

Teo alcalay

Logique cc1

1)

a)

1.soit A la silhouette de la piece est masculine et B celle-ci est feminine;

$$(A \vee B) \wedge \neg(A \wedge B)$$

2.soit C la parité de la piece et D sont imparité;

$$(C \vee D) \wedge \neg(C \wedge D)$$

3.soit E la validité de la piece de monais;

$$(B \vee D) \Rightarrow E$$

b)

$$3.(B \vee D) \Rightarrow E$$

$$B \Rightarrow E \text{ } [\Rightarrow^-, 3]$$

$$\neg A \Rightarrow B \Rightarrow E \text{ } [\Rightarrow^+, 4]$$

$$\therefore 3. \models E$$

c)

2)

$$f(A,B,C) = (\neg A \wedge \neg B \wedge \neg C) \vee (A \wedge \neg B \wedge \neg C) \vee (\neg A \wedge B \wedge \neg C) \vee (\neg A \wedge \neg B \wedge C)$$

A B C f

1 1 1 0

1 1 0 0

1 0 1 0

1 0 0 1

0 1 1 0

0 1 0 1

0 0 1 1

0 0 0 1

3)

a)

$$\begin{aligned}
\varphi &= (A \wedge (B \Rightarrow \neg(A \vee C))) \Rightarrow (C \vee \neg A) \\
&\equiv (A \wedge (B \Rightarrow (\neg A \wedge \neg C))) \Rightarrow (C \vee \neg A) \\
&\equiv (A \wedge (\neg B \vee (\neg A \wedge \neg C))) \Rightarrow (C \vee \neg A) \\
&\equiv \neg(A \wedge (\neg B \vee (\neg A \wedge \neg C))) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv (\neg A \vee \neg(\neg B \vee (\neg A \wedge \neg C))) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv (\neg A \vee (B \wedge \neg(\neg A \wedge \neg C))) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv (\neg A \vee (B \wedge (A \vee C))) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv ((\neg A \vee B) \wedge (\neg A \vee A \vee C)) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv ((\neg A \vee B) \wedge (I \vee C)) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv (\neg A \vee B) \vee (C \vee \neg A) \\
&\equiv \neg\neg(\neg A \vee B) \vee \neg\neg(C \vee \neg A) \\
&\equiv \neg(A \wedge \neg B) \vee \neg(\neg C \wedge A) \quad FND \\
&\equiv \neg\neg((\neg A \vee B) \vee (C \vee \neg A)) \\
&\equiv \neg(\neg(\neg A \vee B) \wedge \neg(C \vee \neg A)) \quad FNC
\end{aligned}$$

b)

$$\begin{aligned}
\varphi &= (A \wedge (B \Rightarrow \neg(A \vee C))) \Rightarrow (C \vee \neg A) \\
&\equiv (\neg A \vee B) \vee (C \vee \neg A) \\
&\text{avec } A=0 \\
&\equiv (\neg(0) \vee B) \vee (C \vee \neg(0)) \equiv (I \vee B) \vee (C \vee I) \equiv (I) \vee (I) \equiv I;
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&\text{avec } A=I \\
&\equiv (\neg(I) \vee B) \vee (C \vee \neg(I)) \equiv (0 \vee B) \vee (C \vee 0) \equiv B \vee C
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&\text{avec } B=I \\
&\equiv B \vee C \equiv (I) \vee C \equiv I
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
&\text{avec } B=0 \\
&\equiv B \vee C \equiv (0) \vee C \equiv C
\end{aligned}$$

$$FND: (A \wedge \neg B \wedge \neg C)$$

$$FNC: (A \vee B \vee C) \wedge (A \vee B \vee \neg C) \wedge (\neg A \vee B \vee \neg C) \wedge (\neg A \vee B \vee \neg C) \wedge (\neg A \vee \neg B \vee C) \wedge (A \vee B \vee \neg C) \wedge (\neg A \vee \neg B \vee \neg C)$$

4)

$$\phi = \neg(x \wedge (y \Rightarrow \neg(x \vee z))) \Rightarrow \neg(\neg z \wedge y)$$

tableau)

x	y	z	$A = \neg(x \vee z)$	$B = (y \Rightarrow A)$	$C = (x \wedge B)$	$D = (\neg(\neg z \wedge y))$	$\neg\phi = \neg C \vee D$
1	1	1	0	0	0	1	1
1	1	0	0	0	0	0	1
1	0	1	0	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1
0	1	1	0	0	0	1	1
0	1	0	1	1	0	0	1
0	0	1	0	1	0	1	1
0	0	0	1	1	0	1	1

$\neg\phi$ est une tautologie donc $\emptyset \models \phi$

resolution)

$$\begin{aligned}
 &\neg(x \wedge (y \Rightarrow \neg(x \vee z))) \Rightarrow \neg(\neg z \wedge y) \equiv (x \wedge (y \Rightarrow \neg(x \vee z))) \vee (z \vee \neg y) \\
 &\equiv (x \wedge (\neg y \vee \neg(x \vee z))) \vee (z \vee \neg y) \equiv (x \wedge \neg(y \wedge (x \vee z))) \vee (z \vee \neg y) \\
 &\equiv (x \wedge \neg((y \wedge x) \vee (y \wedge z))) \vee (z \vee \neg y) \equiv ((x \wedge \neg(y \vee \neg x)) \vee (x \wedge (\neg y \vee \neg z))) \vee (z \vee \neg y) \\
 &\equiv (((x \wedge \neg y) \vee (x \wedge \neg x)) \vee ((x \wedge \neg y) \vee (x \wedge \neg z))) \vee (z \vee \neg y) \\
 &\equiv (((x \wedge \neg y) \vee (0)) \vee ((x \wedge \neg y) \vee (x \wedge \neg z))) \vee (z \vee \neg y) \\
 &\equiv ((x \wedge \neg y) \vee ((x \wedge \neg y) \vee (x \wedge \neg z))) \vee (z \vee \neg y) \\
 &\equiv ((x \wedge \neg y) \vee (z \vee \neg y)) \vee (((x \wedge \neg y) \vee (x \wedge \neg z)) \vee (z \vee \neg y)) \\
 &\equiv ((x \wedge \neg y) \vee (z \vee \neg y)) \vee ((x \wedge \neg y) \vee (z \vee \neg y)) \vee ((x \wedge \neg z) \vee (z \vee \neg y))
 \end{aligned}$$