#### Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

# «Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)»

#### Лабораторная работа № 3.5.1

по курсу общей физики на тему: «Изучение плазмы газового раязряда в неоне»

> Работу выполнил: Баринов Леонид (группа Б02-827)

### 1 Аннотация

В работе будет изучена вольт-амперная характеристика тлеющего заряда, а также изучены свойства плазмы методом зондовых характеристик.

## 2 Теоретические сведения

При нагревании газа молекулы распадаются на атомы, а затем атомы распадаются на электроны и ионы, так что газ становится ионизованным, представляя собой смесь из свободных электронов и ионов, а также нейтральных частиц.

Степень ионизации – отношение числа ионизованных атомов к их полному числу. При высокой степени ионизации газ начинает обладать высокой электропроводностью и, в отличие от нейтральных газов, взаимодействует с электрическими и магнитными полями. Кроме того, заряженные частицы в таком газе стремятся распределиться в пространстве таким образом, чтобы установилась локальная квазинейтральность, то есть равенство концентрация положительных и отрицательных частиц, нарушаемое тепловыми флуктуациями только в микроскопических масштабах. Такое состояние ионизованного газа называется плазмой.

Основные параметры, характеризующие плазму: плотности составляющих ее частиц – электронов –  $n_e$ , ионов –  $n_i$  и нейтральных частиц –  $n_0$ , их температуры – соответственно  $T_e, T_i, T_0$ .

Оценим размер области, внутри которой могут существовать заметные электрические поля. Рассмотрим пространство вокруг иона, имеющего положительные заряд и поэтому притягивающего электроны, поле которых противоположно по знаку полю иона. Ион «экранируется» электронами, поля убывает сильнее чем  $1/r^2$ . Тепловое движение мешает полной «экранировки» иона.

Запишем выражение для div E, используя потенциал  $\varphi$  и оператор Лапласа  $\Delta$  в сферической системе координат.

$$\frac{d^2\varphi}{dr^2} + \frac{2}{r}\frac{d\varphi}{dr} = -4\pi\rho\tag{1}$$

Распределение электронов, а значит и их пространственного заряда, подчиняется формуле Больцмана:

$$\rho_e = -ne \cdot e^{e\varphi/kT_e} \tag{2}$$

Будем считать ионы бесконечно тяжелыми, то есть неподвижными  $(M \gg m_e)$ , что как показывают точные расчеты, не меняет ответа по порядку величины. То есть  $\rho_i = const$  и равно своему значению в области  $\varphi = 0$ , где он равен и противоположен по знаку пространственному заряду электронов

$$\rho_i = ne \tag{3}$$

Подставим (2) и (3) в (1):

$$\frac{d^2\varphi}{dr^2} + \frac{2}{r}\frac{d\varphi}{dr} = -4\pi ne\left[1 - e^{e\varphi/kT_e}\right] \tag{4}$$

Рассмотрим случай, когда

$$\frac{e\varphi}{kT_e}\ll 1$$

Разложим экспоненту в ряд, и получаем линейное уравнение

$$\frac{d^2\varphi}{dr^2} + \frac{2}{r}\frac{d\varphi}{dr} = \frac{1}{r_D^2}\varphi,\tag{5}$$

где введено обозначение

$$r_D = \sqrt{\frac{kT_e}{4\pi ne^2}} \tag{6}$$

Решение уравнение (5) примет вид:

$$\varphi = \frac{Ze}{r}e^{-r/r_D} \tag{7}$$

 $r_D$  – дебаевский радиус экранирования (радиус Дебая, дебаевская длина)

Введем более строгое определение плазмы. Плазмой называется ионизованный газ, дебаевский радиус которого  $r_D$  существенно меньше характерного размера l объема, занимаемого этим газом, то есть

$$\sqrt{\frac{kT_e}{4\pi ne^2}} \ll l.$$

Это означает, что энергия взаимодействия двух незаряженных частиц в плазме существенно меньше их тепловой энергии, то есть что плазма является газом, причем идеальным.

