

# Metoda glavnih komponent in faktorska analiza

Domača naloga 3 - Multivariatna analiza

Urh Peček in Alen Kahteran

5. 4. 2021

## Kazalo

Cilji naloge	4
Metoda glavnih komponent	5
Primernost podatkov	5
Odločitev o številu komponent	6
Uteži za izbrani glavni komponenti	7
•	8
Biplot	8
Poimenovanje glavnih komponent	8
Faktorska analiza	9
Primernost podatkov	9
Odločitev o številu faktorjev	10
Dodatni pristopi h odločanju o številu faktorjev	
Delež pojasnjene variabilnosti	
Korelacije na podlagi modela	
Faktorske uteži	
Biplot	15
Poimenovanje faktorjev	
Analiza korelacij	16
Povezanost faktorjev z ostalimi spremenljivkami	17
Povezanost faktorjev z Nadzorom	17
Povezanost faktorjev z Razmerjem	18
Povezanost faktorjev s Prebivališčem	
Enote v prostoru	20
Enote v prostoru glavnih komponent	21
Enote v prostoru faktorjev	
Vsebinski povzetek	23

## Slike

1	Prikaz Pearsonove korelacije med spremenljivkami	5
2	Scree diagram za izbiro števila glavnih komponent	6
3	Prikaz uteži glavnih komponent. Levo - nereskalirane, desno - reskalirane	7
4	Biplot prikaz podatkov in reskaliranih uteži	8
5	Anti image korelacijska matrika	9
6	Scree diagram na podlagi lastnih vrednosti faktorjev	10
7	Prikazi drugih pristopov za določanje št. faktorjev	11
8	Korelacijska matrika na podlagi modela	12
9	Matrika odklonov korelacij na podlagi modela od empiričnih korelacij	13
10	Prikaz faktorskih uteži.	14
11	Biplot za faktorsko analizo	15
12	Korelacije komponent, faktorjev in prvotnih spremenljivk	16
13	Povprečja faktorjev odprtosti in kozervativnosti glede na spremenljivko Nadzor	17
14	Povprečja faktorjev odprtosti in kozervativnosti glede na spremenljivko Razmerje	18
15	Povprečja faktorjev odprtosti in kozervativnosti glede na spremenljivko Prebivališče	19
16	Prikaz skupin z metodo voditeljev	20
17	Prikaz skupin z metodo voditeljev v prostoru glavnih komponent	21
18	Prikaz skupin z metodo voditeljev v prostoru faktorjev	22

## Cilji naloge

Naloga se deli na 2 dela, v prvem delu je cilj naloge pojasniti čim več variabilnosti spremenljivk, v drugem delu pa bomo z nekaj faktorji poskusili čim bolje pojasniti korelacije med spremenljivkami vrednot. Naloga tako temelji na metodi glavnih komponent in faktorski analizi. Analizirali bomo vsebinske Schwartzove spremenljivke, ki smo jih opisali v prvi nalogi (Pregled in priprava podatkov).

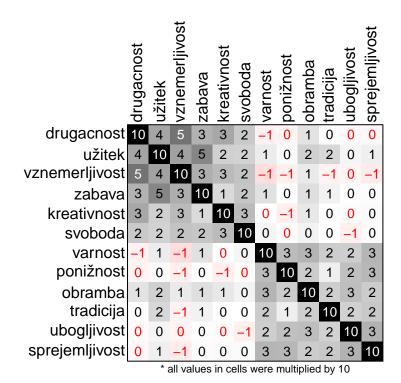
## Metoda glavnih komponent

Cilj metode glavnih komponent je s prvimi nekaj nekoreliranimi glavnimi komponentami pojasniti kar največ variabilnosti originalnih spremenljivk. Glavne komponente so linearne kombinacije merjenih spremenljivk in so med seboj neodvisne. Urejene so od tiste, ki pojasni največ variabinosti osnovnih podatkov pa do tiste, ki pojasne najmanj variabilnosti. Z analizo glavnih komponent zmanjšamo razsežnost podatkov tako, da izgubimo čim manj informacij.

#### Primernost podatkov

Preden se lotimo metode glavnih komponent in v nadaljevanju faktorske analize preglejmo ali so podatki sploh primerni. Zgornji metodi je smiselno delati v primeru, ko so spremenljivke (v našem primeru so to Schwartzove spremenljivke) med seboj korelirane.

Na spodnjem grafu, ki prikazuje Pearsonov koeficient korelacije med pari spremenljivk (pomnožen z 10) opazimo dva sklopa spremenljivk glede na vzorec korelacij. Prvi sklop bi lahko poimenovali odprtost (drugačnost, užitek, vznemerljivost, zabava, kreativnost, svoboda), drugi sklop pa konservativnost (varnost, ponižnost, obramba, tradicija, ubogljivost, sprejemljivost). Korelacije znotraj obeh sklopov so pozitivne in srednje oziroma šibke, edino povezanost med vznemerljivostjo in drugačnostjo je močna. Spremenljivke med sklopoma so v večini zanemarljivo povezane, edino zabava, je nekoliko bolj povezana s konservativnimi spremenljivkami.



