

Visión Artificial

4. Transformaciones y correcciones

JOSÉ MIGUEL GUERRERO HERNÁNDEZ

EMAIL: JOSEMIGUEL.GUERRERO@URJC.ES





Índice de contenidos

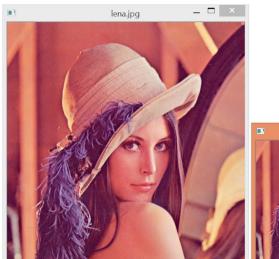
- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos



Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos

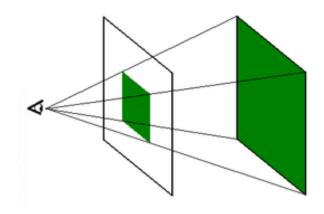
- Las transformaciones geométricas modifican las coordenadas
- Estas transformaciones cambian la posición, rotación, escala, o inclinación de una imagen
- Este tipo de transformación no cambia el contenido de la imagen, la deformación se produce por un cambio en la posición de los píxeles que la componen



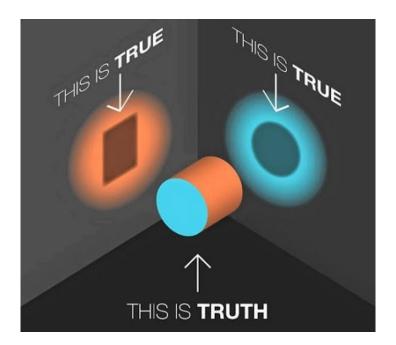




 La geometría proyectiva se define en el contexto de la geometría euclidiana y tiene sus orígenes en la pintura del Renacimiento, al investigar la visión que nuestro ojo tiene de una figura cuando la vemos en distintos planos colocados entre ella y nosotros (perspectiva)



• El **espacio proyectivo** se relaciona con la forma en la que un ojo o una cámara proyecta una escena 3D sobre una imagen 2D





- Las **coordenadas homogéneas** son un instrumento usado en geometría para describir un punto en el espacio proyectivo
- Fueron introducidas por el matemático alemán August Ferdinand
 Möbius en el año 1837
- La representación mediante coordenadas homogéneas de objetos en un espacio dimensional se realiza a través de coordenadas de un espacio (n+1)-dimensional
- Las coordenadas homogéneas nos van a permitir realizar transformaciones de manera sencilla al trabajar con matrices



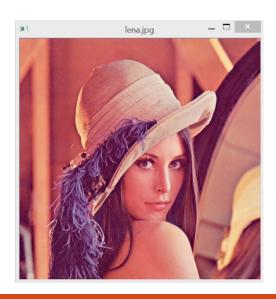
Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos

• Escalado:

$$x = S_x i$$
$$y = S_y j$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i \\ j \\ 1 \end{bmatrix}$$

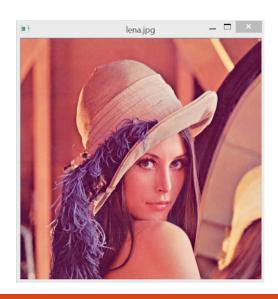


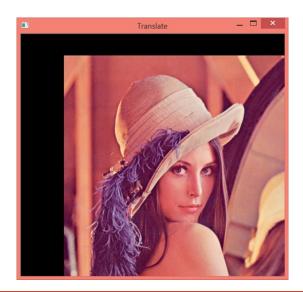


• Traslación:

$$x = i + i_d$$
$$y = j + j_d$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & i_d \\ 0 & 1 & j_d \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i \\ j \\ 1 \end{bmatrix}$$

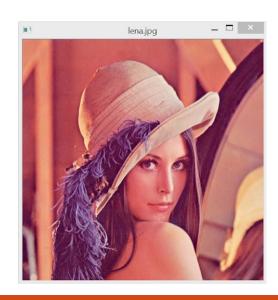




Rotación:

$$x = \cos \theta \, i - \sin \theta \, j$$
$$y = \sin \theta \, i + \cos \theta \, j$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \cos \theta & -\sin \theta & 0 \\ \sin \theta & \cos \theta & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i \\ j \\ 1 \end{bmatrix}$$





• Inclinación:

$$x = i + \theta * j$$
$$y = i * \theta + j$$

$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & \theta & 0 \\ \theta & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} i \\ j \\ 1 \end{bmatrix}$$







Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos



1.2. Sistema de coordenadas





Índice de contenidos

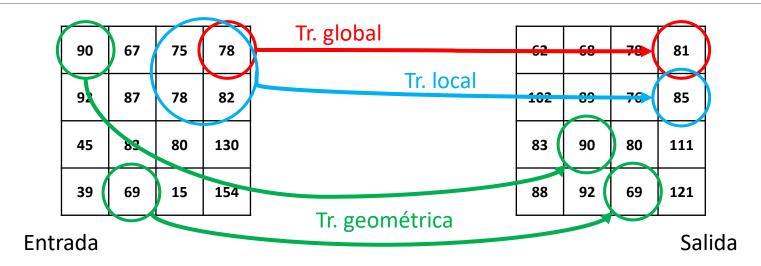
1. Transformaciones geométricas:

- Transformadas elementales
- Sistema de coordenadas
- Interpolación
- Registro
- Ejemplos

2. Transformaciones radiométricas:

- Suavizado
- Histograma
- Filtrado homomórfico
- Correspondencia de histogramas
- Comparación de histogramas
- Ejemplos

1.3. Interpolación



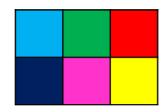
$$Out(i,j) = In(f_1(i,j), f_2(i,j))$$

- El valor de un píxel depende de otro píxel (o varios) cuya posición es calculada a través de un par de funciones f_1 y f_2
- El tamaño de la imagen de salida puede ser distinto del tamaño de la imagen de entrada

1 2 0 In1

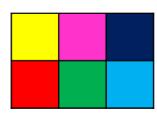
1.3. Interpolación

- Reflejos y rotaciones exactas (sentido horario):
- Siendo In la imagen de entrada, y su tamaño $(0...M_i, 0...M_i)$



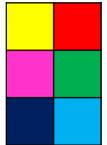
Espejo horizontal

$$Out(i,j) = In(M_i - i,j)$$
 $Out(i,j) = In(i,M_j - j)$

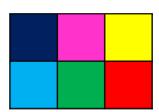


Espejo vertical

$$Out(i,j) = In(i, M_j - j)$$

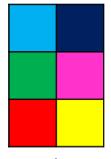


Rotación 90°



Rotación 180°

 $Out(i,j) = In(j, M_i - i)$ $Out(i,j) = In(M_i - i, M_j - j)$ $Out(i,j) = In(M_i - j, i)$



Rotación 270°

1.3. Interpolación

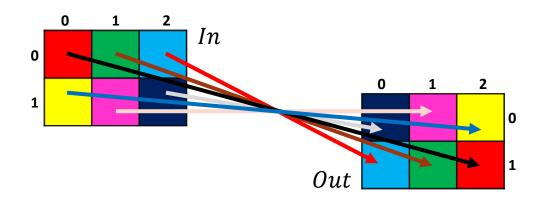
• En general la transformación tendrá la forma:

$$Out(i,j) = In(f_1(i,j), f_2(i,j))$$

• Siendo f_1 y f_2 dos funciones cualesquiera del tipo:

$$f_1, f_2: N \times N \rightarrow R$$

- f_1 : posición en i del resultado para el píxel original (i,j)
- f_2 : posición en j del resultado para el píxel original (i,j)