Число частиц  $N_D$  в дебаевской сфере можно оценить с помощью формулы (6), подставляя в нее вместо истинного среднее число частиц

$$N_D \approx n \frac{4}{3} \pi r_D^3 \approx \frac{(kT_e)^{3/2}}{n^{1/2} e^3}$$
 (8)

Другой важнейшей характеристикой плазмы является плазменная или ленгмюровская частота, выражение для которой и её смысл можно получить из следующих соображений. Выделим в плазме объём в виде параллелепипеда, изображённого на рис. 1. Сместим все электроны на расстояние x относительно ионов (ионы занимают объём, изображённый сплошными, а электроны — пунктирными линиями). Пусть плотность электронов (и ионов) равна n; ионы для простоты будем считать однозарядными. Легко видеть, что в результате такого смещения на гранях параллелепипеда возникнут поверхностные заряды:

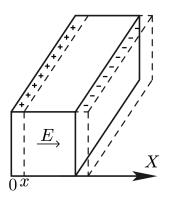


Рис. 1

$$\sigma = nex \tag{9}$$

Вследствие этого появится электрическое поле:

$$E = 4\pi\sigma = 4\pi nex \tag{10}$$

Это поле действует на электроны, придавая им ускорение, равное

$$\frac{d^2x}{dt^2} = \frac{eE}{m} = -\frac{4\pi ne^2}{m}x\tag{11}$$

Уравнение (11) определяет плазменную (ленгмюровскую) частоту, коллективных колебаний электронов:

$$\omega_p = \sqrt{\frac{4\pi n e^2}{m}} = 5,65 \cdot 10^4 \sqrt{n(\text{cm}^{-3})}$$
 (12)

Плазменная частота задает естественный масштаб времени для плазмы: это — время отклика на флуктуацию плотности заряда в плазме. Учитывая это, дебаевский радиус экранирования можно интерпретировать следующим образом. Пусть какая-то группа электронов получила направленную скорость, равную тепловой:  $v = \sqrt{kT_e/m_e}$ . При этом, как легко можно убедиться, обращаясь к формулам (12), (6), за время, равное  $\omega_p^{-1}$ , эта группа электронов пройдёт в направлении полученной скорости до полной остановки расстояние, как раз равное дебаевской длине, то есть

$$r_D = \frac{\upsilon}{\omega_p} \tag{13}$$

Таким образом, дебаевская длина — это амплитуда ленгмюровских колебаний плазмы, возбуждаемых тепловыми флуктуациями. Эта амплитуда и является масштабом нарушения квазинейтральности плазмы в отсутствие внешнего поля.

Как следует из (12), плазменная частота определяется только плотностью электронов (и универсальными постоянными). Можно строго доказать, что она не зависит от величины и формы рассматриваемого объёма и является, таким образом, локальной характеристикой плазмы. Плазменная частота является не единственной — но важнейшей — характерной частотой плазмы. Она определяет коллективное движение электронов относительно ионов.

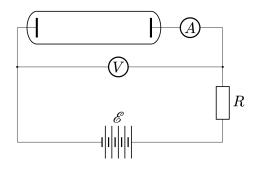
В заключение этого пункта сделаем следующее замечание. Формула для дебаевского радиуса (6) не учитывает движение ионов. Если считать, что ионы тоже распределяются в поле пробного заряда по Больцману с температурой  $T_i$ , то в приближении  $e\varphi \leq kT_i$ , вместо формулы (6) получим

$$r_D = \sqrt{\frac{k}{4\pi n e^2} \frac{T_e T_i}{T_e + T_i}},\tag{14}$$

то есть вместо  $T_e$  в формулу для дебаевского радиуса войдёт приведённая температура. В частности, при  $T_e = T_i$  в знаменателе под корнем появляется двойка, а при  $T_e \gg T_i$ , что имеет место для плазмы газового разряда (тлеющего), в формуле (6) вместо  $T_e$  будет стоять  $T_i$ .

#### ВАХ газового промежутка

Экспериментально ВАХ газового проводника — например, промежутка между двумя электродами, помещёнными в стеклянную трубку, заполненную газом, — снимают с помощью схемы, представленной на рис. 2. Цепь содержит источник постоянного напряжения  $\mathscr E$  величину которого можно изменять в пределах примерно от 100 В до нескольких кВ, и переменное сопротивление R, называемое балластным, или нагрузочным.



