# Grafična prestavitev multivariatnih podatkov

Multivariatna analiza



#### Načrt

- Načela dobre grafične prestavitve
- Različni prikazi multivariatnih podatkov



# 10 osnovnih načel dobre grafične predstavitve (Cleroux, Lepage, Ranger, 1984)

- Preprosto in hitro posredovanje informacije
- Pomoč pri razumevanju informacije
- Poudarek na pomembnih informacijah
- Mnemoničnost (zapomljivost)
- Preprosta, zgoščena in privlačna
- Jasna, točna, nezmaličena
- Lahko in hitro razumljiva
- Uporaba običajnih oblik
- Možnost hkratne predstavitve več razsežnosti
- Možnost primerjave in razvrščanja med predstavitvami.

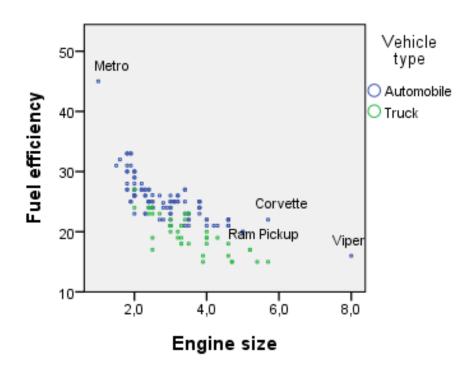
#### re.

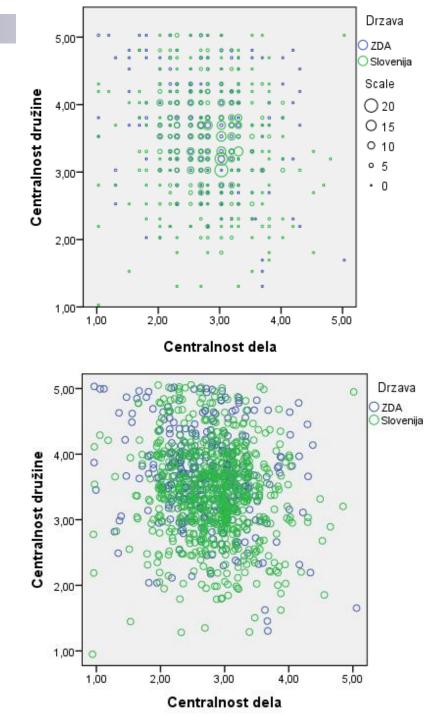
# Grafični prikazi multivariatnih podatkov

- Razsevni grafikon 2D in 3D
- Večkratni (matrični) razsevni grafikoni
- Linijski grafikoni
- Zvezde
- Obrazi (Chernoff)
- Panelni grafikoni
- Redukcija prostora
- "biplot"

# Razsevni grafikoni (2D in 3D)

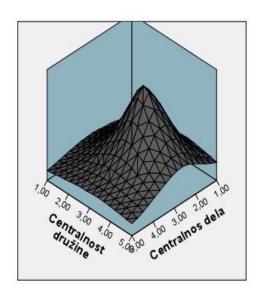
#### 2D Primeri:

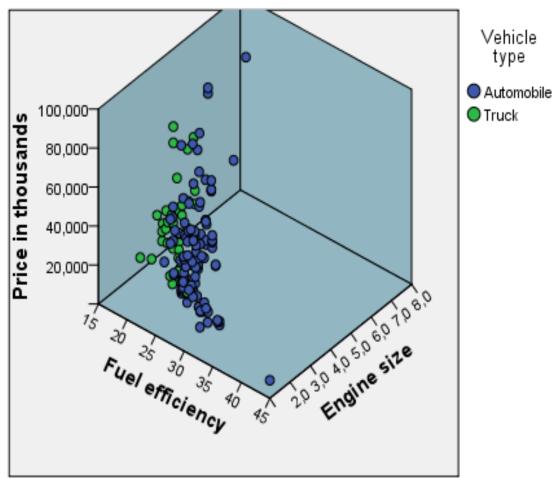




# Razsevni grafikoni (2D in 3D)

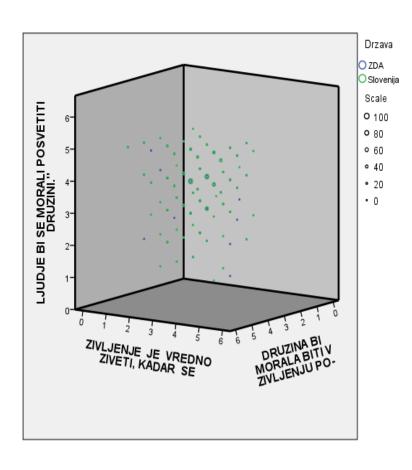
3D Primeri:

