

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана

(национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

Отчет по лабораторной работе №5 по дисциплине «Функциональное и логическое программирование»

Тема Использование управляющих структур, работа	со списками
Студент Зайцева А. А.	
Группа ИУ7-62Б	
Оценка (баллы)	-
Преподаватели Толпинская Н.Б., Строганов Ю. В.	

Теоретические вопросы

1. Структуроразрушающие и не разрушающие структуру списка функции

Функции, работающие со списками, делятся на:

- функции, не разрушающие структуру списка (сохраняется возможность работать с исходным списком);
- функции, разрушающие структуру списка (не сохраняется возможность работы с исходным списком, зато функция выполнятся быстрее по сравнению со своим не разрушающим аналогом, так как не создаются копии cons-ячеек).

Из-за такого разделения существует много дублирующих функций: функциям, не разрушающим структуру списка (reverse, substitute, ...) соответствуют структуроразрушающие функции, которые, как правило, начинаются с буквы «n», как признак того, что не создаются копии (nreverse, nsubstitute, ...). сопс является структуроразрушающим аналогом append, delete – структуроразрушающим аналогом remove.

2. Отличие в работе функций cons, list, append, nconc и в их результате

сопѕ принимает 2 указателя на любые S-выражения и возвращает новую сопѕ-ячейку (списковую ячейку), содержащую 2 значения. Если второе значение не NIL и не другая conѕ-ячейка, то ячейка печатается как два значения в скобках, разделённые точкой (так называемая точечная пара). Иначе, по сути, эта функция включает значение первого аргумента в начало списка, являющегося значением второго аргумента.

Функция list, составляющая список из значений своих аргументов (у которого голова – это первый аргумент, хвост – все остальные аргументы), создает столько списковых ячеек, сколько аргументов ей было передано. Эта функция относится к особым, поскольку у неё может быть произвольное число аргументов, но при этом все аргументы вычисляются.

append принимает произвольное количество аргументов-списков и соединяет (сливает) элементы верхнего уровня всех списков в один список. Действие append иногда называют конкатенацией списков. В результате должен быть построен новый список.

```
Например: (append (list 1 2) (list 3 4)) ==>(1 2 3 4).
```

С точки зрения функционального подхода, задача функции append - вернуть список (1 2 3 4) не изменяя ни одну из cons-ячеек в списках-аргументах (1 2) и (3 4). append на самом деле создаёт только две новые cons-ячейки, чтобы хранить значения 1 и 2, соединяя их вместе и делая ссылку из CDR второй ячейки на первый элемент последнего аргумента - списка (3 4). После этого функция возвращает cons-ячейку содержащую 1. Ни одна из входных cons-ячеек не была изменена, и результатом, как и требовалось, является список (1 2 3 4). Единственная хитрость в том, что результат, возвращаемый функцией append имеет общие cons-ячейки со списком (3 4). Таким образом, если последний переданный список будет модифицирован, то итоговый список будет также изменен.

nconc — это структуроразрушающая версия append. Как и append, nconc возвращает соединение своих аргументов, но строит такой результат следующим образом: для каждого непустого аргумента-списка, nconc устанавливает в cdr его последней cons-ячейки ссылку на первую cons-ячейку следующего непустого аргумента-списка. После этого она возвращает первый список, который теперь является головой результата-соединения.

Итак, отличия: cons является базисной, list, append, nconc – нет; list, append, nconc принимают произвольное количество аргументов (причем аргументами append и nconc могут быть только списки), cons – фиксированное (два); cons создает точечную пару или список (в зависимости от второго аргумента), list, append и nconc – список; cons и list создают новые списковые ячейки (все), append имеет общие списковые ячейки с последним списком, nconc не создает cons-ячеек; conc является структуроразрушающей, а cons, list и append – нет.

