

# ARQUITECTURAS AVANZADAS DE PROCESADORES



## UNIDAD IV. ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

---

- Objetivo: Estudio de las instrucciones aritméticas de punto fijo y punto flotante del procesador MIPS.  
Diseño de la Unidad aritmético/lógica del procesador MIPS
- Hay muchas instrucciones aritméticas que no se tratarán su estudio por haber sido estudiadas en la asignatura de Arquitectura de Computadores de 2º del Grado de Ingeniero en Informática
- Bibliografía:
  - Estructura y diseño de computadores – Patterson y Hennessy – Cuarta Edición
  - Estructura y diseño de computadores – Patterson y Hennessy – Tercera Edición, Volumen 1

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- La ALU de 32 bit Se diseña a partir de la de 1 bit
- Elementos básicos:

1. Puerta and ( $c = a \cdot b$ )



a	b	$c = a \cdot b$
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

2. Puerta or ( $c = a + b$ )



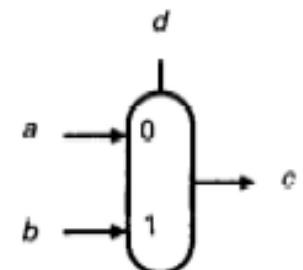
a	b	$c = a + b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

3. Inversor ( $c = \bar{a}$ )



a	$c = \bar{a}$
0	1
1	0

4. Multiplexor  
(si  $d = 0$   $c = a$ ;  
sino  $c = b$ )

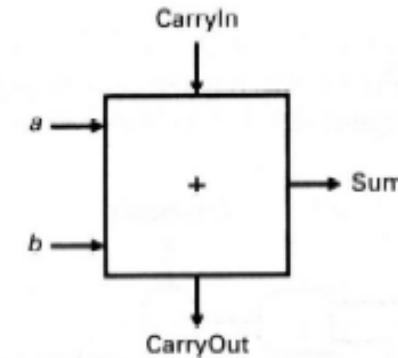
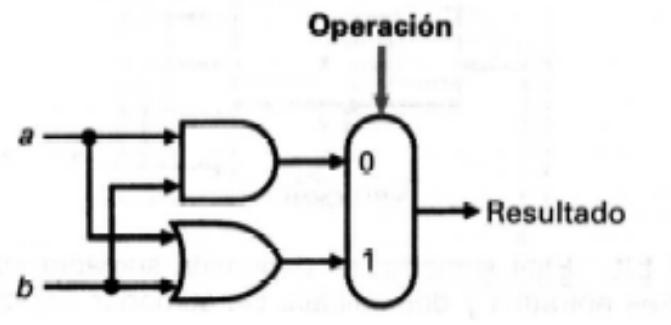


d	c
0	a
1	b

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- Bloque lógico AND y OR
- Bloque aritmético (sumador completo)



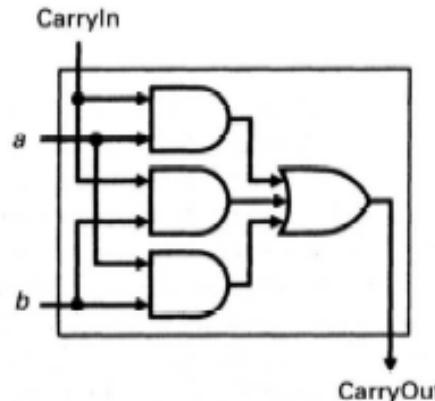
- Tabla del sumador

Entradas			Salidas		Comentarios
$a$	$b$	CarryIn	CarryOut	Sum	
0	0	0	0	0	$0 + 0 + 0 = 00_{\text{dos}}$
0	0	1	0	1	$0 + 0 + 1 = 01_{\text{dos}}$
0	1	0	0	1	$0 + 1 + 0 = 01_{\text{dos}}$
0	1	1	1	0	$0 + 1 + 1 = 10_{\text{dos}}$
1	0	0	0	1	$1 + 0 + 0 = 01_{\text{dos}}$
1	0	1	1	0	$1 + 0 + 1 = 10_{\text{dos}}$
1	1	0	1	0	$1 + 1 + 0 = 10_{\text{dos}}$
1	1	1	1	1	$1 + 1 + 1 = 11_{\text{dos}}$

