

TEMA 2

2.2 POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

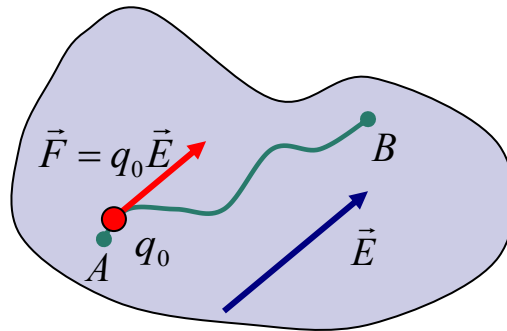
CONTENIDOS CONCEPTUALES

- 4.1. Energía y Potencial ELECTROSTÁTICO
 - 4.1.1. Propiedades del Potencial ELECTROSTÁTICO
 - 4.1.2. Unidades del Potencial ELECTROSTÁTICO
 - 4.1.3. Superficies Equipotenciales
- 4.2. Cálculo del Potencial Electrostático
 - 4.2.1. Diferencia de Potencial en un Campo ELECTROSTÁTICO Uniforme.
 - 4.2.2. Potencial ELECTROSTÁTICO debido a Cargas Puntuales
 - 4.2.3. Potencial ELECTROSTÁTICO debido a Distribuciones Continuas de Carga
- 4.3. Determinación del campo ELECTROSTÁTICO a partir del potencial.
- 4.4. Campo y potencial ELECTROSTÁTICO en un conductor.
 - 4.4.1. Campo ELECTROSTÁTICO y Carga en Conductores.
 - 4.4.2. Potencial ELECTROSTÁTICO y Carga en Conductores.

BIBLIOGRAFÍA

- 1) P.A. Tipler, "Física. Volumen II". 4ª Edición. Ed. Reverté. Barcelona.
- 2) R.A. Serway, "FISICA. Volumen 2". 3ª Edición. Ed. Thomson.

ENERGÍA Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO



Trabajo: $dW = \vec{F} \cdot d\vec{l} = q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$

Energía Potencial: $dU = -dW = -\vec{F} \cdot d\vec{l} = -q_0 \vec{E} \cdot d\vec{l}$

$$\Delta U = U_B - U_A = -q_0 \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

POTENCIAL ELECTROSTÁTICO:

$$dV = \frac{dU}{q_0} = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$

La **diferencia de potencial entre dos puntos A y B** se define como la variación de energía potencial por unidad de carga del sistema carga-campo cuando la carga de prueba se mueve entre ambos puntos:

$$\Delta V = V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q_0} = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Potencial ELECTROSTÁTICO en un punto: trabajo requerido para trasladar una partícula de prueba desde el infinito hasta dicho punto.

$$V_A = V_\infty = 0$$

$$V_P = V_P - V_\infty = -\int_\infty^P \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

PROPIEDADES DEL POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

$$\Delta V = V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q_0} = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l}$$

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$

- Depende únicamente de las cargas que crean el campo.
- Magnitud escalar función de la posición
- Función continua en todos los puntos del espacio:

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l} = -E_x \vec{i} \cdot (dx \vec{i} + dy \vec{j} + dz \vec{k}) = -E_x dx$$

$$\Delta V = -(E_x)_m (x_2 - x_1)$$

$$x_2 \rightarrow x_1 : \Delta V = 0$$

UNIDADES DEL POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

Voltio: $1V \equiv 1J / C$

Consecuencia:

- Unidad de campo ELECTROSTÁTICO:

$$1N / C = 1V / m$$

- Unidad de energía:

