# Primera Práctica de ADEI

# Laboratori 1 - Data Preparation

# Alejandro Alarcón

# 10/19/2021

# Contents

1	Intr	oducción al dataset	3			
	1.1	Transformación de variables categóricas a factores	4			
	1.2	Transformación de variables numéricas a factores	5			
	1.3	Exploración de las variables	5			
		1.3.1 Factores	5			
		1.3.2 Variables numéricas	7			
2	Por	cada variable	11			
	2.1	Conteo de missings	11			
	2.2	Conteo de outliers	13			
	2.3	Conteo de errores	16			
3	Imputación					
	3.1	Imputación de variables numéricas	18			
	3.2	Imputación de factores	20			
4	Dis	cretización de variables numéricas en factores	21			
	4.1	Mileage	22			
	4.2	Tax	23			
	4.3	Mpg	24			
		4.3.1 Age	25			
	4.4	Generación del target categórico Audi	26			
5	Ide	ntificación los outliers multivariantes	27			
6	Pro	filing	30			
	6.1	Target numérico (Price)	30			
	6.2	Target factor (AUDI)	31			

```
Loading required package: effects
Loading required package: carData
lattice theme set by effectsTheme()
See ?effectsTheme for details.
Loading required package: FactoMineR
Loading required package: car
Loading required package: factoextra
Loading required package: ggplot2
Welcome! Want to learn more? See two factoextra-related books at https://goo.gl/ve3WBa
Loading required package: RColorBrewer
Loading required package: dplyr
Attaching package: 'dplyr'
The following object is masked from 'package:car':
   recode
The following objects are masked from 'package:stats':
   filter, lag
The following objects are masked from 'package:base':
    intersect, setdiff, setequal, union
Loading required package: ggmap
Google's Terms of Service: https://cloud.google.com/maps-platform/terms/.
Please cite ggmap if you use it! See citation("ggmap") for details.
Loading required package: ggthemes
Loading required package: missMDA
Loading required package: epiDisplay
Loading required package: foreign
Loading required package: survival
Loading required package: MASS
Attaching package: 'MASS'
The following object is masked from 'package:dplyr':
   select
Loading required package: nnet
Attaching package: 'epiDisplay'
The following object is masked from 'package:ggplot2':
   alpha
```

#### 1 Introducción al dataset

Echamos un vistazo al dataset

#### summary( df )

```
model
                      year
                                    price
                                                 transmission
                                Min. : 899
Length:5000
                  Min. :2001
                                                 Length:5000
                                1st Qu.: 13995
Class :character
                  1st Qu.:2016
                                                 Class : character
Mode :character
                  Median :2017
                                Median : 19498
                                                 Mode :character
                  Mean :2017
                                Mean : 21207
                  3rd Qu.:2019
                                3rd Qu.: 25980
                  Max. :2020
                                Max. :109495
                  fuelType
  mileage
                                      tax
                                                      {\tt mpg}
                                  Min. : 0.0
Min. : 1
                Length:5000
                                                 Min. : 1.10
1st Qu.: 5815
                                  1st Qu.:125.0
                                                 1st Qu.: 45.60
                Class :character
Median : 17731
                Mode :character
                                  Median :145.0
                                                 Median : 53.30
Mean : 23590
                                  Mean :122.8
                                                 Mean : 53.93
3rd Qu.: 34130
                                  3rd Qu.:145.0
                                                 3rd Qu.: 61.40
Max. :178000
                                  Max. :580.0
                                                 Max. :470.80
 engineSize
               manufacturer
Min. :0.000
               Length:5000
1st Qu.:1.500
               Class :character
               Mode :character
Median :2.000
Mean :1.909
{\tt 3rd}\ {\tt Qu.:2.000}
Max. :5.500
```

names( df )

[1] "model" "year" "price" "transmission" "mileage" [6] "fuelType" "tax" "mpg" "engineSize" "manufacturer"

#### 1.1 Transformación de variables categóricas a factores

```
#Model
df$model <- factor(pasteO(df$manufacturer, "-", df$model))</pre>
head(levels(df$model)) #Algunos de los valores para el factor modelo
[1] "Audi- A1" "Audi- A3" "Audi- A4" "Audi- A5" "Audi- A6" "Audi- A7"
#Transmission
df$transmission <- factor( df$transmission )</pre>
levels( df$transmission )
[1] "Automatic" "Manual" "Semi-Auto"
df$transmission <- factor( df$transmission, <a href="levels">levels</a> = c("Manual", "Semi-Auto", "Automatic"), <a href="levels">labels</a> = paste(
head( df )

        model year price
        transmission mileage fuelType tax
        mpg engineSize

        1 Audi- A1 2017 12500
        f.Trans-Manual
        15735
        Petrol 150 55.4
        1.4

        6 Audi- A1 2016 13900
        f.Trans-Automatic
        32260
        Petrol 30 58.9
        1.4

                                                                                          1.4
9 Audi- A3 2015 10200 f.Trans-Manual 46112 Petrol 20 60.1
23 Audi- A5 2017 22500 f.Trans-Automatic 21649 Diesel 145 58.9
                                                                                          3.0
25 Audi- Q5 2016 20000 f.Trans-Automatic 23789 Diesel 200 47.1
                                                                                          2.0
38 Audi- A6 2016 19400 f.Trans-Automatic 34030 Diesel 125 58.9
                                                                                          2.0
   manufacturer
1
             Audi
6
             Audi
9
             Audi
23
             Audi
25
             Audi
38
             Audi
#FuelType
df$fuelType <- factor(df$fuelType)</pre>
levels(df$fuelType)
[1] "Diesel" "Hybrid" "Other" "Petrol"
df$fuelType <- factor( df$fuelType, levels = c("Diesel","Petrol","Hybrid"), labels = paste0("f.Fuel-",c")</pre>
#Manufacturer
df$manufacturer <- factor(df$manufacturer)</pre>
levels(df$manufacturer)
                  "BMW"
                                "Mercedes" "VW"
[1] "Audi"
```

#### 1.2 Transformación de variables numéricas a factores

```
#Year + Age
summary(df$year)
  Min. 1st Qu. Median
                        Mean 3rd Qu.
                                       Max.
  2001
         2016
                2017
                        2017
                               2019
                                       2020
df$age <- 2021 - df$year
df$year<-factor(df$year)</pre>
summary(df$age)
  Min. 1st Qu. Median
                        Mean 3rd Qu.
                                       Max.
 1.000 2.000 4.000
                       3.843 5.000 20.000
#EnqineSize
summary(df$engineSize)
  Min. 1st Qu. Median
                        Mean 3rd Qu.
                                       Max.
 0.000 1.500 2.000
                       1.909
                               2.000
                                      5.500
df$engineSize <- factor(df$engineSize)</pre>
table(df$engineSize)
      1 1.2 1.3 1.4 1.5 1.6 1.8 1.9
                                           2 2.1 2.2 2.3 2.5 2.7 2.9
                                    1 2142
    365 147
              63 310 554 345
                                38
                                              412
                                                    20
                                                         4 7
                                                                   1
  3 3.2 3.5 3.7
                                     5 5.5
                   4 4.2 4.4 4.7
512 3 2 1
                    36
                       4
                           7 2
                                     1
     Exploración de las variables
1.3
1.3.1 Factores
par(mfrow = c(2, 2))
tab1(df$year)
df$year:
       Frequency Percent Cum. percent
2001
                   0.1
              3
                                0.1
                    0.0
2002
              1
                                0.1
2003
              1
                   0.0
                                0.1
                   0.1
2004
              5
                                0.2
              3
                   0.1
                                0.3
2005
              9
2006
                   0.2
                                0.4
              7
                    0.1
                                0.6
2007
             5
2008
                   0.1
                               0.7
2009
             9
                   0.2
                               0.9
            14
                   0.3
2010
                               1.1
            16
                   0.3
                               1.5
2011
2012
            38
                   0.8
                               2.2
                               4.8
2013
            129
                   2.6
2014
            217
                   4.3
                               9.1
            424
                   8.5
                               17.6
2015
                             35.3
            885
                   17.7
2016
            895 17.9
                             53.2
2017
2018
            460
                  9.2
                             62.4
2019
           1563
                   31.3
                             93.7
2020
            316
                   6.3
                              100.0
```