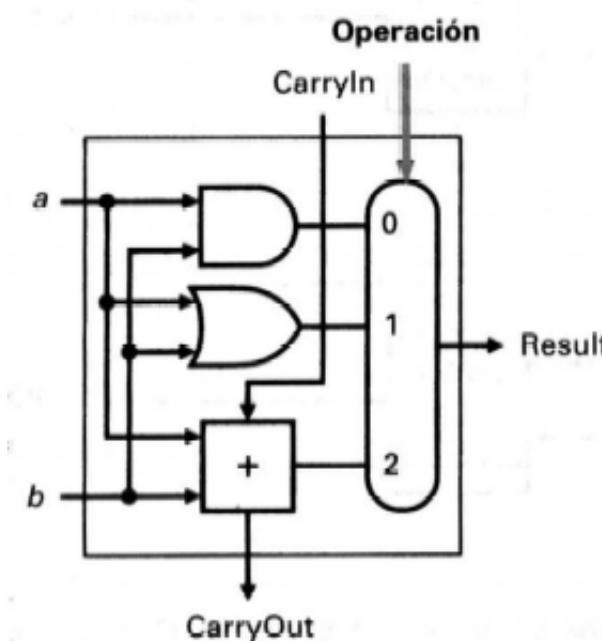
# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

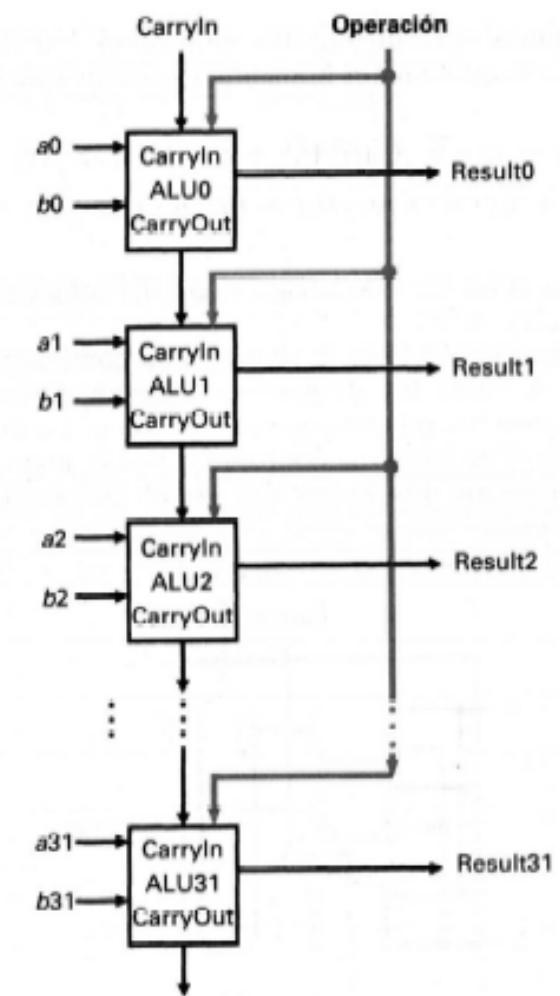
- Bloque sumador



- ALU completa de 1 bit  
(operaciones and, or y suma)



