

Criptografia de Chave Pública

Gerência e Segurança de Redes

Objetivos de Aprendizagem

- ▶ Introduzir o conceito de chaves assimétricas
- ▶ Apresentar aplicações práticas

Agenda

- ▶ Objetivos dos algoritmos assimétricos
- ▶ Princípios e Elementos
- ▶ Aplicações
- ▶ Vulnerabilidades

Objetivos

- ▶ Atacar o problema de distribuição de chaves para criptografia simétrica
- ▶ Criar um método para garantir que ambas as partes de uma comunicação, Emissor e Receptor, tenham certeza das respectivas identidades

Criptossistemas de Chave Pública

► Princípios

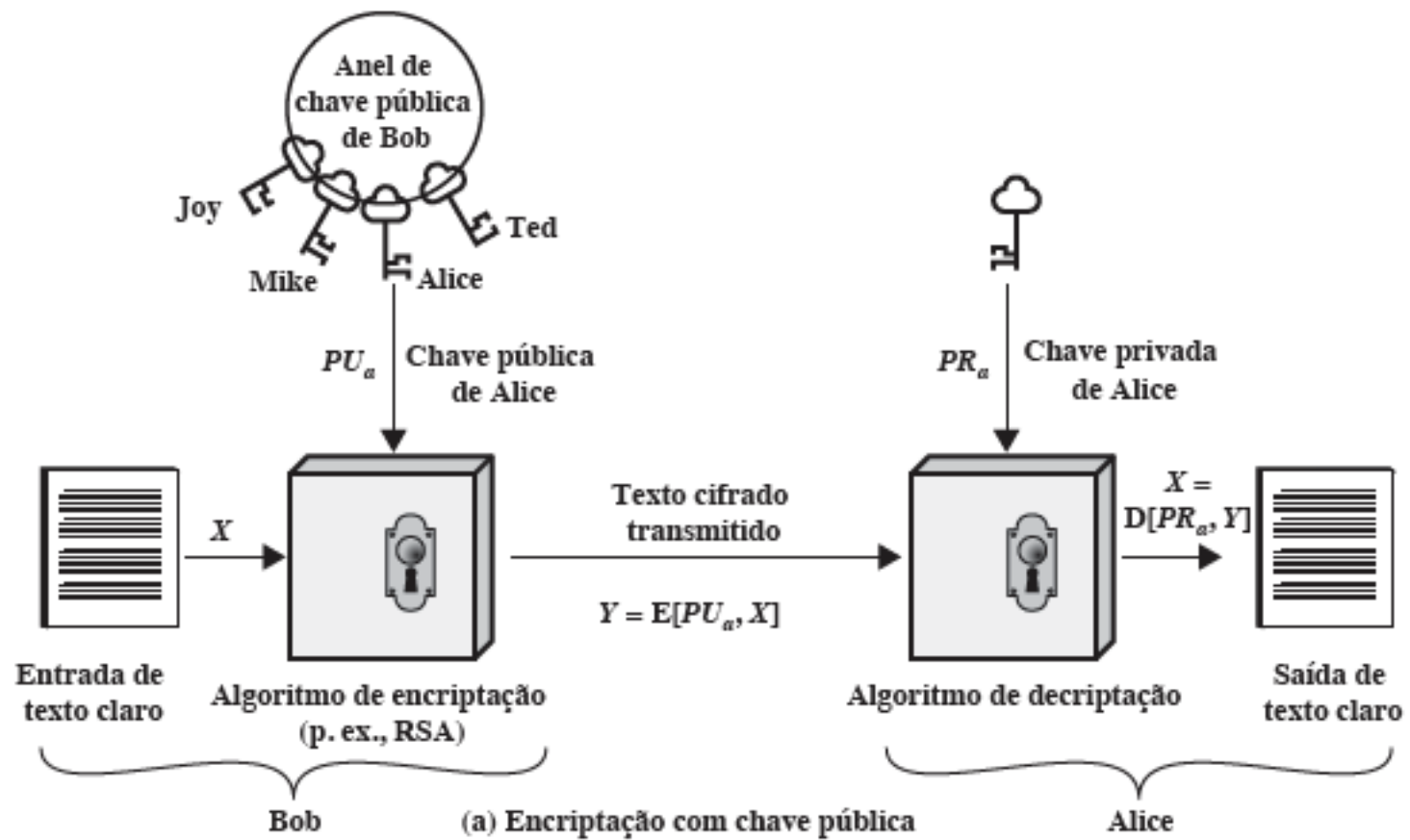
- É computacionalmente inviável determinar a chave de descryptografia dado apenas o conhecimento do algoritmo e chave de criptografia
- Qualquer uma das chaves relacionadas pode ser usada para criptografia, com outra usada para a descryptografia

