



Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное бюджетное образовательное  
учреждение высшего образования  
«Московский государственный технический университет имени  
Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)

---

ФАКУЛЬТЕТ «Информатика и системы управления»

КАФЕДРА «Программное обеспечение ЭВМ и информационные технологии»

## Отчет по лабораторной работе №5

Название Моделирование работы информационного центра

Дисциплина Моделирование

Студент Зайцева А. А.

Группа ИУ7-72Б

Оценка (баллы) \_\_\_\_\_

Преподаватель Рудаков И. В.

Москва — 2022 г.

## 1 Задание

Дана концептуальная модель информационного центра:

- в информационный центр приходят клиенты через интервалы времени  $10 \pm 2$  минуты; если все три имеющихся оператора заняты, клиенту отказывают в обслуживании;
- операторы имеют разную производительность и могут обеспечивать обслуживание среднего запроса пользователя за  $20 \pm 5$ ,  $40 \pm 10$ ,  $40 \pm 20$  минут; клиенты стремятся занять свободного оператора с максимальной производительностью;
- полученные запросы попадают в приемный накопитель, откуда они выбираются на обработку;
- на первый компьютер поступают запросы от 1-ого и 2-ого операторов, на второй – от 3-его; время обработки запросов на первом и втором компьютерах равно, соответственно, 15 и 30 минутам.

За единицу имитационного времени принять 0.01 минуты.

Промоделировать процесс обработки 300 запросов. Определить вероятность отказа. Построить структурную схему модели, а также схему модели в терминах систем массового обслуживания (СМО).

## 2 Теоретическая часть

В процессе взаимодействия клиентов с информационным центром возможны два режима работы.

1. Режим нормального обслуживания: клиент выбирает одного из свободных операторов (с максимальной производительностью).

2. Режим отказа в обслуживании: если все операторы заняты.

**Эндогенные переменные:** время обработки задания  $i$ -ым оператором, время решения задания на  $j$ -ом компьютере.

**Экзогенные переменные:**  $n_0$  – число обслуженных клиентов,  $n_1$  – число клиентов, получивших отказ.

**Уравнение модели** (вероятность отказа в обслуживании клиента):

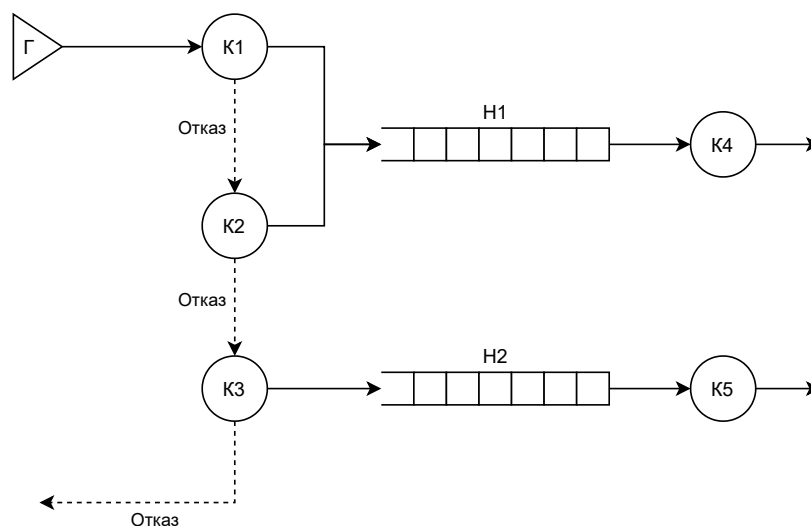
$$p_{отк} = \frac{n_1}{n_0 + n_1}. \quad (1)$$

Структурная схема модели приведена на рисунке 1.



**Рисунок 1** – Структурная схема модели

Схема модели в терминах СМО приведена на рисунке 2.