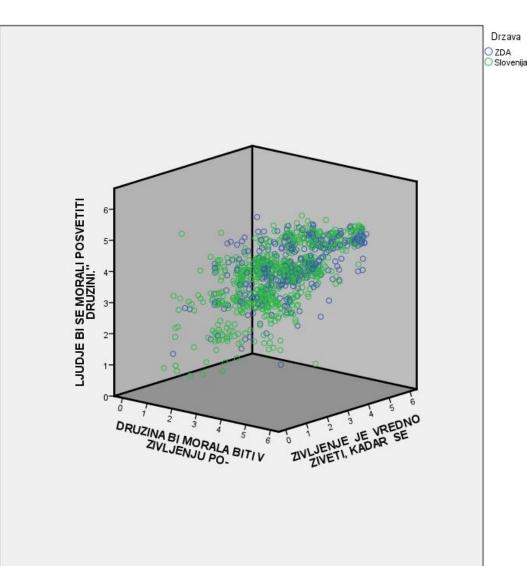




# Razsevni grafikoni (2D in 3D)

#### 3D Primeri:





## 7

#### Razsevni grafikoni (2D in 3D)

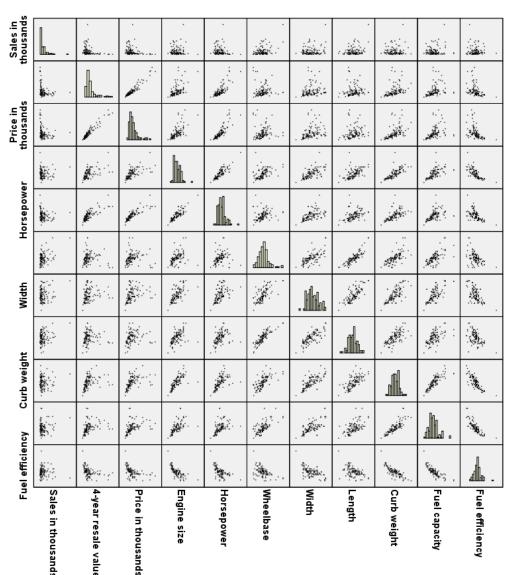
#### Prednosti:

- Omogoča predstavitev velikega števila enot
- Enostavno ocenimo podobnost med enotami
- Z barvami in oblikami možnost dodatnih nominalnih spremenljivk
- Z velikostjo točk, "dodatki", ..., tudi možnost dodatnih intervalnih spremenljiv
- Lahko razumljiv prikaz (pri 3D lažje z interakcijo)
- Jasno vidni odnosi med spremenljivkami

#### Slabosti:

- V osnovi se lahko prikažejo samo 2 oz. 3 spremenljivke, z dodatki kakšno več
- Brez "popravkov" niso primerni za diskretne spremenljivke

## Večkratni/matrični razsevni grafikon



#### razsevni arafikon Večkratni/matrični

rai	[NI	/m	at		ZS	ev	/NI	g	rai	IK(	
. 1900 4000 1254 1254	( 0000 ( 0000) ( 0000) ( 0000)	**************************************	. 5045 2404 . 5045	LJUDJE BI MORALI POSVETI DRUZINI.		-000 -000 -000		:00°	-000 -000		
7200 7200 7000 7000 7000 7000 7000 7000	7004	1000	:#		::00			800	:000		
	1400		- 100 b	IKOVI SKI SRAL				000	:00		
-966 -966 -967 -967 -974		*****		POSAMEZNIKOVI ZIVLJENJSKI CILJI BI MORAL	000	- 60 - 60 - 60 - 60 - 60 - 60 - 60 - 60	.00		:00		
2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	# V # # # V # # # W * # # # # # # # # # # # # # # # # # # #			POSA ZIVI CILJI		000	:00	***		۵	
7	1000 1000 1000 1000 1000 1000 1000 100	81. *** 880.44 880.6 6788 * 572.4			:::38	000 000 000	:89	****	:800		
DRUZINA BI MORALA BITI V ZIVLJENJU PO-	POSAMEZNIKOVI ZIVLJENJSKI CILJI BI MORAL	NAJPOMEMBNEJSE STVARI V ZIVLJENJU SE	DRUZINA BI MORALA BITI POMEMBEN DEL PO-		LJUDJE BI SE MORALI POSVETITI DRUZINI.''	ZIVLJENJE JE VREDNO ZIVETI, KADAR SE	DRUZINA BI MORALA BITI V ZIVLJENJU PO-	POSAMEZNIKOVI ZIVLJENJSKI CILJI BI MORAL	NAJPOMEMBNEJSE STVARI V ZIVLJENJU SE	DRUZINA BI MORALA BITI POMEMBEN DEL PO-	

POSAMEZNIKOVI ZIVLJENJSKI CILJI BI MORAL

LJUDJE BI: MORALI POSV DRUZINI:

LJUDJE BI SE MORALI POSVETITI DRUZINI."

