

Laboratorio di Fondamenti di Automatica Quinta esercitazione

Sintesi e prova del controllo di temperatura



© 2005-2020 Alberto Leva, Marco Lovera, Maria Prandini, Silvano Seva, Danilo Saccani, Chiara Cimino, Marco Lauricella, Michele Bolognini

Except where otherwise noted, this work is licensed under a Creative Commons Attribution-ShareAlike 4.0 International Licence

https://creativecommons.org/licenses/by-sa/4.0/

Creative Commons and the double C in a circle are registered trademarks of Creative Commons in the United States and other countries. Third party marks, logos and brands are the property of their respective holders.

Premessa



- Scopo di quest'esercitazione di laboratorio:
 - sintetizzare, simulare e provare sperimentalmente diversi regolatori di temperatura per l'apparato termico sperimentale, confrontando i risultati ottenuti e commentando il tutto alla luce delle competenze apprese nel corso.
- Contenuto dell'esercitazione:
 - sintesi di diversi regolatori PID
 - sulla base dei modelli determinati nella precedente esercitazione,
 - con differenti specifiche sul comportamento del sistema in anello chiuso;
 - simulazione in MATLAB dei sistemi di controllo ottenuti;
 - prova sperimentale dei regolatori e confronto con le simulazioni.

Modelli



- I modelli determinati nella quarta esercitazione sono quattro, e precisamente
 - uno del prim'ordine ottenuto dalla risposta a scalino (M1),
 - uno del second'ordine senza zeri (struttura "fisica" nel caso di apparato simmetrico) ottenuto dalla risposta a scalino (M2),
 - uno del terz'ordine con uno zero (struttura "fisica" nel caso di apparato non simmetrico) ottenuto dalla risposta a scalino (M3),
 - uno del terz'ordine con uno zero ottenuto da punti della risposta in frequenza (M4).
- Definiamo questi modelli in MATLAB (ognuno usi i propri numeri):

```
>>M1=tf(0.067,[70 1]);
>>M2=tf(0.067,conv([65 1],[8 1]));
>>M3=tf(0.067*[12 1],conv(conv([60 1],[15 1]),[7 1]));
>>M4=tf(0.067*[48 1],conv(conv([78 1],[20 1]),[12 1]));
```



- Sintetizziamo un regolatore PI, R1(s)=K(1+1/sTi)=K(sTi+1)/s, in modo da ottenere un tempo di assestamento Ta della risposta in anello chiuso ad uno scalino di set point pari a 120 s (ovvero $\omega_c=5/Ta=5/120=0.04 \text{ r/s}$).
- Per farlo, con riferimento al modello M1, che ha struttura

M1(s)= μ /(1+s τ), poniamo per prima cosa Ti= τ . In questo modo lo zero del regolatore R1 cancella il polo del modello M1.

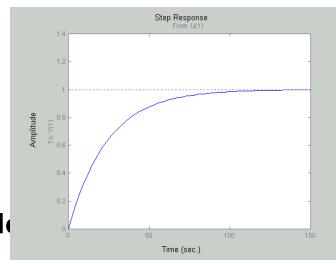
- Otteniamo la funzione di trasferimento d'anello $L(s)=\mu K/(s\tau)$ la cui pulsazione critica vale $ω_c=\mu K/\tau$.
- Per assegnare $ω_c$ =5/120, si deve quindi scegliere K=5/120*τ/μ.



• Con i dati "nominali" ($\mu=0.067$, $\tau=70$) si ottiene:

```
>>Ti=70; (questo produce L(s)=R1(s)*M1(s)=0.067K/(70s))
>>K=5/120*70/0.067;
>>R1=K*(1+tf(1,[Ti 0]));
>>step(R1*M1/(1+R1*M1),150);
```

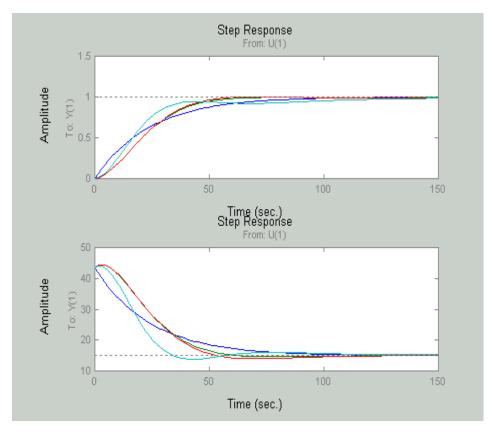
Valutiamo ω_c e φ_m con tutti e 4 i mode