Slika 1: Prikaz Pearsonove korelacije med spremenljivkami

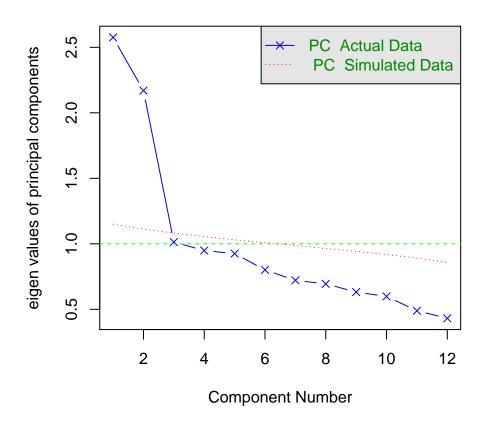
Z Bartlettovim testom lahko preverimo ničelno domnevo, da obravnavane spremenljivke v populaciji niso povezane, kar bi pomenilo, da je korelacijska matrika spremenljivk identiteta. Na podlagi vrednosti p

(p < 0.0001) pri stopnji značilnosti 0.05 zavrnemo ničelno domnevo in sprejmemo sklep, da so Schwartzove spremenljivke v populaciji korelirane. To pomeni, da so metode, ki jih bomo delali v nadaljevanju smiselne, tako pri glavnih komponentah kot pri številu faktorjev.

#### Odločitev o številu komponent

Glede števila glavnih komponent se lahko odločimo na podlagi scree diagrama, ki grafično predstavi lastne vrednosti. Izbrano število glavnih komponent je tam, kjer se graf lomi oziroma ima koleno, pri čemer obdržimo komponente nad kolenom. Število komponent je lahko tudi takšno, da so lastne vrednosti komponent večje od povprečne variabilnosti standariziranih spremenljivk, ki je enaka 1. Lahko se odločimo tudi tako, da primerjamo lastne vrednosti komponent s tistimi na podlagi podatkov generiranih iz nekoreliranih spremenljivk.

## **Parallel Analysis Scree Plots**

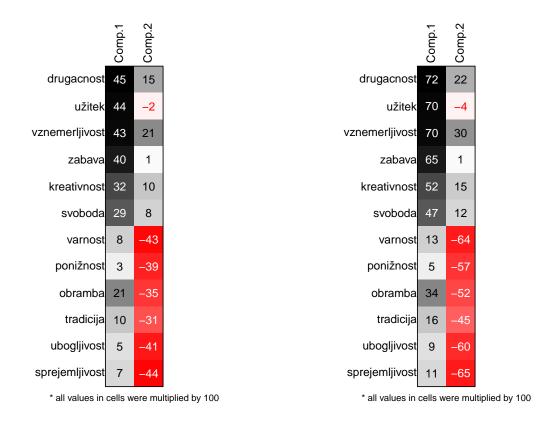


Slika 2: Scree diagram za izbiro števila glavnih komponent

Na podlagi kolena scree diagrama se odločimo za dve glavni komponenti, na podlagi lastnih vrednosti, ki morajo biti večje od 1 se odločimo za tri lastne vrednosti (ali 2, ni popolnoma razvidno) in na podlagi primerjav lastnih vrednosti se odločimo za 2 glavni komponenti. Ob upoštevanju vseh treh kriterijev je končna odločitev, da izberemo 2 glavni komponenti. Velja, da so vrednosti med glavnimi komponentami neodvisne. Opomnimo lahko še, da kot kriterij, ki sicer ni glavni, lahko vzamemo delež pojasnjene variabilnosti z glavnimi komponentami, naprimer vsaj 50%, za kar bi pri nas morali vzeti 4 glavne komponente.

#### Uteži za izbrani glavni komponenti

Ponavadi uteži dobljenih glavnih komponent reskaliramo. Nereskalirane uteži predstavljajo regresijske koeficiente. Reskalirana utež i-te glavne komponente pri j-ti spremenljivki pa je korelacija med i-to komponento in j-to spremenljivko. S pomočjo teh korelacij lahko interpretiramo glavne komponente.



Slika 3: Prikaz uteži glavnih komponent. Levo - nereskalirane, desno - reskalirane.

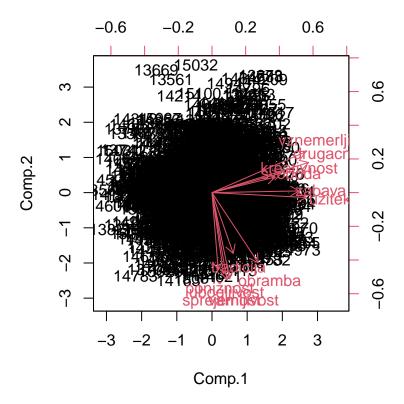
Na levem grafu vidimo nereskalirane in na desnem reskalirane uteži. Interpretacija reskaliranih uteži je, da so spremenljivke odprtosti močno pozitivno korelirane s prvo glavno komponento, medtem ko so spremenljivke konservativnosti močno negativno korelirane z drugo glavno komponento. Pri odprtosti nekoliko odstopa vznemerljivost in morda tudi drugačnost, ki sta šibko pozitivno korelirani z drugo glavno komponento, pri konservativnosti pa je obramba srednje pozitivno korelirana s prvo glavno komponento. Če strnemo, prva glavna komponenta povzema predvsem pomembnost odprtosti in druga glavna komponenta povzema predvsem pomembnost nekonservativnosti (negativne korelacije).

#### Delež pojasnjene variabilnosti

Velja, da je vsota kvadratov reskaliranih uteži po spremenljivkah varianca spremenljivke. V našem primeru pri izbranih dveh glavnih komponentah s prvo komponento pojasnimo 21% celotne variabilnosti in z drugo komponento 18%, skupaj nekaj manj kot 40% celotne variabilnosti. Z izbranima prvima glavnima komponentama pojasnimo največji delež vznemerljivosti (57%), drugačnosti (56%) in užitka (49%). Najmanjši delež variabilnosti pojasnimo pri spremenljivkah svobode in tradiciji (23%).