100.0

5000

Total

100.0

#### tab1(df\$engineSize)

#### df\$engineSize :

	Frequency	Percent	Cum.	percent
0	9	0.2		0.2
1	365	7.3		7.5
1.2	147	2.9		10.4
1.3	63	1.3		11.7
1.4	310	6.2		17.9
1.5	554	11.1		29.0
1.6	345	6.9		35.9
1.8	38	0.8		36.6
1.9	1	0.0		36.6
2	2142	42.8		79.5
2.1	412	8.2		87.7
2.2	20	0.4		88.1
2.3	4	0.1		88.2
2.5	7	0.1		88.3
2.7	1	0.0		88.4
2.9	10	0.2		88.6
3	512	10.2		98.8
3.2	3	0.1		98.9
3.5	2	0.0		98.9
3.7	1	0.0		98.9
4	36	0.7		99.6
4.2	4	0.1		99.7
4.4	7	0.1		99.9
4.7	2	0.0		99.9
5	1	0.0		99.9
5.5	4	0.1		100.0
Total	5000	100.0		100.0

# tab1(df\$fuelType)

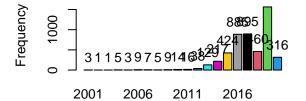
#### df\$fuelType :

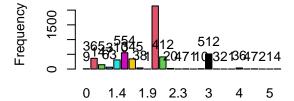
Frequency	%(NA+)	%(NA-)
2868	57.4	57.5
2060	41.2	41.3
59	1.2	1.2
13	0.3	0.0
5000	100.0	100.0
	2868 2060 59 13	2868 57.4 2060 41.2 59 1.2 13 0.3

#### tab1(df\$transmission)

## Distribution of df\$year

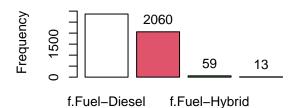
## Distribution of df\$engineSize

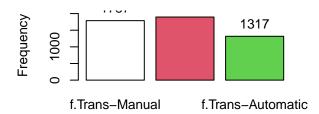




# Distribution of df\$fuelType

#### Distribution of df\$transmission





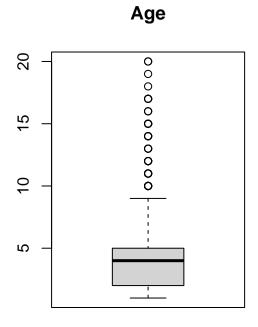
#### df\$transmission :

	Frequency	Percent	Cum.	percent
f.Trans-Manual	1787	35.7		35.7
f.Trans-SemiAuto	1896	37.9		73.7
f.Trans-Automatic	1317	26.3		100.0
Total	5000	100.0		100.0

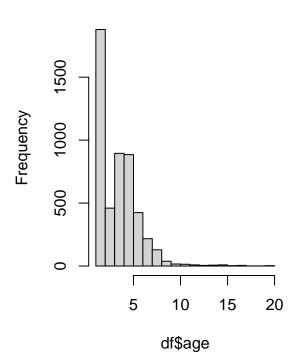
#### 1.3.2 Variables numéricas

```
par(mfrow = c(1,2))
summary(df[c("age", "price", "mileage", "tax", "mpg")])
```

2 dammar j (drz [0 ( dg	o , prico ,	, can,p	5 / 1 /
age	price	mileage	tax
Min. : 1.000	Min. : 899	Min. : 1	Min. : 0.0
1st Qu.: 2.000	1st Qu.: 13995	1st Qu.: 5815	1st Qu.:125.0
Median : 4.000	Median : 19498	Median : 17731	Median :145.0
Mean : 3.843	Mean : 21207	Mean : 23590	Mean :122.8
3rd Qu.: 5.000	3rd Qu.: 25980	3rd Qu.: 34130	3rd Qu.:145.0
Max. :20.000	Max. :109495	Max. :178000	Max. :580.0
mpg			
Min. : 1.10			
1st Qu.: 45.60			
Median : 53.30			
Mean : 53.93			
3rd Qu.: 61.40			
Max. :470.80			
boxplot( df\$age,	main="Age" )		
hist(df\$age)	<b>G</b> .		

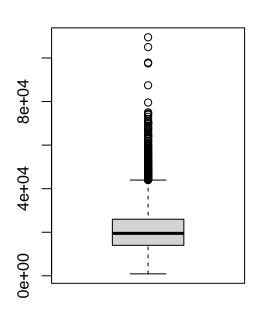


# Histogram of df\$age

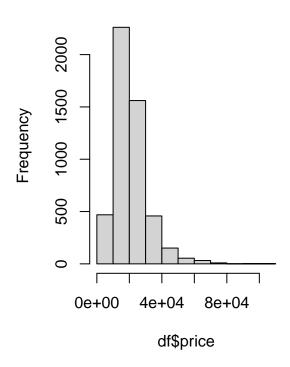


boxplot( df\$price, main="price" )
hist( df\$price )





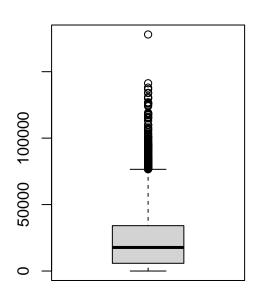
# Histogram of df\$price

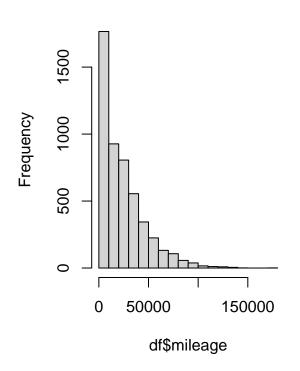


boxplot( df\$mileage,main="mileage" )
hist( df\$mileage )

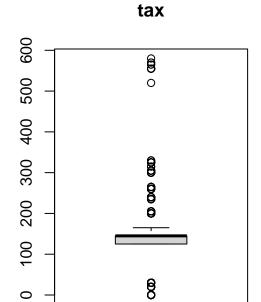
# mileage

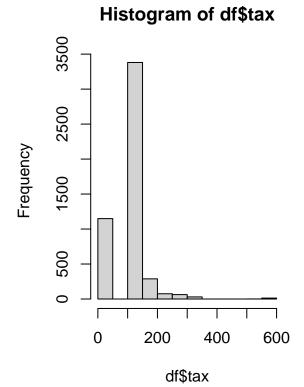
# Histogram of df\$mileage



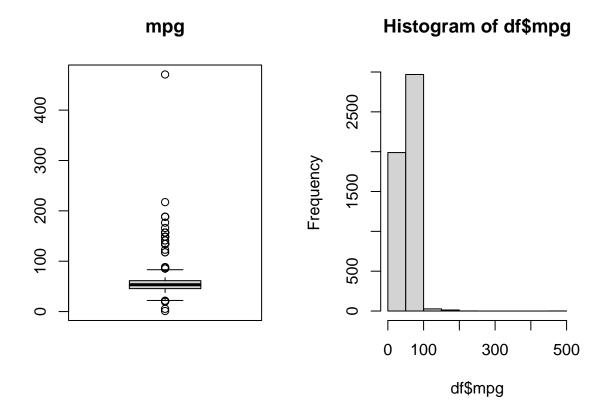


boxplot( df\$tax, main="tax")
hist(df\$tax)





boxplot( df\$mpg, main="mpg")
hist(df\$mpg)



#### Funciones útiles

```
calcQ <- function(x) {</pre>
  s.x <- summary(x)</pre>
  iqr < -s.x[5] - s.x[2]
  list(souti=s.x[2]-3*iqr, mouti=s.x[2]-1.5*iqr, min=s.x[1], q1=s.x[2], q2=s.x[3],
       q3=s.x[5], max=s.x[6], mouts=s.x[5]+1.5*iqr, souts=s.x[5]+3*iqr) }
countNA <- function(x) {</pre>
  mis_x <- NULL
  for (j in 1:ncol(x)) {mis_x[j] <- sum(is.na(x[,j])) }</pre>
  mis_x <- as.data.frame(mis_x)</pre>
  rownames(mis_x) <- names(x)
  mis_i \leftarrow rep(0, nrow(x))
  for (j in 1:ncol(x)) {mis_i <- mis_i + as.numeric(is.na(x[,j])) }</pre>
  list(mis_col=mis_x,mis_ind=mis_i) }
countX <- function(x,X) {</pre>
  n_x <- NULL
  for (j in 1:ncol(x)) {n_x[j] <- sum(x[,j]==X) }</pre>
  n_x <- as.data.frame(n_x)</pre>
  rownames(n_x) <- names(x)
  nx_i \leftarrow rep(0, nrow(x))
  for (j in 1:ncol(x)) \{nx_i \leftarrow nx_i + as.numeric(x[,j]==X) \}
  list(nx_col=n_x,nx_ind=nx_i) }
```

