo: + si son de igual signo y - si son diferentes
  - Magnitud: división de las dos magnitudes

Divisor:

$B = 10001$

	11010
)	0111000000
	01110
	011100
	<u>-10001</u>
	-010110
	<u>--10001</u>
	--001010
	---010100
	<u>----10001</u>
	----000110
	-----00110

Cociente =  $Q$

Dividendo =  $A$

5 bits de  $A < B$ , cociente tiene 5 bits

6 bits de  $A \geq B$

Desplace  $B$  a la derecha y reste; entre 1 en  $Q$

7 bits del residuo  $\geq B$

Desplace  $B$  a la derecha y reste; entre 1 en  $Q$

Residuo  $< B$ ; entre 0 en  $Q$ ; desplace  $B$  a la derecha

Residuo  $\geq B$

Desplace  $B$  a la derecha y reste; entre 1 en  $Q$

Residuo  $< B$ ; entre 0 en  $Q$

Residuo final

### \* Técnica para dividir: repetir $N$ veces el bucle

- Resta ( $N$  bits) si cabe del divisor al residuo parcial
- Desplazamiento a la derecha del divisor

### \* Longitud de los Registros y restador que asegure el resultado

- $2N$  para dividendo y divisor
- $N$  para el cociente y el resto
- Longitud del Restador ( $2N$ )

**Figura 9-9** Ejemplo de división binaria.

## IMPLEMENTACION HARDWARE

\* **Modificaciones a la técnica** que ahorran longitud de registros y restador

- Resta (N bits) si cabe del divisor al residuo parcial
- Desplazamiento a izquierda del residuo parcial

\* **Longitud de los Registros y restador** que asegure el resultado

- 2N para el dividendo, cociente y resto (un solo registro)
- N para el divisor
- Restador de N bits

\* **Registros**

- BsB para el divisor
- AsA y QsQ para el dividendo, cociente y resto
- Registro de Sobreflujo de división DVF
- Registro de acarreo (1 bit) E
- Registro contador de secuencia SC

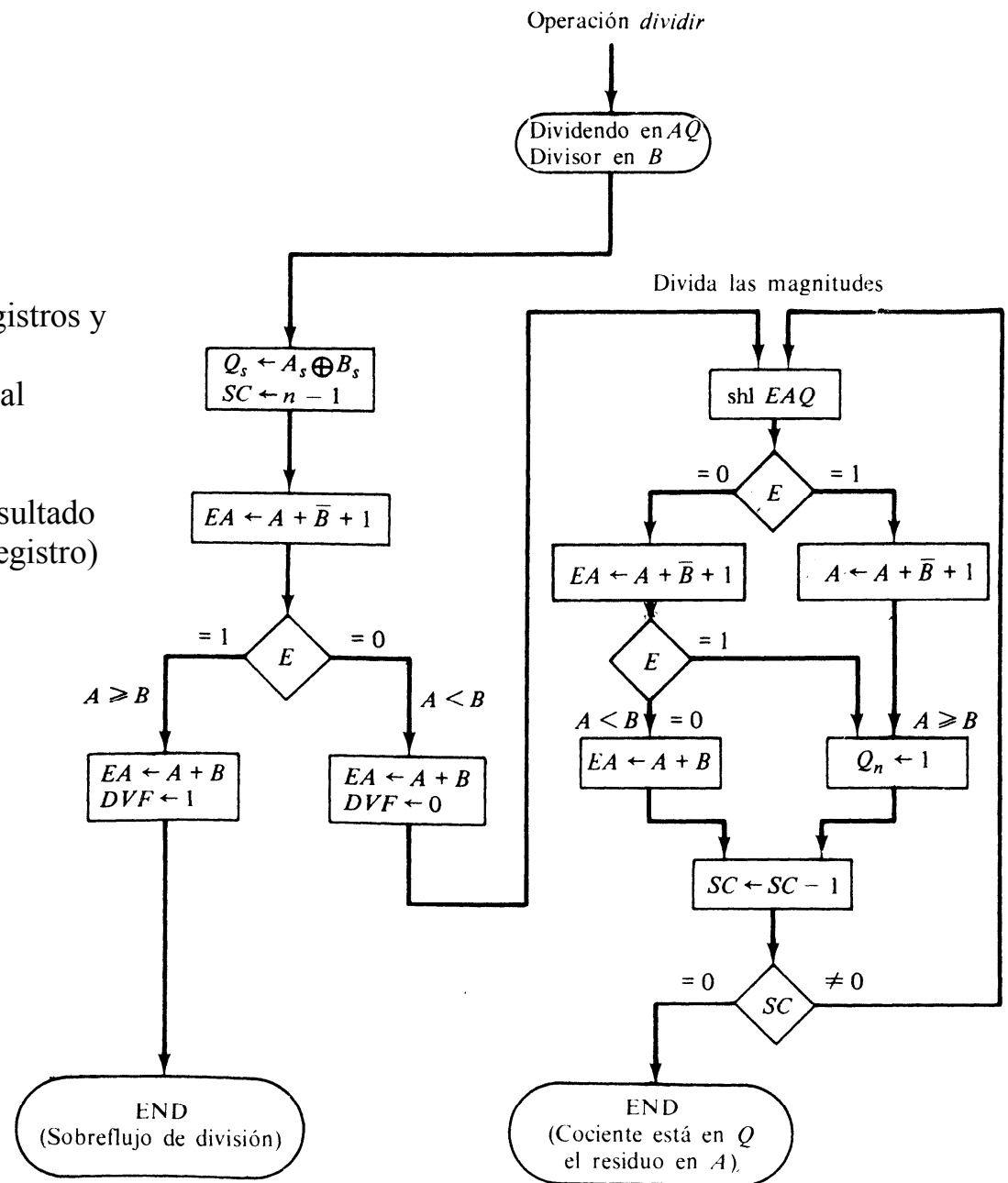


Figura 9-11 Diagrama de flujo para la operación de división.

