

*Федеральное государственное автономное образовательное
учреждение высшего образования*
**«Московский физико-технический институт
(национальный исследовательский университет)»**

Лабораторная работа № 3.2.2

по курсу общей физики
на тему:
«Резонанс напряжений»

*Работу выполнил:
Баринов Леонид
(группа Б02-827)*

Долгопрудный
2019

1 Аннотация

В работе будет наблюдаться резонанс напряжений в последовательной цепи переменного тока.

2 Теоретические сведения

Рассмотрим электрическую цепь, состоящую из резистора R и катушки индуктивности L с импедансом $Z_L = r_L + i\Omega L$, последовательно подключённых к внешнему источнику, ЭДС которого меняется по синусоидальному закону с частотой Ω (рис. 1).

Обозначим через U_R напряжение на резисторе, через U_L — напряжение на катушке и через U_{R+L} — суммарное напряжение на катушке и на резисторе. Для этих напряжений справедливы комплексные соотношения:

$$\begin{aligned}\hat{U}_R &= \hat{I}R, & \hat{U}_L &= \hat{I}(r_L + i\Omega L) \\ \hat{U}_{R+L} &= \hat{I}(R + r_L + i\Omega L).\end{aligned}\quad (1)$$

Здесь r_L — активное сопротивление катушки, которое характеризует суммарные потери энергии в катушке, в том числе потери в её ферромагнитном сердечнике.

Переходя к модулям и фазам токов и напряжений, найдём из (1):

$$U_R = I \cdot R, \quad \operatorname{tg} \psi_1 = 0; \quad (2)$$

$$U_L = I \cdot \sqrt{r_L^2 + (\Omega L)^2}, \quad \operatorname{tg} \psi_2 = \frac{\Omega L}{r_L}; \quad (3)$$

$$U_{R+L} = I \sqrt{(R + r_L)^2 + (\Omega L)^2}, \quad \operatorname{tg} \psi_3 = \frac{\Omega L}{R + r_L}. \quad (4)$$

В этих формулах U и I обозначают эффективные значения напряжений и токов (показания приборов).

Измеряя с помощью трёх вольтметров значения U_R , U_L и U_{R+L} . И зная сопротивление резистора R , нетрудно вычислить, пользуясь формулами (2), (3) и (4), силу тока в цепи, активное сопротивление катушки r_L , её индуктивность L , мощность P_L , выделяемую на катушке, и сдвиг фаз между током и напряжением на катушке.

Рассчитаем мощность переменного тока, выделяемую в катушке. Мгновенное значение мощности равно

$$P = U(t) \cdot I(t).$$

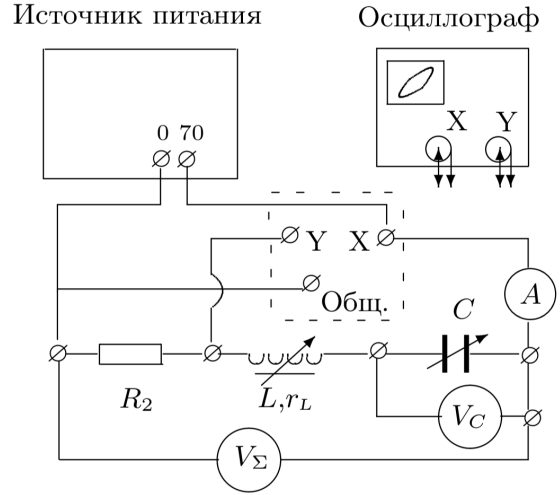


Рис. 1. Схема установки для изучения закона Ома в цепи переменного тока

Средняя мощность за период T определяется формулой

$$\bar{P} = \frac{1}{T} \int_0^T U(t) \cdot I(t) dt$$

Полагая $I(t) = I\sqrt{2} \cos \Omega t$, $U(t) = U\sqrt{2} \cos(\Omega t + \psi)$, получим после интегрирования:

$$\bar{P}_L = U_L \cdot I \cos \psi = I^2 \cdot r_L \quad (5)$$

Средняя мощность, выделяющаяся в катушке самоиндукции, определяется, таким образом, действительной частью её импеданса.

Активное сопротивление катушки r_L можно определить, если включить её в последовательный колебательный контур с известными параметрами — сопротивлением R и ёмкостью C (рис. 2). В контуре, настроенном в резонанс на частоту Ω внешнего источника (собственная частота контура и внешняя совпадают: $\omega = \Omega$), реактивные сопротивления индуктивности и ёмкости одинаковы:

$$\omega_0 L = \frac{1}{\omega_0 C}. \quad (6)$$

Определив каким-либо экспериментальным способом добротность Q этого контура, можно рассчитать полное сопротивление контура R_Σ в резонансе, поскольку

$$Q = \frac{\omega_0 L}{R_\Sigma} = \frac{1}{\omega_0 C R_\Sigma} \quad (7)$$

Резонансное сопротивление контура R_Σ включает в себя известное сопротивление резистора R и активное сопротивление катушки r_L :

$$R_\Sigma = R + r_L. \quad (8)$$

3 Оборудование

В работе используются: регулировочный автотрансформатор, катушка индуктивности с выдвижным сердечником, магазин ёмкостей, резисторы, амперметр, три вольтметра, ваттметр, осциллограф, универсальный мост.

Экспериментальная установка

Схема установки для исследования закона Ома в цепи переменного тока представлена на рис. 1. Цепь, состоящая из резистора $R_1 \simeq 100$ Ом и катушки L с выдвижным сердечником, подключена к автотрансформатору, выходное напряжение которого можно менять от 0 до 127 В. Напряжения на каждом из элементов и суммарное напряжение цепи измеряются тремя вольтметрами: V_R , V_L и V_{R+L} . Амперметр A измеряет ток в цепи, а ваттметр P — мощность, выделяющуюся на катушке.