#### **Biplot**

Biplot nam v dvodimenzionalnem prostoru prikaže položaj posameznih enot glede na vrednosti vseh obravnavanih spremenljivk (Schwartzove spremenljivke), hkrati pa so narisane tudi vrednosti reskaliranih uteži po komponentah.



Slika 4: Biplot prikaz podatkov in reskaliranih uteži.

Iz grafa vidimo, da imajo spremenljivke odprtosti podobne, visoke uteži pri prvi glavni komponenti, medtem ko imajo relativno nizke uteži ostale spremenljivke. Na drugi glavni komponenti pa imajo nizke in negativne uteži spremenljivke konservativnosti, spremenljivke odprtosti pa imajo v večini pozitivne in nizke vrednosti.

#### Poimenovanje glavnih komponent

Za konec metode glavnih komponent pa še poimenujmo izbrani komponenti. Za prvo komponento smo ugotovili, da povzema predvsem pomembnost odprtosti, za drugo pa nekonservativnosti. V skladu z zgornjim prvo komponento poimenujemo odprtost in drugo nekonservativnost.

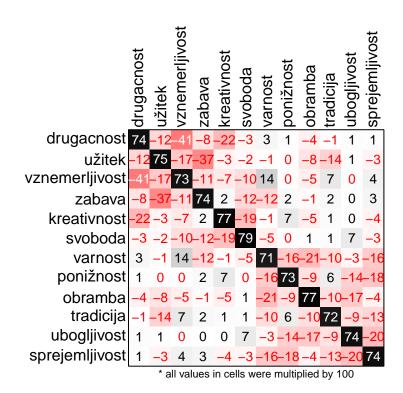
#### Faktorska analiza

Faktorska analiza poizkuša poenostaviti kompleksnost povezav med opazovanimi spremenljivkami. Gre za študij povezav med spremenljivkami, pri čemer skušamo najti novo množico spremenljivk, ki predstavlja to kar je skupnega opazovanim spremenljivkam. Načeloma jo uporabimo v primeru, ko nekaterih pojmov ne moremo meriti neposredno. V tem primeru izberemo nekaj direktno merjenih spremenljivk, ki so indikatorji teoretičnega pojma, ki ga želimo meriti. Tako prek nekaj faktorjem poizkušamo čim bolje pojasniti korelacije oziroma kovariance med merjenimi spremenljivkami tj. skupne variabilnosti spremenljivk. Merjene spremenljivke so tako lineane kombinacije skupnih in specifičnih faktorjev. Merljive spremenljivke imenujemo manifestne, nemerljive pa latentne spremenljivke.

#### Primernost podatkov

Že pri preverjanju primernosti podatkov za metodo glavnih komponent smo ugotovili, da so spremenljivke korelirane, lahko smo zavrnili ničelno domnevo, da je populacijska korelacijska matrika identiteta z manj kot 1 odstotno stopnjo tveganja. Na vzorčnih korelacijah smo videli, da se oblikujeta 2 sklopa spremenljivk, sklop odprtosti in sklop konservativnosti kar nakazuje na dvofaktorsko strukturo.

Da pogledamo ali so podatki primerni za analizo oziroma kako dobre rezultate lahko pričakujemo ugotovimo tako, da pogledamo parcialne korelacije med spremenljivkami (anti image korelacije), ki so prikazane na spodnji anti image korelacijski matriki.



Slika 5: Anti image korelacijska matrika

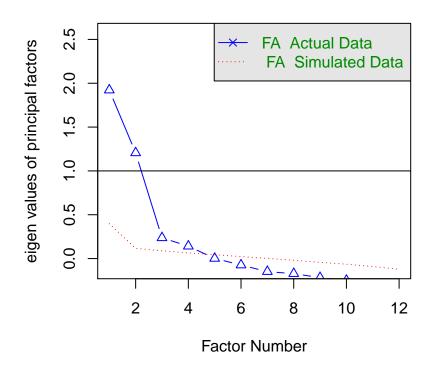
Izven diagonale anti image korelacijske matrike so parcialni korelacijski koeficienti pomnoženi z -1. Če si spremenljivke delijo skupne faktorje, so njihovi parcialni korelacijski koeficienti po absolutni vrednosti majhni.

Pri nas v večini primerov so, odstopata zgolj parcialni korelaciji med vznemerljivostjo in drugačnostjo ter zabavo in užitkom. Na diagonali matrike pa so vrednosti Kaiser-Meyer-Olkinove mere, ki predstavlja delež spremenljivke, ki bi lahko bil pojasnjen s skupnimi faktorji. Vrednosti KMO so pri vseh spremenljivkah med 0.7 in 0.8, kar pomeni, da so spremenljivke dovolj korelirane in tako primerne za faktorsko analizo. Opazimo tudi, da so korelacije znotraj sklopov nekoliko večje kot med sklopi. Povprečna oziroma skupna Keiser-Meyer-Oklinova mera je enaka 0.734 kar dodatno nakazuje na primernost podatkov.

#### Odločitev o številu faktorjev

Za določitev števila faktorjev uporabljamo podobne kriterije kot pri metodi glavnih komponent. Odločimo se lahko na podlago kolena scree diagrama na podlagi lastnih vrednosti faktorjev ali pa s primerjavo lastnih vrednosti faktorjev s tistimi na podlagi podatkov generiranih iz nekoreliranih spremenljivk. Predpostavimo, da se spremenljivke porazdeljujejo normalno in tako lahko uporabimo faktorsko metodo največjega verjetja.