## ALGORITMO DEL HARWARE

## \* Algoritmo de división con Restauración

- Comparación con resta (C. a dos)
- Restauración si no cabe

## \* Problema del Sobreflujo

## \* Problema de la división por cero

## \* Operación OR-EXCLUSIVE para determinar el signo del resultado

## \* Número de iteraciones del algoritmo N o N-1

Divisor $B = 10001$ ,		$\bar{B} + 1 = 01111$		
	$E$	$A$	$Q$	$SC$
Dividendo:		01110	00000	5
shl $EAQ$	0	11100	00000	
Sume $\bar{B} + 1$		01111		
$E = 1$	1	01011		
Coloque $Q_n = 1$	1	01011	00001	4
shl $EAQ$	0	10110	00010	
Sume $\bar{B} + 1$		01111		
$E = 1$	1	00101		
Coloque $Q_n = 1$	1	00101	00011	3
shl $EAQ$	0	01010	00110	
Sume $\bar{B} + 1$		01111		
$E = 0$ ; deje $Q_n = 0$	0	11001	00110	
Sume $B$		10001		
Restaurar el registro	1	01010		2
shl $EAQ$	0	10100	01100	
Sume $\bar{B} + 1$		01111		
$E = 1$	1	00011		
Colocar $Q_n = 1$	1	00011	01101	1
shl $EAQ$	0	00110	11010	
Sume $\bar{B} + 1$		01111		
$E = 0$ ; deje $Q_n = 0$	0	10101	11010	
Sume $B$		10001		
Restaurar el residuo	1	00110	11010	0
Desprecie $E$				
Residuo en $A$ :		00110		
Cociente en $Q$ :			11010	

Figura 9-10 Ejemplo de la división binaria con hardware digital.

## OTROS ALGORITMOS

### \* Método de Comparación

- A y B se comparan antes de la resta
  - \* si  $A \geq B$  se realiza la resta y se desplaza
  - \* si  $A < B$  solo se desplaza
- Requiere lógica adicional que decide si se resta o no

### \* Método sin restauración

- Se realiza la resta  $A - B$  como en el de restauración
  - si el resultado es positivo se sigue igual
  - si es negativo se desplaza y en la siguiente iteración se suma B

### \* Equivalencia de los dos métodos

- Con restauración  
 $A - B \rightarrow (A - B) + B = A \rightarrow 2A \rightarrow 2A - B$
- Sin restauración  
 $A - B \rightarrow 2(A - B) \rightarrow 2(A - B) + B = 2A - 2B + B = 2A - B$

### \* El método sin restauración

- No necesita restaurar ( más rápido)
- Requiere lógica adicional para recordar si se suma o resta

B = 1001

B'+1 = 0111

	E	A	Q	SC
	--	-----		--
	-	0110	0101	4
	0	1100	1010	
shl				
+ B'+1		0111		
E=1 Qn=1;SC-1 1	0011	1011		3
SHL	0	0111	0110	
+ B'+1		0111		
E=0 Qn=0;SC-1 0	1110	0110		2
shl	1	1100	1100	
+B		1001		
E=1 Qn=1;SC-1 1	0101	1101		1
shl	0	1011	1010	
+ B'+1		0111		
E=1 Qn=1;SC-1 1	0010	1011		0

### EJEMPLO DE DIVISION SIN RESTAURACION

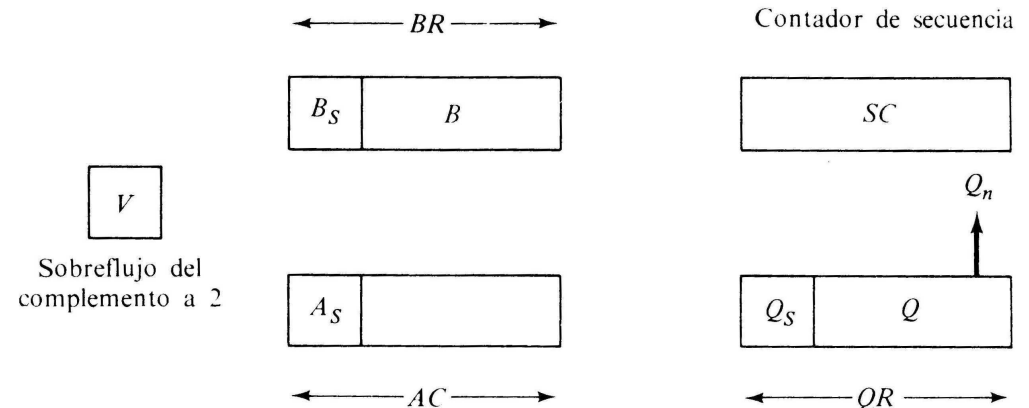


## ENTEROS CON SIGNO: REPRESENTACIÓN COMPLEMENTO A DOS MAS SIGNO OPERACIONES DE SUMA Y RESTA

- **Número en complemento a dos mas signo**
  - Bit de signo (MSB) :
    - \* 0 para positivos
    - \* 1 para negativos
  - Resto
    - \* magnitud para positivos
    - \* complemento a dos para negativos
- **Sobreflujo e invasión del bit de signo**
  - Suma de números del mismo signo
  - Resta de números de distinto signo
    - \* OR-EXCLUSIVE del Bs y Acarreo