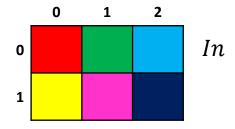


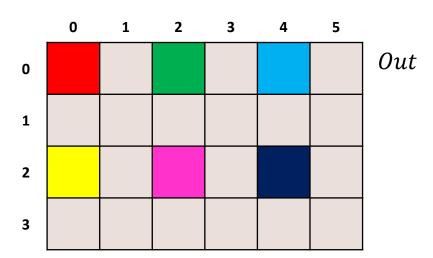
Rotación 180° $f_1(i,j) = M_i - i$ $f_2(i,j) = M_j - j$

1.3. Interpolación: aumento

- ¿Qué ocurre cuando el resultado no es un número entero?
- Por ejemplo, la siguiente transformación genera un aumento x2:

$$Out(i,j) = In(i/2, j/2)$$





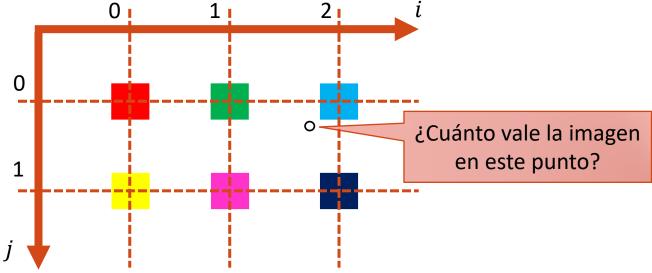
- Out(0,0) = In(0,0)
- Out(1,0) = In(0.5,0)
- Out(1,1) = In(0.5,0.5)

¡Los índices decimales no están definidos en la matriz!



1.3. Interpolación: aumento

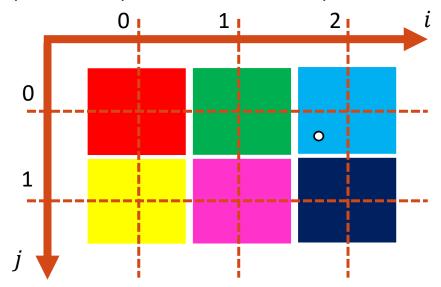
 Problema: las imágenes son señales discretas, pero la transformación geométrica las trata como si fueran continuas (definidas en todo el plano)



- Solución: aplicar una interpolación
- Tipos de interpolación: vecino más próximo, bilineal, bicúbica, supermuestreo

1.3. Interpolación: vecinos

- · Vecino más próximo:
 - Cualquier punto del espacio toma el valor del píxel más cercano

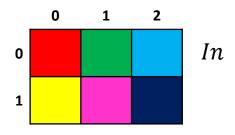


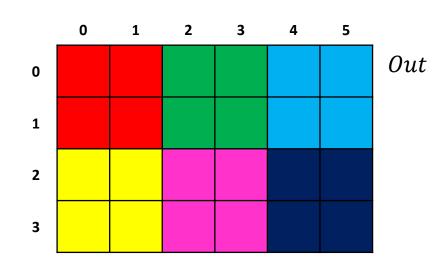
Implementación sencilla, redondeo:

$$f_1(i,j) \rightarrow round(f_1(i,j)) f_2(i,j) \rightarrow round(f_2(i,j))$$
 Out(i,j) = In(round(f_1(i,j)), round(f_2(i,j)))

1.3. Interpolación: vecinos

Out(i,j) = In(round(i/2), round(j/2))





- Out(0,0) = In(0,0)
- Out(1,0) = In(0,0)
- Out(3,1) = In(1,0)
- Out(5,1) = In(2,0)

1.3. Interpolación: vecinos

 Esta interpolación puede hacerse de múltiples formas, por ejemplo calculando la distancia euclídea con respecto a cada vecino, lo que da como resultado valores intermedios



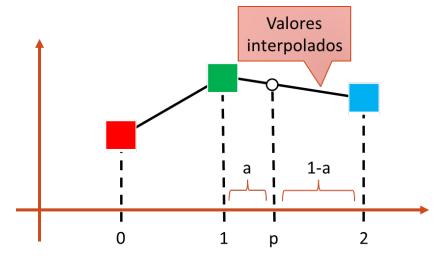
Imagen original 25 x 26 px



Imagen interpolada (x10) 250 x 260 px

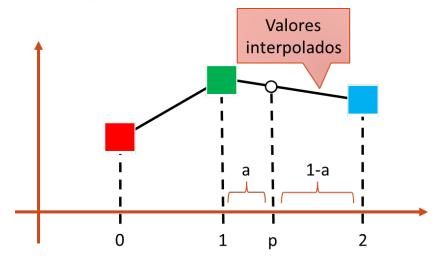
- Ventajas:
 - Es muy sencilla y rápida de calcular
- Inconvenientes:
 - El efecto de cuadriculado es evidente, y da lugar imágenes de poca calidad

Cálculo de la interpolación lineal



• En una dimensión, una interpolación lineal significa trazar una línea recta entre cada par de puntos consecutivos

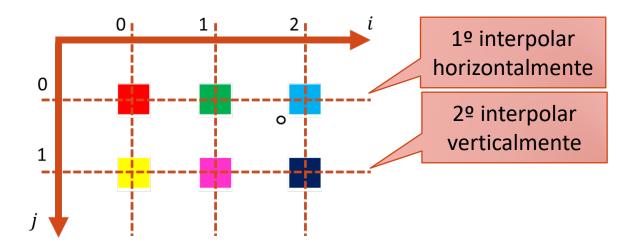
Cálculo de la interpolación lineal



- Sea **p** el punto que queremos interpolar:
 - Supongamos que ${\bf p}$ se encuentra entre ${\bf i}$ y ${\bf d}$, es decir: $i=\lfloor p \rfloor$, d=i+1
 - El valor interpolado en **p** será: O(p) = (1-a)*I(i) + a*I(d) siendo a = p-i

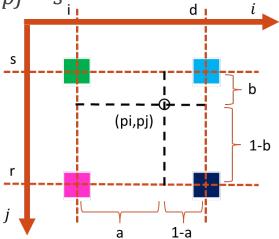
Media ponderada, de los valores de i y d según la distancia a

• En dos dimensiones, la interpolación bilineal consiste en aplicar dos interpolaciones lineales:



- Interpolar la función horizontalmente, en las filas existentes
- Interpolar la función verticalmente en todo el espacio

• Sea p=(pi,pj), con i=pi, d=i+1, s=pj, r=s+1 con a=pi-i, b=pj-s



- Cálculo de la interpolación bilineal:
 - O(pi, s) = (1 a) * I(i, s) + a * I(d, s)
 - O(pi,r) = (1-a) * I(i,r) + a * I(d,r)
 - O(pi, pj) = (1 b) * O(pi, s) + b * O(pi, r)
 - O(pi,pj) = (1-a)*(1-b)*I(i,s) + a*(1-b)*I(d,s) + (1-a)*b*I(i,r) + a*b*I(d,r)

Media ponderada de los 4 píxeles circundantes

Ejemplo: Zoom de 10x con interpolación bilineal

$$O(i,j) = I(i/10,j/10)$$



Imagen original 25 x 26 px



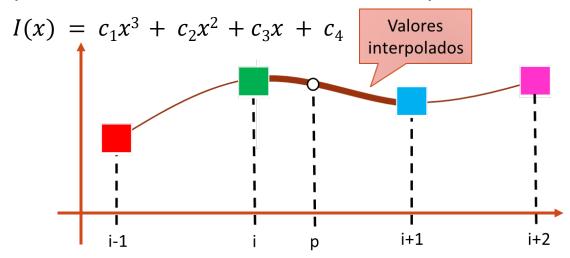
Vecino más próximo (x10) 250 x 260 px



Interpolación bilineal (x10) 250 x 260 px

 Nota: un zoom entero de K con interpolación bilineal es parecido (= a veces) a un zoom de K con vecino más próximo, seguido de un filtro de media de KxK