#### 2 Por cada variable

#### 2.1 Conteo de missings

Iniciamos el recuento de missings creando dos estructuras de datos auxiliares y llamando a la función countNA. Como podemos apreciar, nos aparecene 13 individuos con valores de missing.

```
imis<-rep(0,nrow(df)) # rows - trips
jmis<-rep(0,2*ncol(df)) # columns - variables

mis1<-countNA(df)
imis<-mis1$mis_ind
inds <- which(imis > 0)
inds
```

```
[1] 2123 2131 3487 4034 4056 4495 4496 4509 4682 4782 4783 4874 4875
```

Con el siguiente comando podemos ver todos los individuos que hemos seleccionado que contenian algún miss. En este caso, todos los miss están agrupados en la misma variable: fuelType. Podríamos pensar que esto podría ser debido a la existencia de coches eléctricos, pero como podemos apreciar, en algunos casos, el tipo de cambio es manual, hecho que no se aplica a los coches eléctricos.

```
df[inds,]
```

```
model year price
                                          transmission mileage fuelType tax
                                                                                mpg
21018
          BMW- 3 Series 2017 15300 f.Trans-Automatic
                                                          39428
                                                                    <NA>
                                                                            0 148.7
21110
          BMW- 3 Series 2017 16000 f.Trans-Automatic
                                                          47495
                                                                    <NA> 135 134.5
34344 Mercedes- C Class 2020 40999 f.Trans-Automatic
                                                            400
                                                                    <NA> 135 217.3
39938
               VW- Golf 2019 16889
                                                          12954
                                                                    <NA> 150
                                                                              45.6
                                        f.Trans-Manual
40147
               VW- Golf 2016 13795 f.Trans-Automatic
                                                          24463
                                                                    <NA>
                                                                          30
                                                                               53.3
               VW- Polo 2019 12889
44517
                                        f.Trans-Manual
                                                          13016
                                                                    <NA> 145
                                                                               48.7
44524
               VW- Polo 2019 13649
                                        f.Trans-Manual
                                                           5000
                                                                    <NA> 145
                                                                               48.7
44653
               VW- Polo 2019 14995 f.Trans-Automatic
                                                          10763
                                                                    <NA> 145
                                                                               45.6
46378
             VW- Tiguan 2019 24999 f.Trans-Automatic
                                                                    <NA> 145
                                                                               36.2
                                                           8491
                 VW- Up 2015 6799
                                                          28291
                                                                          20
47541
                                        f.Trans-Manual
                                                                    <NA>
                                                                               62.8
                 VW- Up 2020 10899
47543
                                        f.Trans-Manual
                                                           5000
                                                                    <NA> 145
                                                                               54.3
            VW- Touareg 2014 20995 f.Trans-Automatic
                                                          30523
                                                                    <NA> 300
                                                                               39.2
48422
            VW- Touareg 2015 19995 f.Trans-Automatic
                                                                    <NA> 235
                                                                               42.8
48423
                                                          59115
      engineSize manufacturer age
               2
21018
                           BMW
                                 4
               2
                                 4
21110
                           BMW
               2
                      Mercedes
34344
                                 1
39938
               1
                            VW
                                 2
40147
             1.4
                            VW
                                 5
                                 2
44517
               1
                            VW
                            VW
                                 2
44524
               1
                                 2
44653
               1
                            VW
46378
             1.5
                            VW
                                 2
47541
               1
                            VW
                                 6
               1
                            VW
                                 1
47543
               3
                                 7
48422
                            VW
48423
               3
                            VW
                                 6
```

Por último, como podemos ver en el recuento de misses por variable, se puede apreciar como todos lo misses se acumulan en la variable que hemos comentado anteriormente: fuelType.

```
mis1$mis_col # Number of missings for the current set of variables
```

```
mis_x
model 0
year 0
```

price	0
transmission	0
mileage	0
fuelType	13
tax	0
mpg	0
engineSize	0
manufacturer	0
age	0

En conclusión, solo aparecen un total de 13 missing values en todo el dataframe. Si miramos por variables, estos 13 missings aparecen en la columna de fuelType. Por otro lado, y si miramos por individuos, podemos ver como para los 13 individuos que tienen missings, este está en la columna de fuelType.

#### 2.2 Conteo de outliers

Iniciamos el recuento de outliers creando dos estructuras de datos auxiliares y una función que retornara los individuos con extreme outliers y mild outliers por separado.

```
iouts<-rep(0,nrow(df)) # rows - trips</pre>
jouts<-rep(0,2*ncol(df)) # columns - variables</pre>
# Funcion que recibe como parametro una columna y devuelve los ids de los individuos outlier
outliers_column <- function(x){</pre>
  outs <- NULL
  out_bounds <- calcQ(x)</pre>
  ex <- which((x<out_bounds$souti)|(x>out_bounds$souts))
  mild <- which(((x>out_bounds$souti)&(x<out_bounds$mouti))|((x<out_bounds$souts)&(x>out_bounds$mouts)))
 boxplot(x)
  abline(h=out_bounds$mouti,col="orange")
  abline(h=out_bounds$mouts,col="orange")
  abline(h=out_bounds$souti,col="red")
  abline(h=out_bounds$souts,col="red")
  outs <- rep(0,length(x))
  outs[mild] <- 1
 outs[ex] <- 2
  if(length(ex)==0){
      outs <- factor(outs, labels=c("Non-Outlier", "Mild-Outlier"))</pre>
  }else if(length(mild)==0){
      outs <- factor(outs, labels=c("Non-Outlier","Extreme-Outlier"))</pre>
  }else{
    outs <- factor(outs, labels=c("Non-Outlier","Mild-Outlier","Extreme-Outlier"))</pre>
  list(extreme=ex, mild=mild, outs=outs)
}
Aplicaremos la función definida previamente a nuestras columnas numéricas.
# Estos son los outliers tanto mild como extreme de las variables numéricas
par(mfrow = c(1, 5))
outs_price <- outliers_column(df$price)</pre>
length(outs_price$mild) + length(outs_price$extreme)
```

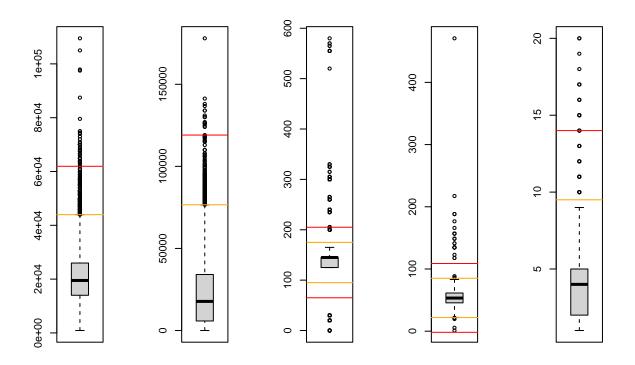
```
par(mfrow = c(1, 5))
outs_price <- outliers_column(df$price)
length(outs_price$mild) + length(outs_price$extreme)

[1] 193
outs_mileage <- outliers_column(df$mileage)
length(outs_mileage$mild) + length(outs_mileage$extreme)

[1] 171
outs_tax <- outliers_column(df$tax)
length(outs_tax$mild) + length(outs_tax$extreme)

[1] 1425
outs_mpg <- outliers_column(df$mpg)
length(outs_mpg$mild)</pre>
```