**Рис. 2.** Схема для снятия ВАХ газового промежутка

Это сопротивление необходимо для ограничения тока в цепи и стабилизации разряда на участках с отрицательным дифференциальным сопротивлением. Дело в том, что на этих участках разряд неустойчив и ток имеет тенденцию неограниченно нарастать. Можно показать, что для устойчивости разряда сумма отрицательного и положительного сопротивлений такой цепи должна быть положительной, то есть в точке пересечения с ВАХ нагрузочная прямая должна иметь больший наклон, чем участок кривой ВАХ (рис. 5.7).

Вид ВАХ для конкретного газового проводника зависит от ряда условий, прежде всего от давления газа. На рис. 3 представлена полученная экспериментально с помощью схемы рис. 2 ВАХ разряда в неоне при давлении 1,3 мбар между плоскими медными электродами площади 10 см², расположенными на расстоянии 50 см, а также типичная нагрузочная прямая. Поскольку здесь нет специального внешнего ионизатора (внешняя ионизация создаётся только естественным радиоактивным излучением и космическими лучами), начальный участок характеристики несамостоятельного разряда (участок ОА на рис. 5.3) соответствует столь малым токам, что на графике его не удаётся изобразить. Характеристика начинается сразу с участка АБ, соответствующего току насыщения (участок АБ на рис. 5.3) и режиму газового усиления. В точке В происходит пробой и начинается самостоятельный разряд, который на всём горизонтальном участке характеристики ВГ соответствует тёмному таунсендовскому разряду.

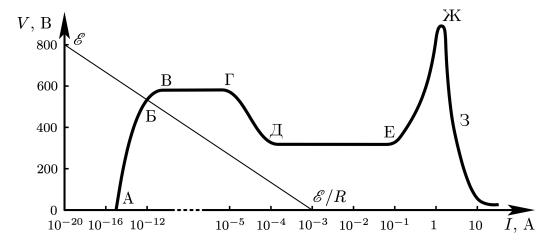


Рис. 3. ВАХ разряда в неоне при давлении 1,3 мбар и нагрузочная прямая

Участок характеристики ГДЕЖ соответствует тлеющему разряду, причём его падающая часть ГД называется поднормальным тлеющим разрядом, горизонтальная часть ДЕ — нормальным тлеющим разрядом и остальная часть ЕЖ — аномальным тлеющим разрядом. Далее идёт падающий участок ЖЗ, который можно получить при маленьких сопротивлениях и сильноточных источниках напряжения. Он соответствует переходу к дуговому разряду. Заметим, что при больших

давлениях газа (атмосферном и больше) после пробоя сразу устанавливается дуговой разряд.

На рис. 4 представлена качественная картина тлеющего разряда в длинной стеклянной трубке, а также приведены зависимости основных величин, характеризующих разряд, от продольной координаты. Это интенсивность свечения, потенциал и напряжённость электрического поля, электронный и ионный токи, электронная и ионная плотности и полная плотность объёмного заряда. Видно, что разряд состоит из ряда чередующихся светлых и тёмных поперечных полос. Поскольку все процессы в разряде связаны со столкновениями электронов с атомами газа, расстояния от катода до этих полос определяются числом укладывающихся на них длин пробега электронов. Поэтому характерные размеры полос увеличиваются с уменьшением давления. Непосредственно к катоду прилегает узкое астоново пространство, затем идёт слой катодного свечения, а затем — тёмное катодное пространство. Далее следует область отрицательного свечения, переходящая в тёмное фарадеево пространство. За ним начинается светящийся положительный столб, заканчивающийся у анода тёмным анодным пространством, переходящим на аноде в узкий слой анодного свечения.

Как правило, самой яркой бывает область отрицательного свечения, имеющего для воздуха голубоватый цвет, за что разряд и получил своё название — тлеющий.