- ALU de 32 bits

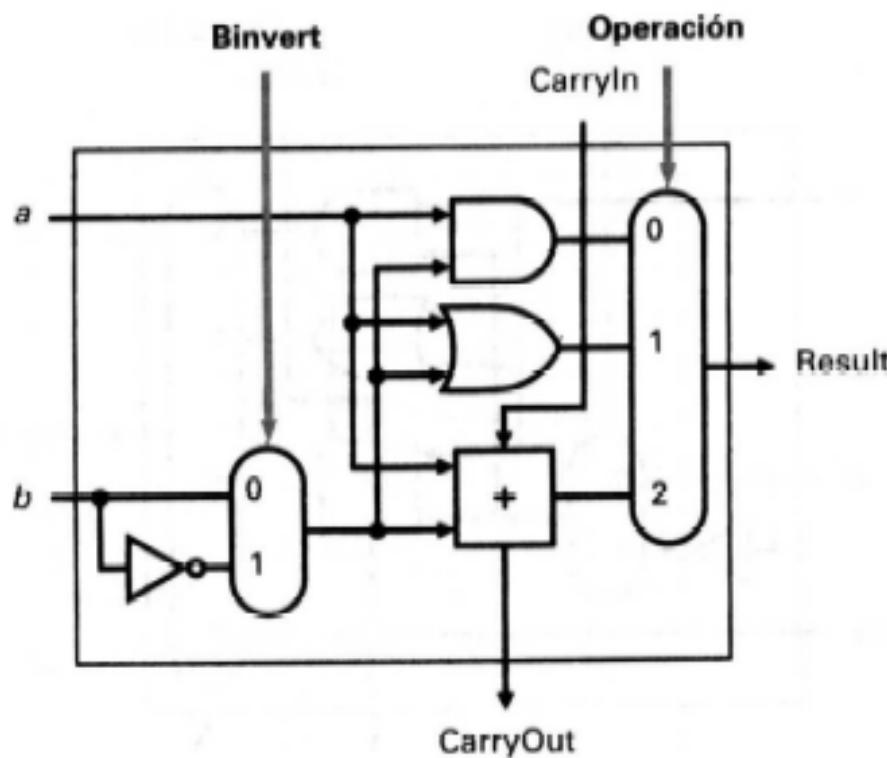


# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- ALU de 1 bit con las operaciones:

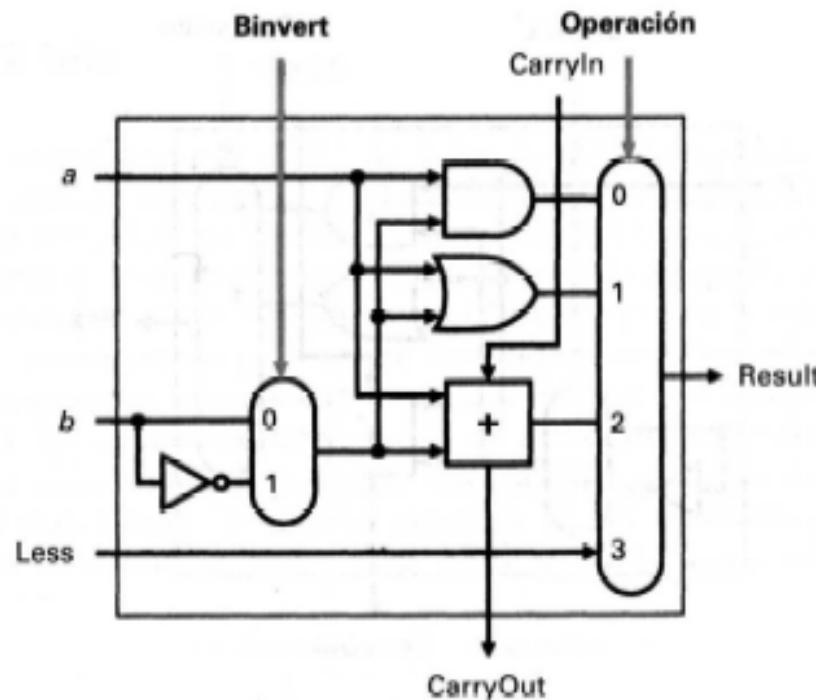
A AND b ; a OR b ; a + b ; a + b'



# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- Operación inicializar sobre menor que (set-on-less-than)
- Hay que expandir el multiplexor e introducir una entrada denominada Less



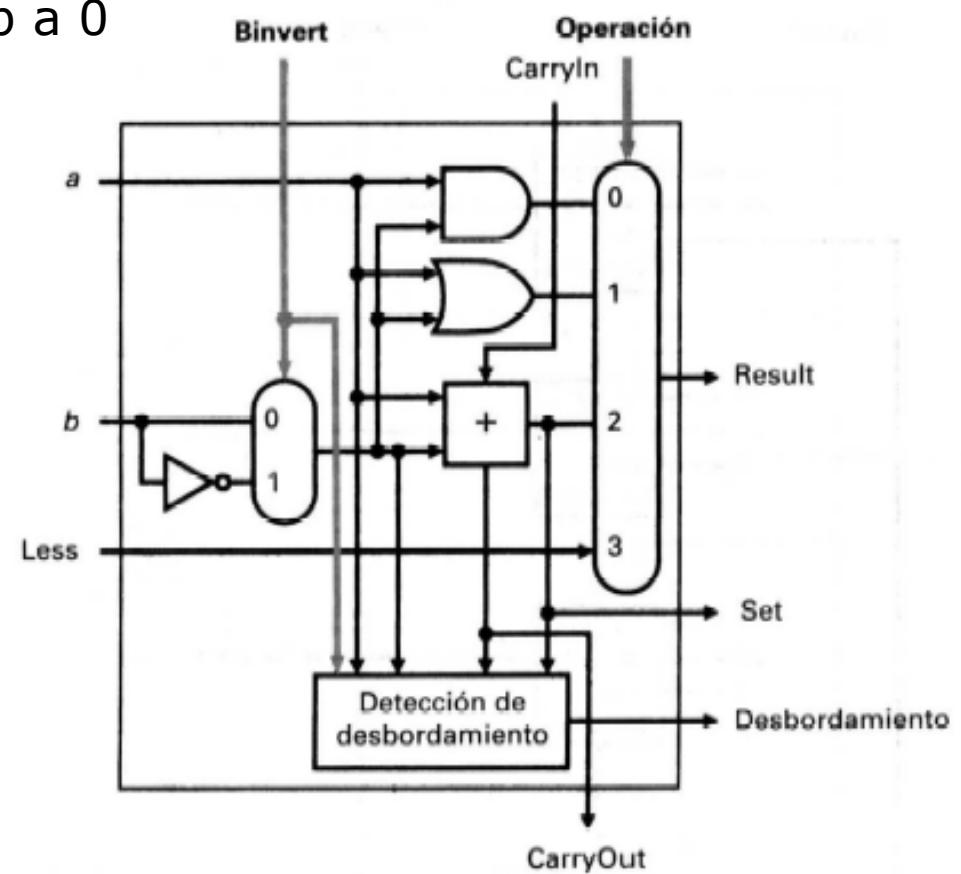
# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- La operación que se debe realizar es:

