Контрольні задачі до захисту практик 1 - 3 "Графові ймовірнісні моделі"

1 На літній екскурсії, учасникам було запропоновано підрахувати число пелюсток у відібраних випадковим способом 100 квітках цикорію. Результати підрахунків опинилися наступні:

| 20 | 21 | 19 | 17 | 22 | 18 | 19 | 18 | 15 | 20 | 18 | 19 | 18 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 19 | 20 | 17 | 19 | 18 | 20 | 19 | 14 | 17 | 19 | 21 | 20 | 19 |
| 20 | 18 | 17 | 20 | 21 | 16 | 19 | 16 | 19 | 17 | 20 | 20 | 24 |
| 19 | 18 | 20 | 19 | 17 | 20 | 19 | 21 | 20 | 18 | 20 | 19 | 19 |
| 20 | 18 | 20 | 19 | 20 | 18 | 18 | 19 | 18 | 19 | 21 | 17 | 20 |
| 16 | 19 | 16 | 20 | 19 | 16 | 20 | 16 | 15 | 18 | 19 | 20 | 19 |
| 18 | 16 | 18 | 16 | 20 | 16 | 21 | 17 | 19 | 20 | 19 | 21 | 20 |
| 16 | 17 | 21 | 17 | 16 | 21 | 18 | 21 | 19 | | | | |

Розподіліть ці дані у варіаційний ряд, зобразіть його у вигляді варіаційної кривої і обчисліть характеристики: середню арифметичну, середнє квадратичне відхилення і коефіцієнт варіації.

2 У відібраних випадковим способом 50 колосах дворядного ячменю були підраховані зерна, що містяться в кожному колосі. Результати опинилися наступні:

| 21 | 17 | 27 | 20 | 22 | 12 | 24 | 13 | 20 | 19 | 22 | 16 | 22 |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 9 | 21 | 16 | 23 | 16 | 21 | 24 | 18 | 11 | 22 | 15 | 23 | 21 |
| 10 | 15 | 18 | 15 | 21 | 14 | 15 | 18 | 22 | 15 | 17 | 19 | 17 |
| 18 | 17 | 24 | 18 | 19 | 16 | 17 | 15 | 17 | 25 | 16 | | |

Розподіліть ці дані у варіаційний ряд, побудуйте його лінійний графік і визначте середню арифметичну, медіану, моду, середнє квадратичне відхилення і коефіцієнт варіації.

3 Зважування одновікової групи кроликів (кг) виразилося у вигляді наступних показників:

| 3,0 | 2,7 | 2,1 | 1,6 | 1,2 | 1,6 | 2,2 | 2,1 | 2,3 | 1,5 | 1,3 |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 2,2 | 2,5 | 2,4 | 1,9 | 2,3 | 2,1 | 1,0 | 1,8 | 1,9 | 1,8 | 3,2 |
| 2,1 | 2,9 | 3,0 | 1,3 | 1,9 | 2,6 | 2,5 | 1,9 | 2,7 | 2,4 | 2,0 |
| 1,1 | 2,6 | | | | | | | | | |

Розподіліть ці дані у варіаційний ряд і обчисліть його характеристики: середню арифметичну, медіану, моду, середнє квадратичне відхилення і коефіцієнт варіації.

4 При визначенні вмісту жиру в молоці корів були отримані наступні дані (%):

| 4,01 | 4,30 | 3,62 | 4,00 | 4,36 | 3,74 | 4,20 | 4,50 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 3,72 | 4,02 | 4,25 | 4,28 | 3,90 | 4,14 | 4,01 | 3,30 |
| 3,61 | 4,11 | 3,86 | 3,64 | 3,72 | 4,26 | 3,81 | 4,00 |
| 3,81 | 4,00 | 3,75 | 3,29 | 3,83 | 4,16 | 3,89 | 3,93 |
| 3,83 | 4,15 | 3,85 | 4,14 | 3,89 | 3,96 | 4,00 | 4,08 |
| 4,12 | 3,88 | 3,61 | 3,70 | 4,10 | 3,18 | 3,22 | 3,58 |
| 3,16 | 3,92 | 4,05 | 3,11 | 3,86 | 3,29 | 3,89 | 4,09 |
| 4,11 | 4,03 | 3,27 | 3,48 | 3,78 | 4,18 | 4,24 | 3,19 |
| 4,04 | 3,77 | 3,10 | 4,05 | 3,94 | 3,46 | 4,02 | 3,48 |

Розподіліть їх у варіаційний ряд і обчисліть його характеристики: середню арифметичну, середнє квадратичне відхилення і коефіцієнт варіації.