[1] 12



#### length(outs\_age\$mild) + length(outs\_age\$extreme)

#### [1] 66

Generamos la suma de todos los outliers.

```
df$outs <- rep(0,nrow(df))
df$outs[which(outs_mileage$outs!="Non-Outlier")] <- df$outs[which(outs_mileage$outs!="Non-Outlier")] + 1
df$outs[which(outs_price$outs!="Non-Outlier")] <- df$outs[which(outs_price$outs!="Non-Outlier")] + 1
df$outs[which(outs_tax$outs!="Non-Outlier")] <- df$outs[which(outs_tax$outs!="Non-Outlier")] + 1
df$outs[which(outs_mpg$outs!="Non-Outlier")] <- df$outs[which(outs_mpg$outs!="Non-Outlier")] + 1
df$outs[which(outs_age$outs!="Non-Outlier")] <- df$outs[which(outs_age$outs!="Non-Outlier")] + 1
summary(df$outs)</pre>
```

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 0.0000 0.0000 0.0000 0.3818 1.0000 4.0000

#### # Conteo de extreme outliers

sum\_extreme\_outliers <- length(outs\_price\$extreme) + length(outs\_mileage\$extreme) + length(outs\_tax\$extreme)
sum\_extreme\_outliers</pre>

[1] 1419

#### # Conteo de mild outliers

sum\_mild\_outliers <- length(outs\_price\$mild) + length(outs\_mileage\$mild) + length(outs\_tax\$mild) + length
sum\_mild\_outliers</pre>

[1] 490

Como podemos apreciar, una vez realizado el sumatorio de los diferentes tipos de outliers para todo el dataframe, vemos que el número de extreme outliers es mayor al de mild outliers.

Ponemos los extreme outliers como missings.

```
df[outs_mileage$extreme,"mileage"] <-NA
df[outs_tax$extreme,"tax"] <-NA
df[outs_mpg$extreme,"mpg"] <-NA
df[outs_age$extreme,"age"] <-NA</pre>
```

#### 2.3 Conteo de errores

Procedemos al conteo de los errores.

Para este apartado, en la mayoría de los casos, simplemente comprobamos que los valores insertados no sean negativos o cero, aunque tal vez se podrían tener en cuenta otros casos si se examina el dataframe de manera técnica (i.e. consumos o distancias exageradamente elevados).

```
# Price
err_price <- which(df$price<0)
#df <- df[ -err_price, ] #En este caso está vacío, así que no es necesario
length(err_price)</pre>
```

[1] 0

```
# Age
err_age <- which(df$age<0)
df[err_age,"age"] <- NA
length(err_age)</pre>
```

[1] 0

```
# Mileage
err_mileage <- which(df$mileage<0)
df[err_mileage,"mileage"] <- NA
length(err_mileage)</pre>
```

[1] 0

```
# mpg
err_mpg <- which(df$mpg<0)
df[err_mpg,"mpg"] <- NA
length(err_mpg)</pre>
```

[1] 0

```
# engineSize
err_engineSize <- which(df$engineSize == "0")
df[err_engineSize,"engineSize"] <- NA
length(err_engineSize)</pre>
```

[1] 9

```
# tax
err_tax <- which(df$tax<0)
df[err_tax,"tax"] <- NA
length(err_tax)</pre>
```

[1] 0

# 3 Imputación

A continuación, vamos a proceder a la imputación de los missings, errors y extreme outliers que hemos encontrado previamente.

En primer lugar, separaremos nuestras variables en numéricas y categóricas. También declaramos price y manufacturer como variables respuesta.

```
library(missMDA)
names(df)
 [1] "model"
                      "year"
                                       "price"
                                                        "transmission" "mileage"
 [6] "fuelType"
                      "tax"
                                       "mpg"
                                                        "engineSize"
                                                                         "manufacturer"
[11] "age"
                      "outs"
vars_num \leftarrow names(df)[c(5,7,8,11)]
vars_cat \leftarrow names(df)[c(1,2,4,6,9)]
vars_res \leftarrow names(df)[c(3,10)]
```

#### 3.1 Imputación de variables numéricas

Podemos echar un pequeño vistazo a nuestras variables numéricas.

```
summary(df[,vars_num])
```

```
mileage
                    tax
                                  mpg
                                                 age
                     :125
                             Min. : 1.10
                                           Min. : 1.000
Min.
     :
          1
               Min.
1st Qu.: 5800
               1st Qu.:145
                             1st Qu.:45.60
                                            1st Qu.: 2.000
                                            Median : 4.000
Median : 17632
               Median:145
                             Median :53.30
Mean : 23238
               Mean :147
                             Mean :53.07
                                            Mean : 3.786
3rd Qu.: 34000
               3rd Qu.:145
                             3rd Qu.:61.40
                                            3rd Qu.: 5.000
                             Max. :88.30
Max.
      :119000
               Max. :205
                                            Max.
                                                   :14.000
NA's
               NA's
                                    :42
      :16
                     :1297
                             NA's
                                            NA's
                                                   :22
```

Aplicamos la función imputePCA con 2 componentes primarias. (Teniendo en cuenta el PCA que realizamos en laboratorios posteriores, dos componentes son suficientes para aglutinar más del 80% de la variabilidad).

```
res.impca <- imputePCA(df[,vars_num], ncp = 2)
summary(res.impca$completeObs)</pre>
```

```
mileage
                                   mpg
                                                 age
Min. :
            1
               Min.
                    :125.0
                              Min. : 1.1
                                            Min. : 1.000
1st Qu.: 5807
               1st Qu.:145.0
                              1st Qu.:45.6
                                            1st Qu.: 2.000
Median : 17706
               Median :145.0
                              Median:53.3
                                            Median : 4.000
Mean : 23318
               Mean :146.9
                              Mean :53.1
                                             Mean : 3.798
3rd Qu.: 34095
                3rd Qu.:147.5
                               3rd Qu.:61.4
                                             3rd Qu.: 5.000
               Max.
Max.
      :119000
                      :205.0
                              Max.
                                     :88.3
                                             Max.
                                                   :14.000
```

Vamos a ver para cada variable, el valor que acaban recibiendo los individuos que hemos inputado:

```
head(res.impca$completeObs[ outs_age$extreme, "age" ])
    9880
            10553
                     17953
                               19848
                                        20506
                                                 20544
5.904202 8.309153 8.394285 2.174381 4.318005 6.577762
head(res.impca$completeObs[ outs_mileage$extreme, "mileage" ])
    18967
              18980
                        19848
                                   19860
                                             19884
                                                        20904
57572.874 59283.687 5550.296 37522.427 34222.870 47606.733
head(res.impca$completeObs[ outs tax$extreme, "tax" ])
                9
                                  54
                                           70
                                                    72
       6
                        41
146.2654 148.8502 147.3746 146.4441 139.2268 144.8021
```

```
head(res.impca$completeObs[ outs_mpg$extreme, "mpg" ])
```

```
5148 6308 8876 11341 11561 14452
51.71888 51.10256 60.79850 55.06192 54.69687 59.37574
```

Sustituimos en el dataframe original:

```
df[, vars_num] <- res.impca$completeObs</pre>
```

Como podemos ver, en los valores que previamente teniamos NA, ahora aparecen los valores que se han obtenido de la imputación.

#### df[outs\_age\$extreme,"age"]

- [1] 5.904202 8.309153 8.394285 2.174381 4.318005 6.577762 6.740687 7.283228
- [9] 8.193843 4.372187 7.933087 6.730148 6.096680 8.645744 9.221560 4.991256
- [17] 6.311744 8.904037 6.853158 9.699162 1.857385 2.500580

#### df[outs\_mpg\$extreme,"mpg"]

- [1] 51.71888 51.10256 60.79850 55.06192 54.69687 59.37574 52.87664 52.07685
- [9] 54.03751 60.34226 54.44925 54.29924 53.68512 54.49085 50.50866 52.70174
- $[17] \ 57.74811 \ 56.76985 \ 55.44259 \ 55.47986 \ 56.78424 \ 55.18505 \ 55.73419 \ 55.05140$
- [25] 61.91662 54.44355 56.01543 55.67018 55.08581 56.05532 53.34436 55.86386
- [33] 54.38946 58.29225 61.23032 51.08887 57.28788 57.63969 59.87276 58.42167
- [41] 56.60836 57.04605

#### 3.2 Imputación de factores

Vamos a empezar echando un vistazo al summary de las variables categóricas.

Podemos apreciar que en el caso de fuelType, nos aparecen 13 valores NA (los missings que hemos encontrado). En el caso de engineSize, podemos ver que aparecen 9 NAs (los errores que hemos encontrado).