Si  $(Rs - Rt) < 0 \Rightarrow$  ponemos el lsb a 1

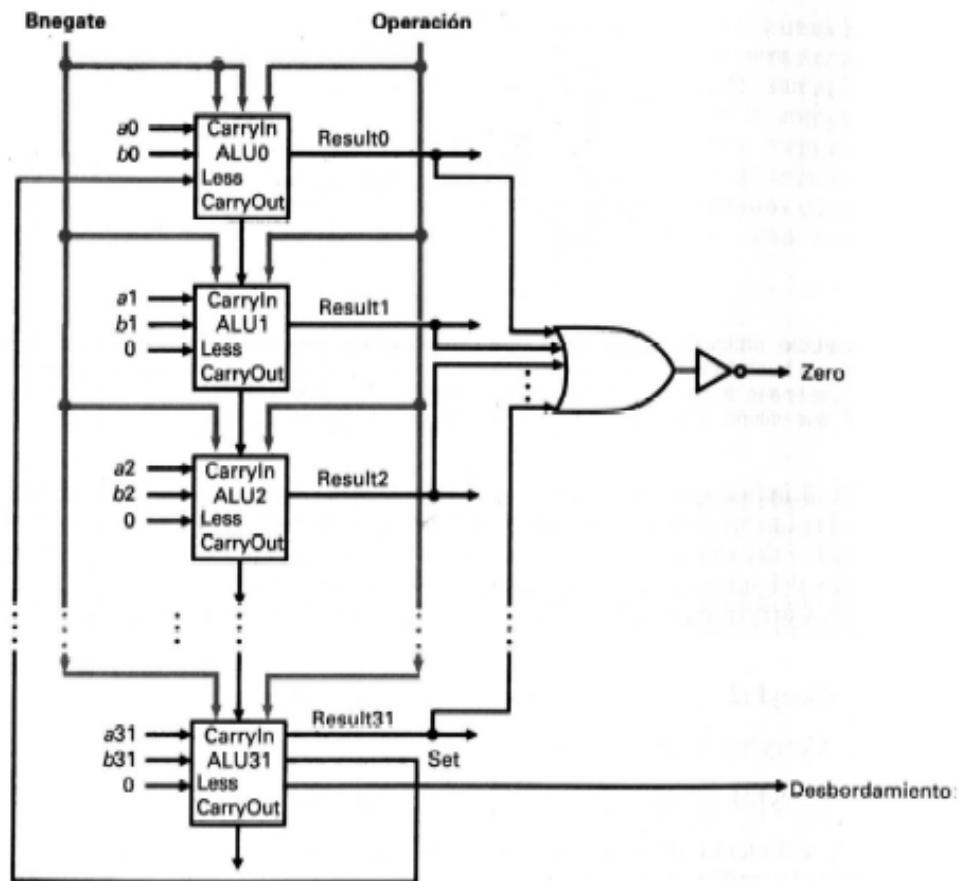
Si  $(Rs - Rt) \geq 0 \Rightarrow$  ponemos el lsb a 0



# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- Conectamos el msb (bit de signo) de la salida del sumador al lsb
- Aquí se incluye el detector de desbordamiento para operaciones suma y resta
- Se incluye la función Z (bit de status Z) para los saltos condicionados
- La instrucción set-on-less-than y el desbordamiento está implementado para números con signo
- ALU completa de 32 bits