### IMPLEMENTACIÓN DEL HARDWARE

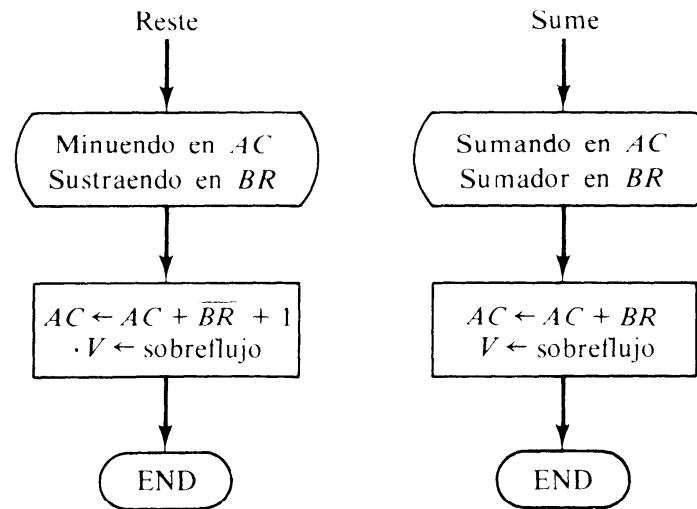
- **Registros**
  - AC; Registro Acumulador (AsA)
  - SC; Registro contador de secuencia
  - V; Registro de bit de sobreflujo
  - BR y QR para otros operandos (BsB y QsQ)
  - Separación del bit de signo de los registros
- **Utilización**
  - AC, BR y V en la suma y resta
  - AC, BR, QR, SC y V en las otras operaciones



**Figura 10-1** Registros para las operaciones aritméticas del complemento a 2 con signo.

## SUMA Y RESTA

- La representación en complemento a dos facilita estas operaciones



**Figura 10-2** Algoritmo para sumar y restar números en la representación del complemento a 2 con signo.

## DESPLAZAMIENTOS ARITMÉTICOS

- **Desplazamientos con conservación del signo**
  - Problema con los n° en complemento a dos
  - Desplazamiento a izquierda puede producir error
    - \* Comprobación posterior de overflow
  - Desplazamiento a derecha debe mantener el signo
    - \* Se puede realizar sin error
- **Aplicación al caso de la multiplicación**
  - Operación de desplazamiento después de una suma
    - \* Condición o no de overflow en la suma

TABLA 10-1 Valor del bit del signo para desplazamiento aritmético a la derecha

Sobreflujo, $V$	Bit del signo $A_s$ antes del desplazamiento	Bit del signo $A_s$ después del desplazamiento	Comentarios
0	0	0	No hay sobreflujo, el signo permanece positivo
0	1	1	No hay sobreflujo, el signo permanece negativo
1	0	1	Sobreflujo, necesita inversión de signo
1	1	0	Sobreflujo, necesita inversión de signo

- **La operación de desplazamiento aritmético** la expresaremos  
 $\text{shr AC junto con } A_s \leftarrow A_s \text{ OR-EX } V$

## MULTIPLICACIÓN Y DIVISIÓN

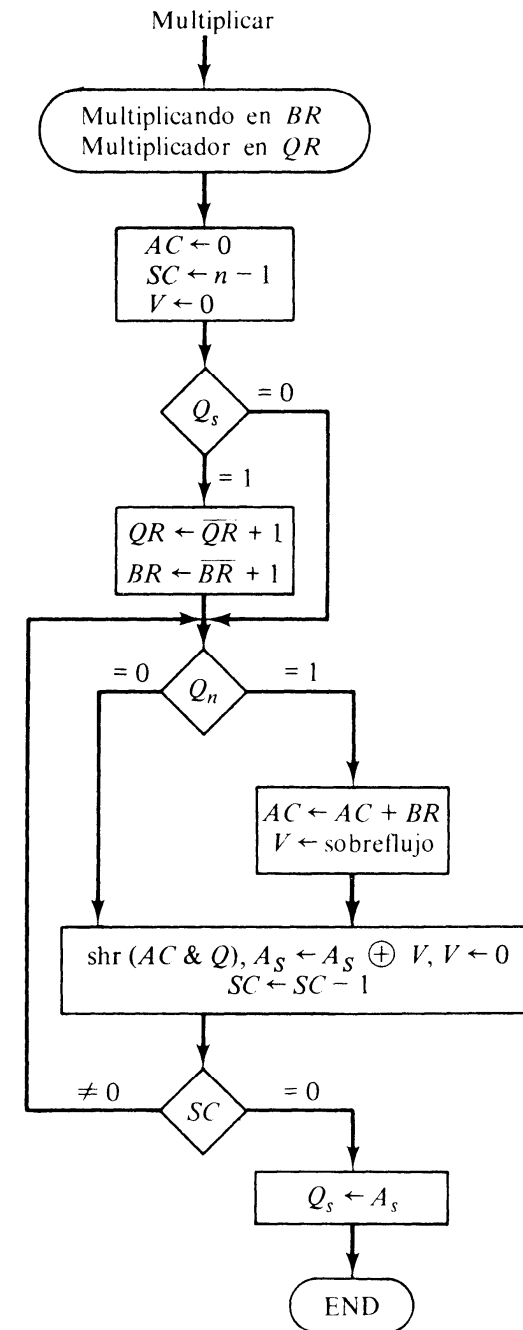
- **Soluciones con matrices multiplicadoras**
  - Costos aunque rápidos
- **Soluciones con ROMs o EPROMs**
  - Anchura no grande de palabra
- **Secuencia de operaciones de sumas y desplazamientos**
  - La más usada; económica pero lenta

