#### Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

## «Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)»

#### Лабораторная работа № 4.7.3

по курсу общей физики на тему: «Поляризация»

> Работу выполнил: Баринов Леонид (группа Б02-827)

#### 1 Аннотация

В работе будут исследованы методы получения анализа поляризованного света.

## 2 Теоретические сведения

#### Получение эллиптически поляризованного света

Эллиптически поляризованной свет можно получить из линейно поляризованного с помощью двоякопреломляющих кристаллических пластинок.

Двоякопреломляющая пластинка имеет два взаимно перпендикулярных главных направления, совпадающих с осями эллипсоида диэлектрической проницаемости. Волны, поляризованные вдоль главных направлений, распространяются в пластинке с разными скоростями, не изменяя характера своей поляризации. Эти волны называются главными. Мы будем обозначать показатели преломления для главных волн через  $n_x$  и  $n_y$ , где x и y — главные направления кристаллической пластинки  $puc.\ 1$ .

Пусть на пластинку падает линейно поляризованная волна, электрический вектор которой ориентирован под некоторым углом  $\alpha$  к оси x. Разложим вектор  $\overrightarrow{E}$  на составляющие  $E_x$  и  $E_y$ . На входе пластинки  $E_x$  и  $E_y$  находятся в фазе. На выходе из-за разности скоростей между ними появляется разность хода  $d(n_x-n_y)$ , при этом сдвиг фаз определяется соотношением:

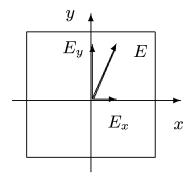
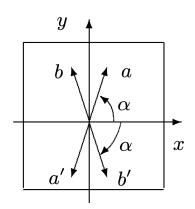


Рис. 1. Разложение линейно поляризованного света по главным направлениям двоякопреломляющей пластинки

$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{m} = kd(n_x - n_y) \tag{1}$$

где k — волновое число (в пустоте), d — толщина кристаллической пластинки. Рассмотрим практически важные частные случаи



**Рис. 2.** Поворот направления колебаний с помощью пластинки в  $\lambda/2$ 

Пластинка дает сдвиг фаз  $2\pi$  (пластинка в длину волны  $\lambda$ ). В результате сложения волн на выходе пластинки образуется линейно поляризованная волна с тем же направлением колебаний, что и в падающей волне.

Пластинка дает сдвиг фаз  $\pi$  (пластинка в полдлины волны  $\lambda/2$ ). На выходе пластинки снова образуется линейно поляризованная волна. Направление bb' колебаний этой волны повернуто относительно направления aa' колебаний падающей волны ( $puc.\ 2$ ). Направление bb' является зеркальным отображением направления aa' относительно одного из главных направлений пластинки. Такую пластинку используют для поворота направления колебаний линейно поляризованного света.

Пластинка создает между колебаниями сдвиг фаз  $\pi/2$  (пластинка в четверть длины волны). При сложении двух взаимно перпендикулярных колебаний, имеющих разность фаз  $\pi/2$ , образуется эллипс, главные оси которого совпадают с координатными осями x и y. При равенстве амплитуд  $E_x^{\max} = E_y^{\max}$  возникает круговая поляризация.

#### Пластинка чувствительного оттенка

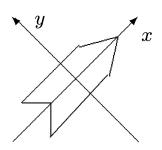


Рис. 3. Пластинка чувствительного оттенка

Пластинка имеет форму стрелы (*puc. 3*), вдоль оси которой расположено главное направление, соответствующее большей скорости распространения.