**Рисунок 2** – Схема модели в терминах СМО

### 3 Результаты работы программы

Для исследования разработанная программа была протестирована при различном числе генерируемых заявок, различных временах генерации заявок, различных временах работы операторов и компьютеров. На рисунке 3 приведена таблица, где описаны параметры и результаты моделирования. В каждом случае изменялось не более одного (указанного в таблице) параметра, остальные сохранялись из условия. Сгенерированные псевдослучайные числа во всех случаях одинаковы.

Случай	Имитационное время моделирования	Вероятность отказа
Исходные настройки	3041.390000019966	0.23
Количество заявок увеличено в 10 раз	30170.41998104397	0.21
Время 2 компьютера увеличено в 3 раза	5007.830000062889	0.23
Время 3 оператора увеличено в 3 раза	3156.3000000224743	0.31
Время генерации заявок уменьшено в 2 раза	1588.089999987007	0.55

**Рисунок 3** – Таблица с результатами исследования программы

### 4 Код программы

В листинге 1 приведен код разработанной программы (используемый язык – Python).

**Листинг 1** – Код разработанной программы

```
0 from typing import *
1 from prettytable import PrettyTable
2 from random import random, seed
3 seed(0)
4
5 REQUESTS_TO_GENERATE = 300
6 MOD_TIME_STEP = 0.01
7
8 CLIENT_TIMES = [8, 12]
9 O1_TIMES = [15, 25]
10 O2_TIMES = [30, 50]
```

```

11 O3_TIMES = [20, 60]
12 C1_TIME = 15
13 C2_TIME = 30
14
15 ACCUMULATORS = [0, 0]
16 O1_ACCUM_INDEX = 0
17 O2_ACCUM_INDEX = 0
18 O3_ACCUM_INDEX = 1
19 C1_ACCUM_INDEX = 0
20 C2_ACCUM_INDEX = 1
21
22
23 class DistributedTimeGenerator:
24     def __init__(self, a: float, b: float):
25         self.a = a
26         self.b = b
27
28     def generate(self):
29         return self.a + (self.b - self.a) * random()
30
31
32 class RequestsGenerator:
33     def __init__(self, time_generator: DistributedTimeGenerator):
34         self.time_generator = time_generator
35         self.remaining_time = 0
36
37     def update_time_and_check_for_request(self):
38         if self.remaining_time > 0:
39             self.remaining_time -= MOD_TIME_STEP
40             return False
41         else:
42             self.remaining_time = self.time_generator.generate()
43             return True
44
45
46 class Operator:
47     def __init__(self, accum_index: int, time_generator:
48         DistributedTimeGenerator):
49         self.accum_index = accum_index
50         self.time_generator = time_generator

```

```

50
51     self.is_busy = False
52     self.remaining_time = 0
53
54     def update_time(self):
55         self.remaining_time -= MOD_TIME_STEP
56
57         if self.is_busy and self.remaining_time <= 0:
58             self.is_busy = False
59             ACCUMULATORS[self.accum_index] += 1
60
61     def start_process_new_request(self):
62         self.is_busy = True
63         self.remaining_time = self.time_generator.generate()
64
65
66 class Computer:
67     def __init__(self, accum_index: int, processing_time: int):
68         self.accum_index = accum_index
69         self.processing_time = processing_time
70         self.is_busy = False
71         self.remaining_time = 0
72
73     def update_time_and_check_for_finished_processing(self):
74         self.remaining_time -= MOD_TIME_STEP
75
76         if self.is_busy:
77             if self.remaining_time <= 0:
78                 self.is_busy = False
79                 return True
80         else:
81             if ACCUMULATORS[self.accum_index] > 0:
82                 ACCUMULATORS[self.accum_index] -= 1
83                 self.is_busy = True
84                 self.remaining_time = self.processing_time
85
86         return False
87
88
89 def find_free_operator(operators):