- La interpolación bilineal mejora la de vecino más próximo, pero produce un efecto de "zonas rectangulares"
- Interpolación bicúbica: basada en dos interpolaciones cúbicas



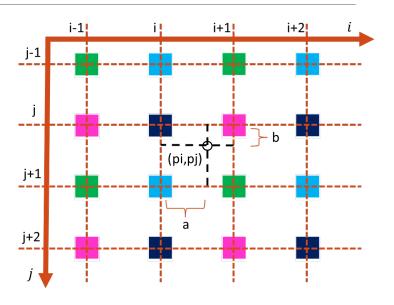
 En una dimensión, la interpolación cúbica consiste en trazar una cúbica entre los 4 puntos más próximos (2 a la izquierda y 2 a la derecha)

- Cálculo de la interpolación cúbica:
 - Sea p el punto que queremos interpolar: $i = \lfloor p \rfloor$
 - Obtener las 4 ecuaciones:

$$O(i-1) = I(i-1); O(i) = I(i); O(i+1) = I(i+1); O(i+2) = I(i+2)$$

- 4 ecuaciones, 4 incógnitas \rightarrow despejar y obtener c1, c2, c3, c4
- Aplicar las constantes, obteniendo O(p)
- Interpolación bicúbica. Igual que la bilineal, se basa en dos interpolaciones cúbicas:
 - Interpolación cúbica horizontal, en las filas existentes (usando 4 puntos)
 - 2. Interpolación cúbica vertical en todo el espacio usando 4 puntos (usando la anterior interpolación)
- En la interpolación bicúbica de un punto (pi, pj) intervienen los 16 puntos circundantes

- Cálculo de la interpolación cúbica:
 - Igual que con la bilineal, el valor del punto se puede calcular como una media ponderada de los 4x4 píxeles circundantes



$$Out(pi, pj) = \sum_{n=-1..2} \sum_{m=-1..2} In(i+n, j+m) * P(n-a) * P(b-m)$$

• Siendo:

$$P(k) = \frac{1}{6} \left(C(k+2)^3 - 4 * C(k+1)^3 + 6 * C(k)^3 - 4 * C(k-1)^3 \right)$$

$$C(k) = \max(0, k)$$



Ejemplo: Zoom de 10x con interpolación bicúbica



Imagen original 25 x 26 px



Interpolación bilineal (x10) 250 x 260 px



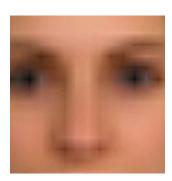
Interpolación bicúbica (x10) 250 x 260 px

1.3. Interpolación: comparativa

 Detalle del zoom de 10x, con vecino más próximo, interpolación bilineal y bicúbica. Se ha aplicado un perfilado en las 3, para destacar el efecto del zoom



Vecino más próximo



Interpolación bilineal



Interpolación bicúbica

 En todos los casos se nota la falta de detalle (obviamente), pero en la bilineal son más evidentes los artificios horizontales y verticales que en la bicúbica



1.3. Interpolación: reducción

- En las operaciones de reducción también se aplican interpolaciones, pero...
- Reducción de k: O(i,j) = In(k * i, k * j), con Out: $\max(i) / k * \max(j) / k$
- Ejemplo: Reducción de 5x



Imagen original 500x386



Reducción 5x con vecino más próximo

1.3. Interpolación: reducción

• El problema no se soluciona con interpolación bilineal o bicúbica



Imagen original 500x386



Reducción 5x con interpolación bilineal

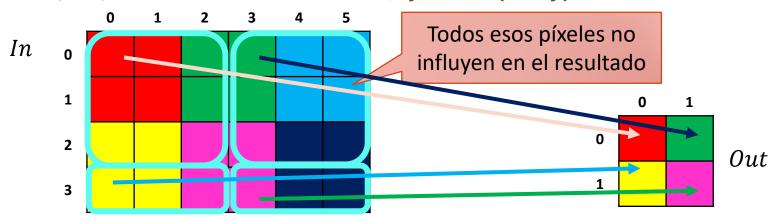


Reducción 5x con interpolación bicúbica

 El problema se debe a que los detalles son más pequeños que la resolución de salida. Pero, además, los métodos de interpolación no mejoran la situación: cada píxel de salida es un muestreo ordenado de uno de entrada

1.3. Interpolación: supermuestreo

• Ejemplo: Reducción de 3x. Out(i, j) = In(3i, 3j)



- Solución: cada píxel de salida debería ser la media de los 3x3 píxeles de entrada correspondientes
- Interpolación por supermuestreo (super sampling):
 - Considerar el píxel como un "volumen" con cierto área
 - Aplicar varias veces la transformación y tomar la media

1.3. Interpolación: supermuestreo

• Ejemplo: Reducción de 5x, con supermuestreo



Imagen original 500x386



Reducción 5x con interpolación bilineal



Reducción 5x con supermuestreo

- Resultado: el supermuestreo logra un resultado de mucha más calidad.
 Evita el problema del aliasing
- Sin embargo, el supermuestreo es mucho más costoso, requiere más cálculos
- Cuanto mayor reducción, mayor es el efecto del aliasing

1.3. Interpolación: supermuestreo

 Una alternativa al supermuestreo es aplicar primero un filtro de suavizado (por ejemplo, de media) y después un simple vecino más próximo



Imagen original 500x386



Reducción 5x con vecino más próximo, de la suavizada



Reducción 5x con supermuestreo, de la original

• Pero esto sólo es aplicable en las transformaciones que impliquen una reducción de resolución

1.3. Interpolación: conclusiones

- Transformación geométrica: cada píxel de salida depende de uno de entrada cuya posición es calculada de acuerdo a un par de funciones
- Como las posiciones pueden ser no enteras, es necesario aplicar interpolaciones: vecino más próximo, bilineal, bicúbica
- Qué utilizar:
 - En **zoom:** interpolación bicúbica
 - En **reducción**: supermuestreo
- Pero las técnicas que **mejores resultados** obtienen son **más costosas** que las demás aproximaciones
- Las interpolaciones bilineal y bicúbica (y otras más avanzadas) dan la sensación de mejorar la resolución de la imagen, pero ¡cuidado! cualquier detalle aparente de resolución inferior a un píxel es una mera alucinación



Índice de contenidos

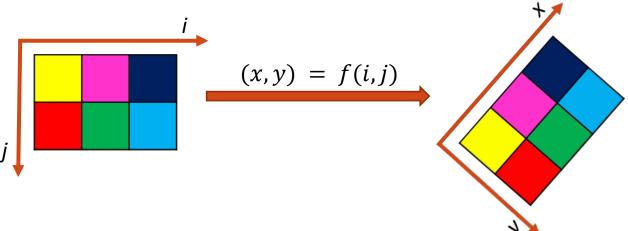
1. Transformaciones geométricas:

- Transformadas elementales
- Sistema de coordenadas
- Interpolación
- Registro
- Ejemplos

2. Transformaciones radiométricas:

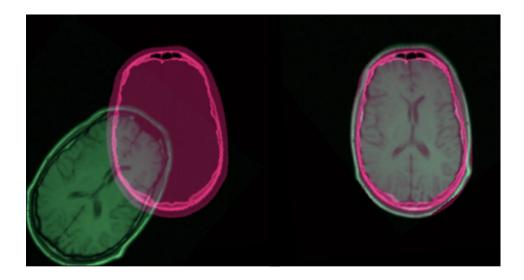
- Suavizado
- Histograma
- Filtrado homomórfico
- Correspondencia de histogramas
- Comparación de histogramas
- Ejemplos

 Consiste en encontrar los parámetros de la transformada (afín) para "descubrir" qué transformaciones ha sufrido una imagen con diferentes fines



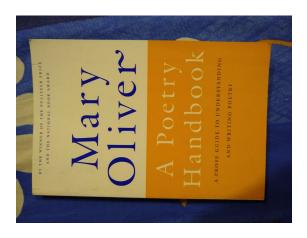
- Estas técnicas pueden ser utilizadas:
 - Comparar dos imágenes
 - Ver si una imagen está contenida en otra
 - Integrar datos obtenidos de diferentes sensores (imágenes médicas)
 - ...