Simuliamo coi 4 modelli le risposte (delle variazioni) di PV e CS:

```
>>subplot(211);
>>step(R1*M1/(1+R1*M1),R1*M2/(1+R1*M2),R1*M3/(1+R1*M3),R1*M4/(1+R1*M4),150);
>>subplot(212);
>>step(R1/(1+R1*M1),R1/(1+R1*M2),R1/(1+R1*M3),R1/(1+R1*M4),150);
```



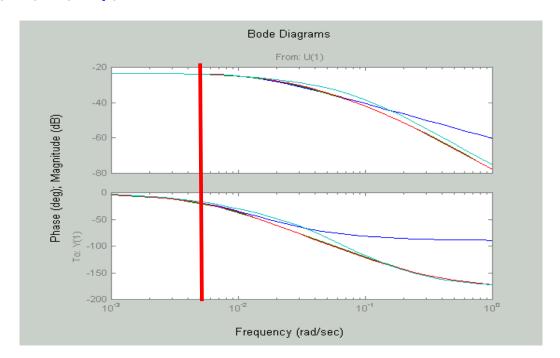
- Si vedono differenze significative tra le quattro risposte.
- Cerchiamo di capire il perchè valutando le differenze tra i 4 modelli in termini di risposta in frequenza.

Valutazione della risposta in frequenza dei modelli



Vediamo modulo <u>e fase</u> della risposta in frequenza dei modelli:

>>clf; bode(M1, M2, M3, M4);



- I modelli sono equivalenti solo fino a pulsazioni dell'ordine di 0.005 r/s.
- Per ottenere risposte uguali con tutti i modelli bisogna scegliere $ω_c ≤ 0.005$ r/s (nel progetto di R1 $ω_c = 5/120 = 0.04$ r/s).



- Seguendo lo stesso procedimento del caso precedente, progettiamo ora un regolatore R2 con la stessa struttura di R1 tale che ω_c =0.005 r/s.
- Con i dati "nominali" ($\mu=0.067$, $\tau=70$) si ottiene:

```
>>Ti=70;
>>K=0.005*70/0.067;
>>R2=K*(1+tf(1,[Ti 0]));
```

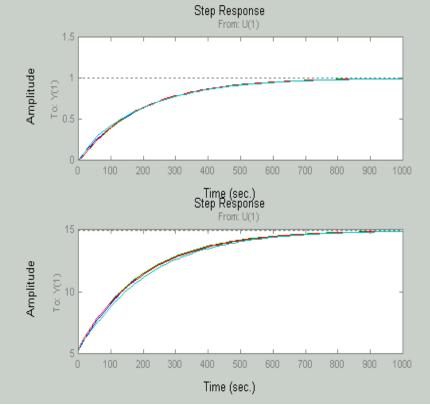
• Il tempo di assestamento sarà ora $Ta=5/\omega_c=5/0.005=1000$ s invece di 120 s.



Simuliamo coi 4 modelli le risposte (delle variazioni) di PV e CS:

```
>>subplot(211);
>>step(R2*M1/(1+R2*M1),R2*M2/(1+R2*M2),R2*M3/(1+R2*M3),R2*M4/(1+R2*M4),1000);
>>subplot(212);
```

> > c + an(D2/(1+D2*M1) D2/(1+D2*M2) D2/(1+D2*M3), R2/(1+R2*M4), 1000);



CONCLUSIONI:

- possiamo anche usare modelli grossolani, ma possiamo fidarcene solo in bassa frequenza e dobbiamo ridurre quindi le prestazioni richieste.
- Per ottenere prestazioni migliori ci servono modelli affidabili anche a frequenze "alte".



• Convinciamoci meglio richiedendo una banda di controllo $[0,\omega_c]$ che si estende a pulsazioni dove M1 non è più affidabile (ad esempio $\omega_c=0.5$ r/s):

```
>>Ti=70; K=0.5*70/0.067;

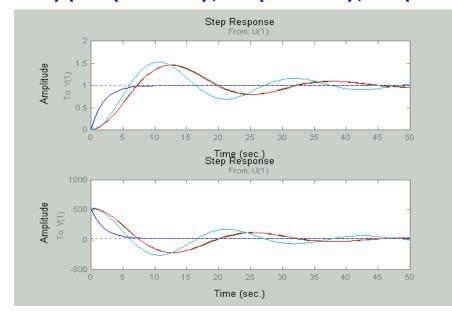
>>R3=K*(1+tf(1,[Ti 0]));

>>subplot(211);

>>step(R3*M1/(1+R3*M1),R3*M2/(1+R3*M2),R3*M3/(1+R3*M3),R3*M4/(1+R3*M4),50);

>>subplot(212);

>>step(R3/(1+R3*M1),R3/(1+R3*M2),R3/(1+R3*M3),R3/(1+R3*M4),50);
```