Пусть (setf lst1 '(a b)); (setf lst2 '(c d).

```
(cons |st1 |st2) => ((A B) C D)
|st1 => (A B)
(list |st1 |st2) => ((A B) (C D))
|st1 => (A B)
(append |st1 |st2) => (A B C D)
|st1 => (A B)
(nconc |st1 |st2) => (A B C D)
|st1 => (A B C D)
```

Практические задания

1. Написать функцию, которая по своему списку-аргументу lst определяет, является ли он палиндромом (то есть равны ли lst и (reverse lst)).

Работа только с верхним уровнем: список $'((1\ 2)\ 3\ (1\ 2)))$ считается палиндромом, а список $'((1\ 2)\ 3\ (2\ 1)))$ – нет.

```
; с использованием стандартных функций
  (defun is palindrome (lst) (equalp lst (reverse lst)))
  ; с использованиемм самостоятельно реализованных функций
  (defun my length (lst &optional (len 0))
    (cond
      ((null lst) len)
      ((my length (cdr lst) (+ len 1)))
10
11
  (defun my equalp (x1 x2)
    (cond
13
      ((numberp x1) (and (numberp x2) (= x1 x2)))
14
      ((atom x1) (and (atom x2) (eq x1 x2)))
      ((consp x1) (and (consp x2) (my_equalp (car x1) (car x2)) (
         my equalp (cdr x1) (cdr x2)))
      ((listp x1) (and (listp x2) (= (my_length x1) (my_length x2)) (
17
         my equalp (car x1) (car x2) (my equalp (cdr x1) (cdr x2))))
18
19
20
  (defun my rev upper (lst)
22
    (if (null lst)
23
      Nil
      (append
25
         (my rev upper (cdr lst))
26
         (cons (car lst) Nil))
28
29
  (defun is palindrome (lst) (my equalp lst (my rev upper lst)))
  ; тесты
_{34} (is palindrome '(1 2 3)) \Rightarrow NIL
_{35} (is palindrome '(1 2 1)) \Longrightarrow T
```

Работа по всем уровням (и использование самостоятельно реализованных функций): список $((1\ 2)\ 3\ (1\ 2)))$ не считается палиндромом, а список $((1\ 2)\ 3\ (2\ 1)))$ – да.

```
(defun my_rev_deeper (lst)
    (if (null lst)
       Nil
       (append
         (my rev deeper (cdr lst))
         (if (atom (car lst))
            (cons (car |st) Nil)
            (list (my rev deeper (car lst)))
11
12
  (defun is palindrome (lst) (my equalp lst (my rev deeper lst)))
15
  ; тесты
16
  (is palindrome (1 2 3)) \Rightarrow NIL
  (is palindrome (1 \ 2 \ 1)) \Longrightarrow T
  (is palindrome
                    '((1) 2 1)) \Rightarrow NIL
20
21 (is palindrome
                    ((1 \ 2) \ 3 \ (1 \ 2))) \Rightarrow Nil
                    ((1 \ 2) \ 3 \ (2 \ 1))) \Rightarrow T
22 (is palindrome
                    ((1 (2 3)) 4 ((3 2) 1))) \Rightarrow T
23 (is palindrome
```

2. Написать предикат set-equal, который возвращает t, если два его множества-аргумента содержат одни и те же элементы, порядок которых не имеет значения

Если элементами множеств являются только атомы (с использованием встроенных функций):

Комментарии к решению:

- если передаваемые аргументы множества в том понимании, что элементы в них не повторяются, то дополнительный параметр :count 1 в функции remove можно не указывать;
- ветвь if (null set1) необходима, так как если множества совпадают, то при последнем вызове set-equal аргументами будут два пустых списка. Тогда далее будет произведена проверка, является ли (car set1)=Nil членом set2=Nil, результатом которой будет Nil, и задача будет решена неверно.