```

```

90     for i in range(len(operators)):
91         if not operators[i].is_busy:
92             return i
93
94
95 def simulate():
96     requests_generator = RequestsGenerator(DistributedTimeGenerator(*
CLIENT_TIMES))
97
98     operators = [
99         Operator(O1_ACCUM_INDEX, DistributedTimeGenerator(*O1_TIMES)),
100        Operator(O2_ACCUM_INDEX, DistributedTimeGenerator(*O2_TIMES)),
101        Operator(O3_ACCUM_INDEX, DistributedTimeGenerator(*O3_TIMES))
102    ]
103
104    computers = [
105        Computer(C1_ACCUM_INDEX, C1_TIME),
106        Computer(C2_ACCUM_INDEX, C2_TIME)
107    ]
108
109    generated, processed, rejected, modeling_time = 0, 0, 0, 0
110    while processed + rejected < REQUESTS_TO_GENERATE:
111        modeling_time += MOD_TIME_STEP
112        if generated < REQUESTS_TO_GENERATE:
113            request = requests_generator.update_time_and_check_for_request
()
114            if request:
115                generated += 1
116                free_operator_index = find_free_operator(operators)
117                if free_operator_index is None:
118                    rejected += 1
119                else:
120                    operators[free_operator_index].
start_process_new_request()
121
122            for operator in operators:
123                operator.update_time()
124
125            for computer in computers:
126                if computer.update_time_and_check_for_finished_processing():

```

```

127         processed += 1
128
129     return generated, processed, rejected, modeling_time
130
131
132 def main():
133     global REQUESTS_TO_GENERATE
134     global C2_TIME
135     global O1_TIMES
136     global CLIENT_TIMES
137
138     res_table = PrettyTable()
139     res_table.field_names = ['Случай', 'Имитационное время моделирования', 'Вероятность отказа']
140
141     seed(0)
142     generated, processed, rejected, modeling_time = simulate()
143     print(generated, processed, rejected, modeling_time)
144     res_table.add_row(['Исходные настройки', modeling_time, round(rejected / generated, 2)])
145
146     seed(0)
147     mn = 10
148     tmp = REQUESTS_TO_GENERATE
149     REQUESTS_TO_GENERATE = REQUESTS_TO_GENERATE * mn
150     generated, processed, rejected, modeling_time = simulate()
151     print(generated, processed, rejected, modeling_time)
152     res_table.add_row([f'Количество заявок увеличено в {mn} раз', modeling_time, round(rejected / generated, 2)])
153     REQUESTS_TO_GENERATE = tmp
154
155     seed(0)
156     mn = 3
157     tmp = C2_TIME
158     C2_TIME = C2_TIME * mn
159     generated, processed, rejected, modeling_time = simulate()
160     print(generated, processed, rejected, modeling_time)
161     res_table.add_row([f'Время 2 компьютера увеличено в {mn} раз', modeling_time, round(rejected / generated, 2)])
162     C2_TIME = tmp

```



```

163
164     seed(0)
165     mn = 3
166     tmp = O1_TIMES
167     O1_TIMES = list(map(lambda time: time * mn, O1_TIMES))
168     generated, processed, rejected, modeling_time = simulate()
169     print(generated, processed, rejected, modeling_time)
170     res_table.add_row([f'Время 1 оператора увеличено в {mn} раза',
171 modeling_time, round(rejected / generated, 2)])
171     O1_TIMES = tmp
172
173     seed(0)
174     mn = 2
175     tmp = CLIENT_TIMES
176     CLIENT_TIMES = list(map(lambda time: time // mn, CLIENT_TIMES))
177     generated, processed, rejected, modeling_time = simulate()
178     print(generated, processed, rejected, modeling_time)
179     res_table.add_row([f'Время генерации заявок уменьшено в {mn} раза',
180 modeling_time, round(rejected / generated, 2)])
180     CLIENT_TIMES = tmp
181
182     print(res_table)
183
184 if __name__ == '__main__':
185     main()

```