ZIVLJENJE KADAR SE

Ë

VREDNO ZIVETI,

Scale O 600

O 500 O 400

0 300

200 0

100 0

0



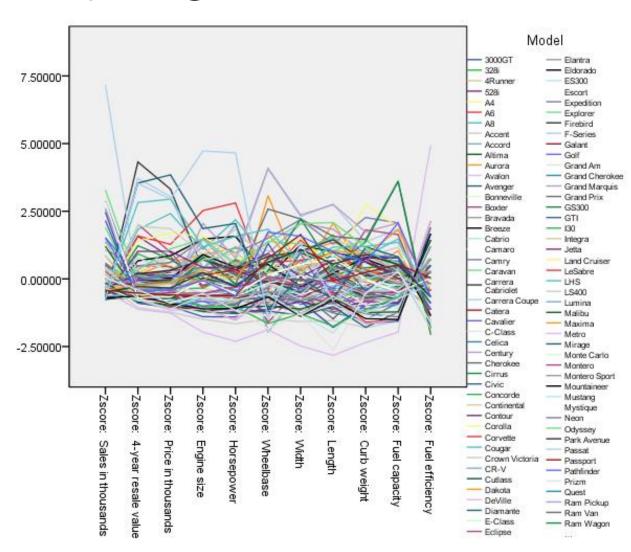
## Večkratni/matrični razsevni grafikon

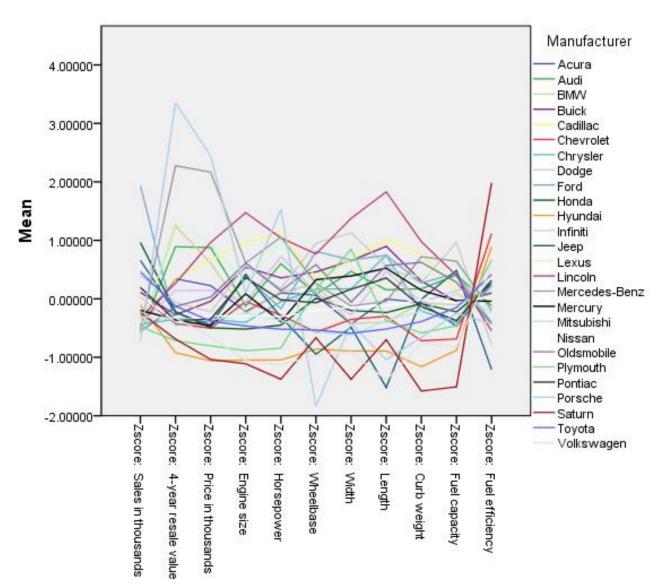
Več 2D razsevih grafikonov, zloženih v matriko Prednosti:

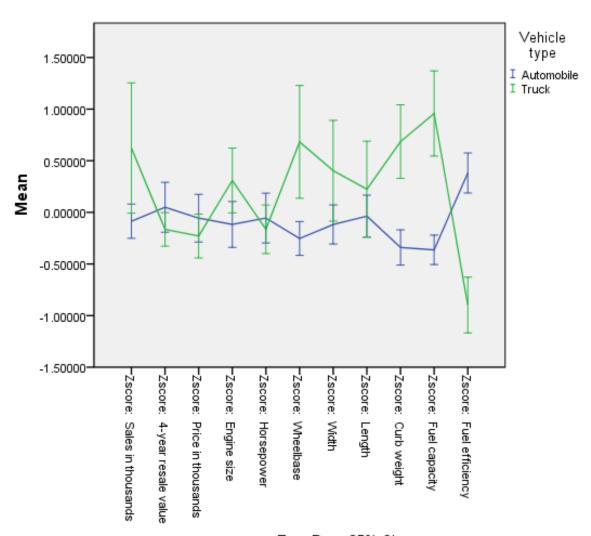
- Možnost prikaza velikega števila enot in večjega števila spremenljivk (3-10+)
- Načeloma možnost prikaza dodatnih nominalnih spremenljivk (preko barv, oblik)

#### Slabosti:

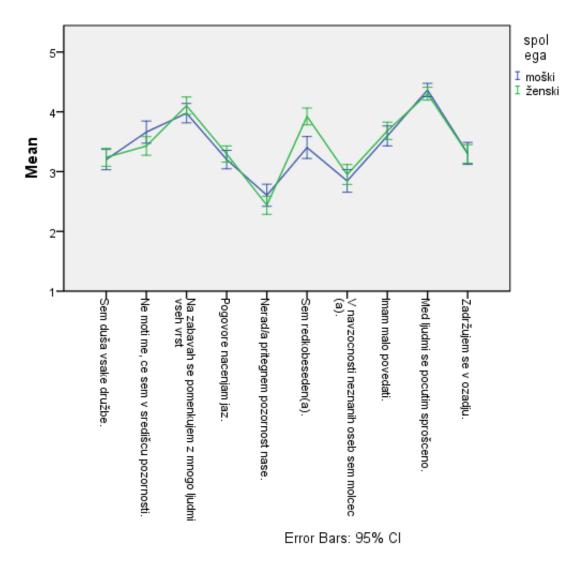
- Samo bivariata povezanost
- Nepregledno pri velikem številu spremenljivk