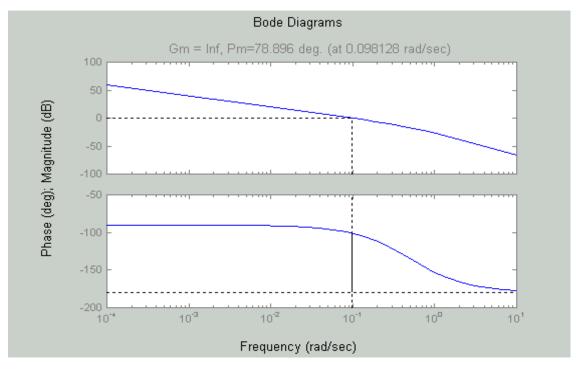
- Si vede che le simulazioni con M1 non descrivono in maniera adeguata il comportamento del sistema (qualunque sia la "verità", essa è di certo più vicina a quanto dicono gli altri modelli).
- Se esagerassimo, richiedendo una banda di controllo ancora più ampia, potremmo anche arrivare all'instabilità.



- Usiamo un modello migliore (ad esempio M2) e tariamo un regolatore PID reale.
- Il modello M2 ha struttura M2(s)= $\mu/[(1+s\tau_1)(1+s\tau_2)]$, mentre il regolatore R4 ha struttura R4(s)= $\mu_R(1+sT_1)$ (1+sT₂)/[s(1+sτ)].
- Sintetizziamo R4 in modo che la funzione di trasferimento d'anello L(s)=R4(s)M2(s) abbia la forma 0.1/[s(2s+1)], scelta per ottenere $\omega_c=0.1$ r/s, ovvero la costante di tempo dominante in anello chiuso pari a 10 s, e ponendo il secondo polo di L(s) alla pulsazione 0.5 r/s, cioè mezza decade dopo la pulsazione critica.
- R4 quindi è data da R4(s)=L(s)/M2(s)=1/M2(s)*0.1/[s(2s+1)].



```
>>R4=1/M2*tf(1,conv([10 0],[2 1]))
Transfer function:
520 s^2 + 73 s + 1
-----
1.34 s^2 + 0.67 s
>>margin(R4*M2)
```





Esprimiamo R4 nella forma (detta anche forma ISA)

$$\mathbf{R4}(s) = K\left(1 + \frac{1}{s\mathrm{Ti}} + \frac{s\mathrm{Td}}{1 + s\mathrm{Td}/N}\right) = \frac{K}{\mathrm{Ti}} \frac{s^{2\mathrm{Ti}}\left(\mathrm{Td} + \mathrm{Td}/N\right) + s\left(\mathrm{Ti} + \mathrm{Td}/N\right) + 1}{s\left(1 + s\mathrm{Td}/N\right)}$$

 Dal confronto con l'espressione determinata precedentemente e cioè

R4(s)=
$$(520 \text{ s}^2+73\text{s}+1)/[\text{s}(1.34\text{s}+0.67)]=$$

= $1/0.67 (520 \text{ s}^2+73\text{s}+1)/[\text{s}(2\text{s}+1)]$
otteniamo subito

Td/N = 2 (costante di tempo del polo del derivatore) K/Ti=1/0.67 (guadagno di R4)



Esprimiamo R4 nella forma (detta anche forma ISA)

$$\mathbf{R4}(s) = K\left(1 + \frac{1}{s\mathrm{Ti}} + \frac{s\mathrm{Td}}{1 + s\mathrm{Td}/N}\right) = \frac{K}{\mathrm{Ti}} \frac{s^{2\mathrm{Ti}}\left(\mathrm{Td} + \mathrm{Td}/N\right) + s\left(\mathrm{Ti} + \mathrm{Td}/N\right) + 1}{s\left(1 + s\mathrm{Td}/N\right)}$$

