

# ОТЧЕТ

## ЛАБОРАТОРНАЯ РАБОТА 1

### ВАРИАНТ 8

Кражевский Алексей Игоревич, 15 группа

Результат выполнения программы:

```
Enter bit size:4
Generated number = 13
Test results:
    Miller-Rabin test: True
    Fermet test: True
Enter pow of mersen number (prime):13
Mersen number = 8191
    Luke-Lemer test for mersen number: True
```

Тест Ферма:

По **Теореме Ферма**, если  $n$  – простое число, тогда для любого  $a$  справедливо следующее равенство  $a^{n-1} \equiv 1 \pmod{n}$ . Отсюда мы можем вывести правило теста Ферма на проверку простоты числа: возьмем случайное  $a \in \{1, \dots, n-1\}$  и проверим будет ли соблюдаться равенство  $a^{n-1} \equiv 1 \pmod{n}$ . Если равенство не соблюдается, значит скорее всего  $n$  – составное.

Оптимальное количество повторений – 20 (исходя из формулы определения вероятности).

Тест Миллера-Рабина:

**Ввод:**  $n > 2$ , нечётное натуральное число, которое необходимо проверить на простоту;  
 $k$  – количество раундов.  
**Вывод:** *составное*, означает, что  $n$  является составным числом;  
*вероятно простое*, означает, что  $n$  с высокой вероятностью является простым числом.  
Представить  $n - 1$  в виде  $2^s \cdot t$ , где  $t$  нечётно. Это можно сделать последовательным делением  $n - 1$  на 2.  
**цикл A:** повторить  $k$  раз:  
    Выбрать случайное целое число  $a$  в отрезке  $[2, n - 2]$   
     $x \leftarrow a^t \pmod{n}$ , вычисляется с помощью возведения в степень по модулю  
    **если**  $x = 1$  или  $x = n - 1$ , **то** перейти на следующую итерацию цикла A  
    **цикл B:** повторить  $s - 1$  раз  
         $x \leftarrow x^2 \pmod{n}$   
        **если**  $x = 1$ , **то вернуть** *составное*  
        **если**  $x = n - 1$ , **то** перейти на следующую итерацию цикла A  
    **вернуть** *составное*  
**вернуть** *вероятно простое*

Псевдокод Люка-Лемера:

```
LLT(p)
  ►Вход: простое нечётное число p
  S = 4
  k = 1
  M =  $2^p - 1$ 
  До тех пока k != p - 1 выполнять
    S = ((S × S) - 2) mod M
    k += 1
  Конец цикла
  Если S = 0 выполнять
    Возвратить ПРОСТОЕ
  иначе
    Возвратить СОСТАВНОЕ
  Конец условия
```

Мой код на вход принимает заранее сгенерированное число Мерсена и его степень и прогоняет тест для этого числа (результат на скриншоте).