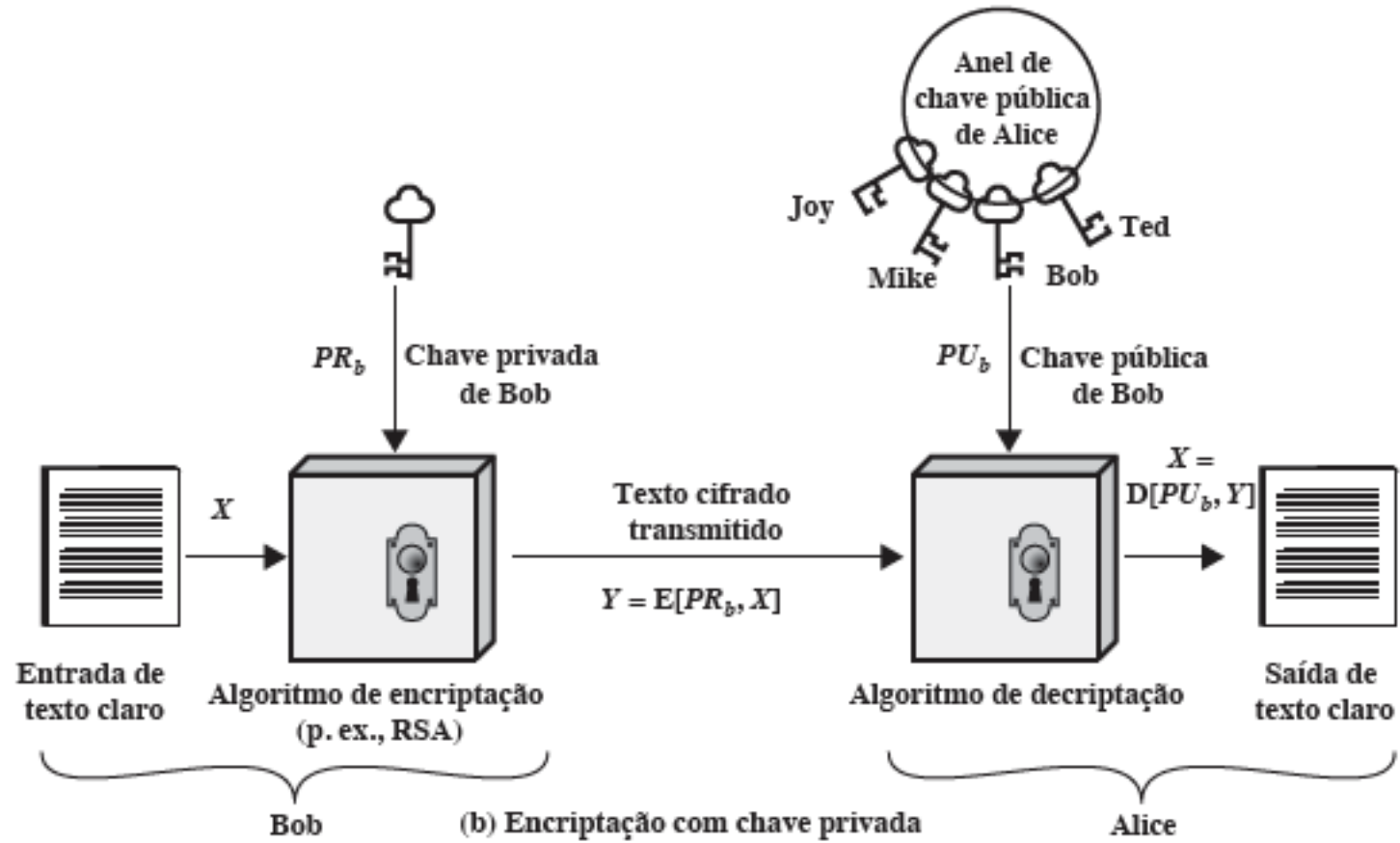
Elementos

- ▶ Texto claro (mensagem)
- ▶ Algoritmo de criptografia e decriptografia
- ▶ Chaves pública e privada
- ▶ Texto cifrado

Etapas

1. Cada usuário gera um par de chaves para criptografia/decriptografia
2. Cada usuário coloca uma das chaves num repositório publicamente acessível
3. Se Bob deseja enviar mensagem para Alice, Bob criptografa a mensagem usando a chave pública de Alice
4. Quando Alice recebe a mensagem, ela a decriptografa usando sua chave privada. Nenhum outro destinatário é capaz de decriptografar, pois não tem acesso a chave privada





Criptografia Assimétrica x Simétrica

Simétrica

(Convencional)

- ▶ Algoritmo + chave única para criptografia e deciptografia
- ▶ Compartilhamento de chave
- ▶ Chave deve permanecer secreta
- ▶ Deverá ser impossível decifrar uma mensagem sem informações adicionais
- ▶ O conhecimento do algoritmo e amostras de texto cifrado não deve ser suficiente para determinar a chave