#### summary(df[,vars\_cat])

```
model
                            year
                                                 transmission
VW- Golf
            : 471
                        2019
                            :1563
                                      f.Trans-Manual
                                                     :1787
Mercedes- C Class: 376
                       2017
                              : 895
                                      f.Trans-SemiAuto:1896
VW- Polo
                                      f.Trans-Automatic:1317
         : 337
                        2016
                              : 885
BMW- 3 Series
              : 274
                        2018
                              : 460
Mercedes- A Class: 260
                        2015
                              : 424
Mercedes- E Class: 201
                       2020
                              : 316
               :3081
(Other)
                        (Other): 457
                      engineSize
        fuelType
f.Fuel-Diesel:2868
                    2
                          :2142
f.Fuel-Petrol:2060
                           : 554
                    1.5
f.Fuel-Hybrid: 59
                    3
                          : 512
NA's
       : 13
                    2.1
                          : 412
                          : 365
                    1
                    (Other):1006
                    NA's
                         :
```

Procedemos con la imputación:

```
res.immca <- imputeMCA(df[,vars_cat],ncp=10)
summary(res.immca$completeObs)</pre>
```

```
model
                            year
                                                transmission
VW- Golf
             : 471
                       2019
                              :1563
                                     f.Trans-Manual
                                                    :1787
Mercedes- C Class: 376
                       2017
                              : 895
                                     f.Trans-SemiAuto:1896
                             : 885
VW- Polo
         : 337
                       2016
                                     f.Trans-Automatic:1317
BMW- 3 Series : 274
                       2018
                             : 460
Mercedes- A Class: 260
                       2015
                             : 424
Mercedes- E Class: 201
                       2020
                            : 316
(Other)
            :3081 (Other): 457
        fuelType
                     engineSize
f.Fuel-Diesel:2875
                   2
                          :2149
f.Fuel-Petrol:2066
                   1.5
                          : 554
f.Fuel-Hybrid: 59
                   3
                          : 513
                   2.1
                          : 412
                   1
                          : 366
                    1.6
                          : 345
                    (Other): 661
```

Podemos ver como en el summary que acabamos de realizar, ya no aparecen valores NA para ninguna de las variables.

Sustituimos la salida de la imputación en nuestro dataframe:

```
df[,vars_cat]<-res.immca$completeObs
```

#### 4 Discretización de variables numéricas en factores

Una vez hemos realizado la imputación, tanto de las variables numéricas como de los factores, vamos a proceder a la discretización de las variables numéricas.

En los casos de age o tax, esta discretización se ha hecho de manera pseudo-aleatoria, ya que la discretización por cuantiles no funcionaba bien debido a la distribución de estas variables.

vars\_num

Como hemos podido ver con anterioridad, las distribuciones de estas variables son bastante diferentes entre sí.

En el caso de price o mpg, por ejemplo, podemos ver que la distribución se aproxima más a una normal.

Por otro lado, en la variable mileage, esta se podría aproximar mejor con una distribuxión de chi-cuadrado o exponencial.

Finalmente, para la variable tax, podemos ver que existe una gran acumulación en valores cercanos a 145.

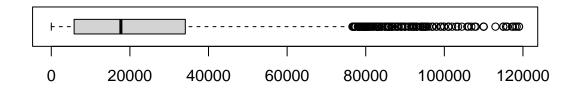
A continuación lo estudiaremos con más profundidad.

#### 4.1 Mileage

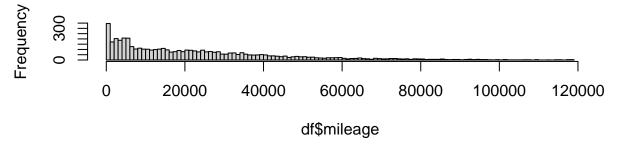
hist(df\$mileage, breaks=100)

En primer lugar vamos a echar un vistazo a esta variable.

#### 



# Histogram of df\$mileage



Procedemos a la discretización según cuantiles, ya que en este caso si que era bastante representativa.

#Esto cuadra ya que estamos tomando como referencia los quantiles y podemos ver como en todos hay el mi.

Como podemos apreciar, aparecen 1250 elementos en cada cuantil, que es lo que esperariamos en condiciones ideales.

#### 4.2 Tax

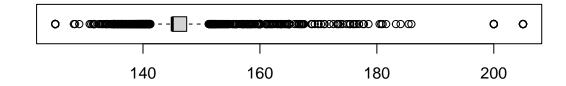
Para la variables tax la cosa se complica un poco.

Si echamos un vistazo a algunos gráficos, podemos ver como hay una gran acumulación en valores entre 140 y 155. Esto hace que, al generar los cuantiles, el q1 y el q2 tengan el mismo valor, de modo que vamos a proceder con una discretización alternativa.

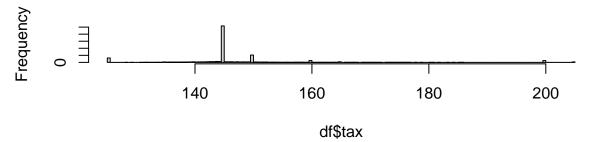
# summary(df\$tax)

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 125.0 145.0 145.0 146.9 147.5 205.0
```

```
par(mfrow = c(2, 1))
boxplot(df$tax, horizontal = TRUE)
hist(df$tax, breaks=200)
```



# Histogram of df\$tax



```
df$aux <- factor(cut(df$tax, breaks=c(0,144,145,155,205), include.lowest = TRUE))
table(df$aux)</pre>
```

```
[0,144] (144,145] (145,155] (155,205]
918 2640 974 468
```

En la tabla podemos ver el gran pico en el valor 145, que acumula 2647 elementos, más de la mitad del tamaño de la muestra.

Por último, generamos una variable factor con etiquetas para los diferentes intervalos que hemos definido.

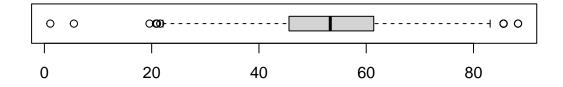
```
df$f.tax<-factor(cut(df$tax,breaks=c(0,144,145,155,205),include.lowest = TRUE ))
levels(df$f.tax)<-paste("f.tax-",levels(df$f.tax),sep="")
table(df$f.tax)</pre>
```

#### 4.3 Mpg

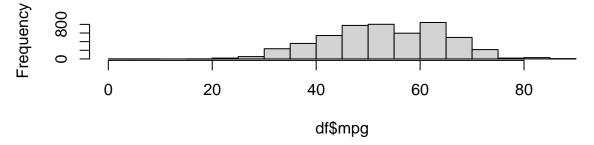
hist(df\$mpg)

En el caso de la variable mpg, vamos a proceder con una discretización por cuantiles, ya que su distribución lo permite y el resultado es bastante explicativo junto con las etiquetas que vamos añadir al factor.

#### 



# Histogram of df\$mpg



```
quants <- quantile(df$mpg,seq(0,1,0.25),na.rm=TRUE)

df$aux <- factor(cut(df$mpg, breaks=quants[1:5], include.lowest = TRUE))

df$f.mpg<-factor(cut(df$mpg,breaks=quants[1:5],include.lowest = TRUE))

levels(df$f.mpg)<-paste("f.mpg-",c("muy bajo","bajo","medio","alto"),sep="")

table(df$f.mpg)</pre>
```

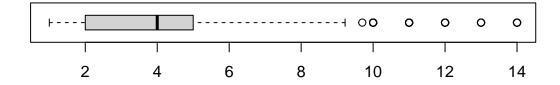
#### 4.3.1 Age

Por último, la variable age, similarmente a la variable mileage, tiene una distribución que se acumula en valores bajos. De modo que vamos a aplicar una dicretización según los primeros cuantiles generando tres intervalos.

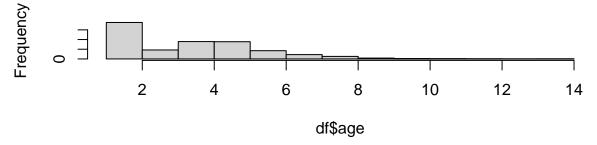
#### summary(df\$age)

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. 1.000 2.000 4.000 3.798 5.000 14.000
```

```
par(mfrow = c(2, 1))
boxplot(df$age,horizontal = TRUE)
hist(df$age)
```



# Histogram of df\$age



```
quants <- quantile(df$age,seq(0,1,0.25),na.rm=TRUE)

df$aux <- factor(cut(df$age, breaks=c(quants[1:3],max(df$age)), include.lowest = TRUE))
summary(df$aux)</pre>
```

```
[1,2] (2,4] (4,14]
1880 1357 1763
```

```
df$f.age<-factor(cut(df$age,breaks=c(quants[1:3],max(df$age)),include.lowest = TRUE ))
levels(df$f.age)<-paste("f.age-",c(levels(df$f.age)[1:2],"(+4)"),sep="")
table(df$f.age)</pre>
```

#### 4.4 Generación del target categórico Audi

Vamos a proceder a generar nuestro target categórico.