Error Bars: 95% CI



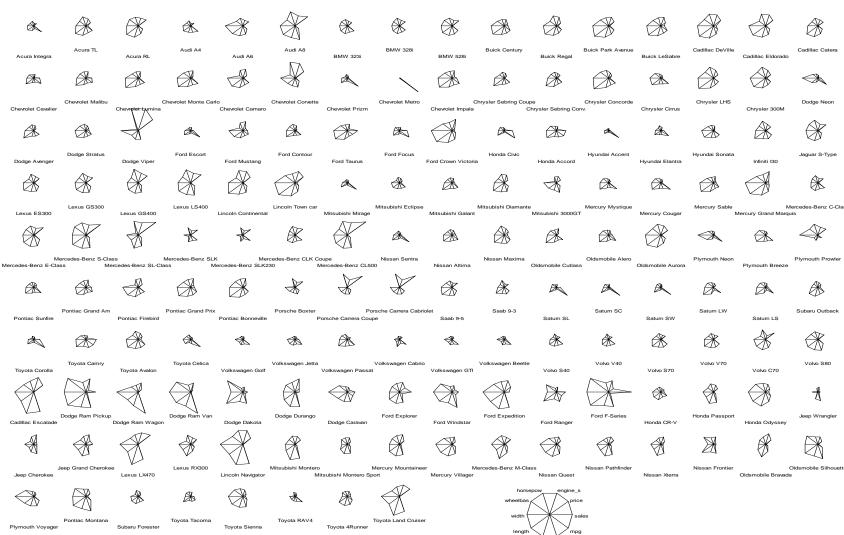


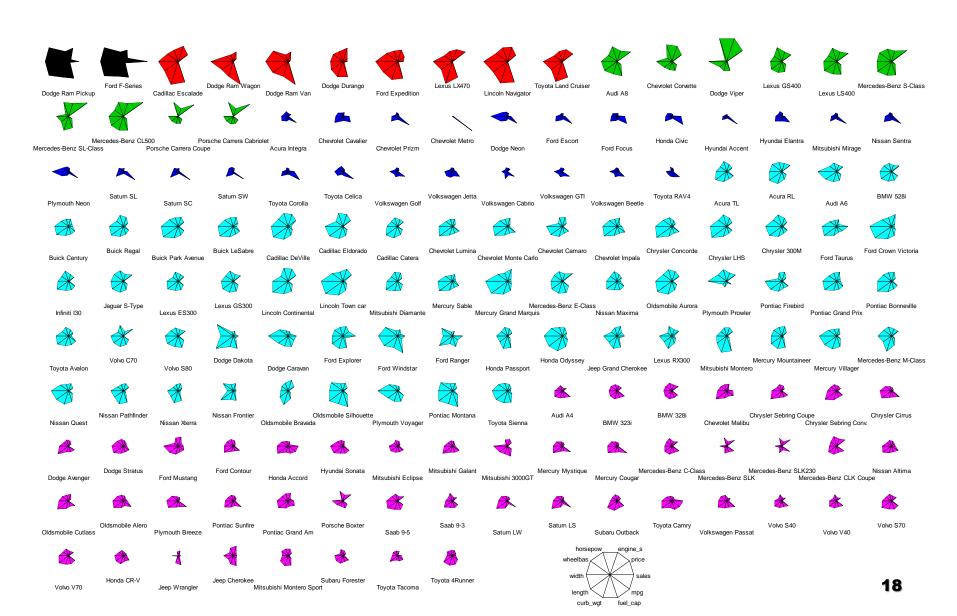
#### Prednosti:

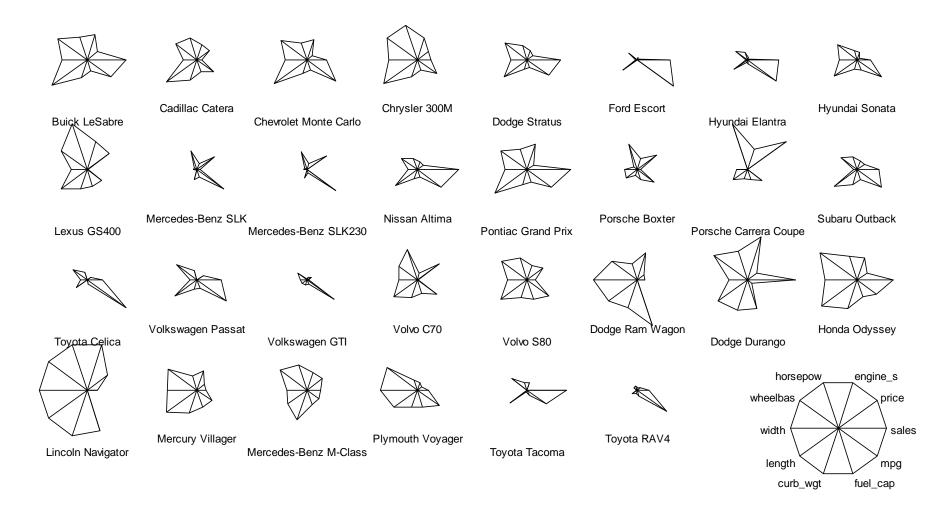
- Omogoča prikaz velikega števila spremenljivk
- Enostavna primerjava vrednosti spremenljivk
- Če prikazujemo srednje vrednosti skupin lahko dodamo tudi mere variabilnosti

#### Slabosti:

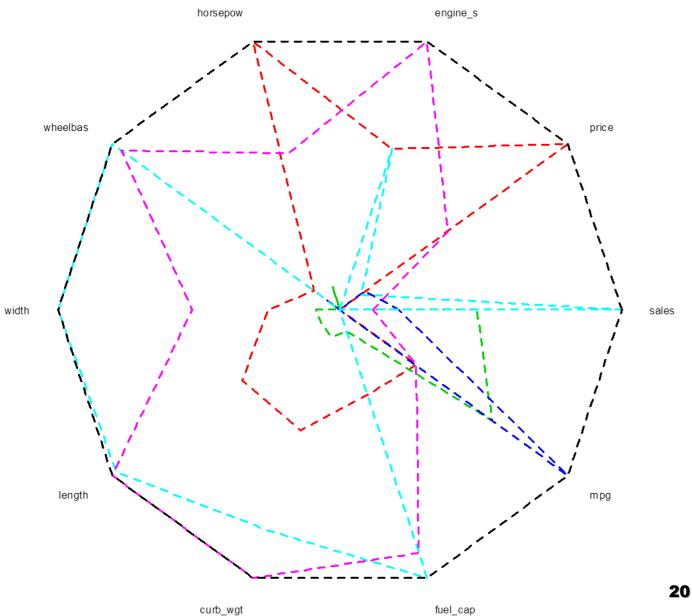
- Prikaže se lahko le omejeno število enot oz. skupin enot
- Spremenljivke morajo imeti podobne merske lestvice (kar lahko dosežemo tudi s trasformacijo)