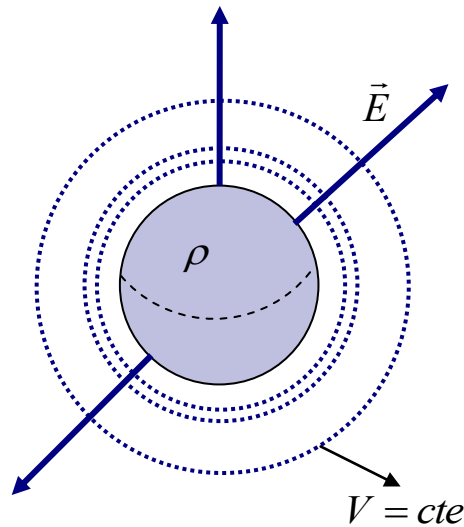
$$1eV = (1e)(1V) = (1.60 \cdot 10^{-19} C)(1J / C) = 1.60 \cdot 10^{-19} J$$

SUPERFICIES EQUIPOTENCIALES:

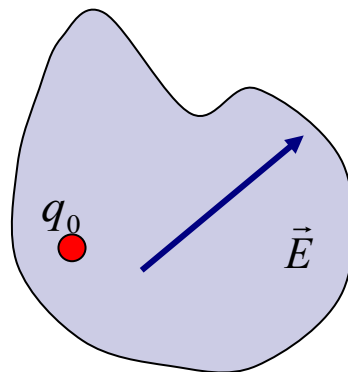
Lugar geométrico de los puntos del espacio en los que la función potencial toma el mismo valor.

PROPIEDADES:

- Dos superficies equipotenciales no se pueden cortar.
- Las superficies equipotenciales son perpendiculares a las líneas de campo.



- Las líneas de campo se dirigen en la dirección de los potenciales decrecientes.

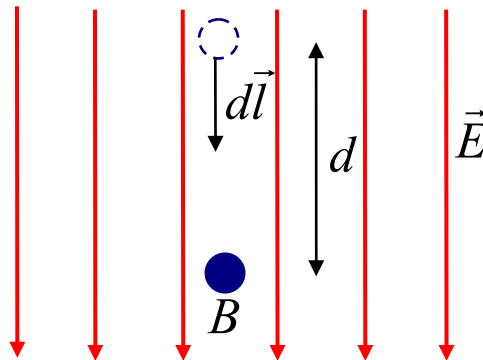


q_0 se acelera en la dirección del campo:

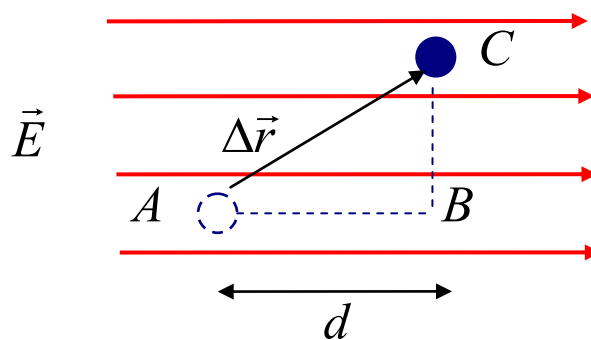
$E_c \uparrow \Rightarrow U \downarrow$: la carga se mueve hacia la región de menor energía potencial.

CÁLCULO DEL POTENCIAL ELECTROSTÁTICO

DIFERENCIA DE POTENCIAL EN UN CAMPO ELECTROSTÁTICO UNIFORME.