## **Parallel Analysis Scree Plots**



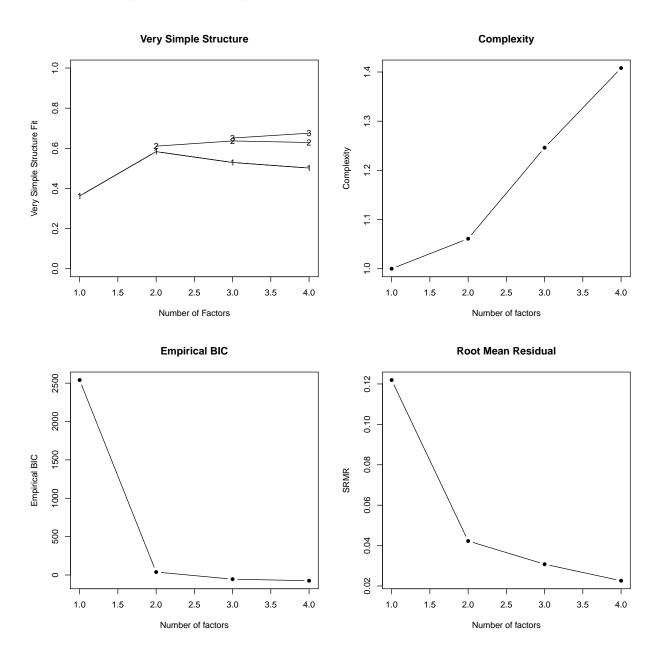
Slika 6: Scree diagram na podlagi lastnih vrednosti faktorjev.

Na podlagi kolena scree diagrama se odločimo za dva faktorja (tiste pri kolenu izpustimo), na podlagi lastnih vrednosti, ki morajo biti večje od 1 se prav tako odločimo za dva faktorja in na podlagi primerjav lastnih vrednosti se odločimo za štiri faktorje. Ob upoštevanju vseh treh kriterijev prevladata koleno in vrednost lastnih vrednosti in končna odločitev je, da izberemo dva faktorja.

#### Dodatni pristopi h odločanju o številu faktorjev

Za določanje števila faktorjev lahko uporabimo tudi nekatere dodatne pristope. Pri pristopu VSS (very simple structure) izberemo število, kjer je vrh grafa, torej tam kjer so uteži pri spremenljivkah največje in s tem največ pojasnijo (upoštevane so samo najvišje uteži pri spremenljivkah). Pristop EBIC (empirical bayesian

information criterion) nam števila faktorjev določi tam, kjer je koleno, pri čemer koleno tudi upoštevamo. EBIC nam pove kako dobro je prileganje modela pri določenem številu faktorjev, najboljša je najnižja vrednost. Temelji na odklonih korelacijske matrike, popravljenih za število enot in število faktojev. S pristopom RMSE (root mean residual), kjer upoštevamo koren povprečnega odklona modelskih korelacij od pravih korelacij pa število faktorjev določimo kot najmanjše kjer je RMSE manjše od 0.08. Za izračun uporabimo metodo rotacije varimax (pravokotna rotacija), kjer predpostavimo, da med faktorji ni korelacij.



Slika 7: Prikazi drugih pristopov za določanje št. faktorjev.

Na podlagi VSS se za najboljše število faktorjev odločimo za 2 faktorja pri čemer upoštevamo obe faktorski uteži, saj po dveh faktorjih vrednost VSS zelo počasi narašča in ob upoštevanju preprostosti ne predstavlja boljše rešitve. Majhna razlika med vrednostjo pri 1 ali 2 upoštevanih utežev nam pove tudi to, da ni spremenljivk, ki bi imele visoko utež pri obeh faktorjih. Complexity nam pove kako čisto faktorsko strukturo

dobimo, torej na koliko faktorjih ima spremenljivka visoko utež, se pa na podlagi teh vrednosti ponavadi ne odločamo o številu faktorjev. EBIC nam pove, da je najboljše število faktorjev dva faktorja, saj je pri večjem številu faktorjev prileganje zanemarljivo boljše. Odločimo se za 2 faktorja. Na podlagi RMSE se prav tako odločimo za dva faktorja. Končno, tudi na podlagi nadaljnih pristopov ocen najboljšega števila faktorjev se odločimo za dva faktorja, kar je tako naša končna odločitev o številu faktorjev.

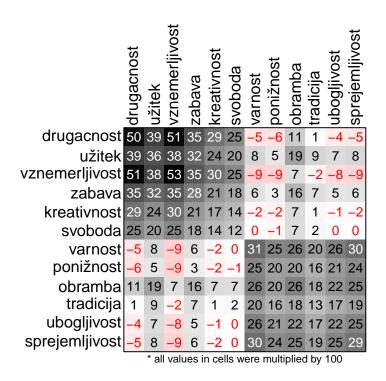
#### Delež pojasnjene variabilnosti

Na podlagi izbranega števila faktorjev tj. dveh faktorjev bomo izvedli faktorsko analizo. Po izvedeni poševni rotaciji (oblimin) vidimo, da je korelacija med faktorjema zanemarljiva (r = 0.01) in posledično se odločimo za pravokotno rotacijo (varimax), kjer so korelacije med faktorji enake 0.

