Matemática Discreta - Grado en Ing. Informática Tarea Evaluativa

Un sistema de congruencias lineales es un sistema de la forma

$$\begin{cases} a_1 x \equiv b_1 \pmod{n_1} \\ a_2 x \equiv b_2 \pmod{n_2} \\ \vdots \\ a_k x \equiv b_k \pmod{n_k} \end{cases}$$

donde $n_i \in \mathbb{Z}^+$ y $a_i, b_i \in \mathbb{Z}$ para $i \in \{1, \dots, k\}$.

El *Teorema Chino del Resto* es un resultado de la aritmética modular que permite resolver sistemas de congruencias lineales.

- 1. Enuncie el Teorema Chino del Resto y exponga, a través de un ejemplo, un procedimiento (basado en el teorema) para resolver un sistema de congruencias lineales.
- 2. Resuelve, usando aritmética modular, el siguiente problema:

Un juego especial de naipes se compone de n cartas. Si se distribuye equitativamente entre 7 jugadores queda una carta. Si se distribuye equitativamente entre 11 jugadores quedan 10 cartas. ¿Cuáles son los posibles valores de n? ¿Cuál es la mínima cantidad de cartas que tiene el juego de naipes?