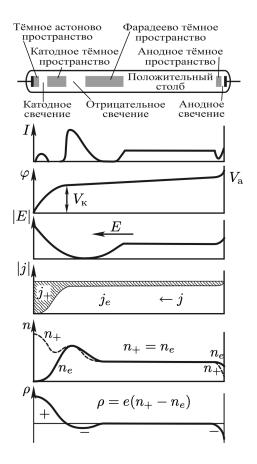


Рис. 4. Структура тлеющего разряда и распределение по длине основных характеризующих его величин

Рассмотрим явления, происходящие при внесении в плазму уединенного проводника – зонда. Пусть электрический потенциал зонда вначале равен потенциалу той точки плазмы, в которую будет помещен зонд. Поступающие на зонд токи электронов и ионов в этом случае равны

$$I_{e0} = \frac{n\langle v_e \rangle}{4} eS \tag{15}$$

$$I_{i0} = \frac{n\langle v_i \rangle}{4} eS \tag{16}$$

где  $\langle v_e \rangle$  и  $\langle v_i \rangle$  — средние скорости электронов и ионов (которые в силу квазинейтральности плазмы равны или почти равны друг другу). Множитель  $1/4n\langle v \rangle$ , согласно кинетической теории, определяет число ударов в секунду о единицу поверхности.

Оценим величину электронного и ионного тока насыщения. Электронный ток

насыщения определяется формулой (15) и формулой из МКТ

$$\langle v_e \rangle = \sqrt{\frac{8kT_e}{\pi m_e}} \tag{17}$$

В итоге получаем

$$I_{eH} = \frac{1}{4} neS \langle v_e \rangle \approx \frac{1}{4} neS \sqrt{\frac{8kT_e}{\pi m_e}}$$
 (18)

Ионный ток насыщения по аналогичной формуле оценивать не следует, поскольку скорости ионов в окрестности зонда определяются не температурой плазмы, а разностью потенциалов между плазмой и зондом:

$$v_i \approx \sqrt{\frac{2eU}{m_i}} \tag{19}$$

Опыт показывает, что вместо формулы (5.29) для вычисления этого тока лучше применять полуэмпирическую формулу, предложенную Бомом:

$$I_{iH} = 0,4neS\sqrt{\frac{2kT_e}{m_i}} \tag{20}$$

#### Двойной зонд

Двойным зондом называется система, состоящая из двух одинаковых зондов, расположенных на небольшом расстоянии друг от друга. Между зондами создаётся разность потенциалов, которая по величине много меньше плавающего потенциала  $U_f$ . При этом оба зонда имеют относительно плазмы близкий к плавающему отрицательный потенциал, т. е. находятся на ионной ветви вольт-амперной характеристики.

При отсутствии разности потенциалов ток между зондами равен нулю. Рассчитаем величину тока, проходящего через двойной зонд вблизи точки I=0. При небольших разностях потенциалов ионные токи на оба зонда равны ионному току насыщения и компенсируют друг друга. Величина результирующего тока целиком связана с различием в электронных токах. Пусть потенциал на первом зонде равен

$$U_1 = -U_f + \Delta U_1 \tag{21}$$

а на втором

$$U_2 = -U_f + \Delta U_2 \tag{22}$$

По предположения  $\Delta U_1$  и  $\Delta U_2$  меньше  $U_f$ . Напряжение U между зондами равно

$$U = U_2 - U_1 = \Delta U_2 - \Delta U_1 \tag{23}$$

Найдем ток, приходящий на первый электрод:

$$\begin{split} I_1 &= I_{i\text{H}} + I_{e1} = I_{i\text{H}} - \frac{1}{4} neS \langle \upsilon_e \rangle \cdot \exp\left[\frac{e(-U_f + \Delta U_1)}{kT_e}\right] = \\ &= I_{i\text{H}} - \left\{\frac{1}{4} neS \langle \upsilon_e \rangle \exp\left(-\frac{eU_f}{kT_e}\right)\right\} \exp\left(\frac{e\Delta U_1}{kT_e}\right) \end{split}$$

Заметим теперь, что при  $\Delta U_1=0$  (при  $U_1=U_f$ ) электронный и ионный ток компенсируют друг друга. Это означает, что заключенный в фигурные скобки множитель равен  $I_{in}$ . Имеем поэтому

$$I_1 = I_{iH} \left[ 1 - \exp\left(\frac{e\Delta U_1}{kT_e}\right) \right] \tag{24}$$

Аналогично

$$I_2 = I_{iH} \left[ 1 - \exp\left(\frac{e\Delta U_2}{kT_e}\right) \right] \tag{25}$$