Assimétrica

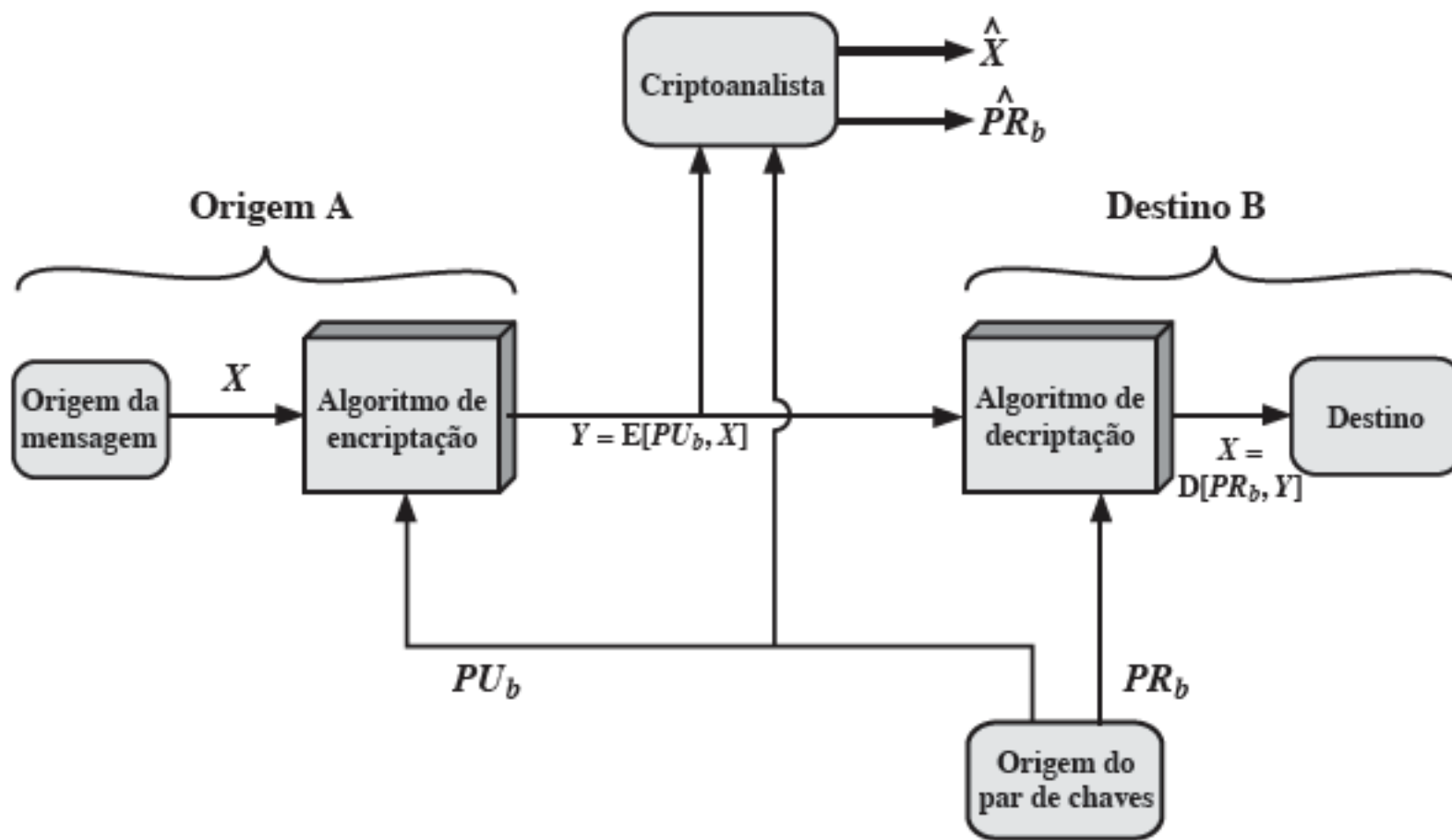
(Chaves pública e privada)

- ▶ Algoritmo + par de chaves distintas para criptografia e deciptografia
- ▶ Emissor e receptor precisam ter apenas uma das chaves do par
- ▶ Uma das chaves permanece secreta
- ▶ Deverá ser impossível decifrar uma mensagem sem informações adicionais
- ▶ O conhecimento do algoritmo, amostras de texto cifrado e uma das chaves não deve ser suficiente para determinar a chave