Hoffmanov indeks kompleksnosti nam pove, kako dobro spremenljivka ločuje med faktorjema in je v večini primerov enak 1.0 oziroma 1.1, višji je le pri užitku (1.2) in pri obrambi (1.3) kar pomeni, da je utež nekoliko višja pri obeh faktorjih, vendar zanemarljivo. Torej ima večina spremenljivk visoko utež le na enem faktorju. S prvim faktorjem pojasnemo 16% z drugim pa 12% variabilnosti med spremenljivkami, skupno torej pojasnimo 28% variabilnosti med spremenljivkami. Izmed vse pojasnene variabilnosti z izbranim števiom faktorjev s prvim faktorjem pojasnimo 57% variabilnosti, z drugim pa 43%.

#### Korelacije na podlagi modela

Na spodnji sliki vidimo korelacije ocenjene na podlagi modela in so precej podobne empiričnim. Na diagonali so komunalitete, ki odražajo del variabilnosti spremenljivke, ki je pojasnjen s skupnimi faktorji. V našem primeru je večina komunalitet nad 0.2, kar pomeni, da je spremenljivka dobro pojasnjena s skupnim faktorskim modelom. Odstopajo zgolj svoboda, kreativnost in tradicija pri katerih je vrednost komunalitet nižja od 0.2 in je njihova variabilnost slabše pojasnjena z modelom.



Slika 8: Korelacijska matrika na podlagi modela.

Na spodnjem grafu pa vidimo matriko odklonov korelacij na podlagi modela od empiričnih korelacij. Izven diagonale so razlike ocenjenih in empiričnih korelacij, na diagonali pa so unikvitete, ki povedo kolikšen delež variabilnosti spremenljivke ni pojasnen s skupnimi faktorji. Vidimo, da so unikvitete relativno visoke, njihove vrednosti pa želimo da so manjše od 0.8. Kot smo videli že pri komunalitetah na zgornjem grafu, spremenljivke kreativnost, svoboda in tradicija niso dobro pojasnene s skupnim faktorskim modelom. Pri ostalih spremenljivkah so vrednosti unikvitet pod 0.8 in njihove variabilnosti so tako dobro pojasnjene. Izven diagonal so vrednosti po absolustni vrednosti v večini blizu 0, kar je dobro, odstopajo le trije pari spremenljivk, ki pa so omenjeni že zgoraj.

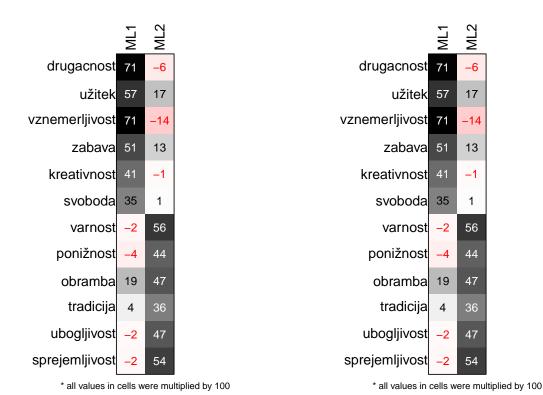
	drugacnost	užitek	vznemerljivost	zabava	kreativnost	svoboda	varnost	ponižnost	obramba	tradicija	ubogljivost	sprejemljivost
drugacnost	50	-4	4	-5	5	-3	0	2	1	0	2	2
užitek	-4	64	-2	16	-5	-3	-1	-3	-1	7	-3	-2
vznemerljivost	4	-2	47	-3	-3	-1	-4	4	1	-3	3	1
zabava	-5	16	-3	72	<b>-7</b>	4	6	-3	-3	-1	-4	-5
kreativnost	5	-5	-3	-7	83	12	1	-4	2	-1	0	4
svoboda	-3	-3	-1	4	12	88	4	0	-2	-2	-6	2
varnost	0	-1	-4	6	1	4	69	1	3	0	-7	-1
ponižnost	2	-3	4	-3	-4	0	1	80	0	-10	4	4
obramba	1	-1	1	-3	2	-2	3	0	74	1	4	-5
tradicija	0	7	-3	-1	-1	-2	0	-10	1	87	1	2
ubogljivost	2	-3	3	-4	0	-6	-7	4	4	1	78	5
sprejemljivost	2	-2	1	-5	4	2	-1	4	-5	2	5	71

Slika 9: Matrika odklonov korelacij na podlagi modela od empiričnih korelacij.

\* all values in cells were multiplied by 100

#### Faktorske uteži

Pokažimo pattern uteži oziroma regresijske koeficiente ter strukturne uteži oziroma korelacijske koeficiente, ki so za pravokotno (varimax) rotacijo, ki je v našem primeru upoštevana, enake (v pedagoške namene pokažemo obe).

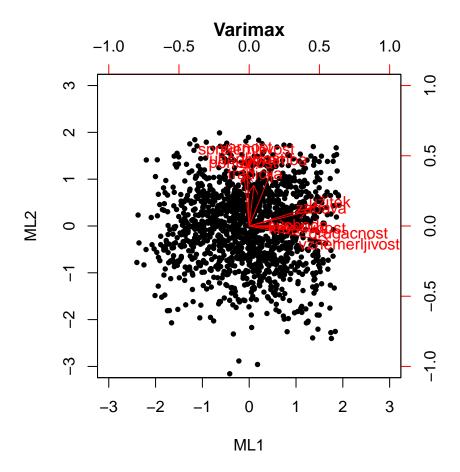


Slika 10: Prikaz faktorskih uteži.