## MULTIPLICACIÓN CON NUMEROS EN COMPLEMENTO A DOS

- **Si los dos son positivos**
  - Algoritmo de los números S-M olvidando el signo
- **Si el Multiplicando es negativo y el Multiplicador positivo**
  - Algoritmo de S-M (la suma en complemento a dos va bien)
  - Realización de desplazamientos aritméticos
- **Si el multiplicador es negativo**
  - No se puede aplicar el Algoritmo de S-M
  - El multiplicador debe de ser positivo
- **Algoritmo de Multiplicación I**
  - Asegurar que ambos sean siempre positivos
    - \* se calcula primero el signo (Or-Ex)
    - \* se hacen el Complemento a dos
  - \* se convierten a positivos
  - \* si el signo es negativo se hace el Complemento a dos

▪ **Algoritmo de Multiplicación II**

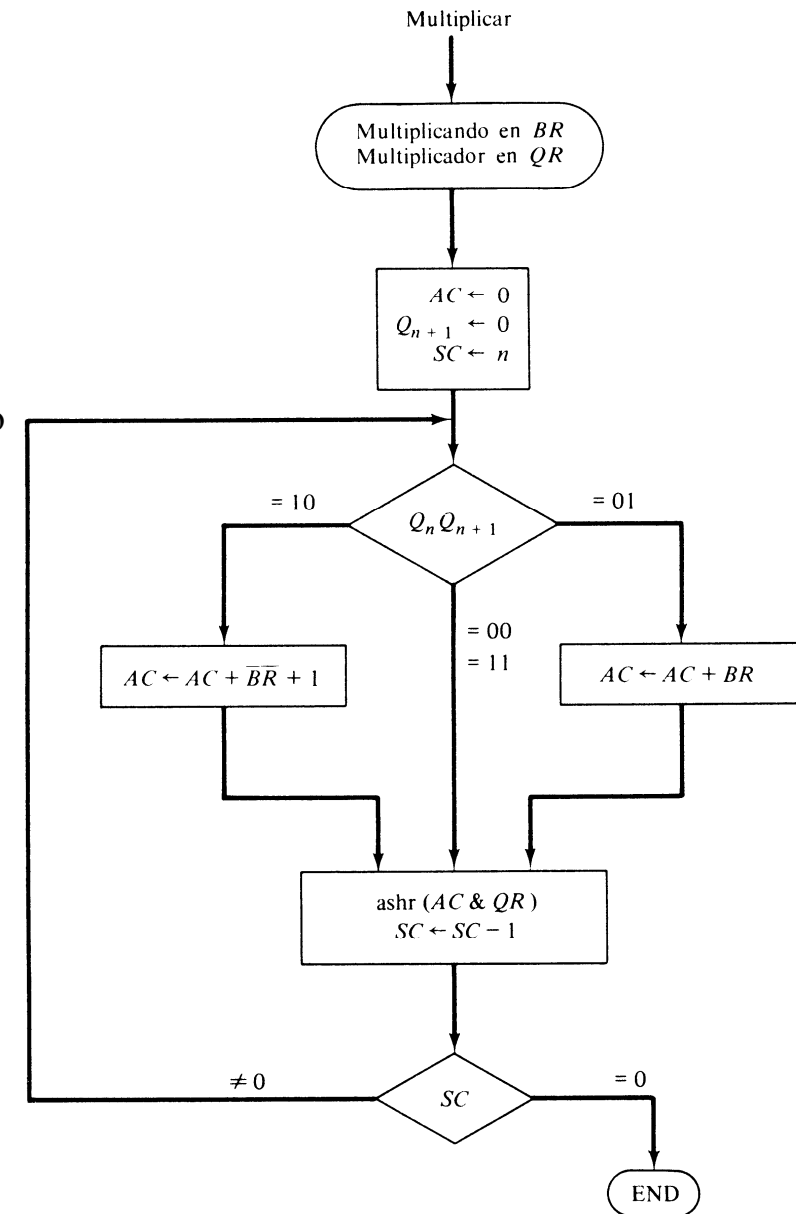
- Asegurar que el multiplicador sea siempre positivo
  - \* Se testea el signo del multiplicador
  - \* Si es negativo se cambian los dos



**Figura 10-4** Algoritmo de multiplicación para números binarios en la representación del complemento a 2 con signo.

## ALGORITMO DE MULTIPLICACIÓN DE BOOTH'S

- **Resuelve el problema del multiplicador negativo**
- **Fundamento**
  - Una hilera de 0s seguidos en el multiplicador no requiere sumas
  - Para una hilera de unos seguidos puede simplificarse  
 $\dots 01111\dots 1110000 \rightarrow \text{aportación } (2^{u+1} - 2^v) * \text{Multiplicando}$   
 $v$  y  $u$  posición donde empiezan (msb) y acaba la hilera de unos
  - ejemplo  
 $0111100 = 2^6 - 2^2$
  - Si el multiplicador es negativo la última operación es una resta
  - Hardware adicional : Registro de 1 bit  $Q_{n+1}$