Заметим также, что зонды 1 и 2 соединены последовательно и через них проходит один и тот же ток I, но в разном направлении. Положим

$$I_1 = -I_2 = I (26)$$

Выразим  $\Delta U_1$  и  $\Delta U_2$  из (24) и (25) и заменим входящие в эти выражения  $I_1$  и  $I_2$  через I с помощью (26):

$$\Delta U_1 = \frac{kT_e}{e} \ln \left( 1 - \frac{I}{I_{iH}} \right) \tag{27}$$

$$\Delta U_2 = \frac{kT_e}{e} \ln \left( 1 + \frac{I}{I_{iH}} \right) \tag{28}$$

Вычитая второе равенство из первого, найдем

$$U = \Delta U_1 - \Delta U_2 = \frac{kT_e}{e} \ln \frac{1 - I/I_{iH}}{1 + I/I_{iH}}$$
 (29)

Разрешая это равенство относительно I, найдем

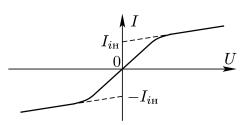
$$I = I_{iH} th \frac{eU}{2kT_e}$$
(30)

Эта формула может служить для определения температуры электронов по форме вольт-амперной характеристики двойного зонда.

Наблюдаемая на опыте зависимость тока от напряжения изображена на рис. 4. Эта кривая отличается от (30) наклоном асимптот в области больших |U|. Наклон асимптот в первом приближении является линейным. Поэтому вместо (30) лучше писать

$$I = I_{iH} th \frac{eU}{2kT_e} + AU, (31)$$

где A — некоторая константа, величина которой может быть найдена из опыта.



**Рис. 5.** Вольт-амперная характеристика двойного зонда

При обработке графика на рис. 5 сначала находится  $I_{i\text{н}}$  из пересечении асимптот с осью U=0. Затем, по наклону асимптот, находится величина A. После этого из (31) нетрудно определить  $T_e$ . Дифференцируя эту формулу по U в точке U=0 и принимая во внимание, что при малых аргументах th  $\alpha \approx \alpha$ , а при малых наклонах кривой насыщения  $A \to 0$ , найдём

$$kT_e = \frac{1}{2} \frac{eI_{iH}}{\frac{dI}{dU}|_{U=0}} \tag{32}$$

8 Оборудование

## 3 Оборудование

**В работе используется:** стеклянная гзоразрядная трубка, наполненная изотопом неона, высоковольтный источник питания (ВИП), источник питания постоянного тока, делитель напряжения, резистор, потенциометр, амперметры, вольтметры, переключатели.

#### Экспериментальная установка

Схема установки для исследования плазмы газового разряда в неоне представлена на рис. 6. Стеклянная газоразрядная трубка имеет холодный (ненакаливаемый) полый катод, три анода и геттерный узел — стеклянный баллон, на внутреннюю поверхность которого напылена газопоглощающая плёнка (геттер). Трубка наполнена изотопом неона  $^{22}$ Ne при давлении 2 мм рт. ст. Катод и один из анодов (I или II) с помощью переключателя  $\Pi_1$  подключаются через балластный резистор  $R_6$  ( $\sim$ 450 кОм) к регулируемому высоковольтному источнику питания (ВИП) с выходным напряжением до 5-ти кВ.

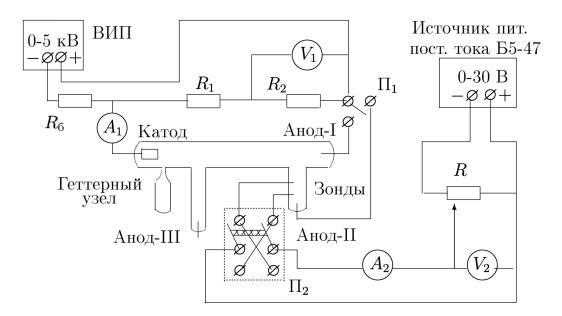


Рис. 6. Схема установки для исследования газового разряда

При подключении к ВИП анода-I между ним и катодом возникает газовый разряд. Ток разряда измеряется миллиамперметром  $A_1$ , а падение напряжения на разрядной трубке — цифровым вольтметром  $V_1$  (мультиметром GDM), подключённым к трубке через высокоомный (25 МОм) делитель напряжения с коэффициентом  $(R_1 + R_2)/R_2 = 10$ .