- El registro puede llevarse a cabo de múltiples maneras, las principales son:
 - Basadas en transformaciones lineales
 - Basadas en características
 - Basadas en cambio de dominio o frecuencia

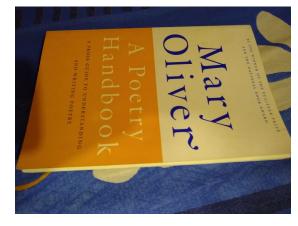




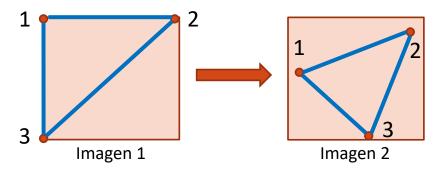
- Si se quiere alinear una imagen con el mismo ángulo que otra imagen de referencia, es necesario hacer una transformación de coordenadas
- Supongamos que tenemos la primera imagen como imagen de referencia, el algoritmo de registro nos ayuda a alinear la segunda y tercera imagen en el mismo plano que la primera





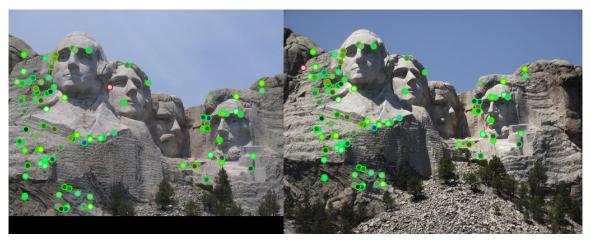


- Transformación afín:
 - Las transformaciones afines mapean puntos en nuevos puntos aplicando una combinación lineal de operaciones de traslación, rotación y escalado

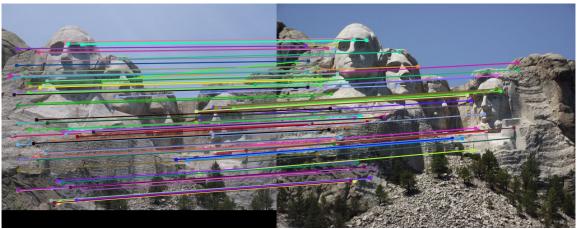


- Los puntos 1, 2 y 3 (formando un triángulo en la imagen 1) son mapeados en la imagen 2 formando un triángulo, aunque notablemente modificado
- Si se encuentra la transformada afín con esos tres puntos (se pueden elegir más si se quiere), se puede aplicar dicha relación a todos los píxeles de la imagen

- El algoritmo sería el siguiente:
 - Convertir ambas imágenes a escala de grises
 - Hacer coincidir las características de la imagen a alinear con la imagen de referencia y almacenar las coordenadas de los puntos clave correspondientes
 - Los puntos clave son simplemente los pocos puntos seleccionados que se utilizan para calcular la transformación (puntos destacados), y los descriptores son histogramas de los gradientes de la imagen para caracterizar la apariencia de un punto clave. La extracción de estos puntos lo veremos más adelante
 - Hacer coincidir los puntos clave entre las dos imágenes
 - Elegir las mejores coincidencias y eliminar las ruidosas
 - Encontrar la transformada homomórfica
 - Aplicar esta transformación a la imagen no alineada original para obtener la imagen de salida



Identificación de los puntos más relevantes



Correspondencia entre los puntos



Índice de contenidos

1. Transformaciones geométricas:

- Transformadas elementales
- Sistema de coordenadas
- Interpolación
- Registro
- Ejemplos

2. Transformaciones radiométricas:

- Suavizado
- Histograma
- Filtrado homomórfico
- Correspondencia de histogramas
- Comparación de histogramas
- Ejemplos

1.5. Ejemplos: escalado

```
INTER NEAREST. Es una interpolación del vecino cercano
int main( int argc, char** argv ) {
 // Load an image
                                                   INTER LINEAR. Interpolación bilineal
                                                   INTER CUBIC. Interpolación bicúbica (área de 4×4 pixeles)
 // Create windows
 namedWindow( "Original image", WINDOW AUTOSIZE );
 namedWindow( "Resize x10", WINDOW_AUTOSIZE );
 namedWindow( "Resize /5", WINDOW AUTOSIZE );
                                                   Aumento de una imagen utilizando la
 imshow( "Original image", src );
                                                     interpolación por vecinos cercanos
 // Resize
 Mat resize dst;
 int size col = 10, size row = 10;
 resize(src, resize dst, cv::Size(), size col, size row, INTER NEAREST);
 imshow( "Resize x10", resize dst );
 // Resampling
 Mat resize dst2;
 int res = 5;
 resize(resize dst, resize dst2, Size(resize dst.cols/res, resize dst.rows/res), INTER CUBIC);
 imshow( "Resize /5", resize_dst2 );
 waitKey();
                                                                Reducción de una imagen
 return 0;
                                                           utilizando la interpolación bicúbica
```

1.5. Ejemplos: rotación

```
int main( int argc, char** argv ) {
 // Load an image
                                                  Para rotar se necesitan:
 // Create windows
 namedWindow( "Original image", WINDOW_AUTOSIZE );
                                                  1. Punto en el que se va a rotar la imagen
 namedWindow( "Rotation", WINDOW AUTOSIZE );
                                                      Ángulo de rotación: un valor positivo
 imshow( "Original image", src );
                                                       rota en dirección contraria a las agujas
 // Rotation
                                                       del reloj
 Mat rotation dst;
 Point center = Point( src.cols/2, src.rows/2 );
 double angle = -50.0;
 double scale = 0.6;
                                                              Creación de la matriz de rotación
 Mat rot_mat = getRotationMatrix2D( center, angle, scale );
 warpAffine(src, rotation dst, rot mat, src.size());
 imshow( "Rotation", rotation dst );
 waitKey();
                                         A través de la función
 return 0;
                                                   se aplica la matriz
                                      de rotación a toda la imagen
```

1.5. Ejemplos: traslación

```
int main( int argc, char** argv ) {
 // Load an image
  // Create windows
 namedWindow( "Original image", WINDOW_AUTOSIZE );
 namedWindow( "Translation", WINDOW AUTOSIZE );
 imshow( "Original image", src );
                                         Creación de la matriz de traslación
 // Translation
 Mat translation dst;
 float displacement_x = 100, displacement_y = 100;
 float data[6] = {1, 0, displacement_x, 0, 1, displacement_y};
 Mat trans mat(2, 3, CV 32F, data);
 warpAffine(src, translation dst, trans mat, src.size());
 imshow( "Translation", translation dst );
 waitKey();
                                            A través de la función
 return 0;
                                                     se aplica la matriz
                                       de traslación a toda la imagen
```



1.5. Ejemplos: inclinación + rotación

```
int main( int argc, char** argv ) {
                                                  Se necesitan tres puntos en la imagen
 // Load an image
                                                     original y destino para calcular la
 // Points to the affine transform calculation
                                                  relación entre ellos y su transformada
 Point2f srcTri[3];
 srcTri[0] = Point2f( 0.f, 0.f );
 srcTri[1] = Point2f( src.cols - 1.f, 0.f );
 srcTri[2] = Point2f( 0.f, src.rows - 1.f );
 Point2f dstTri[3];
 dstTri[0] = Point2f( 0.f, src.rows*0.33f );
 dstTri[1] = Point2f( src.cols*0.85f, src.rows*0.25f );
 dstTri[2] = Point2f( src.cols*0.15f, src.rows*0.7f );
 // Calculate the affine transform
                                                                  A través de la función
 Mat warp mat = getAffineTransform( srcTri, dstTri );
                                                                                    se calcula
 Mat warp dst = Mat::zeros( src.rows, src.cols, src.type() );
                                                                   la transformada afín
 // Apply the affine transform
 warpAffine( src, warp dst, warp mat, warp dst.size() );
                                    A través de la función
                                                                            se aplica la
                                     matriz con la transformada a toda la imagen
```

