

```

1 import numpy as np
2 import matplotlib.pyplot as plt
3
4 dt = 0.5 # mengde per steg
5 t = np.linspace(0,3,7)
6 u = np.zeros(len(t))
7 u[0] = 1
8 f = lambda x: x*((1/2) - x) # original differential funksjon
9
10 for n in range(len(t) - 1):
11     u[n+1] = u[n] + dt * f(u[n])
12
13 plt.plot(t,u, label='forward')
14
15 xanalytisk = lambda t: np.exp(t/2) / (2*np.exp(t/2)+ - 1) # analytisk
    • funksjon
16 t2 = np.linspace(0,3,1000)
17 plt.plot(t2, xanalytisk(t2), label='analytisk')
18
19 u_mid = np.zeros(len(t))
20 u_mid[0] = 1
21
22 for n in range(len(t) - 1):
23     dt = t[n+1] - t[n]
24     dt_2 = dt/2.0
25     k_1 = f(u_mid[n])
26     k_2 = f(u_mid[n] + dt_2*k_1)
27     u_mid[n+1] = u_mid[n] + dt*k_2
28
29 plt.plot(t, u_mid, label='midpoint')
30 plt.legend()
31 plt.show()
32
33 """
34 Løsningen  $x(t)$  er begrenset fordi for lave  $x$  verdier så blir uttrykket  $1 /$ 
    •  $2 - 1$ .
35 Det vil si at  $x(0) = 1$ . Etter hvert som  $t$  verdien øker så øker også  $e^{t/2}$ 
    • verdiene kraftig.
36 Da blir  $-1$  under brøkstreken ubetydelig og funksjonen konvergerer mot  $1/2$ .
37 Dette fordi  $e^{t/2}$  går mot uendelig, og  $uendelig / 2 * uendelig$  er lik  $1/2$ .
38
39 Det er korrekt å anta at den samme begrensningen gjelder for eulers metode
    • om vi øker antall steg.
40 Dersom ett ledd i steget vårt blir til en halv. Så blir utregningen for
    • neste steg lik:
41  $1/2 * (1/2 - 1/2)$ , som blir  $0$ .
42 Da ser vi fra utregningen til steg at neste ledd  $u+1$  er lik  $u + 0$ .
43 Dvs. at vår tilnærming med eulers metode også konvergerer mot  $1/2$ .
44 """
45

```