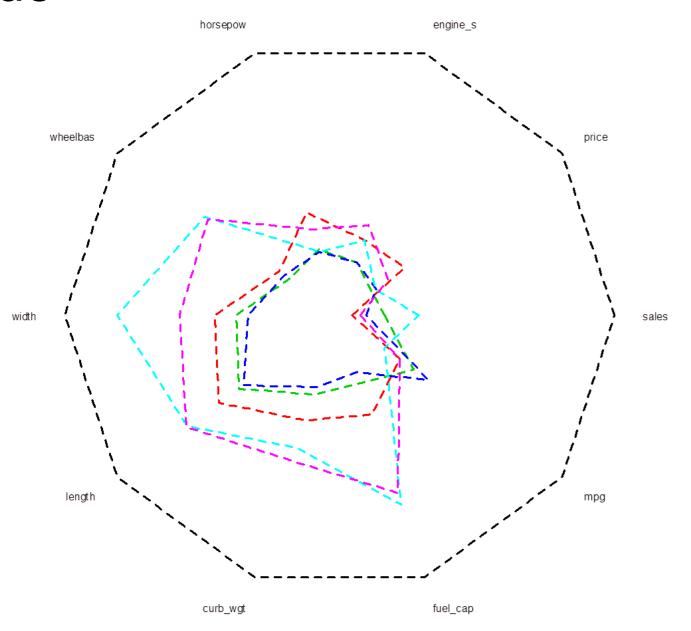


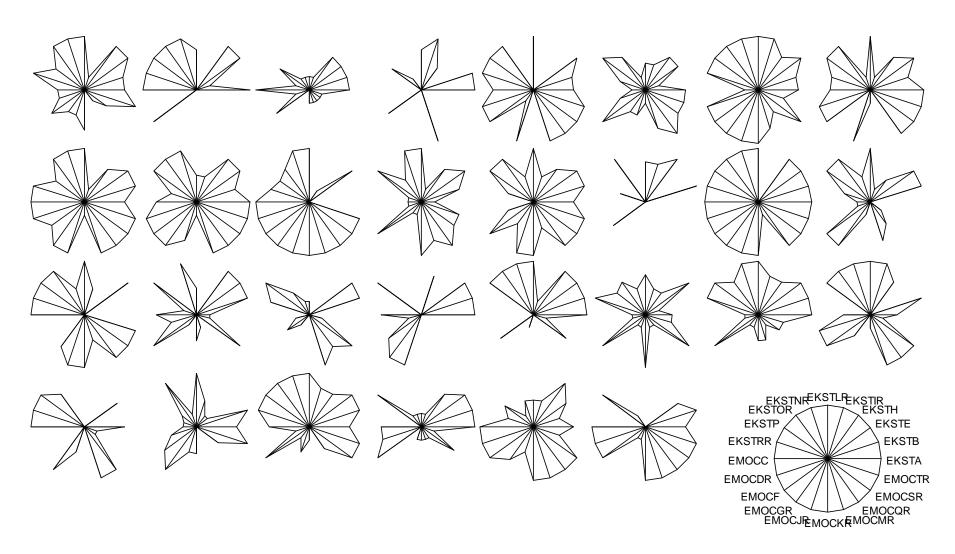


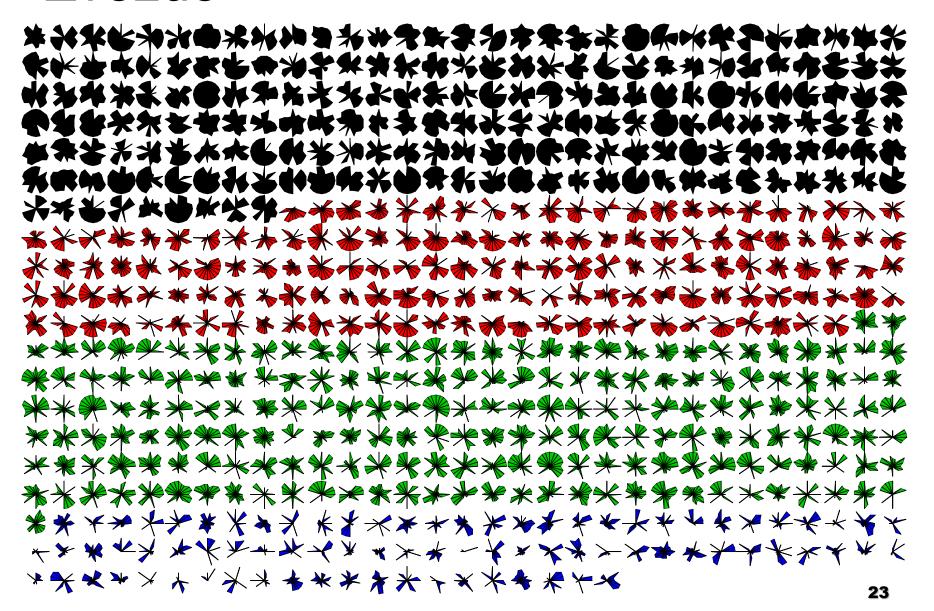
- Lexus ES300
- Nissan Altima
- Pontiac Sunfire
- Ford Windstar
- Pontiac Montana