При подключении к ВИП анода-II разряд возникает в пространстве между катодом и анодом-II, где находится двойной зонд, используемый для диагностики плазмы положительного столба. Зонды изготовлены из молибденовой проволоки диаметром d=0,2 мм и имеют длину l=5,2 мм. Они подключены к источнику питания GPS через потенциометр R. Переключатель  $\Pi_2$  позволяет изменять полярность напряжения на зондах. Величина напряжения на зондах изменяется с

помощью дискретного переключателя «V» выходного напряжения источника питания и потенциометра R, а измеряется цифровым вольтметром  $V_2$  (GDM). Для измерения зондового тока используется мультиметр  $A_2$  (GDM). Анод-III в нашей работе не используется.

## 4 Результаты измерений и обработка результатов

Установим переключатель  $\Pi_1$  в положение «Анод-I». Плавно увеличивая выходное напряжение ВИП, определим напряжение зажигания разряда (показания вольтметра перед зажиганием)

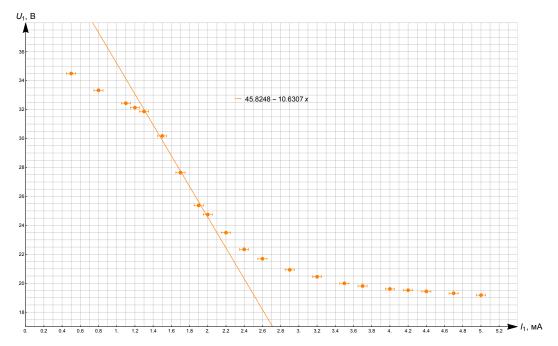
$$V_3 = (216 \pm 3) \text{ B}$$

С помощью вольтметра  $V_1$  и амперметра  $A_1$  снимем вольт-амперную характеристику разряда  $U_1 = f(I_p)$ 

| $I_1$ , мА | 0,5   | 0,8   | 1,1   | 1,3   | 1,5   | 1,7   | 1,9   | 2,0   | 2,2   | 2,4   |
|------------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| $U_1$ , B  | 34,49 | 33,33 | 32,44 | 31,87 | 30,18 | 27,65 | 25,38 | 24,75 | 23,50 | 22,34 |
| $I_1$ , мА | 2,6   | 2,9   | 3,2   | 3,5   | 3,7   | 4,0   | 4,2   | 4,4   | 4,7   | 5,0   |
| $U_1$ , B  | 21,69 | 20,93 | 20,45 | 20,00 | 19,81 | 19,61 | 19,52 | 19,44 | 19,31 | 19,18 |

Таблица 1. Вольт-амперная характеристика разряда

Построим ВАХ разряда



**Рис. 7.** Вольт-амперная характеристика разряда  $U_1 = f(I_p)$ 

По наклону кривой определим максимальное дифференциальное сопротивление разряда  $R_{max}$ .

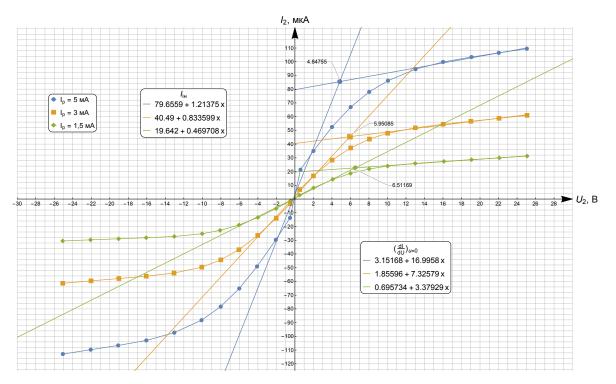
$$R_{max} = -(10, 6 \pm 0, 5) \text{ кОм}$$