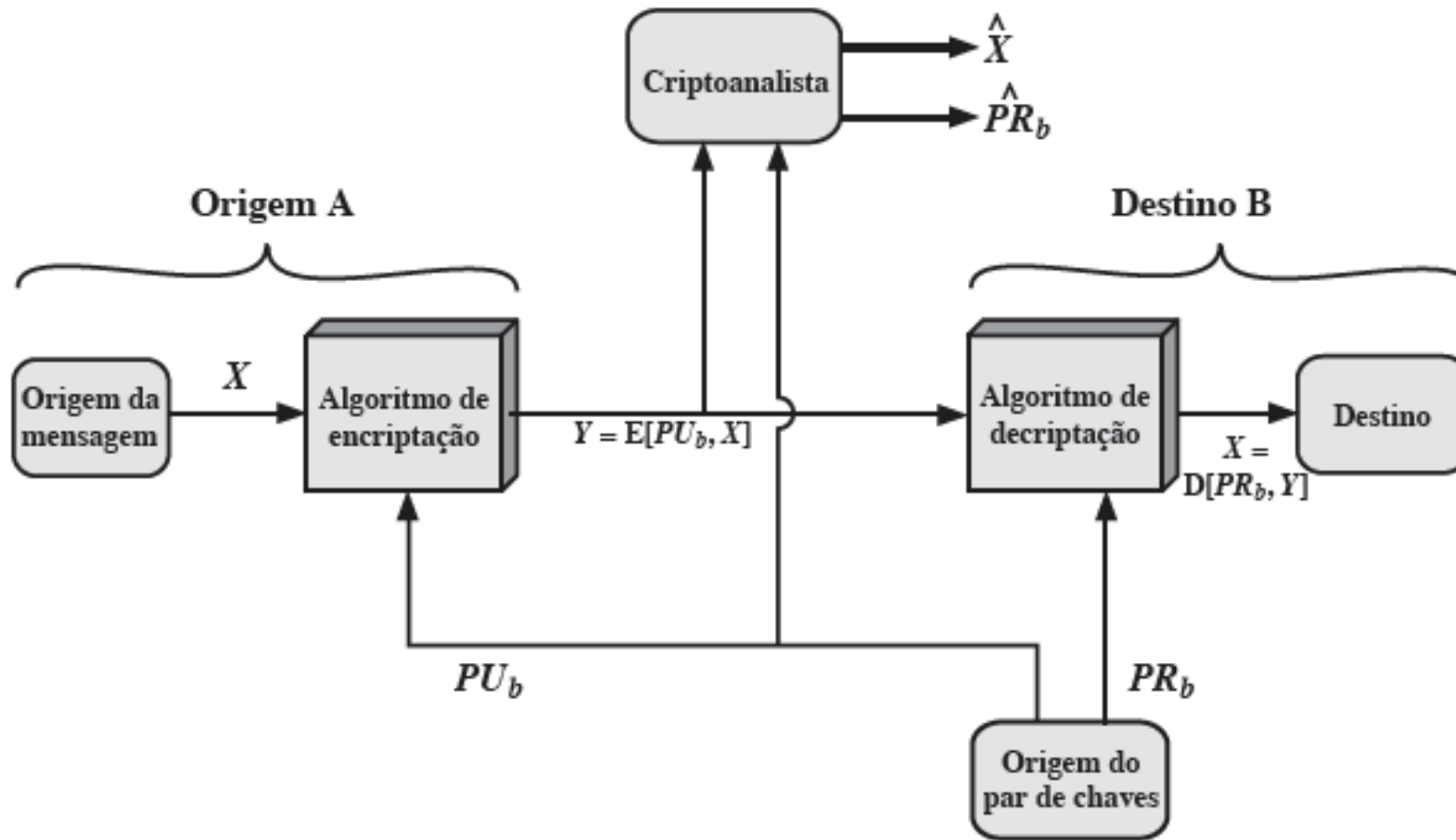
Aplicações

- ▶ Criptografia / Decriptografia
- ▶ Assinatura Digital
- ▶ Troca de chave

Criptografia / Decriptografia 1