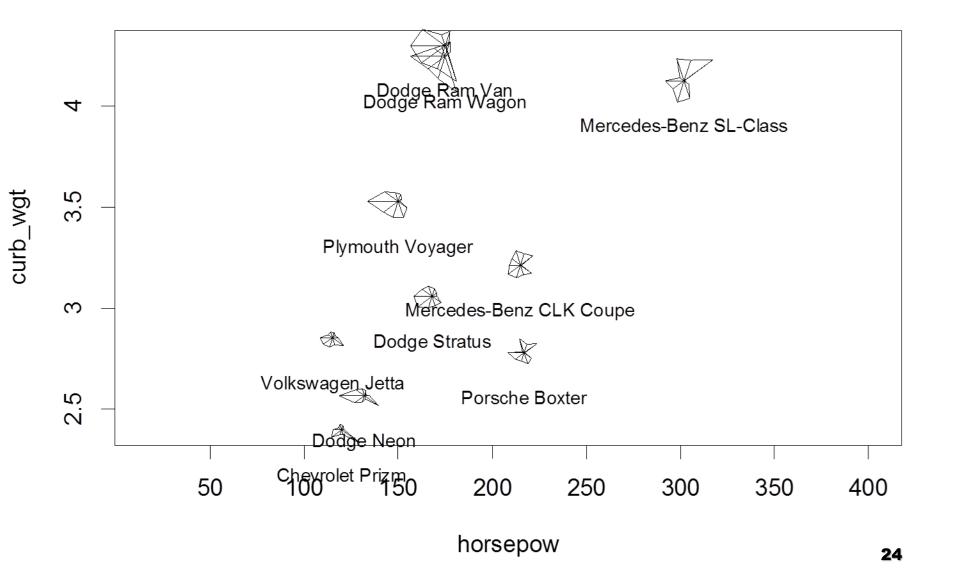


Lexus ES300
Nissan Altima
Pontiac Sunfire
Ford Windstar
Pontiac Montana











#### Prednosti:

- Omogoča prikaz več spremenljivk (cca. 10)
- Enostavna primerjava posameznih enot

#### Slabosti:

- Težko oceniti vrednosti spremenljivk
- Spremenljivke morajo imeti podobne merske lestvice (kar običajno dosežemo s transformacijo)
- Težko dobiti "sliko" celotnega podatkovja
- Niso primerne za zelo veliko enot ali spremenljivk

## Obrazi (Chernoff)











Mercedes-Benz SLK



Mercedes-Benz SLK230

**Dodge Stratus** 



Ford Escort











Nissan Altima

**Pontiac Grand Prix** 



Porsche Boxter









Toyota Celica















Volkswagen GTI







Volvo S80



**Dodge Ram Wagon** 



Dodge Durango





**Mercury Villager** 



Mercedes-Benz M-Class



Plymouth Voyager



Toyota Tacoma



Toyota RAV4



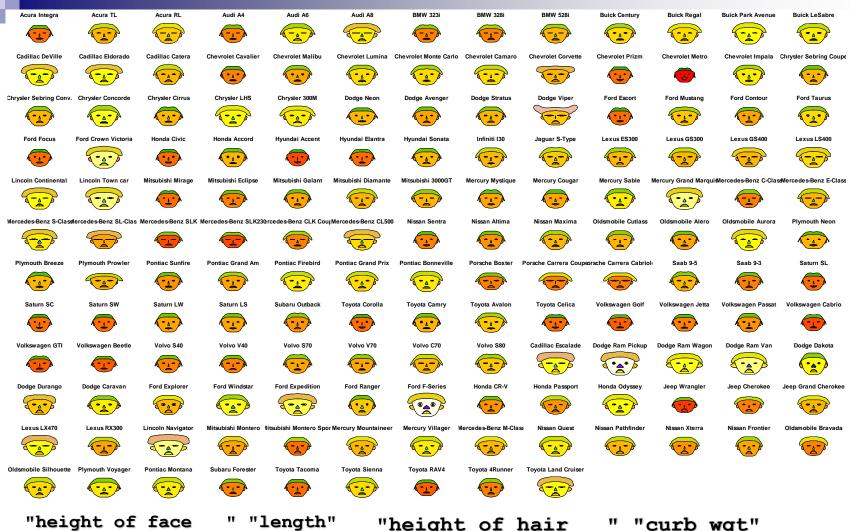
```
"height of face
"width of face
"smiling
"height of eyes
"width of eyes
```

```
"length"
  "width"
" "sales"
```

" "price"

"height	of	hair
"width	of	hair
"style	of	hair
"width	of	nose
"width	of	ear

11	"curb_wgt"
11	"horsepow"
11	"engine_s"
11	"wheelbas"
11	"fuel_cap"



"height of face
"width of face
"smiling
"height of eyes
"width of eyes

" "length" " "width"