1.5. Ejemplos: inclinación + rotación

```
int main( int argc, char** argv ) {
 // Rotation point, angle and scale (optional)
                                                             Punto a partir del cual se va a rotar
 Point center = Point( warp dst.cols/2, warp dst.rows/2 );
 double angle = -50.0;
 double scale = 0.6:
                           Ángulo de rotación (positivo es sentido
                          antihorario) y factor de escala (opcional)
 // Calculate and apply rotation matrix
 Mat rot mat = getRotationMatrix2D( center, angle, scale );
                                                                    Se genera la matriz
 Mat warp rotate dst;
                                                                        de rotación
 warpAffine( warp dst, warp rotate dst, rot mat, warp dst.size() );
 imshow( "Source image", src );
                                                    A través de la función
 imshow( "Warp", warp dst );
 imshow( "Warp + Rotate", warp rotate dst );
                                                             se aplica la matriz
 waitKey();
                                                de rotación a toda la imagen
 return 0;
```



Índice de contenidos

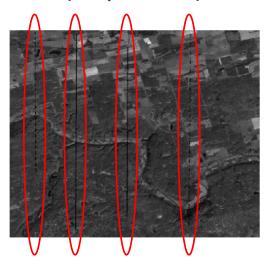
- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos

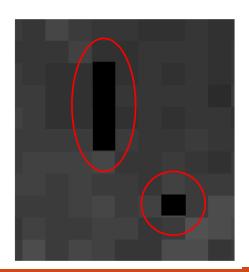
2. Transformaciones radiométricas:

- Suavizado
- Histograma
- Filtrado homomórfico
- Correspondencia de histogramas
- Comparación de histogramas
- Ejemplos

2. Transformación radiométrica

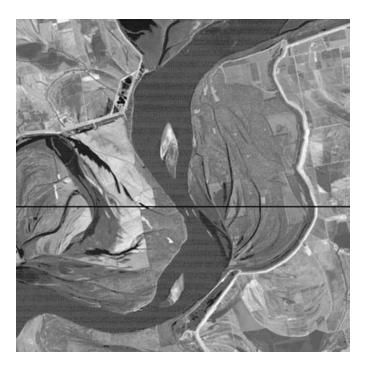
- Las correcciones radiométricas son operaciones que tienden a eliminar cualquier anomalía en el valor radiométrico ND de la imagen, ocurridas durante la adquisición de ésta
- Estas anomalías son debidas al mal funcionamiento del sensor: líneas perdidas, píxeles aislados, bandeado por efecto de la atmósfera (dispersión)





2. Transformación radiométrica

- Un ejemplo sencillo, es la restauración de líneas o píxeles perdidos:
 - Procedimientos estadísticos simples
 - Sustitución de píxel o línea
 - Promedio de valores
 - Con banda auxiliar



Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos

2.1. Suavizado

- El suavizado de una imagen se utiliza con diferentes fines:
 - Reducir las variaciones de intensidad entre píxeles vecinos
 - Eliminar pequeños detalles antes de la segmentación de un objeto de interés
 - Rellenar pequeños espacios
 - Eliminar ruido: modificar aquellos píxeles cuyo nivel de intensidad es muy diferente al de sus vecinos

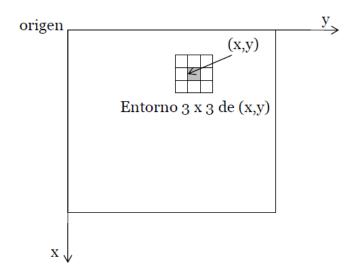






2.1. Suavizado: vecinos

 Para cada píxel que se desea procesar, es necesario coger una ventana de vecindad, o núcleo



• Sobre esta ventana de vecindad, se aplicará una operación, cuyo resultado asignará un valor al píxel de estudio (x, y)

2.1. Suavizado: vecinos general

 Las funciones de procesamiento de la imagen en el dominio espacial pueden expresarse como:

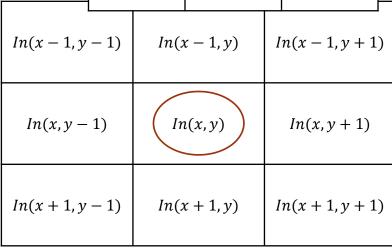
$$Out(x, y) = h * In(x, y)$$

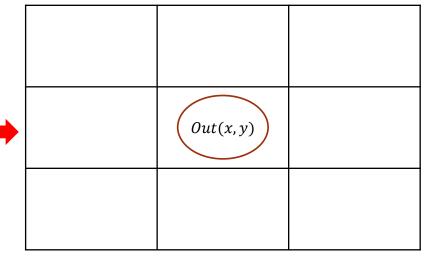
- Siendo:
 - Out la imagen de salida, la procesada
 - In la imagen de entrada, la original
 - h un operador que actúa sobre In y se define en algún entorno de (x,y), también conocido como núcleo

2.1. Suavizado: vecinos general

h(-1,-1)	h(-1,0)	h(-1,+1)
h(0,-1)	h(0,0)	h(0,+1)
h(+1,-1)	h(+1,0)	h(+1,+1)

Máscara 3 x 3: matriz de coeficientes





Entorno 3x3 del píxel (x,y)

Resultado al aplicar la máscara

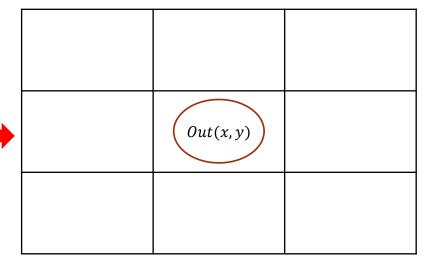
2.1. Suavizado: vecinos lineal

Máscara 3 x 3

h(-1,-1)	h(-1,0)	h(-1,+1)		
h(0,-1)	h(0,0)	h(0,+1)		
h(+1,-1)	h(+1,0)	h(+1,+1)		

$$Out(x,y) = \sum_{s=-1}^{1} \sum_{t=-1}^{1} h(s,t) * In(x+s,y+t)$$

In(x-1,y-1)	In(x -	- 1, y)	In(x-1,y+1)		
In(x, y-1)	In(x	(x,y)	In(x, y + 1)		
In(x+1,y-1)	In(x +	+ 1, y)	In(x+1,y+1)		

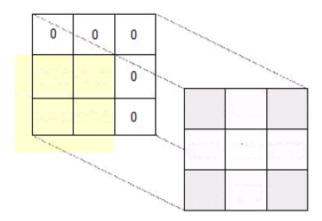


Entorno 3x3 del píxel (x,y)

Resultado al aplicar la máscara

2.1. Suavizado: vecinos

 Límites de la imagen: Podemos aplicar la máscara añadiendo un marco de ceros de la anchura adecuada. Esto puede tener efectos no deseados (p. ej., de difuminación en los límites de la imagen) pero en general, poco significativos si la máscara es pequeña en relación con el tamaño de la imagen