Como indica la documentación de la práctica, este va a consistir en una variable que nos indique si el fabricante de un vehículo es Audi.

```
df$Audi<-ifelse(df$manufacturer == "Audi",1,0)
df$Audi<-factor(df$Audi,labels=paste("Audi",c("No","Yes")))
summary(df$Audi)</pre>
```

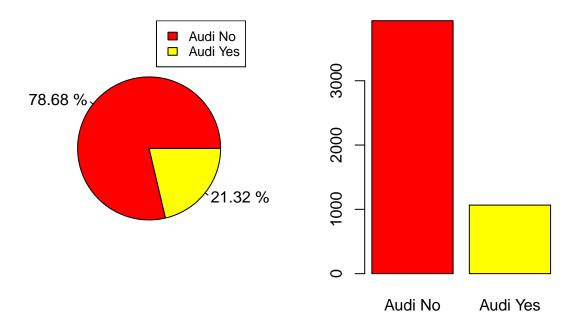
```
Audi No Audi Yes
3934 1066
```

A continuación algunos plots que nos ayudan a explicar esta varible.

```
par(mfrow = c(1, 2))
# Pie
piepercent<-round(100*(table(df$Audi)/nrow(df)),dig=2); piepercent

Audi No Audi Yes
    78.68    21.32

pie(table(df$Audi),col=heat.colors(2),labels=paste(piepercent,"%"))
legend("topright", levels(df$Audi), cex = 0.8, fill = heat.colors(2))
# Bar Chart
barplot(table(df$Audi),col=c("red","yellow"))</pre>
```



#### 5 Identificación los outliers multivariantes

En este apartado vamos a proceder con la identificación de los outliers multivariante. En primer lugar, vamos a cargar la librería y echaremos un primer vistazo a los posibles outliers.

```
library(mvoutlier)
```

Loading required package: sgeostat

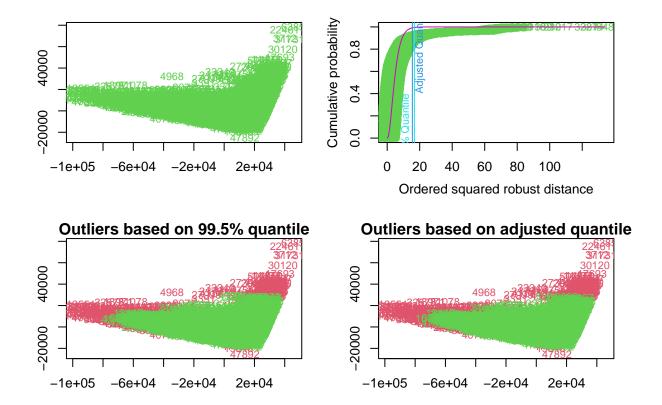
```
ll<-which(is.na(df$price)) #vacio
summary(df[,c(vars_res[1],vars_num)])</pre>
```

```
price
                   mileage
                                     tax
                                                    mpg
Min. :
          899
               \mathtt{Min.} :
                            1
                               Min.
                                       :125.0
                                               Min.
                                                     : 1.1
                1st Qu.: 5807
1st Qu.: 13995
                                1st Qu.:145.0
                                               1st Qu.:45.6
Median : 19498
                Median : 17706
                                Median :145.0
                                               Median:53.3
Mean : 21207
                Mean : 23318
                                Mean :146.9
                                               Mean :53.1
3rd Qu.: 25980
                3rd Qu.: 34095
                                3rd Qu.:147.5
                                               3rd Qu.:61.4
      :109495
                                     :205.0
               Max. :119000
                                                      :88.3
Max.
                                Max.
                                               Max.
    age
Min.
     : 1.000
1st Qu.: 2.000
Median : 4.000
Mean : 3.798
3rd Qu.: 5.000
Max.
      :14.000
```

La ejecución de la función aq.plot (Adjusted Quantile) genera 4 gráficos. \* En el de arriba a la izquierda podemos ver los datos originales. \* En el de arriba a la derecha podemos ver la aproximación de estos datos a una distribucion de chi-cuadrado. \* En el de abajo a la izquierda podemos ver los outliers determinados por el cuantil especificado de la chi-cuadrado (99.5%). \* En el de abajo a la derecha podemos ver los outliers determinados por el Adjusted Quantile (99.5%).

```
mout<-aq.plot(df[,c(vars_res[1],vars_num)],delta=qchisq(0.995,5),quan=0.995)</pre>
```

Projection to the first and second robust principal components. Proportion of total variation (explained variance): 0.9993919



A continuación, vamos a usar la función Moutlier para mostrar más información sobre los posibles outliers segun la distancia de Mahalanobis. Cabe destacar que el output de esta función nos devuelve tanto la distancia de Mahalanobis clásica como la robusta.

Esta función se debe aplicar a conjuntos de datos que siguen una distribución normal, de modo que, según el estudio que hemos realizado previamente, solo lo aplicaremos a las variables de price, mileage, mpg y distance.

Disclaimer: Para las variables que menciono anteriormente, el programa funciona bien. Si añadimos tax, falla. Pero si nos fijamos en los histogramas/barplots de las variables que mencionamos, las únicas en las que podríamos suponer una normalidad en los datos serían price y mpg, ya que age o mileage tienden a una acumulación en valores bajos siguiendo distrubuciones que podrían ser parecidas a chi-cuadrado, log normal o exponencial.

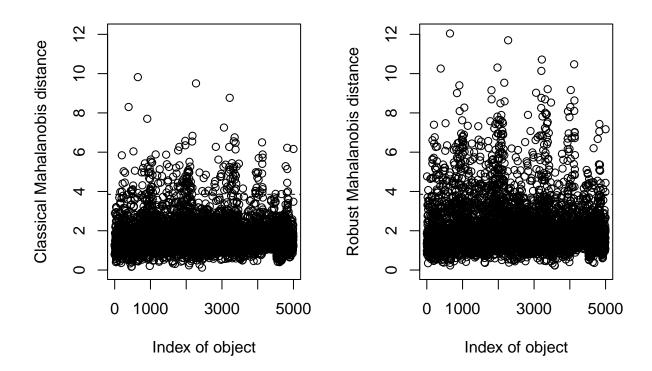
Seguimos con el análisis de Outliers Multivariantes.

En este caso, aplicaremos la función Moutlier a las variables que hemos mencionado anteriormente, mostrando las distancias de Mahalanobis clásica y robusta.

#### library(chemometrics)

Loading required package: rpart

mout<-Moutlier(df[,c("price","mileage","mpg","age")],quantile = 0.995, plot = TRUE)</pre>



#### 11<-which(mout\$rd>5)

Vamos a echar un vistazo a las propiedades de las individuos considerados como Multivariant Outliers.

```
summary(df[ll,c("price","mileage","mpg","age")])
```

price	${\tt mileage}$	mpg	age
Min. : 899	Min. : 1	Min. :19.6	Min. : 1.000
1st Qu.: 8000	1st Qu.: 30921	1st Qu.:33.6	1st Qu.: 4.000
Median : 12495	Median : 79651	Median:47.9	Median : 6.000
Mean : 24749	Mean : 65397	Mean :48.7	Mean : 6.009
3rd Qu.: 45895	3rd Qu.: 91707	3rd Qu.:62.8	3rd Qu.: 7.283
Max. :109495	Max. :119000	Max. :83.1	Max. :14.000

Finalmente, crearemos una variable auxiliar que nos marcará, para cada individuo, si es Multivariant Outlier o no.

```
df$mout <- 0
df$mout[ ll ]<-1
df$mout <- factor( df$mout, labels=c( "NoMOut", "YesMOut"))
table(df$mout)</pre>
```

NoMOut YesMOut 4759 241

### 6 Profiling

Por último, vamos a realizar el profiling de nuestro dataframe según nuestras variables target: Audi como variable categórica y price como variable numérica.