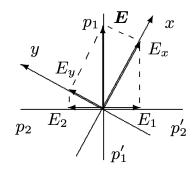
Если между скрещенными поляроидами поместить пластинку чувствительного оттенка ( $\lambda$ ) и пластинку  $\lambda/4$  так, чтобы их главные направления совпадали, цвет пластинки изменится. Если у пластинки чувствительного оттенка и пластинки в  $\lambda/4$  совпадут главные направления, соответствующие большей скорости распространения, то разность хода между  $E_x$  и  $E_y$  для зеленого света составит уже  $5\lambda/4$ . Это соответствует разности хода в  $\lambda$  для света с большей длиной волны. При освещении этих пластинок белым светом теперь погасится не зеленая, а красная часть спектра, и

проходящий свет будет казаться зеленовато-голубым. Если же главные направления, соответствующие большей скорости распространения, у пластинки чувствительного оттенка и у пластинки в  $\lambda/4$  окажутся перпендикулярными, то проходящий свет приобретет оранжево-желтую окраску.

### Интерференция поляризованных лучей

На puc. 4 представлена схема для случая скрещенных поляроидов.

Здесь  $p_1p_1'$  — разрешенное направление колебаний поляризатора (первого поляроида); x,y — координатная система, связанная с главными направлениями двоякопреломляющей пластинки;  $p_2p_2'$  — разрешенное направление колебаний анализатора (второго поляроида). Волны  $E_x$  и  $E_y$  на выходе из пластинки когерентны, но не могут интерферировать, так как  $\overrightarrow{E}_x \perp \overrightarrow{E}_y$ . Волны  $E_1$  и  $E_2$  на выходе второго поляроида также являются когерентными и к тому же поляризованы в одной плоскости. Эти волны интерферируют между собой. Результат интерференции определяется зависящим от длины волны сдвигом фаз между  $E_1$  и  $E_2$ . В результате интер



**Рис. 4.** К объяснению интерференции поляризованных лучей

ференции поляризованных лучей пластинка, освещаемая белым светом, кажется окрашенной.

Если поворачивать двоякопреломляющую пластинку, расположенную между скрещенными поляроидами, то соотношение амплитуд волн  $E_1$  и  $E_2$  и разность

фаз между ними не изменяются. Это означает, что цвет пластинки при ее поворотах не меняется, а меняется только интенсивность света. За один оборот пластинки интенсивность четыре раза обращается в нуль — это происходит при совпадении главных направлений x и y с разрешенными направлениями колебаний поляроидов.

Ели же двоякопреломляющую пластинку оставить неподвижной, а второй поляроид повернуть так, чтобы разрешенные направления  $p_1p_1'$  и  $p_2p_2'$  совпали, то волны  $E_1$  и  $E_2$  приобретают дополнительный фазовый сдвиг на  $\pi$  для всех спектральных компонент; при этом их амплитуды изменятся так, что цвет пластинки изменится на дополнительный.

## 3 Оборудование

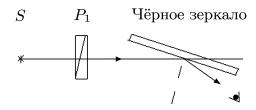
В работе используются: оптическая скамья с осветителем, зеленый светофильтр; два поляроида; черное зеркало; полированная эбонитовая пластинка; стопа стеклянный пластинок; слюдяные пластинки разной толщины; пластинки 1/4 и 1/2 длины волны; пластинка в одну длину волны для зеленого света (пластинка чувствительного оттенка).

## 4 Результаты измерений и обработка результатов

#### Показатель преломления эбонита

Определим разрешенные направления поляроидов. Для этого разместим на оптической скамье осветитель S, поляроид  $P_1$  и черное зеркало (рис. 5). Поворачивая поляроид вокруг направления луча, а черное зеркало вокруг вертикальной оси, методом последовательных приближений добьемся наименьшей яркости отраженного пятна.

Определим показатель преломления эбони-



**Рис. 5.** Определение разрешенного направления поляроида

та. Для этого поставим на скамью вместо черного зеркала эбонитовую пластину и определим по лимбу угол Брюстера для эбонита:

$$\theta = (53 \pm 2)^{\circ}$$

Рассчитаем показатель преломления по формуле  $n = \operatorname{tg} \theta$ :

$$n = 1.33 \pm 0.10$$

Табличное значение показателя преломления эбонита:

$$n^{\text{\tiny T}} = 1.6 - 1.7$$

# Характер поляризации света в преломленном и отраженном от стопы лучах

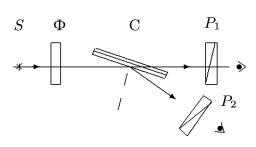


Рис. 6. Исследование стопы

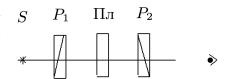
Поставим вместо эбонитового зеркала (puc. 5) стопу стеклянных пластинок под углом Брюстера.