Снимем вольт-амперную характеристику двойного зонда  $I_2=f(U_2)$  при фиксированном токе  $I_p$ 

| $I_p = 5 \text{ MA}$ |           | $I_p = 3 \text{ MA}$ |           | $I_p = 1,5 \text{ MA}$ |           |
|----------------------|-----------|----------------------|-----------|------------------------|-----------|
| $I_2$ , MKA          | $U_2$ , B | $I_2$ , MKA          | $U_2$ , B | $I_2$ , MKA            | $U_2$ , B |
| 109,52               | 25,06     | 60,94                | 25,08     | 31,28                  | 25,09     |
| 106,47               | 22,03     | 58,78                | 22,05     | 29,97                  | 22,09     |
| 103,42               | 19,07     | 56,62                | 19,01     | 28,69                  | 19,07     |
| 99,86                | 16,01     | 54,46                | 16,01     | 27,40                  | 16,10     |
| 94,58                | 13,04     | 51,89                | 13,02     | 25,97                  | 13,00     |
| 86,20                | 10,05     | 47,93                | 10,02     | 24,02                  | 10,02     |
| 78,04                | 8,03      | 43,67                | 8,05      | 21,89                  | 8,03      |
| 66,98                | 6,03      | 37,21                | 6,02      | 18,66                  | 6,01      |
| 52,46                | 4,01      | 28,35                | 4,02      | 14,29                  | 4,08      |
| 35,01                | 2,00      | 16,84                | 2,00      | 8,15                   | 2,02      |
| 21,34                | 0,60      | 6,94                 | 0,52      | 2,89                   | 0,50      |
| -112,89              | -25,07    | -61,37               | -25,08    | -30,51                 | -25,09    |
| -109,71              | -22,06    | -59,59               | -22,03    | -29,72                 | -22,08    |
| -106,63              | -19,09    | -57,90               | -19,02    | -28,95                 | -19,05    |
| -102,97              | -16,05    | -56,18               | -16,06    | -28,18                 | -16,07    |
| -97,32               | -13,03    | -53,89               | -13,06    | -27,24                 | -13,03    |
| -88,25               | -10,09    | -49,61               | -10,06    | -25,28                 | -10,02    |
| -78,31               | -8,01     | -44,31               | -8,01     | -22,82                 | -8,09     |
| -65,15               | -6,01     | -36,86               | -6,05     | -18,87                 | -6,04     |
| -49,12               | -4,09     | -26,54               | -4,02     | -13,46                 | -4,00     |
| -29,73               | -2,06     | -13,97               | -2,02     | -6,96                  | -2,03     |
| -13,72               | -0,53     | -3,46                | -0,51     | -1,25                  | -0,47     |

**Таблица 2.** Вольт-амперная характеристика двойного зонда  $I_2 = f(U_2)$  при фиксированном  $I_p$ 

Определим по графику ток насыщения  $I_{ih}$  и температуру электронов при определенном токе разряда  $I_p$ . По формуле Бома (20) вычислим концентрацию электронов  $n_e$ , полагая, что она равна концентрации ионов  $n_i$ .

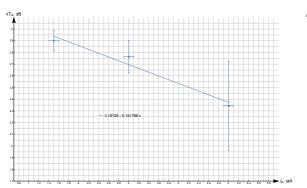


**Рис. 8.** Вольт-амперная характеристика двойного зонда  $I_2=f(U_2)$  при фиксированном  $I_p$ 

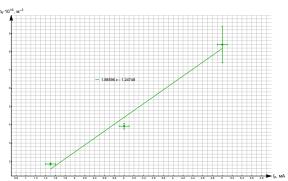
| $I_p$ , мА | $I_{i{\scriptscriptstyle { m H}}},$ мк ${ m A}$ | $kT_e$ , эВ     | $n_e, 10^{16} \text{M}^{-3}$ |
|------------|---|-----------------|------------------------------|
| 5          | $79,7 \pm 1,7$                                  | $2, 3 \pm 0, 4$ | $8,39 \pm 0,9$               |
| 3          | $40,5 \pm 0,9$                                  | $2,76 \pm 0,14$ | $3,92 \pm 0,15$              |
| 1,5        | $19,6 \pm 0,3$                                  | $2,91 \pm 0,08$ | $1,85 \pm 0,06$              |