**Figura 10-5** Algoritmo de Booth para la multiplicación de números en el complemento de 2 con signo.

TABLA 10-2 Ejemplo de la multiplicación con el algoritmo de Booth

		$BR = 10111$ $\overline{BR} + 1 = 01001$			
$Q_n Q_{n+1}$		$AC$	$QR$	$Q_{n+1}$	$SC$
	Inicial	00000	10011	0	5
1 0	Reste $BR$	<u>01001</u> 01001			
	ashr	00100	11001	1	4
1 1	ashr	00010	01100	1	3
0 1	Sume $BR$	<u>10111</u> 11001			
	ashr	11100	10110	0	2
0 0	ashr	11110	01011	0	1
1 0	Reste $BR$	<u>01001</u> 00111			
	ashr	00011	10101	1	0

## DIVISIÓN CON NUMEROS EN COMPLEMENTO A DOS

### ▪ Algoritmo basado en el de S-M

- Se calcula signo del resultado
- Se ponen los dos positivos
- Se realiza la división
- Se complementa en su caso

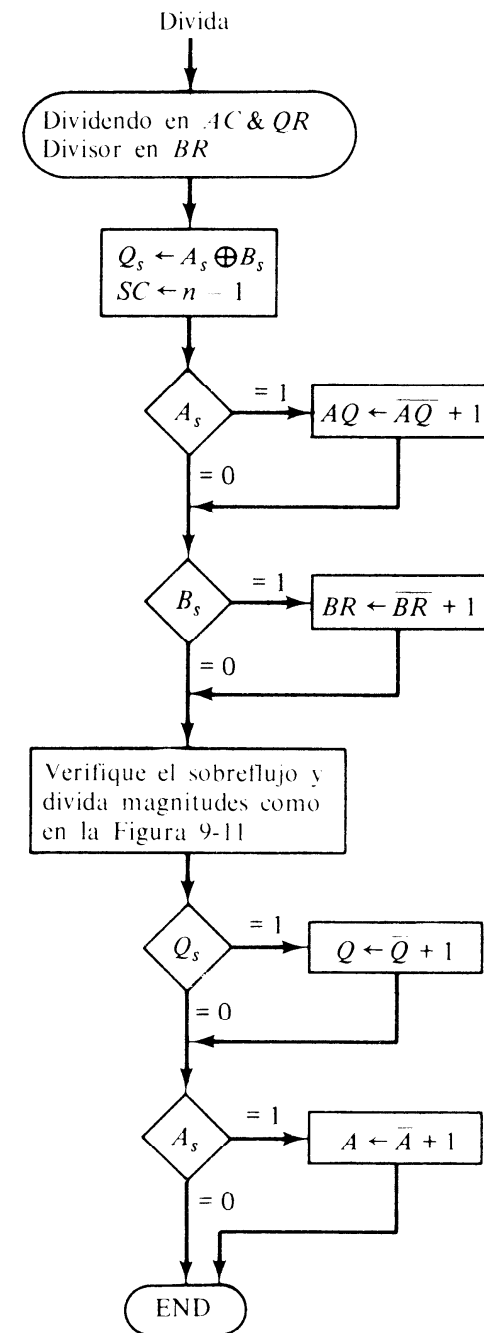


Figura 10-6 División de números binarios en la representación del complemento a 2 con signo.



## OPERACIONES ARITMÉTICAS EN PUNTO FLOTANTE

- **Número real en notación científica :**  $N = M * b^e$ 
  - **N** el número real; **M** la mantisa, **b** una base y **e** el exponente
  - La mantisa se puede expresar como
    - > parte entera
    - > parte decimal
    - > mezcla de ambas
  - ejemplos
    - >  $J = - 4560 * 10^{32}$
    - >  $N = 5.659 * 10^{20}$
    - >  $H = 0.011101 * 2^{1011}$
  
- **Representación en Punto Flotante**
  - Poder variar la posición del punto
    - >  $5.659 * 10^{20} = 0.5659 * 10^{21} = 56.59 * 10^{19}$
    - >  $0.011101 * 2^{1011} = 0.111010 * 2^{1010}$
  
  - Expresión normalizada
    - > cuando el primer dígito tras el punto es distinto de cero
  
  - Valores necesarios para almacenar un  $N^o$  en P.F.
    - > la mantisa (M)
    - > el exponente (e)
    - > la base no es necesaria

- **Representación en P.F de números en binario**

- La mantisa se da como parte no entera
- Para incluir valores negativos se utiliza la representación S-M
- El exponente se representa con sesgo para incluir valores negativos

- **Ejemplo para un número binario en P.F.**

- para 32 bits

**S/EEEEEEEE/MMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMMM**

- Distribución de los bits
  - > 1 bit (msb) para signo de mantisa
  - > 8 bits de exponente con sesgo = 128 en S.P.
  - > 11 bits de exponente con sesgo = 1024 en D.P.
  - > 23 bits de mantisa en S.P.
  - > 52 bits de mantisa en D.P.
- Valor del número
  - >  $(-1)^{\text{msb}} * 0.M * 2^{\text{exp}-128}$  en S.P.
  - >  $(-1)^{\text{msb}} * 0.M * 2^{\text{exp}-1024}$  en D. P.