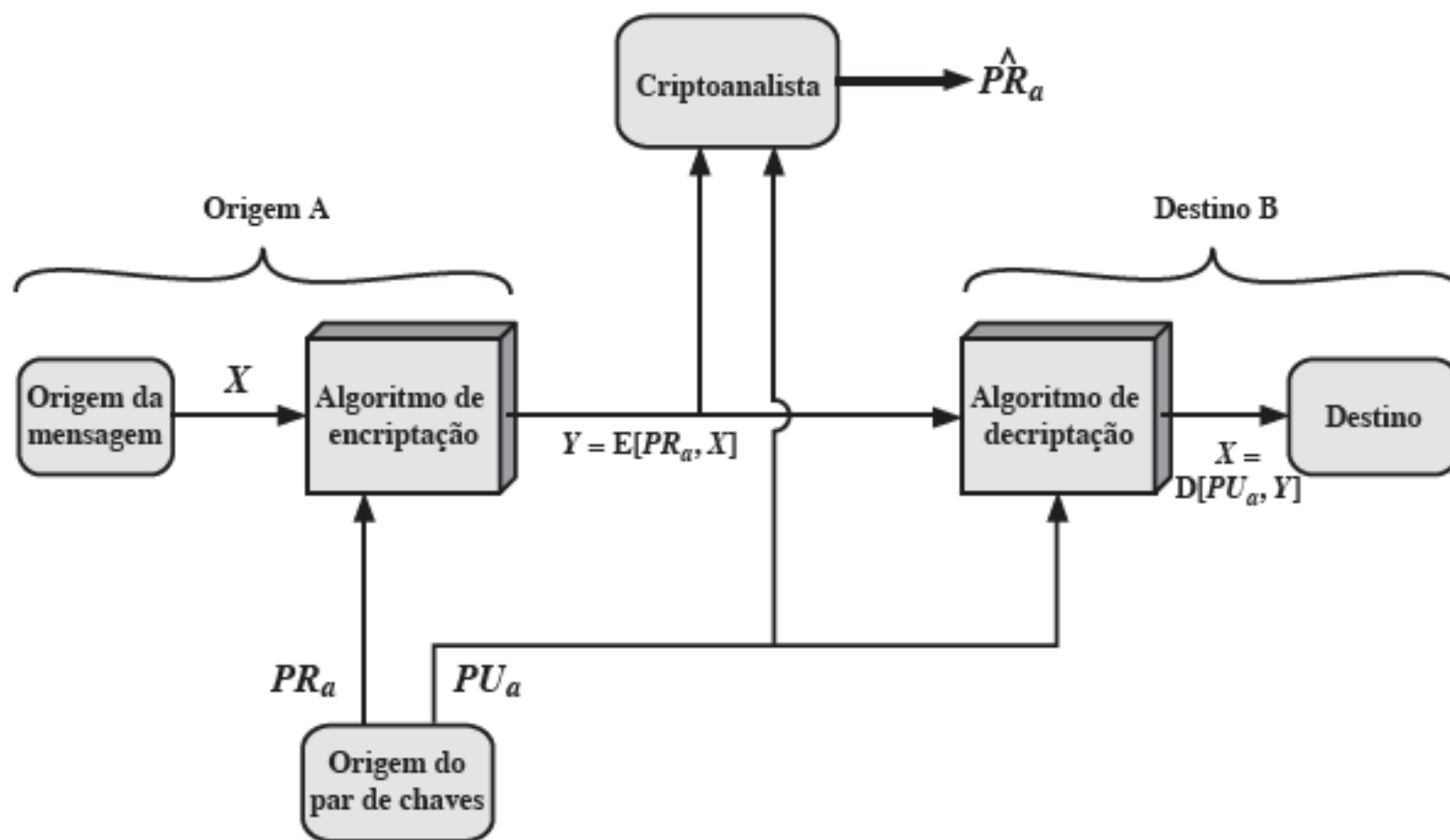


Criptografia / Decriptografia 1

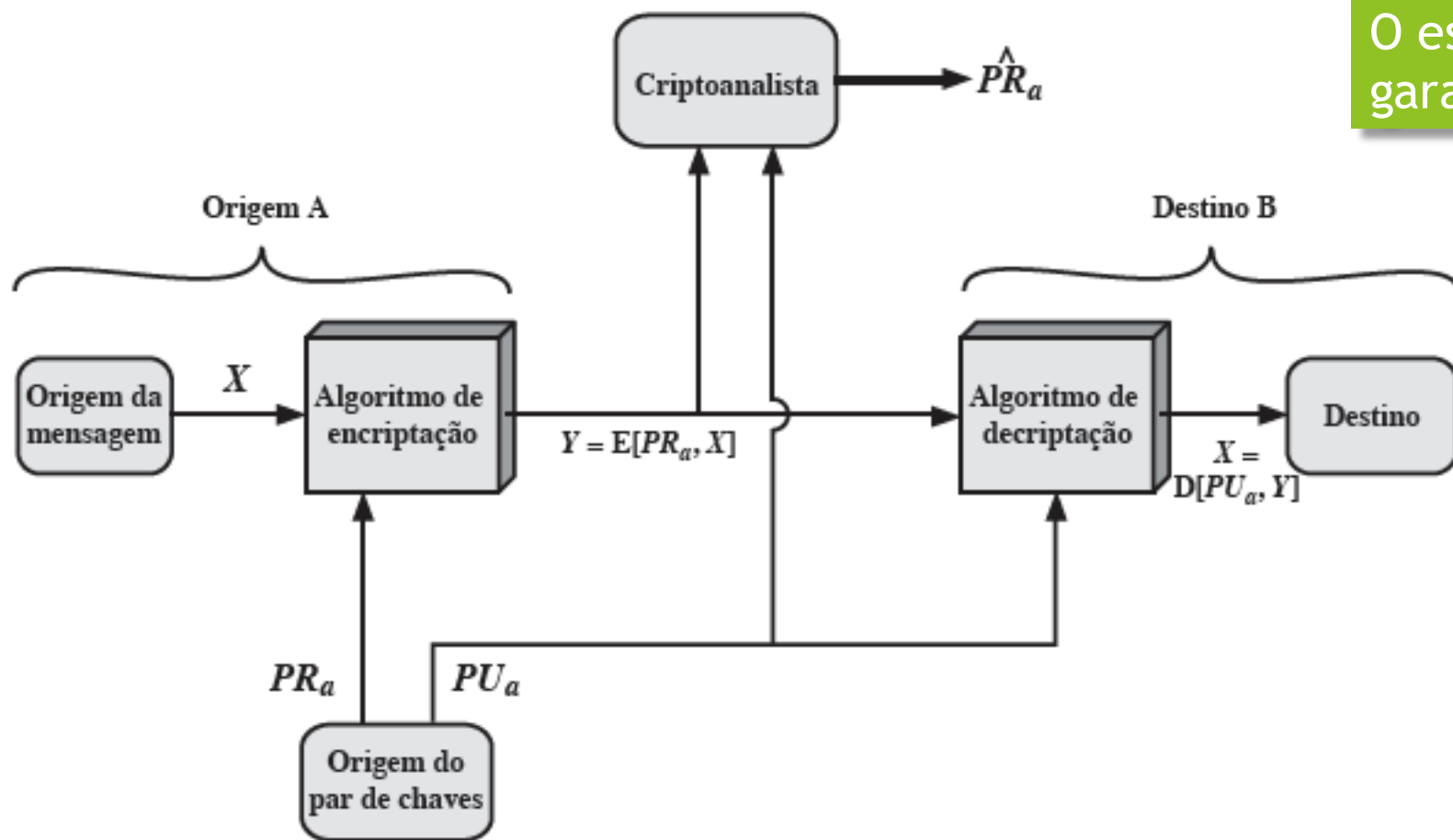


O esquema mostrado garante confidencialidade?