Если элементами множеств могут быть другие множества (и с использованием собственных функций):

```
defun my member (elem lst)
    (if (null lst)
      Nil
      (if (my_equalp elem (car lst))
         (my_member elem (cdr lst)))
  (defun my list without last (lst)
    (if (null (cdr lst))
11
      Nil
12
      (cons (car lst) (my list without last (cdr lst)))
13
14
15
16
  (defun my member before (elem 1st)
17
    (if (my member elem 1st)
18
      (my_member_before elem (my_list_without_last | st))
19
20
^{21}
22
23
  (defun my remove first (elem lst)
24
    (append
25
      (my member before elem lst)
26
      (cdr (my member elem lst)))
27
28
29
  (defun set—equal (set1 set2)
30
    (if (null set1)
31
      (null set2)
32
      (if (my member (car set1) set2)
33
         (set-equal (cdr set1) (my_remove_first (car set1) set2))
```

```
Nil
36
37
38
39
  (set-equal '(1 2 3) '(1 2 3)) \Rightarrow T
40
                '() '()) => T
  (set — equal
41
                (1 \ 2) \ (1 \ 2 \ 3)) \Rightarrow NIL
  (set—equal
                (1) (1 2)) => NIL
  (set — equal
                (1 \ 2) \ (1 \ (2))) \Rightarrow NIL
  (set—equal
                (1 (2)) (1 (2)) \Rightarrow T
  (set—equal
                            (1 (2 3))) \Rightarrow NIL
                 '(1 (2))
  (set — equal
```

3. Напишите свои необходимые функции, которые обрабатывают таблицу из 4-х точечных пар: (страна . столица), и возвращают по стране - столицу, а по столице — страну.

```
defun find capital by country (table country)
    (if (null table)
      (and (print '(No such country)) Nil)
      (if (eq (caar table) country)
        (cdar table)
        (find_capital_by_country (cdr table) country)
  (defun find_country_by_capital (table capital)
11
    (if (null table)
12
      (and (print '(No such capital)) Nil)
      (if (eq (cdar table) capital)
14
        (caar table)
15
        (find_country_by_capital (cdr table) capital)
17
18
19
20
21
22
  (defvar table)
^{23}
  (setq table '((Russia . Moscow) (GreatBritain . London) (France . Paris
     ) (Italy . Roma)))
25
26 (find_capital_by_country table 'Russia) => MOSCOW
27 (find capital by country table 'Italy) => ROMA
```

4. Напишите функцию swap-first-last, которая переставляет в спискеаргументе первый и последний элементы.

```
defun my last (lst)
     (if (null (cdr lst))
       (car |st)
       (my last (cdr lst))
6
  (defun my list without last (lst)
    (if (null (cdr lst))
       Nil
10
       (cons (car lst) (my list without last (cdr lst)))
11
12
13
  (defun swap-first-last (lst)
15
    (if (cdr lst)
16
       (append
17
         (cons (my last lst) Nil)
18
         (my list without last (cdr lst))
19
         (cons (car lst) Nil)
20
21
       ls t
23
24
  (swap-first-last '(1 2 3)) \Rightarrow (3 2 1)
26
27
  ; для 2 приведенных ниже примеров и нужна проверка if (cdr lst)
  (swap-first-last '()) \Rightarrow Nil
  (swap-first-last '(1)) \Rightarrow (1)
30
31
  (swap-first-last '(1 2)) \Rightarrow (2 1)
  (swap-first-last '((1 2) 3 4 5)) \Rightarrow (5 3 4 (1 2))
```