Če se osredotočimo na prvi faktor, vidimo, da ima visoke pozitivne, srednje do močne, korelacije s sklopom spremenljivk, ki merijo pomembnost odprtosti in nizke korelacije s spremenljivkami, ki merijo pomembnost konservativnosti. Morda je za izpostaviti korelacijo prvega faktorja z obrambo, katera je nekoliko višja kot pri ostalih spremenljivkah odprtosti in sicer šibka. Drugi faktor ima visoke pozitivne srednje do močne korelacije s spremenljivkami, ki merijo pomembnost konservativnosti ter nekoliko višjo, šibko, korelacijo tudi s spremenljivkami odprtost in zabava (pozitivna korelacija) ter vznemerljivostjo (negativna korelacija).

## **Biplot**

Tudi biplot pri faktorski analizi nam v dvodimenzionalnem prostoru prikaže položaj posameznih enot glede na vrednosti spremenljivk. Hkrati pa so narisane tudi vrednosti faktorskih uteži.



Slika 11: Biplot za faktorsko analizo.

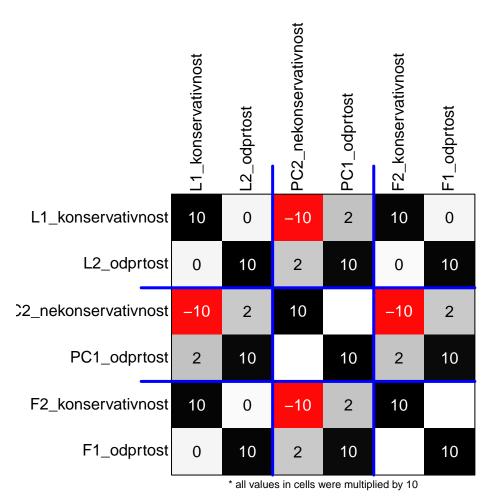
Iz grafa vidimo, da imajo spremenljivke odprtosti podobne, visoke uteži pri prvem faktorju, medtem ko imajo relativno nizke uteži ostale spremenljivke. Pri drugem faktorju pa imajo visoke in pozitivne uteži spremenljivke konservativnosti, spremenljivke odprtosti pa imajo nizke vrednosti.

#### Poimenovanje faktorjev

Na podlagi vsega do sedaj povedanega, prvi faktor lahko poimenujemo odprtost, meri odprtost človeka in drugega konservativnost, saj meri konservativnost človeka. Uporabili smo regresijsko metodo.

## Analiza korelacij

S pomočjo spodnjih korelacij si lahko pomagamo tudi pri preverjanju pravilnega poimenovanja Likartovih lestvic, faktorjev in glavnih komponent. Vidimo, da je Likartova lestvica konservativnosti močno negativno povezana z glavno komponento ne konservativnosti, obenem je šibko pozitivno povezana z glavno komponento odprtosti in močno pozitivno povezana s faktorjem konservativnosti ter zanemarljivo s faktorjem odprtosti. Podobno velja za ostale korelacije. Iz prve naloge vemo tudi, da je korelacija med Likartovimi spremenljivkami šibka (in negativna). Korelacija med obema glavnima komponentama je 0, saj sta pravokotni in podobna velja za faktorja. Vse skupaj nakazuje na pravilno poimenovanje Likartovih lestvic, faktorjev in glavnih komponent.



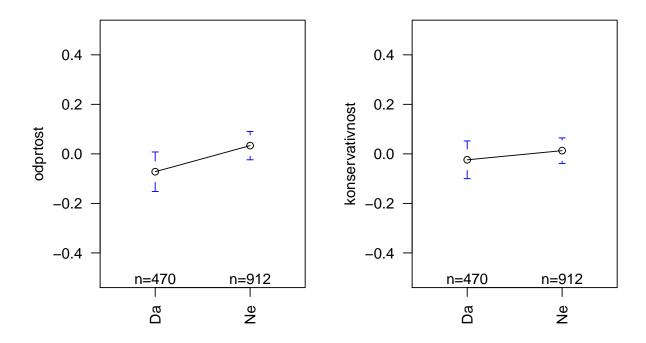
Slika 12: Korelacije komponent, faktorjev in prvotnih spremenljivk

## Povezanost faktorjev z ostalimi spremenljivkami

Poglejmo si kako je s povezanostjo faktorjev z izbranimi spremenljivkami nadzora, prebivališča in razmerja, kjer ne upoštevamo manjkajočih vrednosti.

#### Povezanost faktorjev z Nadzorom

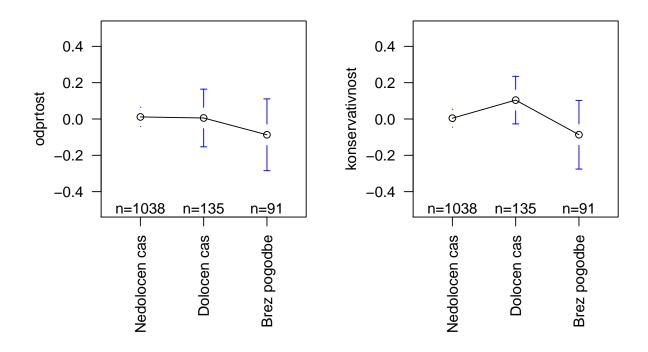
Na spodnji sliki sta prikazani povprečji faktorjev odprtosti in konservativnosti glede spremenljivke Nadzor. Vidimo, da so zaposleni, ki niso odgovorni za nadzor nad ostalimi v povprečju nekoliko bolj odprti kot odgovorni za nadzor. Glede konservativnosti sta povprečji skupin spremenljivke Nadzor precej podobni, za odtenek višje vrednosti pa v povprečju ponovno dosegajo zaposleni, ki ne nadzorujejo sodelavcev. Na grafih so prikazane standarizirane vrednosti spremenljivke. S testom t na podlagi vzorca preverimo kako je s povprečjem skupin spremenljivke Nadzor glede faktorjev odprtosti in konservativnosti v populaciji. Na podlagi vrednosti p (p = 0.035) lahko s 95% zaupanjem zavrnemo ničelno domnevo, da sta skupini spremenljivke Nadzor enaki glede faktorja odprtosti. 95% interval zaupanja je enak [0.01, 0.20] v korist ne nadzornikov. Na drugi strani pa pri stopnji značilnosti 0.05 ne moremo zavrniti ničelne domneve, da sta skupini spremenljivke Nadzor enaki glede konservativnosti in sprejmemo sklep o njuni enakosti.