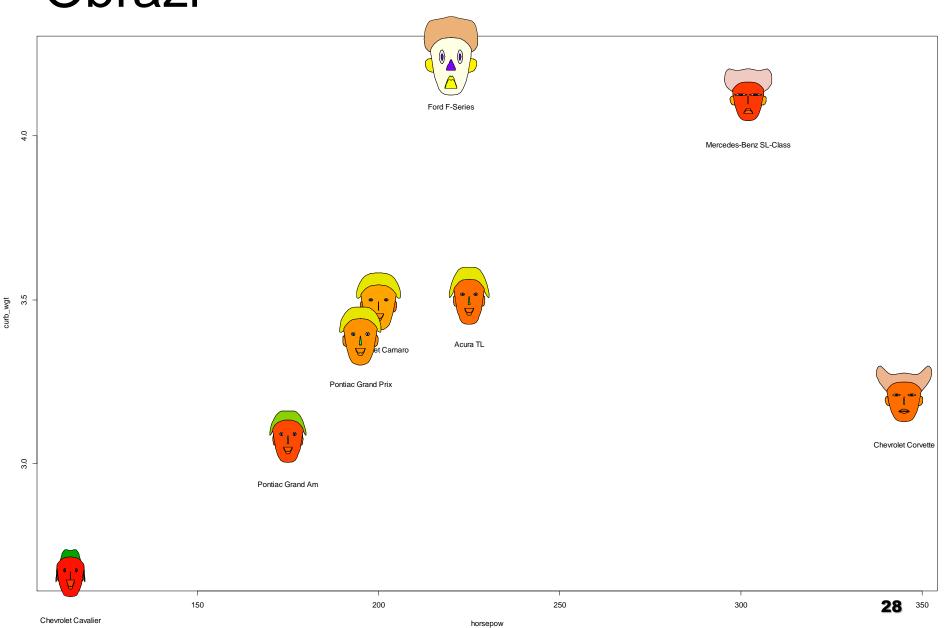
" "mpg"
" "sales"

" "price"

"height of hair
"width of hair
"style of hair
"width of nose
"width of ear

" "curb\_wgt"
" "horsepow"
" "engine\_s"
" "wheelbas"
" "fuel cap"

## Obrazi





## Obrazi (Chernoff)

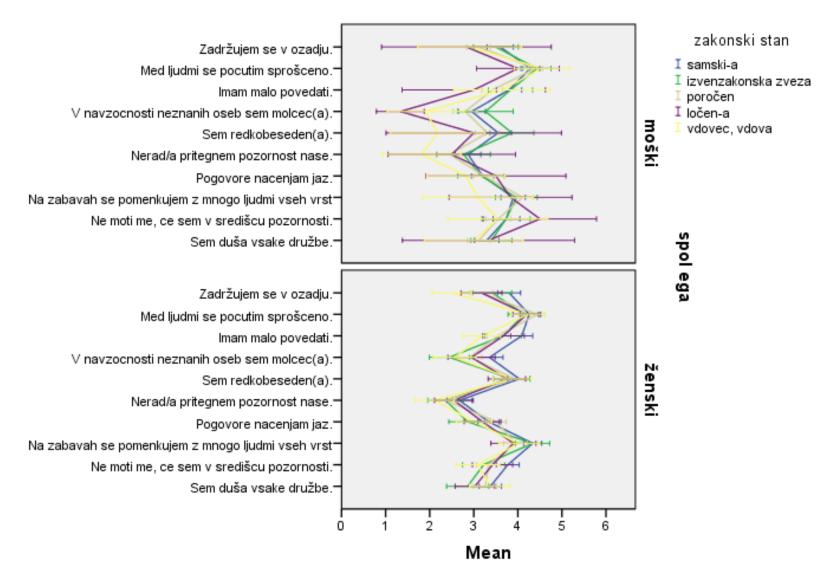
#### Prednosti:

- Omogoča prikaz velikega števila spremenljivk (20+, nesimiterični obrazi x2)
- Enostavna primerjava posameznih enot

#### Slabosti:

- Subjektivna določitev pomembnosti posamezne spremenljivke
- Težko oceniti vrednosti spremenljivk
- Težko dobiti "sliko" celotnega podatkovja
- Niso primerne za zelo veliko enot