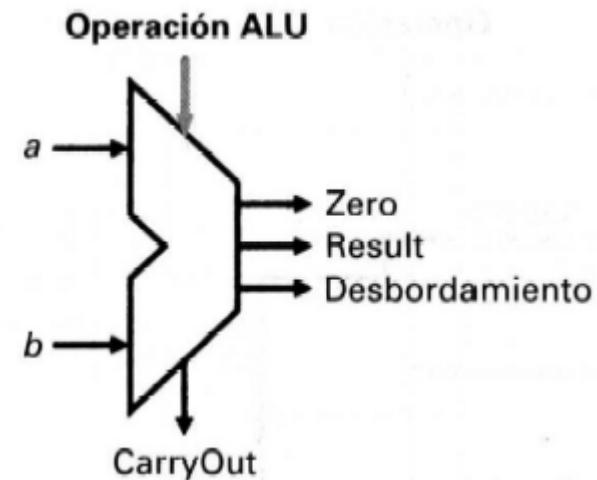


# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## CONSTRUCCIÓN DE UNA UNIDAD ARITMÉTICO LÓGICA

- Bloque ALU y tabla de operaciones:

Líneas de control de la ALU	Función
000	And
001	Or
010	Sumar
110	Restar
111	Inicializar sobre menor que



- Problema en la propagación del acarreo cuando el número de bits aumenta (caso del MIPS 32 bits). Lentitud a la hora de realizar la suma, pues la suma no es válida hasta que no se realice la propagación del último acarreo.
- TAREA: ¿Cómo se puede resolver este problema?**

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## OPERACIONES LÓGICAS Y ARITMÉTICAS

- Resumen de las instrucciones aritméticas lógicas que se han tratado

Categoría	Instrucción	Ejemplo	Significado	Comentarios
Aritmética	sumar	add \$1,\$2,\$3	\$1 = \$2 + \$3	3 operandos; excepción posible
	restar	sub \$1,\$2,\$3	\$1 = \$2 - \$3	3 operandos; excepción posible
	sumar inmediato	addi \$1,\$2,100	\$1 = \$2 + 100	+ constante; excepción posible
	sumar sin signo	addu \$1,\$2,\$3	\$1 = \$2 + \$3	3 operandos; no excepciones
	restar sin signo	subu \$1,\$2,\$3	\$1 = \$2 - \$3	3 operandos; no excepciones
	sumar inmediato sin signo	addiu \$1,\$2,100	\$1 = \$2 + 100	+ constante; no excepciones
	transferir desde reg. coprocesador	mfco \$1,\$epc	\$1 = \$epc	Usado para conseguir excepción PC
Lógicas	and	and \$1,\$2,\$3	\$1 = \$2 & \$3	3 reg. operandos; AND Logica
	or	or \$1,\$2,\$3	\$1 = \$2 \$3	3 reg. operandos; OR Logica
	and inmediato	and \$1,\$2,100	\$1 = \$2&100	reg. Logica AND, constante
	or inmediato	or \$1,\$2,100	\$1 = \$2 100	reg. Logica OR, constante
	desplazamiento lógico a la derecha	sll \$1,\$2,\$10	\$1 = \$2 << 10	Desplaza izquierda por constante
	desplazamiento lógico a la izquierda	srl \$1,\$2,\$10	\$1 = \$2 >> 10	Desplaza derecha por constante

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## OPERACIONES LÓGICAS Y ARITMÉTICAS

- Resumen de las instrucciones aritméticas lógicas que se han tratado

Salto condicional	inicializa sobre menor que	sit \$1,\$2,\$3 si (\$2 < \$3)\$1 = 1; si no \$1 = 0	Compara menor que; comp. a 2
	inicializa menor que inmediato	sit \$1,\$2,100 si (\$2 < 100)\$1 = 1; si no \$1 = 0	Compara constante menor que; comp. a 2
	inicializa menor que sin signo	situ \$1,\$2,\$3 si (\$2 < \$3) \$1 = 1; si no \$1 = 0	Compara menor que; número natural
	inicializa menor que inmediato sin signo	situ \$1,\$2,100 si (\$2 < 100)\$1 = 1; si no \$1 = 0	Compara < constante, número natural

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## EXCEPCIONES EN MIPS

---

- Cuando se produce una excepción, se resuelve mediante una interrupción.
- El MIPS incluye un contador de excepción EPC para almacenar la dirección de la instrucción que ha causado la excepción.
- Hay una instrucción *mfc0* que sirve para mover el registro EPC a un registro de propósito general para que el MIPS tenga la opción de volver a la instrucción que produjo la excepción con una instrucción de salto a través de registro
- Se deja al compilador y al sistema operativo la forma de tratar las excepciones de tipo aritmético.

