## Optimización Dinámica Ayudantía 7

Profesor: Enrique Calfucura Ayudante : Alejandro Poblete

1. Encuentre las funciones de valor y de politica del siguiente problema:

$$\max \sum_{t=0}^{\infty} \beta^{t} \left(-\frac{2}{3}x_{t}^{2} - u_{t}^{2}\right), \quad x_{t+1} = x_{t} + u_{t}, \quad con \quad x_{0} > 0$$

2. Considere el siguiente problema:

$$\max \sum_{t=0}^{\infty} \beta^{t} (-e^{-u_{t}} - \frac{1}{2}e^{-x_{t}}), \quad x_{t+1} = 2x_{t} - u_{t}, \quad x_{0} \quad dado$$

Defina las funciones de politica y valor.

3. Considere el siguiente problema:

$$\max \sum_{t=0}^{\infty} \beta^{t} (h_{t}^{\frac{1}{2}} v_{t}^{\frac{1}{2}}), \quad v_{t+1} = 1 - h_{t} \quad h_{0} \quad dado \quad h_{t} \in [0, 1]$$

Encuentre las funciones de politica y valor.

4. Resolver siguiente problema de Programación dinámica de horizonte finito<sup>1</sup>:

$$\max\left[\sum_{t=0}^{T-1} \left(-\frac{2}{3}u_t x_t\right) + \ln x_T\right], \qquad x_{t+1} = x_t (1 + u_t x_t), \qquad \text{con } x_0 > 0, \quad u_t \ge 0$$

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Este es el mismo ejercicio 3 de la ayudantía 6 corregido.