5 Удої за лактацію 80 корів по третьому і четвертому отеленнях (кг) варіюють таким чином:

| | | | | | | | | | | |
|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|--|
| 3000 | 3778 | 3900 | 4606 | 4252 | 4560 | 2450 | 1524 | 4903 | 3412 | |
| 4300 | 3768 | 4000 | 5000 | 3500 | 4000 | 3892 | 3410 | 5500 | 3608 | |

| 3948 | 4451 | 3810 | 5230 | 5600 | 2510 | 5632 | 3894 | 3420 | 1940 |
|------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|
| 3348 | 5100 | 2348 | 5732 | 2000 | 4680 | 4305 | 3680 | 3018 | 4400 |
| 3706 | 2250 | 5240 | 4116 | 4000 | 5348 | 4550 | 5440 | 3240 | 3510 |
| 3100 | 2810 | 2680 | 3690 | 2352 | 4230 | 5800 | 5400 | 3848 | 5010 |
| 2020 | 2680 | 3860 | 5236 | 4680 | 3000 | 4100 | 1970 | 2910 | 4680 |
| 4100 | 5000 | 4300 | 4400 | 2510 | 3415 | 2750 | 3690 | 3485 | 2430 |

Розподіліть ці дані у варіаційний ряд і обчисліть його характеристики: середню арифметичну, середнє квадратичне відхилення і коефіцієнт варіації.

6 19 колоній мікроорганізмів розподілилися за величиною їх діаметру (мм) таким чином:

Діаметр колоній (
$$x_{i}$$
).......10 15 20 25 30

Визначте середній діаметр колоній і показники варіації.

7 Діаметр тазу у самок макак резус (мм) змінюється з віком таким чином:

Вік в місяцях (
$$x_i$$
)..6 12 18 24

Знайдіть середню геометричну з абсолютних і відносних піврічних надбавок величини діаметру тазу у тварин цього вигляду.

- 8 В потомстві від схрещування шести пар золотистих хом'ячків отримано 39 золотистих і 14 білих особин. Визначте частку тих і інших та розрахуйте середнє квадратичне відхилення із абсолютних і відносних частот отриманих в потомстві особин.
- 9 У відібраних випадковим способом 100 колосках озимої пшениці підраховувалася кількість колосків. Вибіркова сукупність характеризувалася такими показниками: $\bar{x} = 14,67$ колосків і $s_x = 2,28$.

Визначте, з якою точністю отримано середній результат (\bar{x}) , і побудуйте довірчий інтервал для генеральної середньої (M), виходячи з t = 1,96 і t = 2,58.

10 Річний удій і жирномолочність 206 корів розподілилися наступним чином:

| Удій (<i>x</i> ₁) 850 |)- 1050- | 1250- | 1450 | - 1650- | 1850 | - 2050- | 2250 |
|---|----------|-------|------|---------|------|---------|------|
| % Жиру в молоці (<i>x</i> ₂) | 4.0 | 3.8 | 3.4 | 3.6 | 3.7 | 3.2 | 3.1 |
| Частоти (p_i) | 6 | 13 | 89 | 70 | 15 | 9 | 4 |

Визначте, який з цих ознак більш мінливий і з якою точністю визначаються середні арифметичні цих ознак.

11 При проведенні обстеження стану гланд у 265 учнів 131 людина, або 49,4%, виявилися хворими.

Обчислите помилку процентної частоти хворих і встановите границі довірчого інтервалу для цієї групи дітей.

12 При вимірюванні артеріального тиску у 22 дорослих чоловіків і такої ж кількості жінок результати вийшли наступні:

| Пол | Артеріальний тиск | , мм ртутного стовпа |
|----------|---|--|
| | систола $\overline{x} \pm s_{\overline{x}}$ | діастола $\overline{x} \pm s_{\overline{x}}$ |
| Чоловіки | 121.82±3.74 | 77.73±2.20 |
| Жінки | 112.50±2.43 | 70.45±1.92 |

Перевірте, чи достовірна різниця між групою чоловіків і групою жінок за цими показниками.

13 В результаті випробування племінних якостей бика були отримані наступні дані:

Який висновок можна зробити на підставі цих даних?

14 Спроба змінити спадкові властивості озимої пшениці Мільтурум 123 шляхом

направленого виховання привела до наступного результату (по Богомягкову 1962):

| | | • | Середній | | | | | | |
|----------------|------|------|----------|------|------|-----------|------|--------|--|
| Сорт | 1952 | 1953 | 1954 | 1955 | 1956 | 1957 1958 | | урожай | |
| Лютесценс-329 | 7,8 | 1,4 | 28,0 | 2,5 | 18,6 | 11 | 9,8 | 11,3 | |
| Мультурум- 123 | 12,7 | 6,5 | 25 | 6,7 | 20 | 18,7 | 11,2 | 14 | |

Сорт Лютесценс-329 був прийнятий як контроль, тобто стандарт. Який висновок виходить з цих даних?

15 На 12 яблунях вибірково підраховувалося число бутонів, пошкоджених яблуневим квіткоїдом. Облік пошкоджень проводився одночасно на південній і західній сторонах кожної

яблуні. Результати опинилися наступні:

| Сторона дерева | | Виявлено пошкоджених бутонів на яблунях | | | | | | | | | | | |
|---------------------|---------|---|----------|----------|---------|---------|----------|----------|----------|---------|---------|---------|--|
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | |
| Південна Західна | 10 5 | 13 15 | 28 22 | 12 11 | 17 8 | 7 11 | 15 13 | 15 10 | 14 12 | 16 7 | 9 16 | 8 11 | |

Чи можна на підставі цих даних зробити статистично обгрунтований висновок про виборчу пошкодженість бутонів яблуні яблуневим квіткоїдом?