## Определение

Отрицательная абсолютная температура — температура, характеризующая равновесные состояния термодинамической системы, в которых вероятность обнаружить систему в микросостоянии с более высокой энергией выше, чем в микросостоянии с более низкой. В классической статистике этому соответствует большая плотность вероятности для точек фазового пространства с более высокой энергией по сравнению с точками с более низкой энергией. При положительной температуре соотношение вероятностей или их плотностей обратное.

Отрицательная температура системы сохраняется достаточно долго, если эта система достаточно хорошо изолирована от тел с положительной температурой. На практике отрицательная температура может реализовываться, например, в системе ядерных спинов.

При этом абсолютная температура  $+\infty$  и  $-\infty$  — это одна и та же температура (соответствующая равномерному распределению), но различаются температуры T=+0 и T=-0. Так, система будет сосредоточена на самом нижнем уровне при T=+0, и на самом верхнем — при T=-0.

## Инверсия заселенностей

В случае термодинамического равновесия, состояние с низкой энергией намного популярней возбуждённого состояния, и это является нормальным состоянием системы. Если удастся какимлибо способом *обратить* ситуацию, то тогда говорят, что система перешла в состояние с **инверсией электронных заселенностей**.

Из распределения Больцмана для отношения числа молекул на двух уровнях:

$$\frac{N_2}{N_1} = \exp\frac{-(E_2 - E_1)}{kT} \tag{1}$$

Если при  $E_2 > E_1$  нам удастся достичь такое состояние, что  $N_2 > N_1$ , то из формулы 1 получим, что T < 0. Существует несколько моделей, реализующих данное состояние.

Рассмотрим одну из таких моделей, известную как трёхуровневый лазер. Возьмем группу из N атомов так, что каждый из них может находиться в трёх различных энергетических состояниях, на уровнях 1, 2 и 3 с энергиями  $E_1$ ,  $E_2$  и  $E_3$ , в количестве  $N_1$ ,  $N_2$  и  $N_3$ , соответственно. При этом диаграмма энергетических уровней будет выглядеть следующим образом:

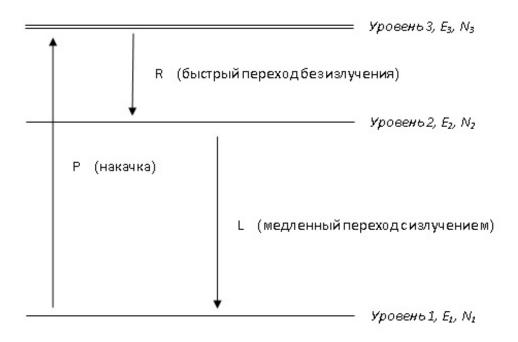


Рис. 1. Диграмма энергетических уровней (трехуровневый лазер).

На этой диаграмме  $E_1 < E_2 < E_3$ ; т. е. энергетический уровень 2 лежит между основным состоянием и уровнем 3.

В самом начале система атомов находится в термодинамическом равновесии и большинство атомов находится в основном состоянии, т. е.  $N_1 \approx N, N_2 \approx N_3 \approx 0$ . Если теперь осветить атомы светом частоты  $\nu_{31}$ , где  $E_3 - E_1 = h\nu_{31}$  (h — Постоянная Планка), благодаря поглощению, начнётся процесс перехода атомов в возбуждённое состояние на уровень 3. Такой процесс называется накачкой, и не всегда он вызывается светом. Для этой цели также применяются электрические разряды или химические реакции.

Если мы будем продолжать накачку атомов, мы возбудим до уровня 3 достаточное их количество, т. е.  $N_3 > 0$ . Далее нам необходимо, чтобы атомы быстро перешли на уровень 2. Освобождённая при этом энергия может излучиться в виде фотона механизмом спонтанного излучения, но на практике рабочее тело лазера выбирают так, чтобы переход  $3 \to 2$ , обозначенный на диаграмме буквой  $\mathbf{R}$ , проходил без излучения, а энергия тратилась на нагрев рабочего тела.

Атом на уровне 2 может перейти на основной уровень, спонтанно излучив фотон частоты  $\nu_{21}$  (которую можно найти из выражения  $E_2-E_1=h\nu_{21}$ ). Этот процесс показан на диаграмме буквой **L**. Время до этого перехода  $\tau_{21}$  значительно превышает время неизлучающего перехода  $3 \to 2 - \tau_{32}(\tau_{21} \gg \tau_{32})$ . При таком условии количество атомов на уровне 3 будет примерно равно нулю  $(N_3 \approx 0)$ , а количество атомов на уровне 2 — больше нуля  $(N_2 > 0)$ , поскольку переход  $2 \to 1$  будет определять всю скорость перехода  $3 \to 1$ . Если на уровне 2 удастся удержать больше половины атомов, между уровнями 1 и 2 будет достигнута инверсия населённостей.

Поскольку для достижения такого эффекта нужно возбудить не менее половины атомов, для

накачки нужна очень большая энергия. Поэтому трёхуровневые лазеры непрактичны, хотя они и стали первыми созданными Теодором Майманом лазерами (на основе рубина) в 1960 году. На практике чаще используются четырёхуровневые лазеры, как показано на диаграмме ниже:

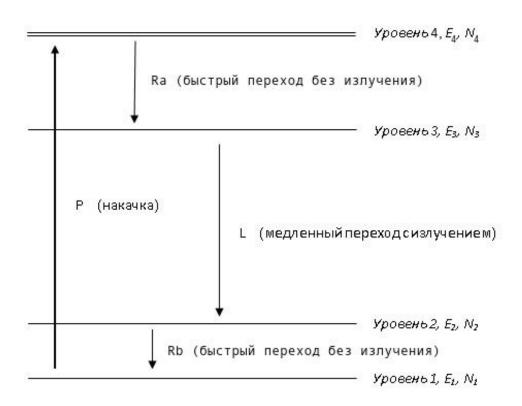


Рис. 2. Диаграмма для четырехуровневого лазера.

Здесь присутствует четыре энергетических уровня  $E_1$ ,  $E_2$ ,  $E_3$ ,  $E_4$ , и количество атомов  $N_1$ ,  $N_2$ ,  $N_3$ ,  $N_4$ , соответственно. Энергии этих уровней последовательно увеличиваются:  $E_1 < E_2 < E_3 < E_4$ .

В такой системе при накачке **P** атомы переходят из основного состояния (уровень 1) на уровень накачки 4. С уровня 4 атомы с помощью быстрого неизлучающего перехода **Ra** — на уровень 3. Так как время до перехода **L** намного превышает время до перехода **Ra**, на уровне 3 скапливаются атомы, которые затем с помощью спонтанного или вынужденного излучения переходят на уровень 2. С этого уровня быстрым переходом **Rb** атом может вернуться в основное состояние.

Как и в предыдущем случае, наличие быстрого перехода  ${\bf Ra}$  приводит к тому, что  $N_4 \approx 0$ . В четырёхуровневом лазере, благодаря наличию второго быстрого перехода  ${\bf Rb}$ , количество атомов на уровне 2 также стремится к нулю ( $N_2 \approx 0$ ). Это значительно упрощает достижение инверсии заселенностей.

Полученное оптическое усиление (и, соответственно, работа лазера) происходит на частоте  $\nu_{32}$  ( $E_3 - E_2 = h\nu_{32}$ ). Так как для образования инверсии населённостей в четырёхуровневом лазере достаточно небольшого числа атомов, такие лазеры более практичны.