- **Ejemplo**

**0-10000111-1100000000000000000000**

- Signo de mantisa: msb = 0 ---> positivo
- Mantisa 0.11000.....00
- Exponente 10000111-10000000= 00000111
- valor decimal

$$N = + 0.11 * 2^{11} = 0.75 * 2^7 = 0.75 * 128 = 96.0$$

- **Normalización de un n° en P.F.**

- Se supone la mantisa como parte no entera
- Conseguir que el primer dígito significativo sea 1
- Desplazamientos a izquierda con decrementos del exponente

- **Standard IEEE 754, 1985**

- Simple (32 bits) y doble precisión (64 bits)
- Formato similar (signo-exponente-mantisa)
- Valor decimal (diferencia)
$$N = (-1)^{\text{msb}} * 1.M * 2^{\text{exp-sesgo}} \text{ (sesgo = 127 ó 1023)}$$
- Se aumenta en un bit la capacidad de representación

- **Representación de números singulares**

- CERO -->  $EXP = 0$  y  $M = 0$
- + INFINITO --->  $SIGNO = 0$ ,  $EXP = 255$  ó  $2047$  y  $M = 0$
- - INFINITO --->  $SIGNO = 1$ ,  $EXP = 255$  ó  $2047$  y  $M = 0$
- Números desnormalizados --->  $EXP = 0$  y  $M$  distinto de 0

> su valor  $(-1)^{msb} * 0.M * 2^{-126}$  (1022)

- No un Número (NaNs) --->  $EXP = 255$  ó  $2047$  y  $M$  distinto de 0

- **Problemas con la representación en P.F.**

- Truncamiento y pérdida de precisión
- Bits de guarda, etc.

- **Operaciones Aritméticas en Punto Flotante**

- Suma [resta] (necesidad de tener los mismos exponentes)
  - > Exponente el común
  - > La mantisa será la suma [resta] de las mantisas
- Multiplicación [división]
  - > El exponente será la suma [resta] de los exponentes
  - > La mantisa será el producto [división] de las mantisas
- Necesidad de mantener siempre la representación normalizada

## COMPONENTES HARDWARE PARA LAS OPERACIONES EN P.F.

- **Los registros en P.F. deben de almacenar**
  - La mantisa, incluido bit para signo
  - El exponente
- **Necesidad de operar independientemente mantisas y exponentes**
  - Mantisas (basados en los algoritmos de S-M)
    - > Suma y Resta
    - > Multiplicación y División
- **Los circuitos Aritméticos**
  - Sumadores/Restadores para operar las mantisas
  - Sumadores/Restadores y Comparadores para los exponentes

## CONSIDERACIONES INICIALES Y FINALES

- **Condición de partida:** los operandos están normalizados (el 0 no)
- **Evitar operaciones con ceros:** Suma, Resta, Multiplicación y División
- **Condición de salida:** números normalizados