Slika 13: Povprečja faktorjev odprtosti in kozervativnosti glede na spremenljivko Nadzor.

#### Povezanost faktorjev z Razmerjem

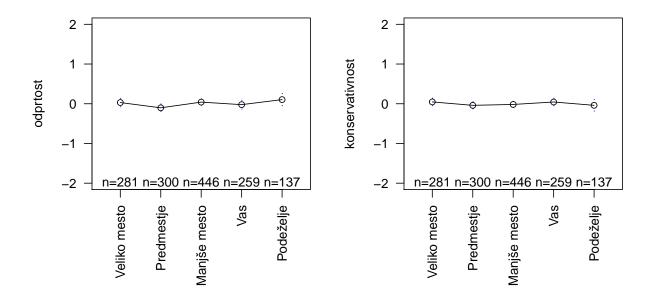
Na grafu povezanosti faktorjev s spremenljivko Razmerje vidimo, da zaposleni brez pogodbe dosegajo najnižje standardizirane vrednosti tako pri odprtosti kot pri konservativnosti. Zaposleni s pogodbo imajo v povprečju enako vrednost faktorja odprtosti kot tisti s pogodbo za določen čas, pri faktorju konservativnostu pa v povprečju dosegajo nižje vrednosti. Z Levenovim testom preverimo enakost povprečij po skupinah v populaciji in na podlagi vrednosti p (p = 0.21 in p = 0.31) pri stopnji značilnosti 0.05 ne moremo zavrniti domneve o enakosti variabilnosti med skupinami pri nobenem izmed faktorjev. Z enosmerno anovo s predpostavko enakih varianc po skupinah, preverimo še domnevo o enakosti povprečij med skupinami v populaciji znotraj posameznega faktorja. Pri nobenem izmed faktorjev pri 95% zaupanju ne moremo zavrniti ničelne domneve in sprejmemo sklep, da so povprečja med skupinami spremenljivke Razmerje v populaciji enaka znotraj obeh faktorjev.



Slika 14: Povprečja faktorjev odprtosti in kozervativnosti glede na spremenljivko Razmerje

### Povezanost faktorjev s Prebivališčem

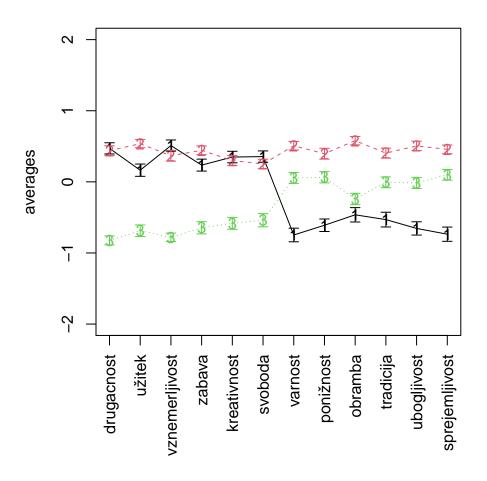
Nazadnje pa preverimo kako je s povezanostjo obeh faktorjev in kraja bivanja v populaciji. Na našem vzorcu se ne kaže, da bi bilo povprečje skupin spremenljivke Prebivališče različno pri nobenem izmed faktorjev odprtosti ali konservativnosti. Spearman koeficient korelacije kaže, da pri stopnji značilnosti 0.05 ne moremo zavrniti ničelne domneve, da je v populaciji vrednost korelacijskega koeficienta med Prebivališčem in odprtostjo ali pa Prebivališčem in konservativnostjo različna od 0, torej da sta spremenljivki povezanosti. V obeh primerih je na vzorcu vrednost Spearmanovega korelacijskega koeficienta pozitivna in zanemarljiva.



Slika 15: Povprečja faktorjev odprtosti in kozervativnosti glede na spremenljivko Prebivališče.

## Enote v prostoru

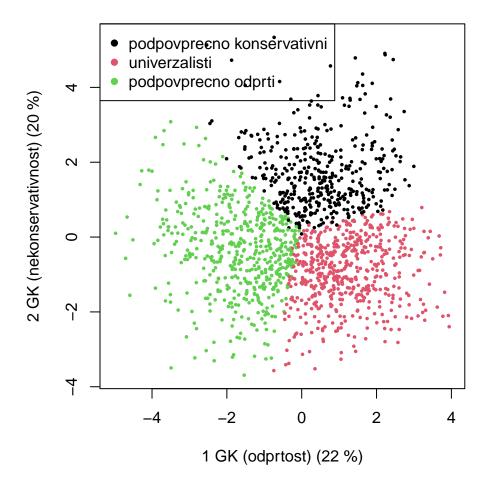
Izrisali bomo enote v prostoru glavnih komponent ter faktorjev in označili skupine, ki smo jih dobili iz razvrščanja. Podatke smo pred razvrščanjem standarizirali, za razvrščanje pa smo uporabili metodo k-means s tremi skupinami. Skupine tudi poimenujemo, skupino ena označimo kot podpovprečno konservativne, skupino 2 kot univerzialiste in skupino 3 kot podpovprečno odprte.