Criptografia / Decriptografia 2

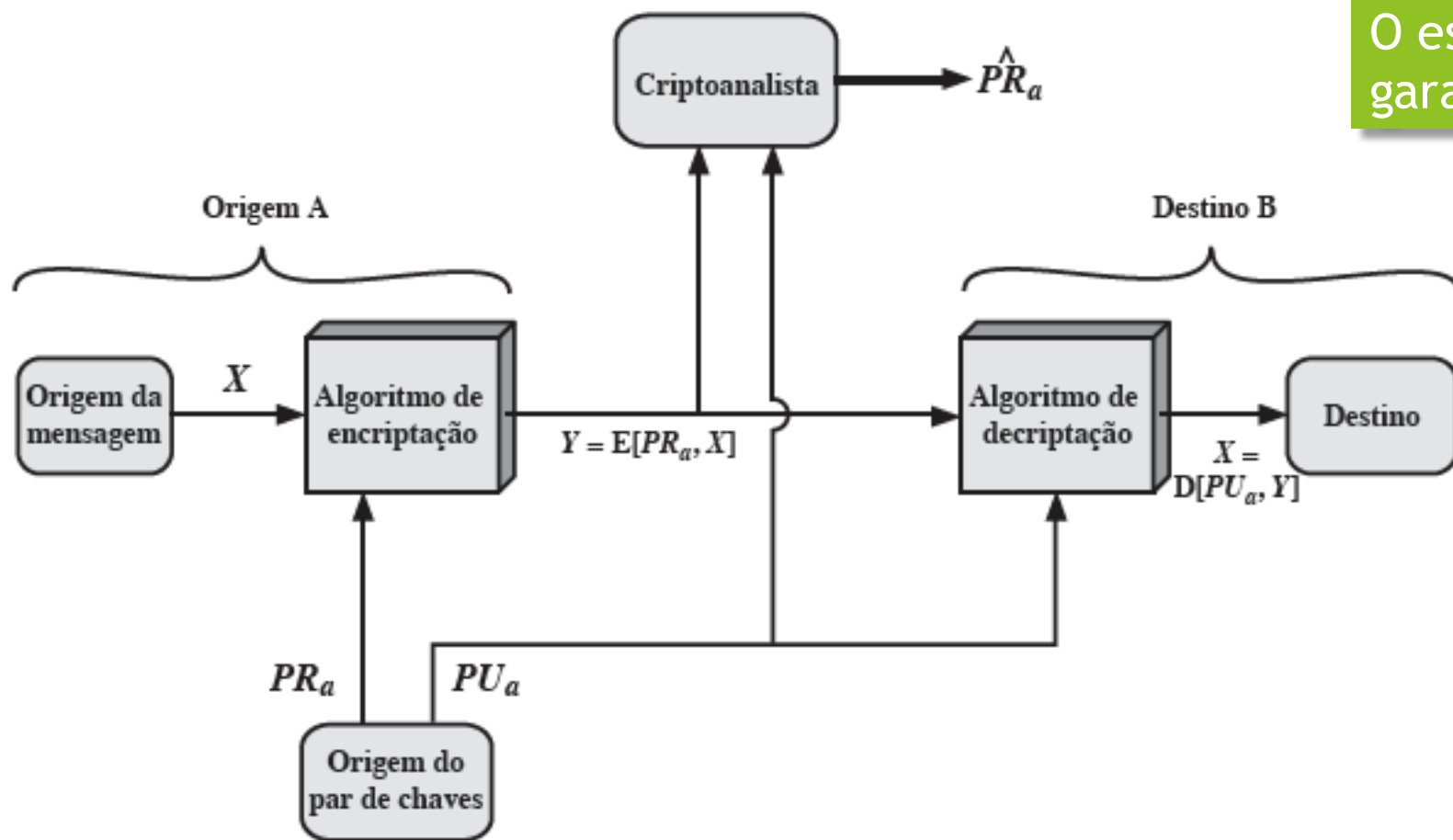


Criptografia / Decriptografia 2