• Otra forma: duplicando el borde de la imagen

2.1. Suavizado: filtro de media

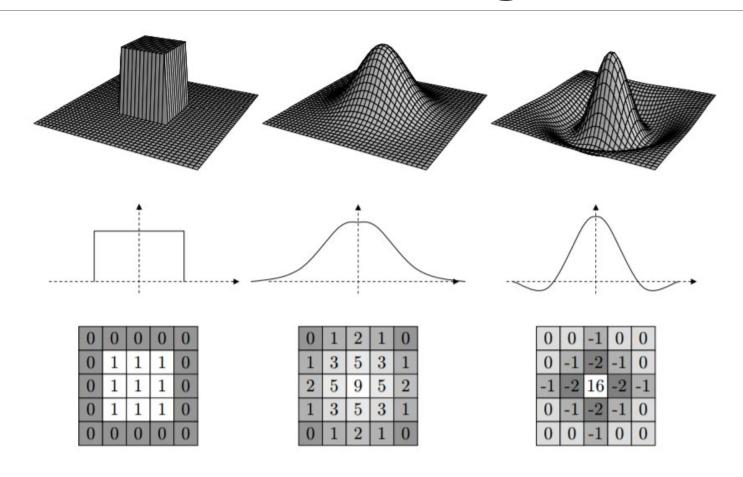
- Se reemplaza el valor de cada píxel por la media de los valores de los píxeles vecinos. Se puede operar mediante convolución con una máscara determinada
- Supongamos el siguiente núcleo: $h = \frac{1}{9} \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$
- El resultado, sin procesar el borde, sería :

5	1	1	3	2	3
6	4	0	2	3	2
7	7	0	3	3	1
9	7	0	1	1	1
8	8	0	1	1	0
7	7	0	1	0	0



5	1	1	3	2	3
6	3	2	2	2	2
7	4	3	1	2	1
9	5	3	1	1	1
8	5	3	0	0	0
7	7	0	1	0	0

2.1. Suavizado: filtro gaussiano





2.1. Suavizado



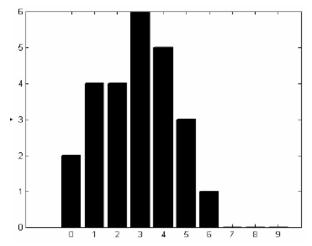


Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos

• El histograma es la representación gráfica de las frecuencias relativas con las que aparecen los distintos colores en una determinada imagen

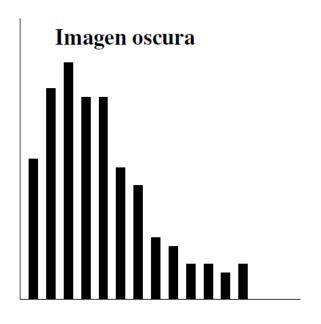
$$B = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 2 & 6 \\ 1 & 3 & 3 & 1 & 3 \\ 2 & 2 & 4 & 3 & 3 \\ 2 & 4 & 5 & 4 & 3 \\ 1 & 5 & 5 & 4 & 4 \end{bmatrix}$$

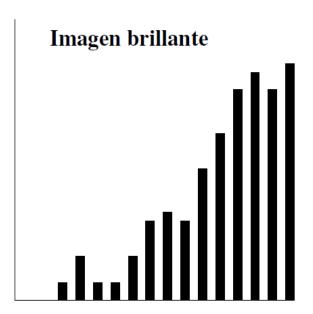


g	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
N(g)	2	4	4	6	5	3	1	0	0	0

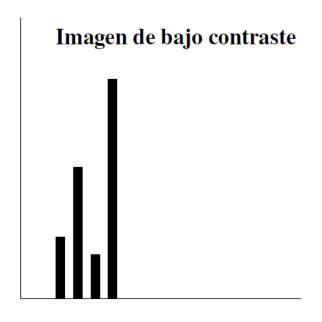
- Permite analizar la imagen utilizando la distribución de los niveles de gris
- Da información sobre el contraste de una imagen
- Al tomar una fotografía, el histograma ofrece información sobre la exposición de la imagen
- El histograma de la imagen se puede manipular para mejorarla
- Número de objetos: máximo locales (acumulaciones)

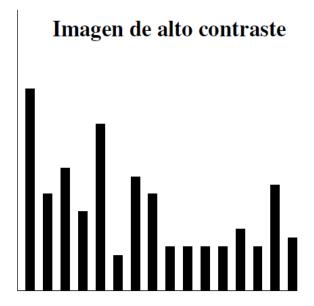
• Histogramas:



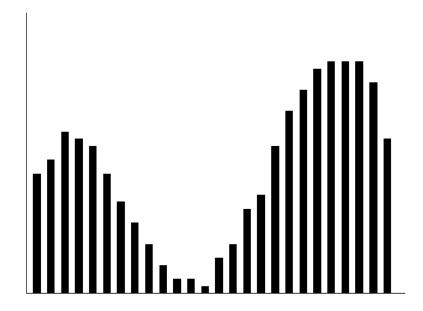


Histogramas:



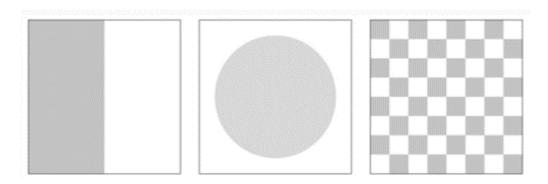


- Histogramas:
 - Imagen con dos objetos bien diferenciados



2.2. Histograma: interpretación

- El histograma no ofrece información espacial
- No codifica en donde está cada píxel
- Dado un histograma no es posible reconstruir una imagen
- Varias imágenes pueden tener el mismo histograma





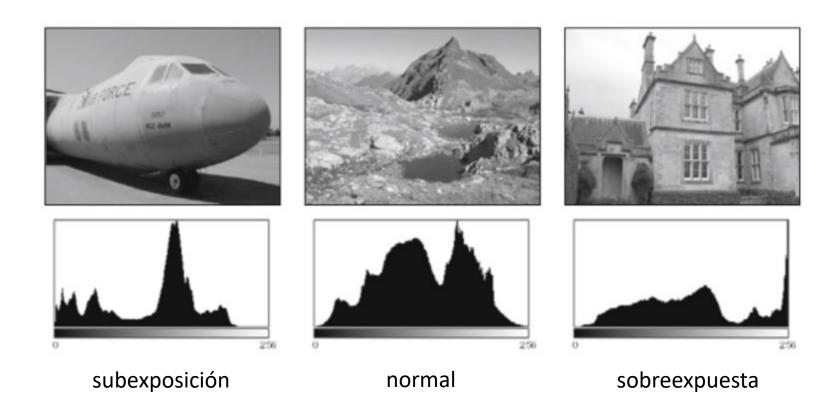
2.2. Histograma: interpretación

- El histograma muestra información sobre el contraste y el rango dinámico de la imagen
- También puede mostrar artefactos resultantes de pasos de procesamiento de imágenes aplicados a la imagen
- Artefactos son áreas pequeñas de una imagen digital que tienen distorsión o un color diferente
- Examinando el tamaño y uniformidad de la distribución del histograma se puede determinar si la imagen está haciendo un uso efectivo de su rango de intensidades

2.2. Histograma: exposición

- Exposición es la cantidad de luz que llega el sensor de la cámara
- Es lo que hace que una imagen salga clara u oscura
- Los histogramas hacen evidentes estos problemas
- Por ejemplo, un histograma en el que una gran parte del rango de intensidad en un extremo casi no se utiliza mientras que el otro extremo está lleno de picos de alto valor es representativo de una imagen expuesta incorrectamente