5. Напишите функцию swap-two-element, которая переставляет в списке-аргументе два указанных своими порядковыми номерами элемента в этом списке.

```
индексация начинается с 0
  (defun my nth (lst n)
    (if (or (< n 0) (< (my_length | st) (- n 1)))
       (print '(Error no such index))
       (if (= n 0))
         (car lst)
         (my_nth (cdr | st) (-n 1))
10
11
  ; from-элемента в результате нет
  (defun list slice from (lst from)
13
    (if (= from -1)
14
      ls t
15
       (list slice from (cdr lst) (- from 1))
17
18
  (defun list without last n (lst n)
20
    (if (= n 0)
21
^{22}
       (list_without_last_n (my_list_without_last lst) (- n 1))
23
24
25
26
  ; to-элемента в результате нет
  (defun list_slice_to (lst to)
28
    (list without last n lst (— (my length lst) to))
29
30
31
  ; элементы to и from не входят в результат
^{32}
  (defun list slice from to (lst from to)
    (list slice from (list slice to lst to) from)
34
35
36
  (defun swap-two-element-inner (lst index1 index2)
37
    (if (<= 0 \text{ index} 1 \text{ index} 2 (- (my length lst) 1))
38
       (append
39
         (list_slice_to lst index1)
40
         (cons (my nth lst index2) Nil)
41
         (list_slice_from_to lst index1 index2)
42
         (if (= index1 index2) ; защита от дублирования
43
```

```
Nil
44
             (cons (my nth lst index1) Nil)
45
46
           (list_slice_from lst index2)
47
48
        (print '(Error in indexes))
49
50
51
52
  (defun swap-two-element (|st index1 index2)
53
     (if (< index1 index2)
54
        (swap-two-element-inner | st index1 index2)
55
        (swap-two-element-inner lst index2 index1)
56
57
58
59
  (swap-two-element
                           '(0 1 2 3 4 5 6 7)
                                                     (2 \ 4) \implies (0 \ 1 \ 4 \ 3 \ 2 \ 5 \ 6 \ 7)
60
                           (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7) \ 0 \ 7) \Rightarrow (7 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 0)
  (swap-two-element
                           (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7) \ -1 \ 2) \implies (ERROR \ IN \ INDEXES)
  (swap-two-element
                           (0\ 1\ 2\ 3\ 4\ 5\ 6\ 7)\ 1\ 8) \Rightarrow (ERROR\ IN\ INDEXES)
   swap—two—element
                           (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7) \ 5 \ 3) \Rightarrow (0 \ 1 \ 2 \ 5 \ 4 \ 3 \ 6 \ 7)
  (swap-two-element
  (swap-two-element
                           (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7) \ 3 \ 3) \Rightarrow (0 \ 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7)
```

6. Напишите две функции, swap-to-left и swap-to-right, которые производят одну круговую перестановку в списке-аргументе влево и вправо, соответственно

```
defun my list without last (lst)
    (if (null (cdr lst))
      Nil
      (cons (car lst) (my_list_without_last (cdr lst)))
6
  (defun my last (lst)
    (if (null (cdr lst))
      (car lst)
10
      (my last (cdr lst))
11
12
13
14
  (defun swap—to—right (lst)
15
    (if (null (cdr lst))
16
17
      (cons (my last lst) (my list without last lst))
```

```
20
21
  (defun swap—to—left (lst)
^{22}
     (if (null (cdr lst))
23
       st
24
       (cons (cdr lst) (cons (car lst) Nil))
25
27
28
  (swap-to-left ()) \Rightarrow Nil
  (swap-to-right ()) \Rightarrow Nil
  (swap-to-left '(1)) \Rightarrow (1)
31
  (swap-to-right '(1)) \Rightarrow (1)
  (swap-to-left '(1 2 (3 4))) \Rightarrow ((2 (3 4)) 1)
  (swap-to-right '(1 2 (3 4))) \Rightarrow ((3 4) 1 2)
```

7. Напишите функцию, которая добавляет к множеству двухэлементных списков новый двухэлементный список, если его там нет.

```
defun my equalp (x1 x2)
    (cond
      ((numberp x1) (and (numberp x2) (= x1 x2)))
      ((atom x1) (and (atom x2) (eq x1 x2)))
      ((consp x1) (and (consp x2) (my equalp (car x1) (car x2)) (
         my equalp (cdr x1) (cdr x2)))
      ((listp x1) (and (listp x2) (= (my length x1) (my length x2)) (
         my equalp (car x1) (car x2) (my equalp <math>(cdr x1) (cdr x2))))
  (defun my member (elem lst)
    (if (null lst)
11
      Nil
      (if (my equalp elem (car lst))
13
14
        (my member elem (cdr lst)))
15
16
17
18
  (defun update (elem set)
19
    (if (my member elem set)
20
      set
^{21}
      (cons elem set)
```

```
 \begin{array}{c} 24 \\ 25 \\ 26 \\ (update '(0 1) '((1 2) (2 3) (3 4))) \Rightarrow ((0 1) (1 2) (2 3) (3 4)) \\ 27 \\ (update '(1 2) '((1 2) (2 3) (3 4))) \Rightarrow ((1 2) (2 3) (3 4)) \\ 28 \\ (update '(1 2) Nil) \Rightarrow ((1 2)) \\ \end{array}
```