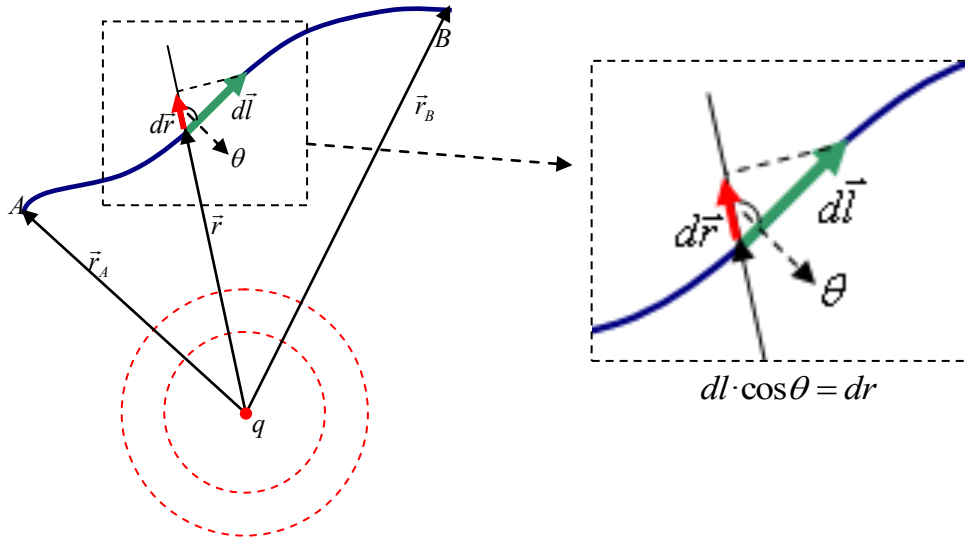
$$\Delta V = V_B - V_A = -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_A^B E \cdot dl = -Ed$$



$$\begin{aligned} \Delta V = V_C - V_A &= -\int_A^C \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\vec{E} \cdot \int_A^C d\vec{l} = \\ &= -\vec{E} \cdot \Delta\vec{r} = -|\vec{E}| |\Delta\vec{r}| \cos \theta = -Ed = V_B - V_A \end{aligned}$$

$V_C - V_A = V_B - V_A \Rightarrow$ Superficies equipotenciales: planos perpendiculares a las líneas de campo.

POTENCIAL ELECTROSTÁTICO DEBIDO A CARGAS PUNTUALES



$$\begin{aligned}\Delta V = V_B - V_A &= -\int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = -\int_A^B E \cdot dl \cdot \cos\theta = \\ &= -\int_A^B E \cdot dr = -\int_A^B \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r^2} dr = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r_B} - \frac{1}{r_A} \right)\end{aligned}$$

Potencial en un punto $[V(r_A = \infty) = 0]$: $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{q}{r} = k \cdot \frac{q}{r}$

Principio de Superposición: $V = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \sum_i \frac{q_i}{r_i}$

POTENCIAL ELECTROSTÁTICO DEBIDOS A DISTRIBUCIONES CONTINUAS DE CARGA

- Principio de superposición (no es válida cuando la distribución de cargas se extiende al infinito):

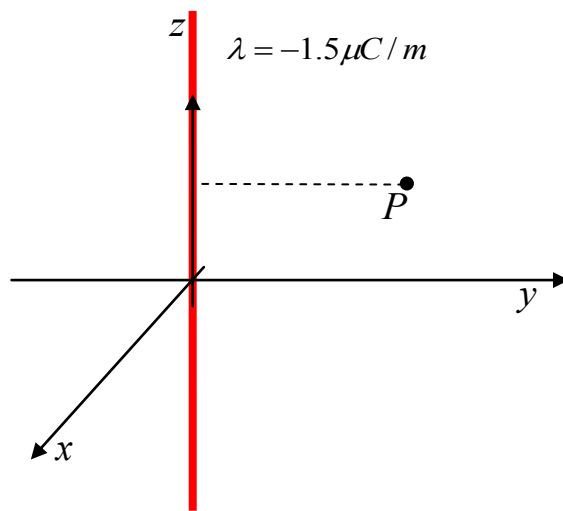
$$V = \int k \cdot \frac{dq}{r}$$

- Definición de potencial:

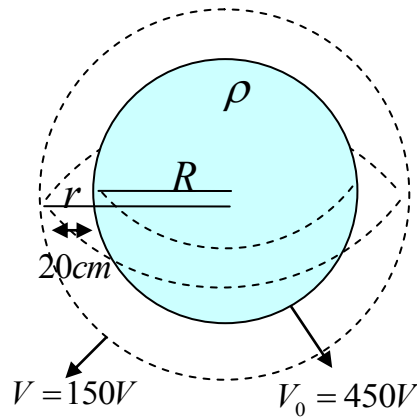
$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$$

Ejercicio (Tipler 24.39, pag.806): Una carga lineal infinita de densidad lineal $\lambda = 1.5\mu\text{C}/\text{m}$ se encuentra sobre el eje z. Suponiendo que $V = 0$ a 2.5m, determinar el potencial a distancias de

- a) 2m
- b) 4m
- c) 12m de la línea.