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## ARITMÉTICA DE MULTIMEDIA

---

- Un problema que surge en la aritmética en los procesadores de propósito general es la manipulación de datos de diferentes tamaños, como es el caso a la hora de trabajar los vectores de diferentes tamaños, lo que denominamos procesamiento vectorial tipo SIMD (single instruction, multiple data).
- Este problema se intentó resolver mediante las unidades MMX (SSE) que se incorporaron en la microarquitectura de los procesadores.
- Otro problema que surge es la **saturación**: es una solución para los desbordamientos producidos por operaciones aritméticas que consiste en dar el resultado al número mayor positivo o menor negativo en lugar del resultado correcto.

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## MULTIPLICACIÓN EN MIPS

---

- Para que en la multiplicación no se produzca desbordamiento, se debe presentar el resultado de la multiplicación en dos registros
- MIPS proporciona dos registros para Hi y Lo para almacenar el producto de 64 bits
- Dos instrucciones para multiplicar: *mult* (multiplicación con signo) y *multu* (multiplicación sin signo)
- Se utiliza dos instrucciones *mflo* y *mfhi* para mover el resultado a los registros
- En general, se utiliza el algoritmo de suma y desplazamiento para la multiplicación de enteros, y de desplazamiento para multiplicaciones por potencias de 2.
- También hay versiones de MIPS que utilizan el algoritmo de booth para resolver el problema de la multiplicación con signo en número en representación en complemento a dos.

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## DIVISIÓN EN MIPS

---

- La división con signo se realiza con el mismo hardware que el de la multiplicación cuando se trata de dividir números negativos en la representación en SM.
- El problema es cuando trabajamos en representación complemento a dos. No hay algoritmo que resuelva este problema: verificar signos y pasar a positivo, y después proceder a la división.
- En MIPS se utiliza el algoritmo de división en SM, pero hay versiones actuales que incorporan unidades de punto flotante que realizan la división directamente en punto flotante.
- Utiliza los mismo registros que en la multiplicación Hi (contiene el resto) y Lo (contiene el cociente) para almacenar el resultado, y las mismas instrucciones para mover el resultado de la división a registros (*mflo* y *mfhi*).

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## ARITMÉTICA DE PUNTO FLOTANTE

## □ Representación en punto flotante:

**(s)  $x M x 2^e$**  donde **s** es el bit de signo, **M** es la mantisa normalizada y **e** es el exponente sesgado (sesgo<sub>8 bit</sub> = 127; sesgo<sub>11 bit</sub> = 1023)