- 8. Напишите функцию, которая умножает на заданное число-аргумент первый числовой элемент списка из заданного 3-х элементного списка-аргумента, когда
- а) все элементы списка числа,

```
(defun my_mult (num | st)
(cons
(* num (car | st))
(cdr | st)
)
(my_mult 2 '(1 2 3)) => (2 2 3)
```

б) элементы списка – любые объекты.

```
(defun my mult (num smth)
    (cond
       ((null smth) Nil)
       ((numberp smth) (* num smth))
       ((atom smth) smth)
       ; cons
       (T (let ((res_car (my_mult num (car smth))))
         (if (my equalp (car smth) res car)
            (cons (car smth) (my mult num (cdr smth)))
10
            (cons res car (cdr smth))
11
1\,2
14
15
16
17
18
  (my \ mult 2 \ '(1 \ 2 \ 3)) \implies (2 \ 2 \ 3)
19
  (my mult 2 '(a b c)) \Rightarrow (A B C)
20
  (my \ mult 2 \ '(a 2 3)) \Rightarrow (A 4 3)
  (my \text{ mult 2 } (a (2 . 3) (4 5 6))) => (A (4 . 3) (4 5 6))
  (my \ mult \ 2 \ '(a \ (b \ . \ 3) \ (4 \ 5 \ 6))) \implies (A \ (B \ . \ 6) \ (4 \ 5 \ 6))
               (a (b c) (d 5 6)) = (A (B C) (D 10 6))
  (my_mult 2
  (my_mult 2 '(a (b . c) (d e 6))) \Rightarrow (A (B . C) (D E 12))
  (my \ mult \ 2 \ '(a \ (b \ c) \ (d \ f \ (g \ 5) \ 10))) \Rightarrow (A \ (B \ C) \ (D \ F \ (G \ 10) \ 10))
  (my mult 2 Nil) \Rightarrow Nil
```

9. Напишите функцию, select-between, которая из списка-аргумента из 5 чисел выбирает только те, которые расположены между двумя указанными границами-аргументами и возвращает их в виде списка (упорядоченного по возрастанию списка чисел (+ 2 балла))

```
)
10
11
  (select-between '(0 3 7 5 4) 1 6) \Rightarrow (3 5 4)
12
13
  (defun my sort (|st)
14
    (if (null lst)
15
       Nil
16
       (append
17
         (my sort (remove—if (lambda (x) (< (car lst) x)) (cdr lst)))
18
         (list (car lst))
19
         (my sort (remove—if (lambda (x) (> (car lst) x)) (cdr lst)))
20
21
^{22}
23
24
  (defun select—greater (lst a)
25
    (if (null (cdr lst))
26
       Nil
27
       (if (< a (car | st))
28
29
         (select-greater (cdr lst) a)
30
31
32
33
34
35
  (defun select—lower (lst b)
36
    (if (null (cdr lst))
37
       Nil
38
       (if (> b (car | st))
39
         (cons (car lst) (select—lower (cdr lst) b))
40
         Nil
41
       )
42
43
44
45
  (defun select-between-sorted (lst a b)
    (select-greater (select-lower (my sort lst) b) a)
47
48
49
  (select-between-sorted '(0 3 7 5 4) 1 6) \Rightarrow (3 4 5)
```

Литература

[1] Большакова Елена Игоревна Груздева Надежда Валерьевна. Основы программирования на языке Лисп. М.: Издательский отдел факультета ВМК МГУ имени М.В.Ломоносова (лицензия ИД № 05899 от 24.09.2001); МАКС Пресс, 2010. с. 112.