2.2. Histograma: exposición



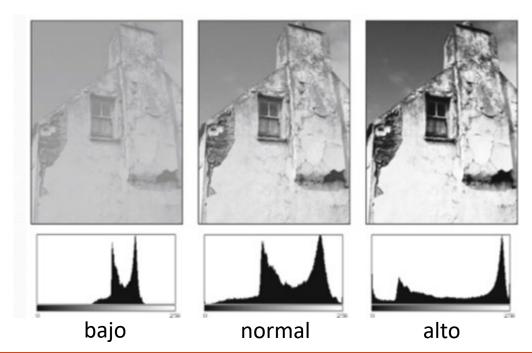
2.2. Histograma: contraste

- El contraste es el rango de valores de intensidad utilizados por una imagen
- Es la diferencia entre los valores máximo y mínimo de los píxeles de la imagen $(a=a_{max}-a_{min})$
- Una imagen de contraste completo (full-contrast) es la que hace un uso efectivo de todo el rango de valores de intensidad disponibles, negro $(a_{min}=0)$ y blanco $(a_{max}=K-1)$
- Con esta definición, el contraste de la imagen se puede leer fácilmente directamente desde el histograma



2.2. Histograma: contraste

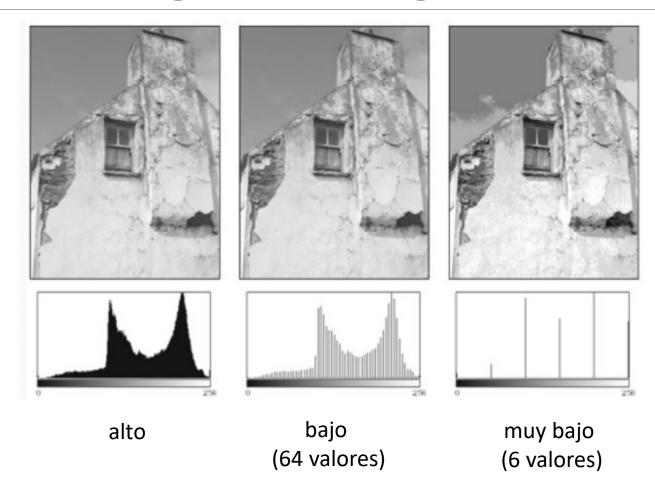
- Alto: hay mucha diferencia entre el tono más negro y más blanco.
 Hay áreas extremadamente claras y oscuras
- Bajo: no presenta blancos o negros puros, hay una gama de tonos medios



2.2. Histograma: rango dinámico

- El rango dinámico de una imagen es el número de valores de píxeles distintos en una imagen
- En el caso ideal, el rango dinámico abarca todos los K valores de píxeles utilizables, en cuyo caso el rango de valores se utiliza por completo
- Cuando una imagen tiene un rango de contraste disponible $a=a_{bajo}\dots a_{alto}$ con $a_{min}< a_{bajo}$ y $a_{alto}< a_{max}$, el máximo rango dinámico posible se logra cuando se utilizan todos los valores de intensidad que se encuentran en este rango

2.2. Histograma: rango dinámico



2.2. Histograma: propiedades

- Algunas propiedades estadísticas que se pueden obtener del histograma son:
 - Media: $\overline{g} = \sum_{g=0}^{L-1} g P(g) = \sum_i \sum_j \frac{I(i,j)}{M}$
 - Varianza: $\sigma^2 = \sum_{g=0}^{L-1} (g \overline{g})^2 P(g)$
 - Asimetría: $a = \sum_{g=0}^{L-1} (g \overline{g})^3 P(g)$
 - Entropía: $e = -\sum_{g=0}^{L-1} P(g) \log_2 \left[P(g) \right]$

$$P(g) = \frac{N(g)}{M}$$

N(g): Nivel de gris

M: Máximo nivel de gris

2.2. Histograma: ecualización

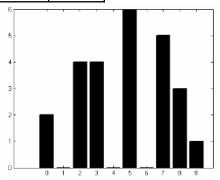
• Mejora el contraste de la imagen. Reparte de forma más o menos uniforme los valores del histograma g

• Ecualización uniforme: $F(g) = g_{max} \sum_{g=0}^{n} p(g)$

g	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
N(g)	2	4	4	6	5	3	1	0	0	0
p(g)	$^{2}/_{25}$	⁴ / ₂₅	⁴ / ₂₅	⁶ / ₂₅	⁵ / ₂₅	³ / ₂₅	¹ / ₂₅	0/25	0/25	⁰ / ₂₅
P(g)	$^{2}/_{25}$	⁶ / ₂₅	¹⁰ / ₂₅	¹⁶ / ₂₅	²¹ / ₂₅	²⁴ / ₂₅	²⁵ / ₂₅	²⁵ / ₂₅	²⁵ / ₂₅	²⁵ / ₂₅
F(g)	0	2	3	5	7	8	9	9	9	9

$$B = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 2 & 6 \\ 1 & 3 & 3 & 1 & 3 \\ 2 & 2 & 4 & 3 & 3 \\ 2 & 4 & 5 & 4 & 3 \\ 1 & 5 & 5 & 4 & 4 \end{bmatrix}$$

$$B_{EqUn} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 & 3 & 9 \\ 2 & 5 & 5 & 2 & 5 \\ 3 & 3 & 7 & 5 & 5 \\ 3 & 7 & 8 & 7 & 5 \\ 2 & 8 & 8 & 7 & 7 \end{bmatrix}$$



2.2. Histograma: ecualización

Otras funciones de ecualización:

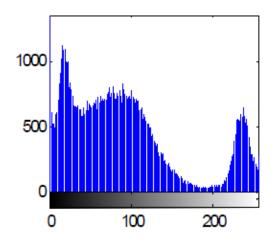
Uniforme	$F(g) = [g_{max} - g_{min}]P_g(g) + g_{min}$
Exponencial	$F(g) = g_{min} - \frac{1}{\alpha} ln [1 - P_g(g)]$
Rayleigh	$F(g) = g_{min} + \left[2\alpha^2 ln \left\{ \frac{1}{1 - P_g(g)} \right\} \right]^{\frac{1}{2}}$
Hipercúbica	$F(g) = ([\sqrt[3]{g_{max}} - \sqrt[3]{g_{min}}]P_g(g) + \sqrt[3]{g_{min}})^3$
Logaritmo hiperbólico	$F(g) = g_{min} \left[\frac{g_{max}}{g_{min}} \right] P_g(g)$

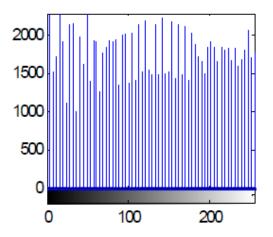


2.2. Histograma: ecualización







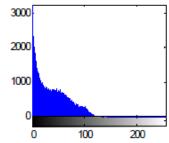


2.2. Histograma: expansión

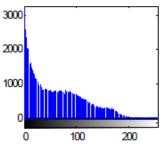
- Consiste en distribuir las frecuencias en todo el ancho del histograma
- Se modifica el histograma de manera que se distribuyen las intensidades en la escala de valores disponibles para abarcar el máximo posible

$$Out(i,j) = \left[\frac{In(i,j) - In(i,j)_{MIN}}{In(i,j)_{MAX} - In(i,j)_{MIN}}\right] [MAX - MIN] + MIN$$









2.2. Histograma: contracción

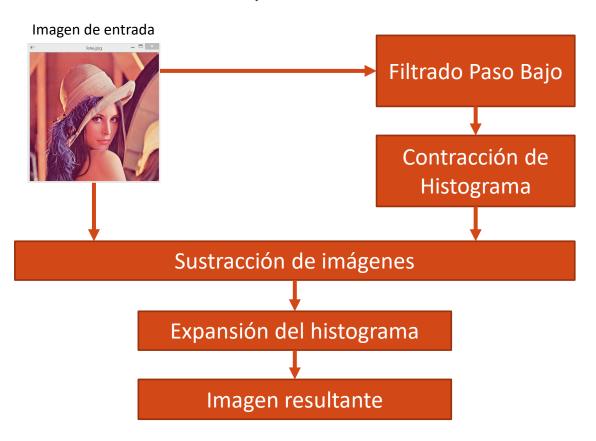
- La operación contraria a la expansión, es la contracción
- Al contraer el histograma se disminuye el rango dinámico de la distribución de niveles de gris de la imagen

$$S_k = \frac{C_{max} - C_{min}}{r_{max} - r_{min}} [r_k - r_{min}] + C_{min}$$

- Donde :
 - C_{max} y C_{min} son los valores deseados de la comprensión
 - r_{max} y r_{min} son el máximo y mínimo nivel de gris de la imagen de respectivamente
 - r_k es el nivel del pixel evaluado