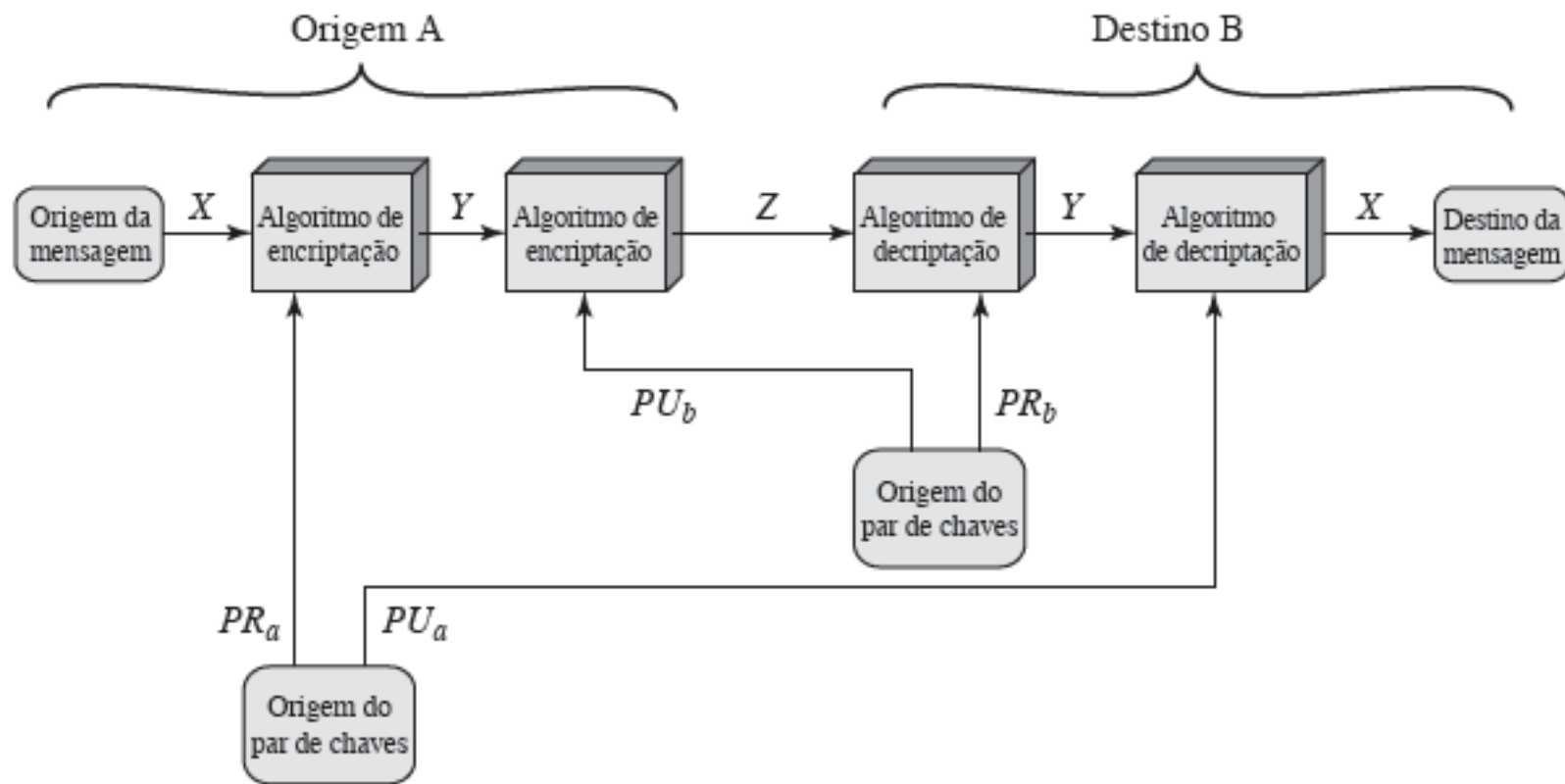
O esquema mostrado garante confidencialidade?