 Dal confronto con l'espressione determinata precedentemente e cioè

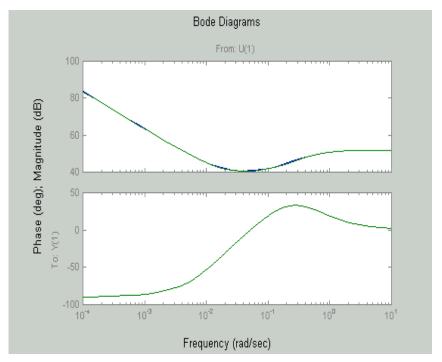
R4(s)=
$$(520 \text{ s}^2+73\text{s}+1)/[\text{s}(1.34\text{s}+0.67)]=$$

= $1/0.67 (520 \text{ s}^2+73\text{s}+1)/[\text{s}(2\text{s}+1)]$

Poi, uguagliando i coefficienti dei numeratori:



Verifichiamo:



R4 nella forma ISA è quindi dato da

$$R4(s) = 105 \left(1 + \frac{1}{71s} + \frac{5.32s}{1 + 2s}\right)$$

Riepilogo dei regolatori da provare



Ora proveremo sull'impianto fisico i regolatori (PI/PID ISA) seguenti:

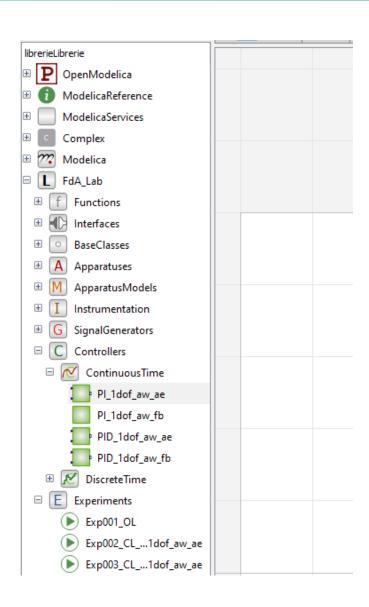
	K	Τi	Td	N
R1	43.5	70		
R2	5.22	70		
R4	105	71	5.32	2.66

- Per eseguire le prove occorrerà una condizione iniziale di riferimento, per cui
 - porteremo l'impianto a regime con il PID in manuale e CS=50%,
 - porremo SP al valore intero (in °C) più prossimo al valore di regime di PV,
 - porremo il PID in automatico (coi parametri di R1) e attenderemo il regime;
- a quel punto potremo iniziare le prove.



- Segnali da applicare:
 - scalini di SP di ±2°C,
 - scalini di LD (Q₂) di ±20%.
- Caratteristiche da valutare:
 - tempo di assestamento e sovraelongazione della risposta a SP
 - tempo di assestamento e massima deviazione della risposta a LD
 - sensitività di CS al rumore di misura
- OPZIONALE: in seguito, provare a modificare la risposta a SP usando il peso sul set point nell'azione proporzionale (il parametro b) nella legge PID ISA.
- Commentare i risultati.

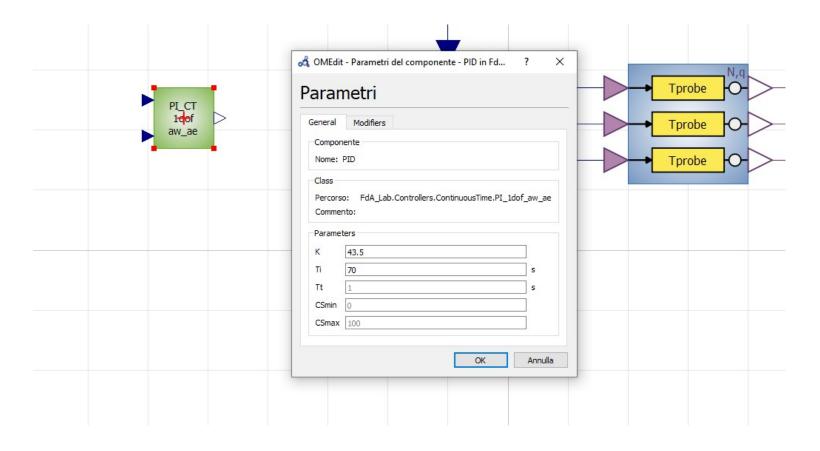




Per inserire il regolatore nello schema, selezionarlo dalla libreria dei blocchi a sinistra. Sono disponibili PI e PID.



Una volta trascinato nello schema, I parametri di modificano con un doppio click.





Non resta che connettere il regolatore al sistema e aggiungere un set-point (SP).