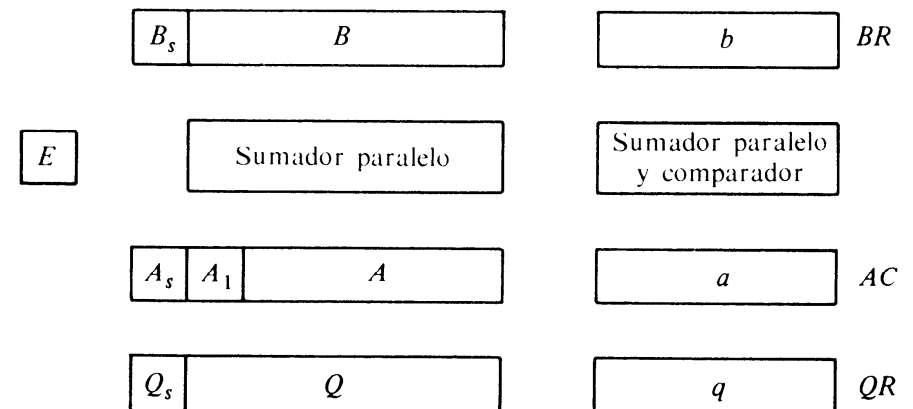
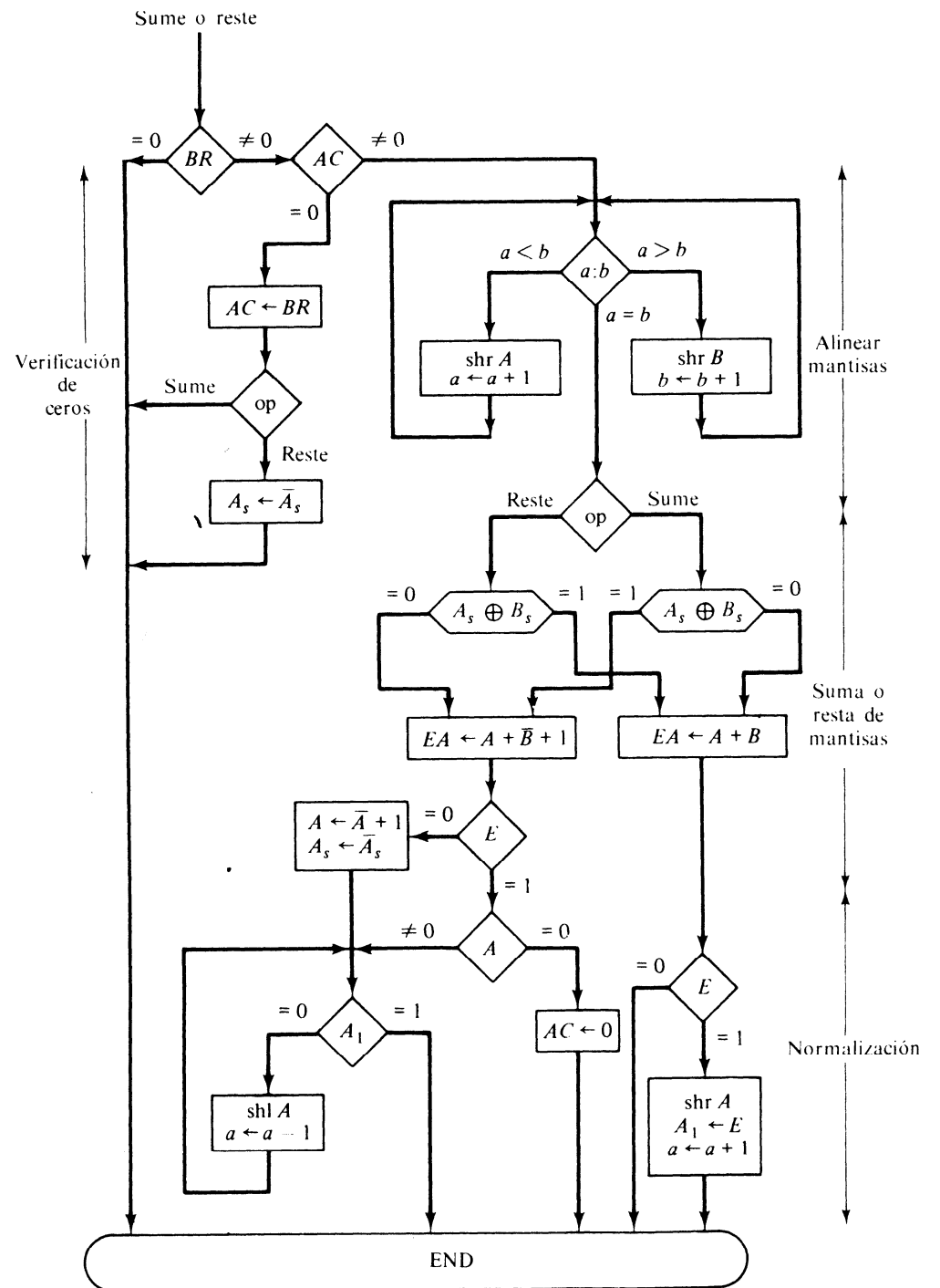


Figura 10-7 Registro para operaciones aritméticas en punto flotante.

- Verificación de ceros
- Alineación de las mantisa
- Sumar o restar las mantisas
- Normalizar el resultado



**Figura 10-8** Suma y resta de número en punto flotante.

## MULTIPLICACIÓN DE NUMEROS EN PUNTO FLOTANTE

- **Se multiplican las mantisas y se suman los exponentes**
  - Mantisas de N (o N-1) bits para los factores
  - Multiplicando en BR y Multiplicador en QR
  - Truncar resultado (AQ) de la mantisa a N (o N-1) bits
- **Pasos a seguir**
  - Verificar ceros
  - Sumar exponentes (nº en exceso m)
  - Multiplicar mantisas (alg. S-M)
  - Normalizar el resultado
- **Análisis del Algoritmo**
  - Resultado en AC con N (o N-1) bits de mantisa
  - Corrección de la suma de exponentes restándole el sesgo
  - La normalización final
    - \* Solo requiere, si procede, un solo paso
    - \* El desplazamiento incluye Q
  - Problemas de precisión al truncar el resultado

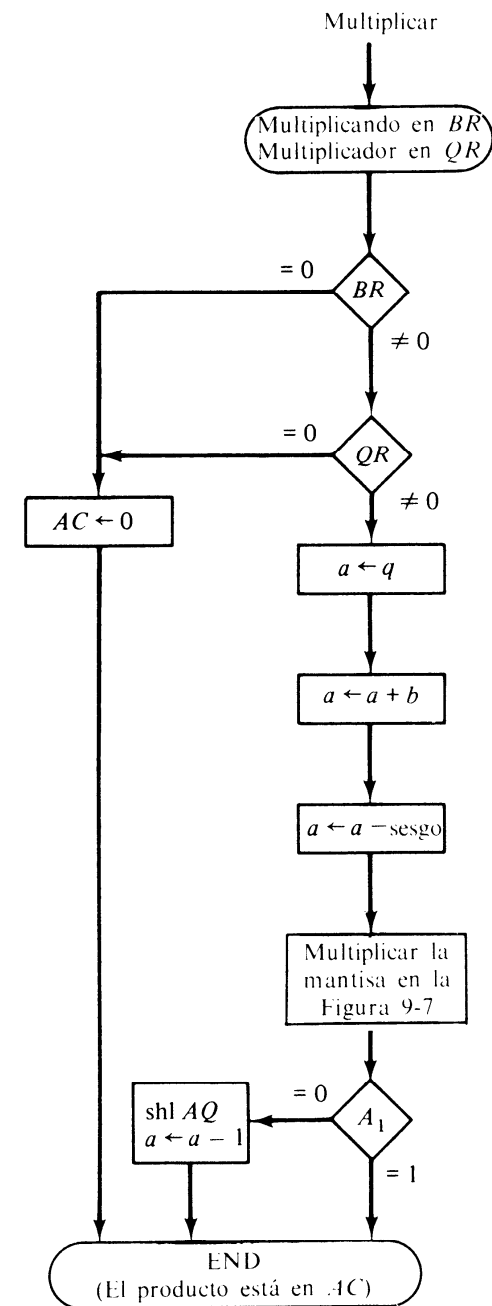


Figura 10-9 Multiplicación de números en punto flotante.