Criptografia / Decriptografia 2

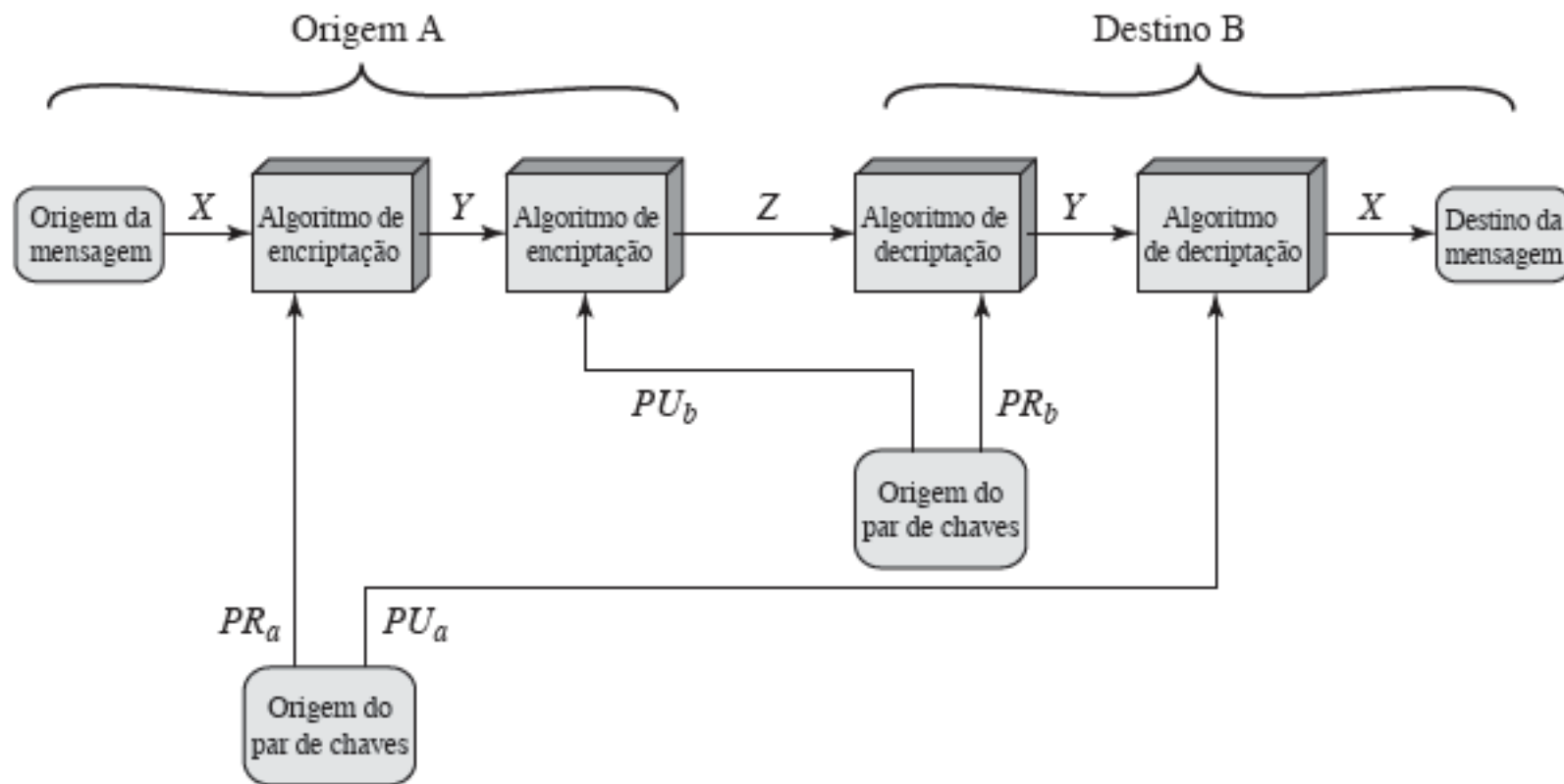


O esquema mostrado garante autenticidade?

Criptografia / Decriptografia 3



Criptografia / Decriptografia 3



O esquema mostrado garante autenticidade? E a confidencialidade?

Requisitos para Criptografia Assimétrica

- ▶ *Whitfield Diffie* e *Martin Hellman* postularam um sistema criptográfico baseado em duas chaves em 1976 e estabeleceram as condições que um algoritmo para implementar esse sistema deveria atender.
- ▶ Os pesquisadores não demonstraram a existência de tal algoritmo

Requisitos para Criptografia Assimétrica

1. Ser computacionalmente fácil gerar um par de chaves pública e privada
2. Ser computacionalmente fácil para um emissor A, de posse da chave pública de um receptor B, gerar o texto cifrado (C) referente a uma mensagem M, $C = E(PUB, M)$
3. Ser computacionalmente fácil para B decriptografar o texto cifrado (C) resultante usando a chave privada para recuperar a mensagem M, $M = D(PRb, C)$
4. Ser computacionalmente inviável para um adversário, conhecendo a chave pública PUB determinar a chave privada PRb
5. Ser computacionalmente inviável para um adversário, conhecendo pública PUB e um texto cifrado C, recuperar a mensagem original M

Criptanálise de chave pública

- ▶ Vulneráveis a ataques de força bruta
- ▶ Uso de chaves de tamanho adequado
 - ▶ Chaves demasiadamente grandes exigem capacidade computacional que cresce exponencialmente
 - ▶ Chaves muito pequenas expõe o algoritmo a ataques de força bruta
- ▶ Outro ataque é buscar encontrar a chave privada a partir da chave pública
 - ▶ Ainda não há provas da matemáticas que isso é inviável
 - ▶ Ainda não há relatos de que isso foi realizado
 - ▶ Logo, algoritmos de chave assimétrica ainda são “suspeitos”

Criptóanálise de chave pública

- ▶ Vulneráveis a ataques de mensagem provável
 - ▶ Quando se usa como mensagem uma chave simétrica de 56 bits (DES, por exemplo)
 - ▶ Um adversário poderia criptografar todas as possíveis chaves de 56 bits usando a chave pública para encontrar a chave criptografada em combinação com o texto cifrado capturado
 - ▶ Para qualquer tamanho de chave assimétrica, o ataque é reduzido a um ataque de força bruta de 56 bits

Diffie-Hellman para RSA

- ▶ Depois do artigo pioneiro de *Diffie e Hellman (1976)* iniciou-se uma corrida para criar um algoritmo que atendesse aos requisitos proposto pelos autores
- ▶ Em 1978, *Ron Rivest*, *Adi Shamir* e *Len Adleman*, pesquisadores do MIT, publicaram uma das primeiras propostas e a mais aplicada até hoje

Características RSA

- ▶ Cifra de bloco tipicamente de 1024 bits

Segurança RSA

- ▶ Abordagens de ataque
 - ▶ Força bruta
 - ▶ Ataques matemáticos
 - ▶ Ataques de temporização (*timing attack*)
 - ▶ Ataques de texto cifrado escolhido

Força Bruta

- ▶ Contramedida é utilizar chaves de tamanho adequado através do compromisso entre segurança e agilidade do sistema

Ataques Matemáticos

- ▶ O algoritmo RSA baseia-se em dois números primos p e q
- ▶ $n = pq$
- ▶ As chaves são geradas a partir de n
- ▶ As estratégias de ataques consistem artifícios matemáticos para encontrar n

Timing Attacks

- Buscam estimar n através do tempo de processamento das operações multiplicação modular para e assim fazer suposições sobre o valor de n

Referências

- ▶ Criptografia e Segurança de Redes.
Stallings, William. 4a. Ed.
 - ▶ Capítulo 9.