Ejercicio: Una esfera uniformemente cargada tiene un potencial de 450V en su superficie. A una distancia radial de 20cm de esta superficie , el potencial es 150 V- ¿Cuál es el radio y la carga de la esfera?



DETERMINACIÓN DEL CAMPO ELECTROSTÁTICO A PARTIR DEL POTENCIAL

$$dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l} = -E_l dl \Rightarrow E_l = -\frac{dV}{dl}$$

$$\vec{E} = E_x \vec{i} :$$

$$dV(x) = -\vec{E} \cdot d\vec{l} = -E_x \vec{i} \cdot (dx\vec{i} + dy\vec{j} + dz\vec{k}) = -E_x dx \Rightarrow E_x = -\frac{dV(x)}{dx}$$

$$\vec{E} = E_y \vec{j} :$$

$$dV(y) = -E_y dy \Rightarrow E_y = -\frac{dV(y)}{dy}$$

$$\vec{E} = E_z \vec{k} :$$

$$dV(z) = -E_z dz \Rightarrow E_z = -\frac{dV(z)}{dz}$$

En general:

$$\vec{E}(x, y, z) = -\frac{\partial V}{\partial x} \vec{i} - \frac{\partial V}{\partial y} \vec{j} - \frac{\partial V}{\partial z} \vec{k} = -\vec{\nabla} V$$

Vector Gradiente (coordenadas cartesianas):

$$\vec{\nabla} = \frac{\partial}{\partial x} \vec{i} + \frac{\partial}{\partial y} \vec{j} + \frac{\partial}{\partial z} \vec{k}$$

Ejercicio: El potencial ELECTROSTÁTICO en una región del espacio viene dado por $V = (2V/m^2)x^2 + (1V/m^2)yz$. Determinar el campo ELECTROSTÁTICO en el punto $x = 2m, y = 1m, z = 2m$.

CAMPO Y POTENCIAL ELECTROSTÁTICO EN UN CONDUCTOR

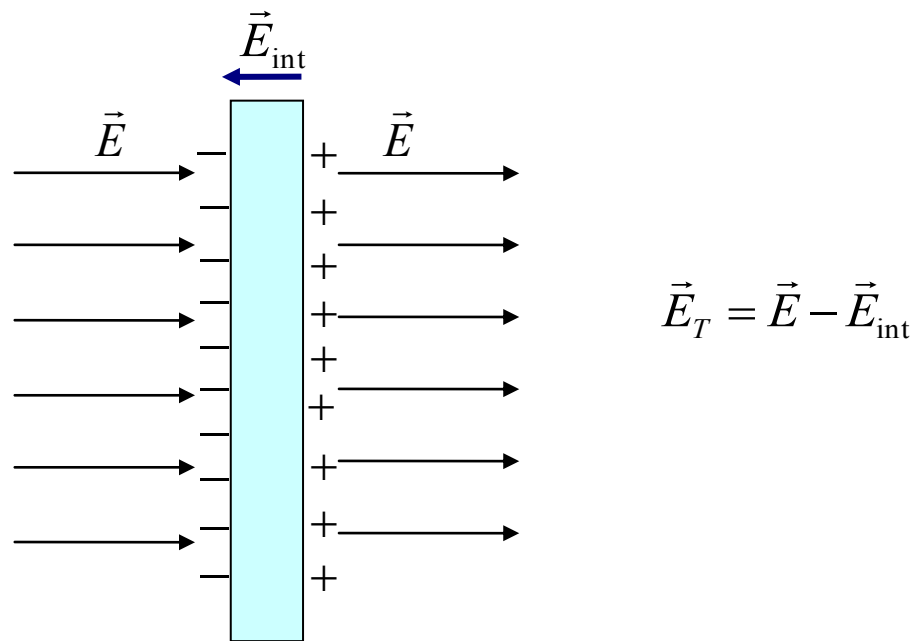
CONDUCTOR: Material en el que la carga puede moverse libremente.