Slika 16: Prikaz skupin z metodo voditeljev .

## Enote v prostoru glavnih komponent

Izrišimo enote v prostoru glavnih komponent in jih pobarvajmo glede na pripadnost skupini iz razvrščanja.

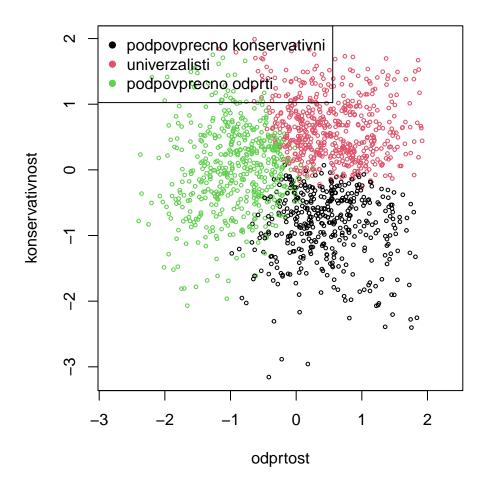


Slika 17: Prikaz skupin z metodo voditeljev v prostoru glavnih komponent.

 $\label{eq:continuous} Vidimo, da prva glavna komponenta odprtosti pojasni 22\% celotne variabilnosti in druga glavna komponenta nekonservativnosti pojasni 20\% celotne variabilnosti.$ 

#### Enote v prostoru faktorjev

Izrišimo tudi enote v prostoru faktorjev in jih pobarvajmo glede na pripadnost skupini iz razvrščanja. Spodnji graf bomo tudi interpretirali.



Slika 18: Prikaz skupin z metodo voditeljev v prostoru faktorjev.

Ljudje, ki so v skupini podpovprečno odprti imajo nizke vrednosti faktorja odprtosti in morda malo podpovprečne vrednosti faktorja konservativnosti. Skupina podpovprečno odprti ima nizke vrednosti faktorja konservativnosti in v povprečju pozitivno vrednost faktorja odprtosti. Univerzialisti pa imajo nadpovprečne pozitivne vrednosti tako pri faktorju odprtosti kot konservativnosti.

## Vsebinski povzetek

V nalogi, ki je razdeljena na dva sklopa smo si ogledali dve metodi - Metoda glavnih komponent ter faktorsko analizo.

Cilj metode glavnih komponent je pojasniti čim več variabilnosti originalnih spremenljivk z novimi nekoreliranimi glavnimi komponentami medtem ko s faktorsko analizo poskušamo najti novo množico spremenljivk, ki predstavljajo kar je skupnega opazovanim spremenljivkam. V obeh primerih moramo seveda imeti korelirane spremenljivke, kar smo potrdili z Bartlettovim testom (p < 0.0001,  $\alpha = 0.05$ ).

Pri metodi glavnih komponent smo se na podlagi različnih rezultatov odločili za dve glavni komponenti, kjer so bile Schwartzove spremenljivke odprtosti (Drugačnost, Užitek, Vznemirljivost, Zabava, Kreativnost in Svoboda) močno pozitivno korelirane s prvo glavno komponento, medtem ko so bile spremenljivke konzervativnosti negativno korelirane z drugo glavno komponento. Prvi smo dali ime Odprtosti, drugi pa nekonzervativnost. Pri prvi komponenti je nekoliko izstopala Obramba ki je bila z njo srednje pozitivno korelirana. Pri drugi komponenti sta pa izstopali Vznemirljivost in drugacnost ki sta bili šibko pozitivno povezani. Z obema komponentama smo pojasnili nekaj manj kot 40% celotne variabilnosti. Največji delež smo pojasnili pri vznemirljivosti (57%), najmanjši delež pa pri tradiciji (23%).

Podobno kot pri metodi glavnih komponent smo se pri faktorski analizi odločili za 2 faktorja. Odločili smo se za pravokotno rotacijo in nato s Hoffmanovim indeksom kompleksnosti preverili kako dobro se spremenljivke ločujejo med faktorji. V večini primerov je bil enak od 1 do 1.1 medtem ko je pri užitku bil 1.2 oz. pri obrambi 1.3. S izbranima dvema faktorjema smo pojasnili 28% variabilnosti med spremenljivkami. Večina spremenljivk je bila dobro pojasnjenih s faktorjema, so pa spremenljivke Kreativnost, Svoboda in tradicija imele nekoliko slabše pojasnjeno variabilnost. Prvi faktor smo poimenovali Odprtost, drugemu pa konzervativnost. Pri pregledovanju povezanosti faktorjev z vsebinskimi spremenljivkami opazimo da v primeru Nadzora lahko trdimo da sta skupini pri faktorju Odprtosti statistično značilno drugačni (p=0.035) hkrati pa tega ne moremo trditi za faktor Konzervativnosti (p=0.43). Pri spremenljivki Razmerje pri obeh faktorjih ne moremo trditi da so povprečja drugačna (Faktor odprtosti - p=0.5985; Faktor Konzervativnosti - p=0.2058). Enako lahko trdimo pri spremenljivki Prebivališče (Faktor odprtosti - p=0.5028; Faktor Konzervativnosti - p=0.9413).