#### 6.1 Target numérico (Price)

```
library(FactoMineR)
summary(df$price)

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
    899 13995 19498 21207 25980 109495

vars_num <- c("mileage", "tax", "mpg", "age")
vars_cat <- c("model", "year", "transmission", "fuelType", "engineSize", "f.miles", "f.tax", "f.mpg", "f.age", "f.
```

Vamos a proceder al profiling del target numérico a partir de la función condes del paquete FactoMineR

```
res.condes<-condes(df[,c("price",vars_num,vars_cat,"manufacturer")],1)

res.condes$quanti # Global association to numeric variables

correlation p.value

mileage -0.5291971 0

mpg -0.5799013 0

age -0.5814226 0
```

Como podemos apreciar en la anterior salida, las variables numéricas que más correlación tienen con nuestra variable target (price) son mileage, mpg y age. En este caso, cabe destacar que se correlacionan de manera negativa. Esto indica que son inversamente proporcionales, es decir, que a más mileage/mpg/age, menor price (y viceversa).

```
res.condes$quali # Global association to factors
```

```
R2
                             p.value
            0.498113659 0.000000e+00
model
            0.368876026 0.000000e+00
year
engineSize 0.417317006 0.000000e+00
f.miles
            0.302896034 0.000000e+00
f.mpg
            0.286791156  0.000000e+00
f.age
           0.331018734 0.000000e+00
transmission 0.222053178 3.454238e-273
f.tax 0.155741942 4.820306e-183
manufacturer 0.085248015 3.575883e-96
fuelType
            0.005311573 1.663919e-06
            0.004578046 1.678942e-06
Audi
```

En el caso de las variables categóricas (o factores), podemos apreciar que existe una clara relación entre los factores model, year, engineSize. También con algunos de los factores que hemos creado derivados de las variables numéricas. Vamos a analizarlo más a fondo:

Ahora nos fijaremos en las primeras lineas de la salida de condes\$category:

head(res.condes\$category) # Partial association to significative levels in factors

```
Estimate p.value f.age=f.age-[1,2] 7516.899 0.000000e+00 f.mpg=f.mpg-muy bajo 9207.286 0.000000e+00 f.miles=f.miles-[0.001,5.81] 7983.258 6.380064e-232 year=2019 16354.381 6.510724e-224 f.tax=f.tax-(144,145] 5858.741 9.173133e-174 engineSize=3 8313.245 2.099854e-173
```

En esta salida podemos apreciar como para coches nuevos, y con un consumo o kilometraje bajos, el precio estimado es más alto. Como casos notables también podemos mencionar algunos casos de coches premium, para los que el valor estimado es más alto:

```
model=Mercedes- G Class 45588.6851 5.645865e-07
model=BMW- X7 42925.9709 9.727955e-37
```

Y si nos fijamos en las últimas:

#### tail(res.condes\$category)

```
Estimate p.value f.tax=f.tax-[0,144] -4062.936 4.491610e-87 manufacturer=VW -4880.202 2.247380e-94 f.mpg=f.mpg-alto -5547.111 4.457754e-106 f.miles=f.miles-(34.1,119] -7304.049 3.927777e-191 transmission=f.Trans-Manual -6839.754 4.814587e-273 f.age=f.age-(+4) -6623.392 2.639305e-287
```

Podemos apreciar como factores como el cambio de marchas manual, un kilometraje alto o un cosumo alto tienden a abaratar el vehículo.

Algunos casos especiales son modelos de VW, que ven su precio realmente reducido:

```
model=VW- CC -17098.5649 7.630716e-03
model=VW- Beetle -20721.5371 1.122196e-04
```

#### 6.2 Target factor (AUDI)

Vamos a proceder a ejecutar la función catdes con para identificar las asociaciones hacia el target categórico que hemos generado. Para esto, y ya que simplemente considero que no es indicativo, no usaré las variable modelo ni manufacturer, ya que no aportan ningún tipo de infomación al análisis.

```
res.catdes<-catdes(df[,c("Audi",vars_num,vars_cat[2:9])],1)
```

Procedemos a ver las variables que parecen estar más correlacionadas con nuestra variable target:

#### res.catdes\$quanti.var # Global association to numeric variables

```
Eta2 P-value
mpg 0.014005511 4.632358e-17
tax 0.003617358 2.084464e-05
age 0.001202533 1.419867e-02
mileage 0.001099604 1.903503e-02
```

Si lo analizamos un poco más las relaciones con variables numéricas, podemos ver que los vehículos Audi tienen consumos más bajos y kilometrages, antigüedad e impuestos más altos que la muestra que estudiamos. Si analizamos los vehículos que no son Audi, veremos lo contrario.

res.catdes\$quanti # Partial association of numeric variables to levels of outcome factor

#### \$'Audi No'

```
v.test Mean in category Overall mean sd in category
                                                               Overall sd
        8.367410
                        53.785122
                                    53.097238
                                                   11.081567
                                                               11.166173
mpg
mileage -2.344551
                                                21593.705113 21708.552196
                     22943.522121 23318.245205
       -2.451828
                         3.762023 3.798202
                                                   1.984473
                                                               2.004245
age
tax
       -4.252431
                       146.478947 146.865790
                                                   11.688011
                                                               12.355981
            p.value
       5.889854e-17
mileage 1.904999e-02
```

```
age 1.421326e-02
tax 2.114622e-05
```

#### \$'Audi Yes'

```
v.test Mean in category Overall mean sd in category
                                                             Overall sd
        4.252431 148.29341 146.865790 14.468957
                                                              12.355981
tax
        2.451828
                         3.93172 3.798202
                                                  2.070118
                                                              2.004245
age
mileage 2.344551
                     24701.13508 23318.245205 22072.237729 21708.552196
                        50.55865
                                   53.097238
       -8.367410
                                                 11.110319
                                                              11.166173
mpg
            p.value
       2.114622e-05
tax
       1.421326e-02
age
mileage 1.904999e-02
```

Si estudiamos las varibles categóricas, podemos ver que los factores generados con las discretizaciones que hemos realizado anteriormente se relacionan de manera estrecha con nuestro target, además del engineSize, el fuelType o la transmission.

#### res.catdes\$test.chi2 # Global association to factors

```
p.value df
engineSize 3.613671e-90 24
f.mpg 1.584246e-16 3
fuelType 1.129965e-07 2
transmission 1.413295e-04 2
f.tax 6.712343e-04 3
f.miles 1.622641e-03 3
f.age 3.813175e-02 2
```

5.889854e-17

Por último, vamos a entrar más en detalle en la relación de las variables categóricas con nuestro target.