Осветим стопу неполяризованным светом и, рассматривая через поляроиды  $(puc.\ 6)$  отраженный от стопы и преломленные лучи, определим в них ориентацию  $\overrightarrow{E}$ 

Получаем, что он отклоняется от направления распространения света на угол  $\pi/2$ .

#### Двоякопреломляющие пластины

Поставим кристаллическую пластинку между скрещенными поляроидами (рис. 7). Вращая пластинку вокруг направления луча и наблюдая за интенсивностью света, проходящего сквозь второй поляроид, определим, при каком условии главные направления пластинки совпадают с разрешенными направлениями поляроидов.



**Рис. 7.** Определение главных направлений в пластинках

Собственные направления выделены тем, что световые волны, линейно поляризованные в этих направлениях, распространяются в кристалле, сохраняя свое состояние поляризации. То есть вращением пластинки мы ищем два положения, где в скрещенных поляроидах происходит полное затемнение. Это означает, что линейно поляризованная волна (после прохождения поляроида  $P_1$ ) никак не изменяет своей поляризации, соответственно такая волна не пройдет через поляроид  $P_2$ , а направлении главной оси совпадает с ориентацией поляроида  $P_1$ .

Повторим опыт для второй пластинки.

## Пластинки $\lambda/2$ , $\lambda/4$

Добавим к схеме, изображенной на puc. 7, зеленый фильтр. Установим разрешенное направление первого поляроида горизонтально, а главные направления исследуемой пластинки — под углом  $45^{\circ}$  к горизонтали.

С помощью второго поляроида установим, какую поляризацию имеет свет, прошедший пластинку: круговую или линейную с переходом в другой квадрант.

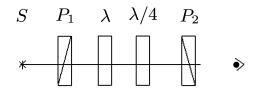
Если при всех положениях второго поляроида  $P_2$  мы не наблюдаем полного затемнения, то в оптической схеме находится пластинка  $\lambda/4$ , так как она создает круговую поляризацию. Если же при определённом положении второго поляроида  $P_2$ , свет не проходит через поляроид, то перед нами пластинка  $\lambda/2$ , которая просто поворачивает линейную поляризацию на  $90^{\circ}$ .

## Определение направлений большей и меньшей скорости в пластинке

Поставим между скрещенными поляроидами пластинку чувствительного оттенка ( $\lambda$  для зеленого света), имеющую вид стрелки. Световой вектор, ориентированный вдоль направления стрелки, проходит с большей скоростью, перпендикулярный с меньшей.

Установим разрешенное направление первого поляроида горизонтально и убедимся с помощью второго поляроида, что эта пластинка не меняет поляризацию зеленого света в условиях предыдущего опыта. Это связано с тем, что пластинка толщиной  $\lambda$  создает разность фаз между волнами  $\Delta \varphi = 2\pi$ , то есть поляризация не изменяется.

Уберем зеленый фильтр и поставим между скрещенными поляроидами пластинку  $\lambda$  (стрелка под углом 45° к разрешенным направлениям поляроидов). Глядя сквозь второй поляроид на стрелку, убеждаемся, что она имеет пурпурный цвет (зеленый свет задерживается вторым поляроидом, а красная и синяя компоненты проходят).



**Рис. 8.** Определение направлений большей и меньшей скорости

Добавим к схеме пластинку  $\lambda/4$  (рис. 8), главные направления которой совпадают с главными направлениями пластины  $\lambda$  и ориентированы под углом  $45^{\circ}$  к разрешенным направлениям скрещенных поляроидов.

