

Ejercicio: Resolver por Lagrange para $q=2$ y $\|u\|_2 = 1$, $u \geq 0$
(combinación convexa).

- objetivo: Maximizar la función $\hat{\beta} \left(\sum_{j=1}^d u_j k(x_j, x_y) \right)$, donde los u_j son los coeficientes que queremos ajustar.
- Restricciones: $\|u\|_q^q \leq \epsilon$ para $q=2$, es decir norma 2 $\|u\|_2 = 1$, y además, los $u_j \geq 0$ (combinación convexa)

con el Lagrangiano:

$$L(u, \lambda) = \hat{\beta} \left(\sum_{j=1}^d u_j k(x_j, x_y) \right) + \lambda \left(1 - \sum_{j=1}^d u_j^2 \right)$$

→ λ es el multiplicador de Lagrange asociado a la restricción $\|u\|_2^2 = 1$.

→ $\sum_{j=1}^d u_j^2$ representa la norma L2 de los u_j

- Para encontrar los valores óptimos de los u_j , derivamos el Lagrangiano respecto a u_j y λ .

$$\frac{\partial L}{\partial u_j} = \frac{\partial \hat{\beta}}{\partial u_j} + \lambda (-2u_j) = 0$$

$$\frac{\partial L}{\partial \lambda} = 1 - \sum_{j=1}^d u_j^2 = 0$$