**Таблица 3.** Ток насыщения  $I_{i\mathrm{H}}$ , энергия (температура) электронов  $kT_e$  и их концентрация  $n_e$  при заданном токе разряда  $I_p$ 

Построим графики  $T_e = f(I_p), n_e = f(I_p)$ 



**Рис. 9.** График зависимости энергии электронов  $I_e$  от тока разряда  $I_p$ 



**Рис. 10.** График зависимости концентрации электронов  $n_e$  от тока разряда  $I_p$ 

Рассчитаем плазменную частоту колебаний электронов по формуле (12), также вычислим дебаевский радиус  $r_D$ , используя формулу (14) и условие  $T_e \ll T_i$ ,  $T_i \approx 300$  К. Убедимся, что среднее число ионов в дебаевской сфере  $N_D \gg 1$  по формуле (8). Оценим степень ионизации плазмы, если давление в трубке  $P \approx 1$  мбар, а температура равна комнатной

$$\alpha = \frac{n_i}{n}$$

где n — общее число частиц в единице объема (P = nkT). При нормальных условиях  $n = N_{\pi}$  — число Лошмидта.

| $I_p$ , мА | $\omega_p,~10^{10} \mathrm{pag/c}$ | $r_D, 10^{-3}$ cm | $N_D, 10^3$ | $\alpha, 10^{-4}$ |
|------------|------------------------------------|-------------------|-------------|-------------------|
| 5          | $1,62 \pm 0,13$                    | $3,9 \pm 0,6$     | $21 \pm 6$  | $3,2 \pm 0,6$     |
| 3          | $1,11 \pm 0,03$                    | $6, 2 \pm 0, 3$   | $40 \pm 3$  | $1,74 \pm 0,11$   |
| 1,5        | $0,76 \pm 0,02$                    | $9,3 \pm 0,3$     | $62 \pm 4$  | $0,86 \pm 0,04$   |

**Таблица 4.** Ленгмюровская частота  $\omega_p$ , дебаевский радиус  $r_D$ , среднее число ионов в дебаевской сфере  $N_D$ , степень ионизации  $\alpha$  при заданном токе разряда  $I_p$ 

## 5 Обсуждение результатов и выводы

Результаты расчетов сведем в таблицу:

| $I_p$ , MA    | $I_{i{\scriptscriptstyle { m H}}},$ мк ${ m A}$ | $kT_e$ , эВ     | $n_e, 10^{16} \text{M}^{-3}$ | $\omega_p,~10^{10} \mathrm{pag/c}$ |
|---------------|---|-----------------|------------------------------|------------------------------------|
| $5,0 \pm 0,1$ | $79, 7 \pm 1, 7$                                | $2,3 \pm 0,4$   | $8,39 \pm 0,9$               | $1,62 \pm 0,13$                    |
| $3,0 \pm 0,1$ | $40,5 \pm 0,9$                                  | $2,76 \pm 0,14$ | $3,92 \pm 0,15$              | $1,11 \pm 0,03$                    |
| $1,5 \pm 0,1$ | $19,6 \pm 0,3$                                  | $2,91 \pm 0,08$ | $1,85 \pm 0,06$              | $0,76 \pm 0,02$                    |
| $I_p$ , мА    | $r_D, 10^{-3}$ cm                               | $N_D, 10^3$     | $\alpha, 10^{-4}$            |                                    |
| $5,0 \pm 0,1$ | $3,9 \pm 0,6$                                   | $21 \pm 6$      | $3,2 \pm 0,6$                |                                    |
| $3,0 \pm 0,1$ | $6, 2 \pm 0, 3$                                 | $40 \pm 3$      | $1,74 \pm 0,11$              |                                    |
| $1,5 \pm 0,1$ | $9, 3 \pm 0, 3$                                 | $62 \pm 4$      | $0,86 \pm 0,04$              |                                    |

**Таблица 5.** Ток насыщения  $I_{i\mathrm{H}}$ , энергия (температура) электронов  $kT_e$ , концентрация  $n_e$ , ленгмюровская частота  $\omega_p$ , дебаевский радиус  $r_D$ , среднее число ионов в дебаевской сфере  $N_D$ , степень ионизации  $\alpha$  при заданном токе разряда  $I_p$