## DIVISION DE NUMEROS EN PUNTO FLOTANTE

- **Se restan los exponentes y se dividen las mantisas**
  - Se parten de mantisas de N (o N-1) bits
  - Divisor en BR y Dividendo en AC
  - División S-M para las mantisas
    - \* Mantisa de dividendo en AQ (Q a 0)
    - ( se puede hacer así ya que la mantisa es fraccionaria)
    - ( no sería posible para mantisas enteras)
- **Pasos a seguir**
  - Verificar ceros
  - Inicializar registros y evaluar signo
  - Alinear el Dividendo (evita el sobreflujo)
  - Restar exponentes
  - Dividir mantisas (alg. S-M)
- **El resultado**
  - El cociente en QR
    - \* Recuperar el sesgo después de la resta de exponentes
  - El residuo en AC
    - \* Hay que ponerle el exponente adecuado
    - ( se le resta al exponente N-1 y luego se normaliza)

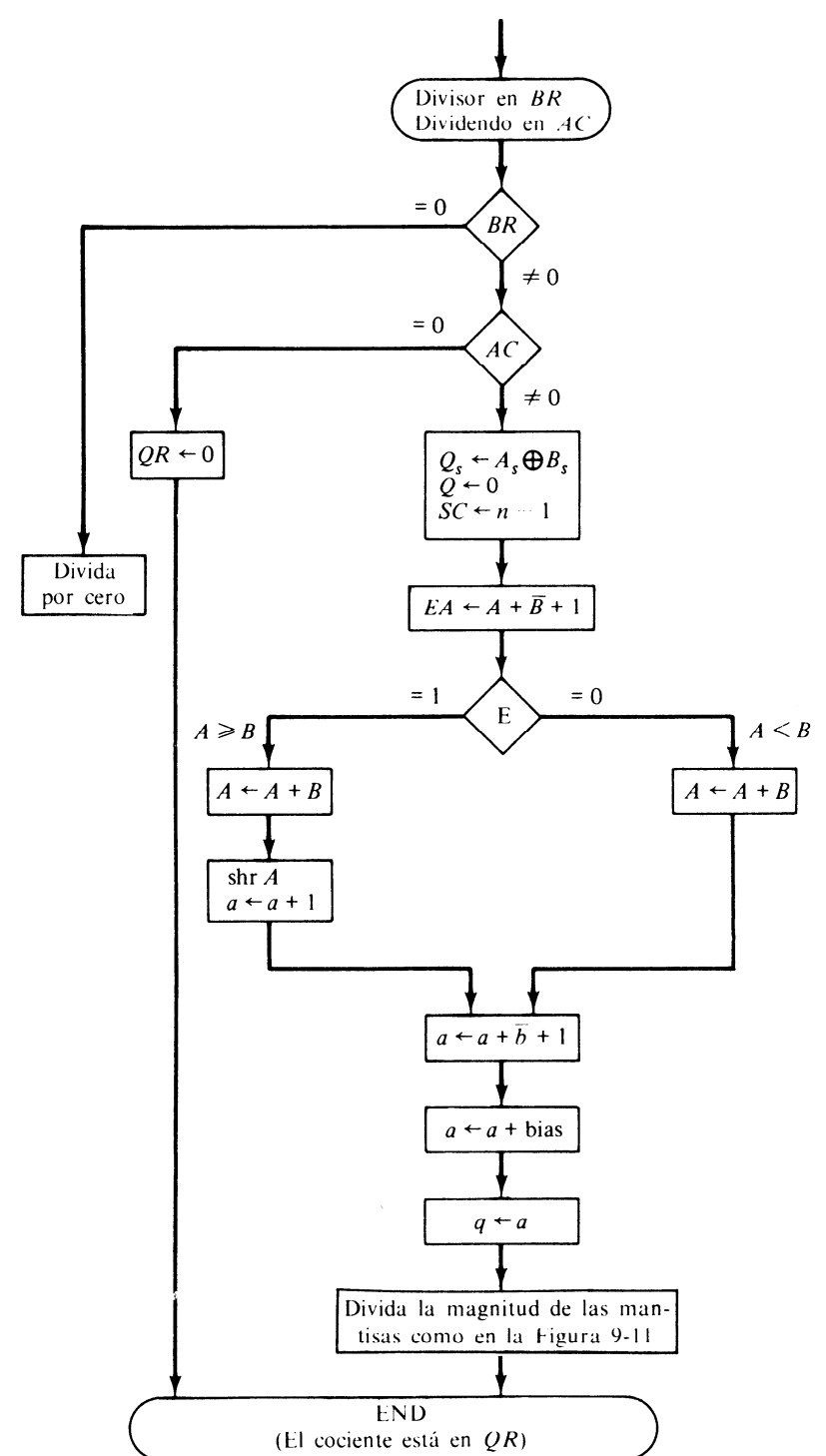


Figura 10-10 División de números en punto flotante.