## ■ Simple precisión

## ■ Doble precisión

# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

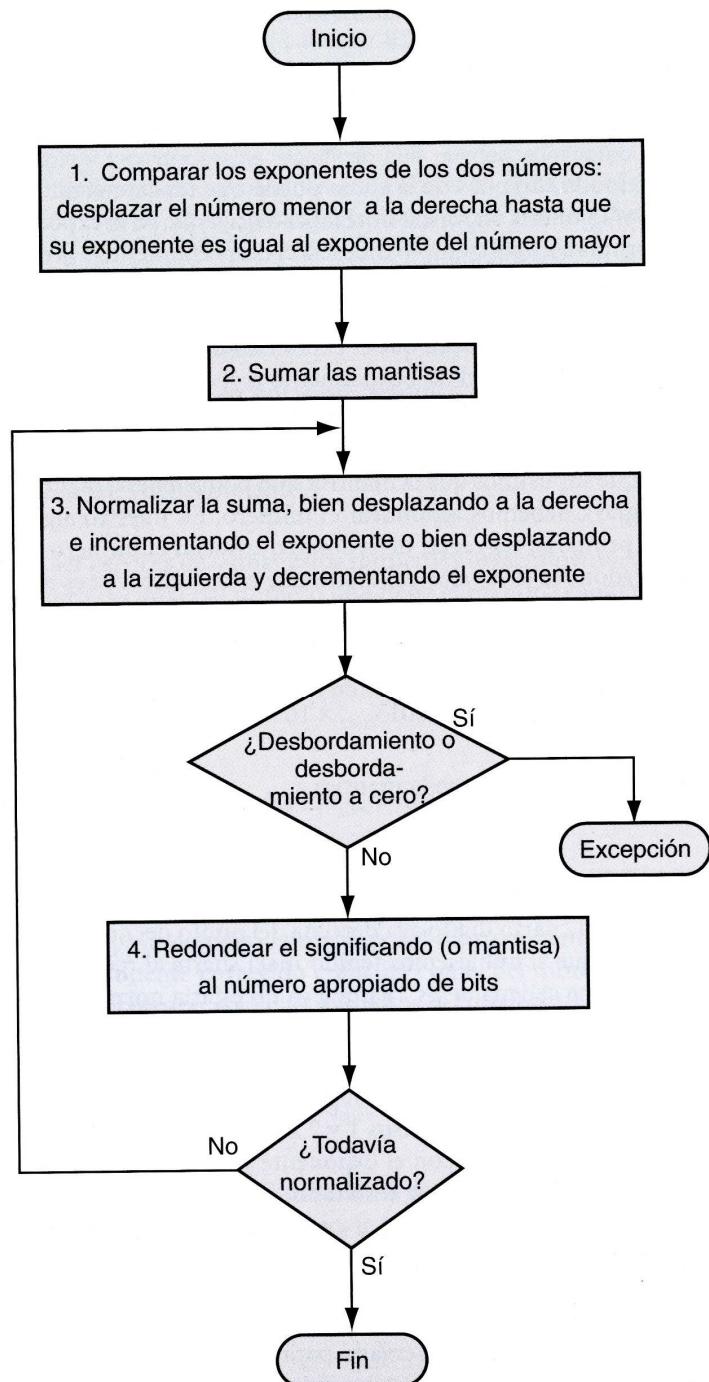
## ARITMÉTICA DE PUNTO FLOTANTE

### □ Representación de números singulares:

Precisión simple		Precisión doble		Objeto representado
Exponente	Mantisa	Exponente	Mantisa	
0	0	0	0	0
0	Distinto de cero	0	Distinto de cero	± número no normalizado
1–254	cualquiera	1–2046	cualquiera	± número en punto flotante
255	0	2047	0	± infinito
255	Distinto de cero	2047	Distinto de cero	NaN ( <i>Not a Number</i> )