Ваттметр электродинамической системы состоит из двух катушек, одна из которых вращается в магнитном поле другой, если через них течёт ток. Токовая катушка ваттметра II^* включается последовательно в исследуемую цепь, а катушка напряжений (потенциальная) VV^* — параллельно к элементу, в котором измеряется выделяемая мощность.

Предел измерений устанавливается при помощи переключателей или штепселей, которые вставляются в соответствующие гнёзда: произведение цифр против штепселя токовой катушки II^* и против переключателя катушки напряжений VV^* определяет мощность, соответствующую отклонению стрелки на всю шкалу. Отсчёт мощности ведётся по любой из шкал, обозначенных буквой P .

Схема установки для изучения резонанса напряжений изображена на рис. 2. Последовательно соединены резистор $R_2 \approx 5$ Ом, катушка L и магазин емкостей C . Амперметр A измеряет ток в цепи, вольтметр V_c — напряжение на ёмкости, вольтметр V_Σ — суммарное напряжение на контуре. Резонанс можно зафиксировать с помощью осциллографа, если подать на вход X напряжение с контура, а на вход Y — напряжение с резистора R_2 , пропорциональное току в цепи. В общем случае на экране виден эллипс. При резонансе эллипс вырождается в прямую линию.

Резонансные напряжения на контуре $U_{\Sigma, \text{рез}}$, и на ёмкости $U_{c, \text{рез}}$, рез равны соответственно

$$U_{\Sigma, \text{рез}} = I_{\text{рез}} = \frac{I_{\text{рез}}}{\Omega C}. \quad (9)$$

Сравнивая (7) и (9), получим

$$Q = \frac{U_{c, \text{рез}}}{U_{\Sigma, \text{рез}}} \quad (10)$$

Формула (10) показывает, что добротность контура может быть найдена по измеренным значениям напряжений на контуре и на конденсаторе при резонансе. Зная добротность контура и ёмкость C , можно рассчитать R_Σ по формуле (7), а затем определить r_L .

4 Результаты измерений и обработка результатов

Снимем зависимости тока I , напряжений U_R , U_L , U_{R+L} и мощности P_L от координаты сердечника x . Вычислим активное сопротивление катушки r_L по формуле (5), а затем определим L , исходя из формулы (3)

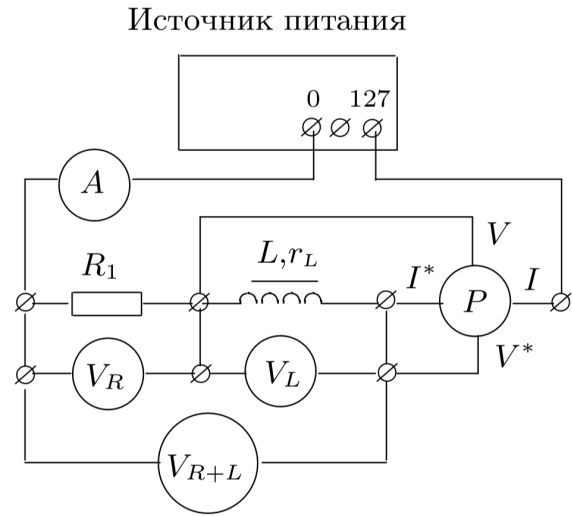


Рис. 2. Схема установки для наблюдения резонанса напряжений.

Сопротивление реостата:

$$R_1 = 98 \pm 2 \text{ Ом}$$

$I, \text{ А}$	$U_R, \text{ В}$	$U_L, \text{ В}$	$U_{R+L}, \text{ В}$	$P_L, \text{ Вт}$	$x, \text{ мм}$	$r_L, \text{ Ом}$	$L, \text{ мГн}$
0,50	43	102	113	14,50	5	58,00	622,87
0,55	49	98	103	14,00	7	46,28	547,98
0,63	54	94	111	13,25	9	33,92	466,64
0,65	59	91	111	13,00	11	30,77	434,96
0,70	62	88	110	12,50	13	25,51	392,03
0,73	65	85	109	12,00	15	22,83	366,23
0,75	67	82	108	11,75	17	20,89	341,78
0,78	69	80	107	11,50	19	19,15	323,04
0,80	71	78	107	11,25	21	17,58	305,42
0,80	73	76	107	11,00	23	17,19	297,56
0,83	74	74	106	10,75	25	15,79	281,20
0,85	74	71	105	10,50	27	14,53	261,96
0,85	75	70	105	10,25	29	14,19	258,35
0,88	76	69	104	10,25	31	13,39	247,49
0,88	77	67	104	10,00	33	13,06	240,28
0,88	78	66	104	10,00	35	13,06	236,59
0,90	79	65	104	10,00	37	12,35	226,62
0,90	79	64	103	10,00	39	12,35	223,03
0,90	80	63	103	10,00	40	12,35	219,44

Таблица 1. Зависимость тока I , активного сопротивления катушки r_L , индуктивности катушки L , напряжений U_R , U_L , U_{R+L} и мощности P_L от координаты сердечника x

Построим графики зависимостей L и r_L от положения сердечника и определим по ним значения L и r_L , соответствующие среднему (резонансному) положению сердечника.

$$r_L = 18 \pm 1 \text{ Ом}$$

$$L = 310 \pm 30 \text{ мГн}$$