#### res.catdes\$category # Partial association to significative levels in factors

#### \$'Audi No'

	Cla/Mod	Mod/Cla	${\tt Global}$	p.value
engineSize=2.1	100.00000	10.47280122	8.24	9.327968e-46
engineSize=1.2	100.00000	3.73665480	2.94	2.714851e-16
f.mpg=f.mpg-alto	84.38309	24.86019319	23.18	2.960521e-08
engineSize=1.3	100.00000	1.60142349	1.26	2.471998e-07
engineSize=1.5	85.74007	12.07422471	11.08	7.887020e-06
fuelType=f.Fuel-Diesel	80.83478	59.07473310	57.50	1.626774e-05
f.mpg=f.mpg-medio	82.99832	25.19064565	23.88	2.161084e-05
f.miles=f.miles-(5.81,17.7]	82.25420	26.15658363	25.02	3.048507e-04
transmission=f.Trans-SemiAuto	81.32911	39.19674631	37.92	3.253466e-04
fuelType=f.Fuel-Hybrid	94.91525	1.42348754	1.18	6.320005e-04
engineSize=2.2	100.00000	0.50838841	0.40	8.180915e-03
year=2019	80.48624	31.97763091	31.26	3.475673e-02
engineSize=1	82.78689	7.70208439	7.32	4.298931e-02
f.mpg=f.mpg-bajo	76.71439	25.87697001	26.54	4.257922e-02
f.miles=f.miles-(34.1,119]	76.48000	24.30096594	25.00	2.943481e-02
f.age=f.age-(+4)	76.68746	34.36705643	35.26	1.150630e-02
engineSize=2.9	40.00000	0.10167768	0.20	1.006985e-02
engineSize=2.5	28.57143	0.05083884	0.14	6.759033e-03
engineSize=4.2	0.00000	0.00000000	0.08	2.056946e-03
engineSize=2	76.22150	41.63701068	42.98	2.392416e-04
engineSize=4	50.00000	0.45754957	0.72	1.564847e-04
f.tax=f.tax-(155,205]	71.58120	8.51550585	9.36	1.343933e-04
transmission=f.Trans-Manual	75.65753	34.36705643	35.74	1.111890e-04
engineSize=1.8	47.36842	0.45754957	0.76	2.457585e-05
fuelType=f.Fuel-Petrol	75.21781	39.50177936	41.32	6.003236e-07
f.mpg=f.mpg-muy bajo	71.74242	24.07219115	26.40	2.195198e-12

onginoCigo-1 A	4E 16100	3.55871886	6 20	6 22601Ea-41
engineSize=1.4	45.16129 v.test	3.556/1666	6.20	6.336915e-41
engineSize=2.1	14.198736			
engineSize=1.2	8.185363			
f.mpg=f.mpg-alto	5.543756			
engineSize=1.3	5.159811			
engineSize=1.5	4.468228			
fuelType=f.Fuel-Diesel	4.310783			
f.mpg=f.mpg-medio	4.247563			
f.miles=f.miles-(5.81,17.7]	3.611143			
transmission=f.Trans-SemiAuto				
fuelType=f.Fuel-Hybrid	3.417496			
engineSize=2.2	2.644511			
year=2019	2.111181			
engineSize=1	2.023814			
<pre>f.mpg=f.mpg-bajo f.miles=f.miles-(34.1,119]</pre>	-2.027814 -2.177614			
f.age=f.age-(+4)	-2.526934			
engineSize=2.9	-2.573421			
engineSize=2.5	-2.708489			
engineSize=4.2	-3.081884			
engineSize=2	-3.673510			
engineSize=4	-3.780546			
f.tax=f.tax-(155,205]	-3.818265			
transmission=f.Trans-Manual	-3.864781			
engineSize=1.8	-4.218660			
fuelType=f.Fuel-Petrol	-4.991113			
f.mpg=f.mpg-muy bajo	-7.021487			
engineSize=1.4	-13.396516			
\$'Audi Yes'				
ψ Audi les	Cla/Mod	Mod/Cla	Global	p.value
engineSize=1.4	54.838710	15.9474672		6.336915e-41
f.mpg=f.mpg-muy bajo	28.257576	34.9906191	26.40	2.195198e-12
<pre>fuelType=f.Fuel-Petrol</pre>	24.782188	48.0300188	41.32	6.003236e-07
engineSize=1.8	52.631579	1.8761726	0.76	2.457585e-05
transmission=f.Trans-Manual		40.8067542		1.111890e-04
f.tax=f.tax-(155,205]		12.4765478		1.343933e-04
engineSize=4	50.000000	1.6885553		1.564847e-04
engineSize=2		47.9362101		2.392416e-04
engineSize=4.2	100.000000			2.056946e-03
<pre>engineSize=2.5 engineSize=2.9</pre>	60.000000	0.4690432 0.5628518		6.759033e-03 1.006985e-02
f.age=f.age-(+4)		38.5553471		1.150630e-02
f.miles=f.miles-(34.1,119]		27.5797373		2.943481e-02
f.mpg=f.mpg-bajo		28.9868668		4.257922e-02
engineSize=1	17.213115	5.9099437		4.298931e-02
year=2019		28.6116323		3.475673e-02
engineSize=2.2	0.000000	0.0000000	0.40	8.180915e-03
fuelType=f.Fuel-Hybrid	5.084746	0.2814259	1.18	6.320005e-04
transmission=f.Trans-SemiAuto	18.670886	33.2082552	37.92	3.253466e-04
f.miles=f.miles-(5.81,17.7]	17.745803	20.8255159	25.02	3.048507e-04
f.mpg=f.mpg-medio	17.001675	19.0431520	23.88	2.161084e-05
fuelType=f.Fuel-Diesel		51.6885553		1.626774e-05
engineSize=1.5	14.259928			7.887020e-06
engineSize=1.3	0.000000			2.471998e-07
f.mpg=f.mpg-alto		16.9793621		2.960521e-08
engineSize=1.2	0.000000			2.714851e-16
engineSize=2.1	0.000000	0.0000000	8.24	9.327968e-46
onminoCipo-1 A	v.test			
engineSize=1.4	13.396516 7.021487			
<pre>f.mpg=f.mpg-muy bajo fuelType=f.Fuel-Petrol</pre>	1.021481			
TOCTIANC-T'LACT LAPIOT	4 001112			
engineSize=1.8	4.991113 4.218660			

```
transmission=f.Trans-Manual
                                3.864781
f.tax=f.tax-(155,205]
                                3.818265
engineSize=4
                                3.780546
engineSize=2
                                3.673510
engineSize=4.2
                                3.081884
engineSize=2.5
                                2.708489
engineSize=2.9
                                2.573421
f.age=f.age-(+4)
                                2.526934
f.miles=f.miles-(34.1,119]
                                2.177614
f.mpg=f.mpg-bajo
                                2.027814
engineSize=1
                               -2.023814
year=2019
                               -2.111181
engineSize=2.2
                               -2.644511
fuelType=f.Fuel-Hybrid
                               -3.417496
transmission=f.Trans-SemiAuto -3.594235
f.miles=f.miles-(5.81,17.7)
                               -3.611143
f.mpg=f.mpg-medio
                               -4.247563
fuelType=f.Fuel-Diesel
                               -4.310783
engineSize=1.5
                               -4.468228
engineSize=1.3
                               -5.159811
f.mpg=f.mpg-alto
                               -5.543756
engineSize=1.2
                               -8.185363
engineSize=2.1
                              -14.198736
```

Vamos a interpretar un poco la salida anterior. Si cogemos este ejemplo,

```
'Audi No'
```

```
Cla/Mod Mod/Cla Global p.value v.test engineSize=2.1 100.00000 10.47280122 8.24 9.327968e-46 14.198736
```

podemos entender como el 100% de los vehículos con engineSize=2.1, no están fabricados por Audi. También podemos extraer que el 10.47% de los vehículos no fabricados por Audi tienen engineSize=2.1.

Otro ejemplo:

```
'Audi Yes'

Cla/Mod Mod/Cla Global p.value v.test
transmission=f.Trans-Manual 24.342473 40.8067542 35.74 1.111890e-04 3.864781
```

En este caso podemos ver como el 24.34% de los vehículos con transmisión manual son Audi. Además, el 40.80% de los vehículos fabricados por Audi, tienen transmisión manual.

Añadimos la discretización de la variable price que necesitaremos para la segunda entrega en 7 levels:

```
summary(df$price)
```

summary(df\$aux)

```
[899,1.1e+04] (1.1e+04,1.4e+04] (1.4e+04,1.7e+04] (1.7e+04,1.95e+04] 630 641 604 625 (1.95e+04,2.2e+04] (2.2e+04,2.6e+04] (2.6e+04,3.15e+04] (3.15e+04,1.09e+05] 632 619 624 625
```

```
df$f.price<-factor(cut(df$price,breaks=c(quants[1:8],max(df$price)),include.lowest = TRUE ))
levels(df$f.price)<-paste("f.price-",c(levels(df$f.price)),sep="")
table(df$f.price)</pre>
```

```
f.price-[899,1.1e+04] f.price-(1.1e+04,1.4e+04]
630 641
f.price-(1.4e+04,1.7e+04] f.price-(1.7e+04,1.95e+04]
604 625
f.price-(1.95e+04,2.2e+04] f.price-(2.2e+04,2.6e+04]
632 619
f.price-(2.6e+04,3.15e+04] f.price-(3.15e+04,1.09e+05]
```