## Panelni grafikoni



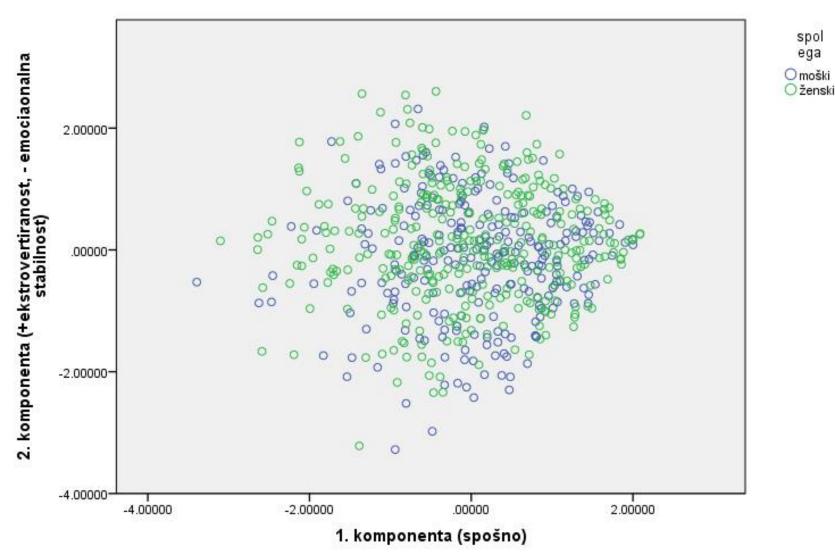
Error Bars: 95% CI



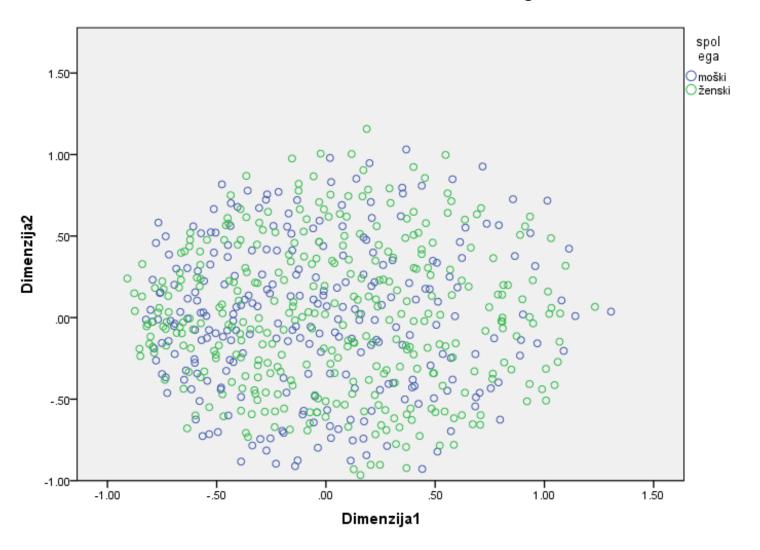
### Panelni grafikoni

- Ideja je, da vzamemo enega izmed "navadnih" grafikonov in jih narišemo ločeno glede na vrednost neke druge spremenljivke.
- To omogoča prikaz dodatne nove spremenljivke, vendar pa tudi naredi graf manj pregleden.

## Redukcija prostora Metoda glavnih komponent



## Redukcija prostora Večrazmernostno lestvičenje





#### Redukcija prostora

- Pogosto problem velikega števila spremenljivk poskušamo rešiti tako, da večje število spremenljivk reduciramo na 2 ali 3 spremenljivke.
- To poskušamo storiti tako, da izgubimo čim manj informacije.
- Nekaj metod:
  - Sestavljene sprmeneljivke (likartove lestvice)
  - ☐ Metoda glavnih komponent
  - □ Faktroska analiza
  - □ Večrazmernostno lestvičenje



### Redukcija prostora

#### Prednosti:

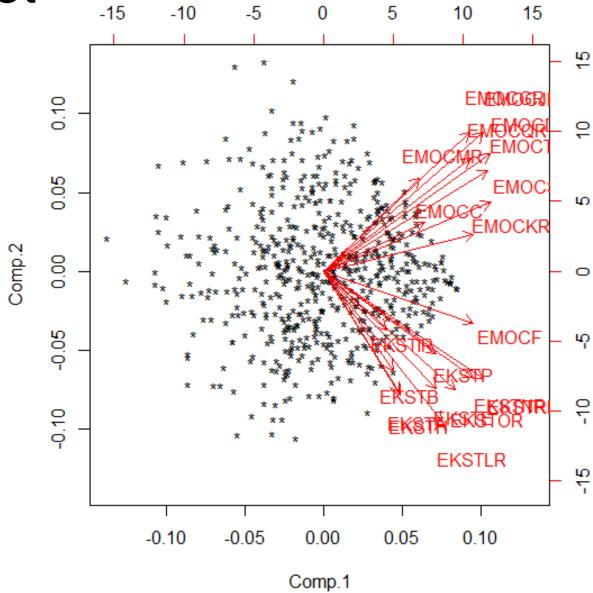
- Omogoča prikaz velikega števila enot ob upoštevanju velikega števila spremenljivk
- Omogoča pridobiti "globalno" sliko multivariatnih podatkov

#### Slabosti:

- Vrednosti posameznih spremenljivk niso vidne
- Dimenzije prostora (osi) včasih ni mogoče enostavno interpretirati
- Nekaj informacije (odvisno od povezanosti spremenljivk) se izgubi → če spremenljivke niso močno povezane (in jih je veliko), je izguba informacije velika.

# м

## "Biplot"





### "Biplot"

Pravzaprav "razširitev" klasičnega razsevnega grafikona na podlagi redukcije prostora.

#### Dodatna prednost:

Prikaže "položaj" oz. "smer" spremenljivk v "generiranem prostoru"



### Interaktivni grafi

- Interaktivni grafi:
  - □ <a href="http://webales.fdv.uni-lj.si/jsGrafi.html">http://webales.fdv.uni-lj.si/jsGrafi.html</a>
- Prilagodljivi grafi (shiny):
  - http://webales.fdv.uni-lj.si/shiny/ShinyGraf/
  - □ <a href="https://ales.shinyapps.io/ShinyGraf/">https://ales.shinyapps.io/ShinyGraf/</a>