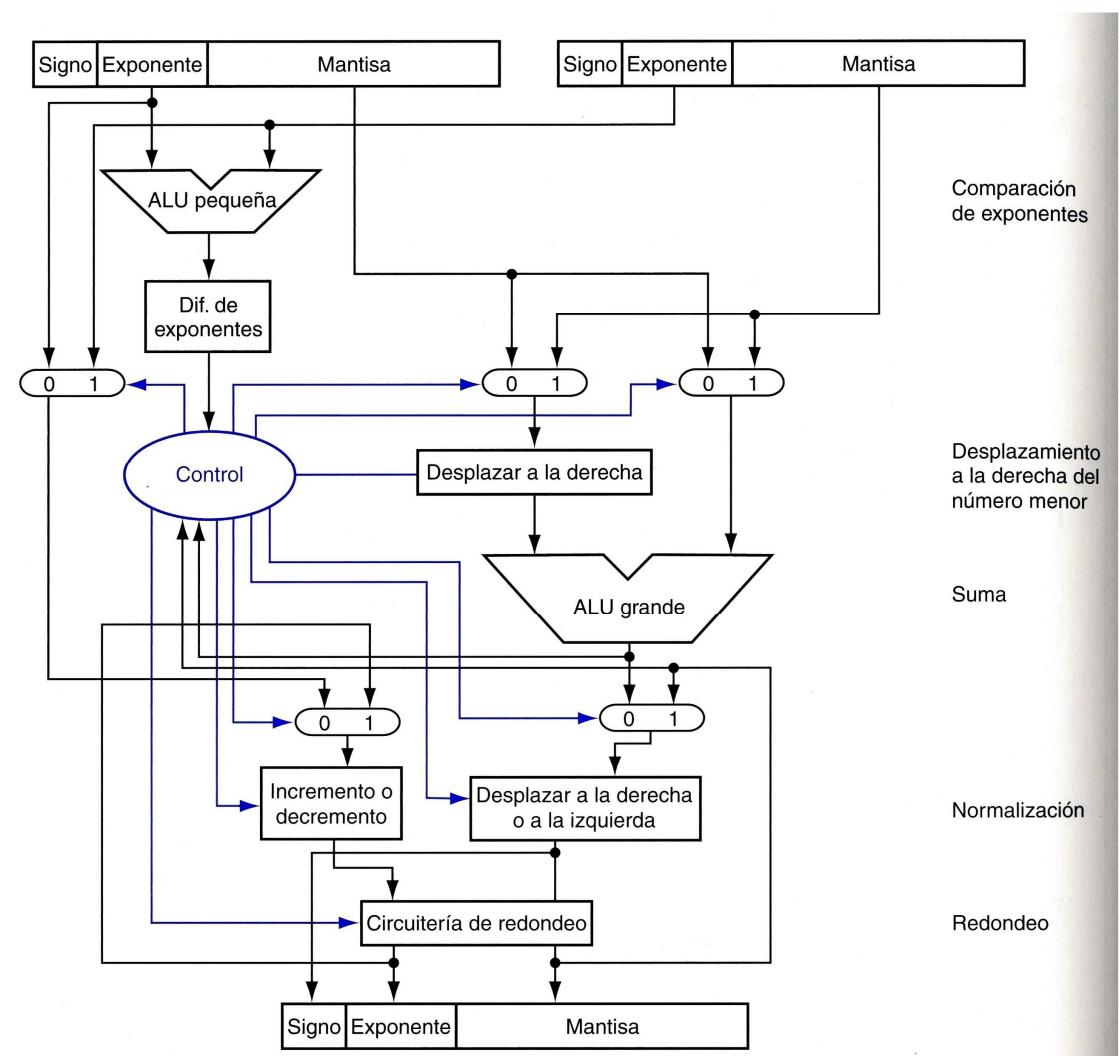
### □ Operaciones

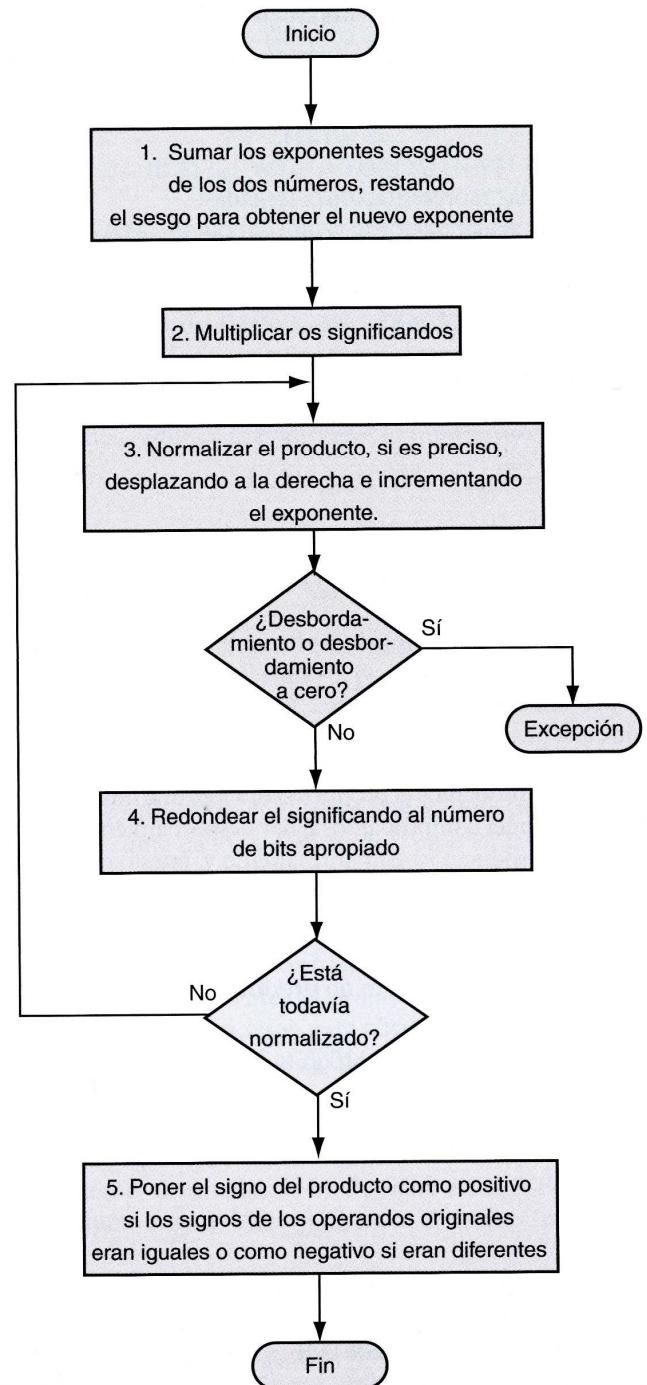
- Suma y resta
- Multiplicación
- División



# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## ARITMÉTICA DE PUNTO FLOTANTE





# ARITMÉTICA PARA COMPUTADORES

## ARITMÉTICA DE PUNTO FLOTANTE

---