Se dice que un conductor está en **EQUILIBRIO ELECTROSTÁTICO** cuando no existe movimiento de carga neta sobre el conductor.

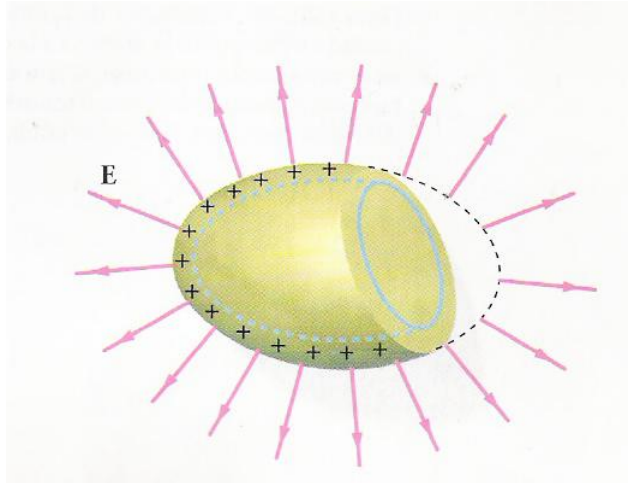
PROPIEDADES:

- **Campo ELECTROSTÁTICO nulo en el interior del conductor.**
- **Carga neta distribuida sobre su superficie.**
- **Campo ELECTROSTÁTICO exterior perpendicular a la superficie y de módulo σ/ϵ_0 .**
- **Son superficies equipotenciales.**

Campo ELECTROSTÁTICO nulo en el interior.



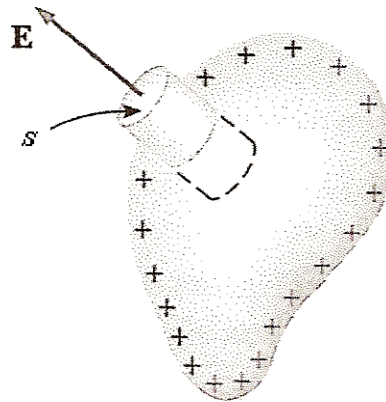
Carga neta distribuida sobre su superficie.



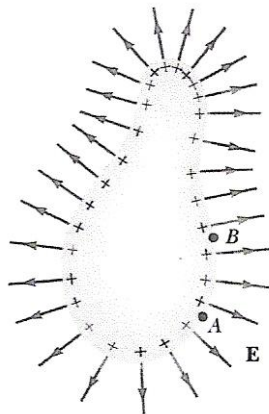
$$\left. \begin{array}{l} \Phi_E = \oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q}{\epsilon_0} \\ \vec{E} = 0 \end{array} \right\} Q = 0$$

Campo ELECTROSTÁTICO exterior perpendicular a la superficie y de módulo σ/ϵ_0 .

$$\left. \begin{aligned} \phi_E &= \oint \vec{E} \cdot d\vec{S} = ES \\ \phi_E &= \frac{q}{\epsilon_0} = \frac{\sigma S}{\epsilon_0} \end{aligned} \right\} \Rightarrow$$



Son superficies equipotenciales.



$$\vec{E} \perp d\vec{l} \Rightarrow \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0 \Rightarrow V_B - V_A = \int_A^B \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$$

$$V_B = V_A \Rightarrow V = cte$$

EJERCICIO: Una moneda está en el interior de un campo ELECTROSTÁTICO externo de valor 1,6kN/C cuya dirección es perpendicular a sus caras.

- Hallar las densidades de carga en cada cara de la moneda suponiendo que son planas
- Si el radio de la moneda es de 1cm, ¿cuál es la carga total en una cara?

