Отчет

- 1. (а) Воспользуемся леммой о накачке. Будем рассматривать слово вида $a^n abb^n$, которое разобьем на три части: a^{n-l} , a^l , abb^n . Но тогда, если повторить середину 0 раз мы не получим слово из нашего языка. Так как $(n-l) \neq n \rightarrow |u| \neq |v|$. Значит, язык не является регулярным.
 - (b) Вновь воспользуемся леммой о накачке. Если мы возьмем некоторое слово $a^kc^me^n$ и разделим его на три части: a^{k-l} , a^l , c^me^n , тогда построив среднюю часть 0 раз, мы не получим слова из нашего языка, поскольку (k-l)+n+1< k+n+1 (конечно, при условии что l>0). Значит вновь получаем нерегулярный язык.
 - (c) На данный момент неизвестно существует ли бесконечное число простых, для которые выполняется, что p, (p+2) простые. Тогда рассмотрим два случая. Первый: пусть таких числе бесконечное число, значит, для любого n найдется p такое, что $p \ge n \land p, (p+2) prime$. Значит, наш язык это ничто иное как a*, а значит он регулярный. С другой стороны, пусть таких чисел конечное число, а значит язык является регулярным.
- 2. В файле solution.py представлен парсинг регулярных выражений с помощью производных на языке Python. В файле solution_improved.py представлена улучшенная версия, в которой функция nullable возвращает true/false, а также улучшен алгоритм построения регулярок. Запуск тестов происходит в файле main.py, там же находятся примеры регулярок. В папке tests/ лежат тесты и выходные значения.

После проведения нескольких экспериментов, включающих оценку времени парсинга регулярок до и после добавления оптимизаций, можно сказать, что время парсинга заметно уменьшилось, что наглядно видно на следующих примерах:

Regexp: $(0|1|2|3|4|5)^*$

String: 01234 Answer: True

Matched time before: 0.0034 Matched time after: 0.0002

Regexp: 1(01*0)*1

String: 10100101

Answer: True

Matched time before: 10.8477

Matched time after: 0.0001

Regexp: $(0|1|2|3|4|5)^*$

String: 01234012345543211

Answer: True

Matched time before: –

После нескольких запусков процесс так и не смог успешно завершиться

Matched time after: 0.0004