При повороте рейтера со стрелкой на  $180^{\circ}$  вокруг вертикальной оси цвет стрелки меняется от зелено-голубого до оранжево-желтого.

Это соответствует разности хода в  $\lambda$  для света с большей длиной волны. При освещении этих пластинок белым светом теперь погасится не зеленая, а красная часть спектра, и проходящий свет будет казаться зеленовато-голубым. Если же главные направления, соответствующие большей скорости распространения, у пластинки чувствительного оттенка и у пластинки в  $\lambda/4$  окажутся перпендикулярными, то проходящий свет приобретет оранжево-желтую окраску. Следовательно, в первом случае у нас «быстрая» ось (они совпадают), во втором —медленная.

### Интерференция поляризованных лучей

Расположим между скрещенными поляроидами мозаичную слюдяную пластинку. Она собрана из 4-х узких полосок слюды, лежащих по сторонам квадрата (две полоски толщиной  $\lambda/4$  и по одной —  $\lambda/2$  и  $3\lambda/4$ ). В центральном квадрате слюды нет. Главные направления всех пластинок ориентированы параллельно сторонам квадрата.

Итого получаются квадратики с толщиной:  $0, \frac{\lambda}{4}, \frac{\lambda}{2}, \frac{3\lambda}{4}, \lambda$ .

а) При вращении пластинки цвет квадратиков не изменяется, так как амплитуды и разности фаз не изменяются. Меняется только интенсивность квадратиков.

Когда главное направление пластин совпадает с направлением поляризации задаваемым поляроидом  $P_1$ , все квадратики становятся темными (за один оборот это случается 4 раза), то есть интенсивность минимальна, так как при этом ни одна пластинка не меняет поляризацию света.

б) При повороте на  $45^{\circ}$  цвета исчезают. Это связано с тем что угол поворота главных направлений пластинок совпадает с углом поворота поляроида  $P_2$ . Поворачивая поляроид  $P_2$  на  $90^{\circ}$  окраска пластинки меняется на дополнительную (красный на голубой, зеленый на фиолетовый, синий на желтый и т.д.)



**Рис. 9.** Поляроиды скрещены, пластинка находится под углом  $45^{\circ}$ 



**Рис. 10.** Второй поляроид  $P_2$  как и пластинка наклонены под углом  $45^{\circ}$  относительно первого поляроида  $P_1$ 

## 5 Обсуждение результатов и выводы

В работе был измерен угол Брюстера для эбонита:

$$\theta = (53 \pm 2)^{\circ}$$

По значению угла Брюстера был рассчитан показатель преломления эбонита.

$$n = 1.33 \pm 0.10$$

Табличное значение:

$$n_{\rm T} = 1.6 - 1.7$$

Измеренное значение отличается от табличного. Несовпадение связано с тем, что наблюдения проводились с помощью глаза, положение которого мы не можем зафиксировать, соответственно не соблюдаем схему опыта на *puc.* 5

В работе был исследован метод разделения монохроматического света на s и p-поляризованный. Стопа стеклянных пластинок (puc. 6) выделяет s-компоненту, что видно по второму поляроиду  $P_2$ , и пропускает p-компоненту, что видно по первому поляроиду  $P_1$ . Угол между поляроидами равен  $\pi/2$ .

Были рассмотрены двоякопреломляющие пластинки, позволяющие изменять поляризацию света. С помощью скрещенных поляроидов можно определить тип

поляризации после прохождения пластинки, а также главные направления пластин. Пластинка  $\lambda/4$  преобразует линейную поляризацию в круговую, а  $\lambda/2$  поворачивает линейную поляризацию на  $\pi/2$ .

При исследовании естественного света с помощью пластинки чувствительного оттенка были определены быстрая и медленная оси пластинки.

При использовании пластинок разной длины волны в скрещенных поляроидах можно наблюдать явление интерференции, которое проявляется в окраске изначально прозрачных пластин.