2.2. Histograma: realzado

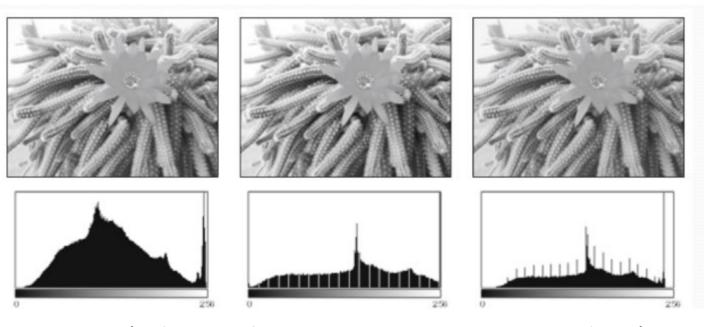
Las técnicas de realzado se pueden combinar



2.2. Histograma: defectos

- Los histogramas se pueden utilizar para detectar defectos de imagen originados durante la adquisición o como resultado de un procesamiento posterior de imágenes
- En general, las imágenes correctamente adquiridas y sin procesar, tienen una distribución suave de intensidades
- Los picos y huecos en el histograma aparecen cuando la imagen ha sido procesada:
 - Cuando el rango de intensidades de la luz de la escena es mayor que el rango del sensor de la cámara aparecen picos en los extremos del histograma
 - Al aumentar el contraste de una imagen se crean huecos y al reducir el contraste se crean picos en el histograma

2.2. Histograma: defectos



saturación de altas intensidades

huecos: incremento del contraste

picos: reducción del contraste



Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos

2. Transformaciones radiométricas:

- Suavizado
- Histograma
- Filtrado homomórfico
- Correspondencia de histogramas
- Comparación de histogramas
- Ejemplos

• Simultáneamente **normaliza el brillo** (comprime el rango de intensidad, iluminación) y **aumenta el contraste** de una imagen:

$$Im(x,y) = i(x,y) * r(x,y)$$

- Donde Im es la imagen, i es la iluminación (bajas frecuencias) y r la reflectancia (altas frecuencias)
- Para aplicar un filtro de paso alto, es necesario transformar la ecuación en el dominio de la frecuencia
- Como es muy difícil hacer un cálculo después de aplicar la transformación de Fourier a esta ecuación porque ya no es una ecuación de producto, usamos la escala logarítmica 'log' para ayudar a resolver este problema

$$ln(Im(x,y)) = ln(i(x,y)) + ln(r(x,y))$$

Luego se aplica la transformada de Fourier

 A continuación, se aplica un filtro de paso alto H a la imagen. Esto hace que la iluminación sea más uniforme, se aumentan los componentes de alta frecuencia y se reducen los componentes de baja frecuencia

$$N(u,v) = H(u,v) \cdot F(u,v)$$

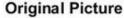
 Donde H es cualquier filtro de paso alto y N la imagen filtrada en el dominio de la frecuencia

• Posteriormente, se devuelve el dominio de la frecuencia al dominio espacial utilizando la transformada de Fourier inversa

$$n(x,y) = invF(N(u,v))$$

• Finalmente, usando la función exponencial para eliminar el registro que usamos al principio se obtiene la imagen mejorada

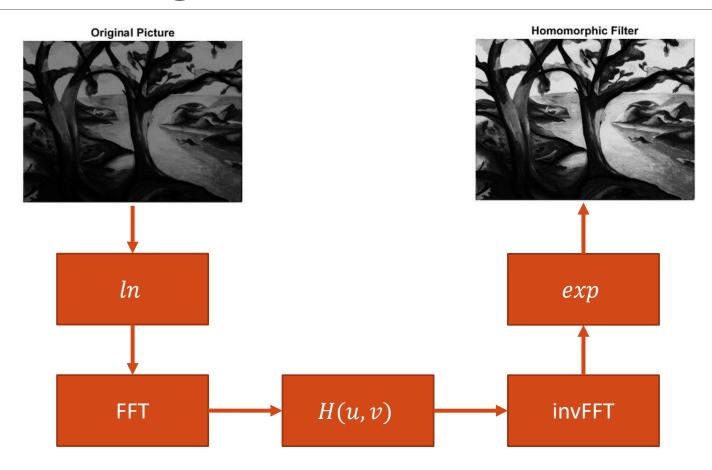
$$newImage(x, y) = exp(n(x, y))$$





Homomorphic Filter







Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos

- Dadas dos imágenes A y B y considerando como referencia la primera, se trata de modificar la imagen B tomando como referencia la A
- Este proceso se lleva a cabo a partir de los histogramas h_A y h_B respectivamente a partir de los cuales se obtienen los valores de probabilidad acumulados para cada nivel de gris g_a y g_b en las respectivas imágenes A y B como sigue:

$$P(g_a) = \sum_{i=0}^{g_a} P(g_i)$$
 $P(g_b) = \sum_{i=0}^{g_b} P(g_i)$

- El procedimiento de correspondencia consiste en buscar para cada valor $P(g_b)$ asociado con el nivel de gris ${\bf g_b}$ cuál es el valor más próximo $P(g_a)$ a aquél que nos permita intercambiar el valor ${\bf g_b}$ por ${\bf g_a}$ en la imagen
- Tras este intercambio de niveles de intensidad se obtiene una nueva imagen B₁ transformada

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 4 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 5 \\ 2 & 2 & 3 & 2 & 5 \\ 4 & 4 & 1 & 2 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix}$$

Imagen A											
g	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
N(g)	1	6	8	3	5	2	0	0	0	0	
P(g)	¹ / ₂₅	⁷ / ₂₅	¹⁵ / ₂₅	¹⁸ / ₂₅	$^{23}/_{25}$	²⁵ / ₂₅					

Imagen B											
g	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
N(g)	0	0	2	2	4	3	3	5	4	2	
P(g)	0/25	0/25	$^{2}/_{25}$	⁴ / ₂₅	8/25	¹¹ / ₂₅	¹⁴ / ₂₅	¹⁹ / ₂₅	²³ / ₂₅	²⁵ / ₂₅	

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 4 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 5 \\ 2 & 2 & 3 & 2 & 5 \\ 4 & 4 & 1 & 2 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix}$$

$$\frac{8}{25}$$
 de B $\frac{7}{25}$ de A

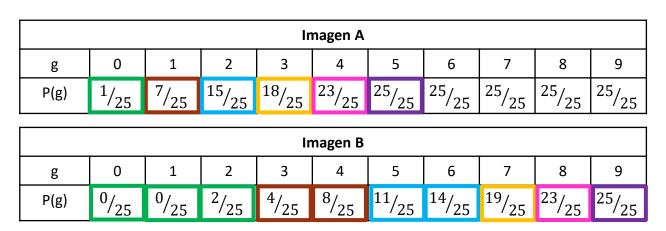




Imagen B											
0	0 1 2 3 4 5 6 7 8 9										
	Imagen B_t										
0	0 0 0 1 1 2 2 3 4 5										

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 4 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 5 \\ 2 & 2 & 3 & 2 & 5 \\ 4 & 4 & 1 & 2 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix} \qquad B_t = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 1 & 1 & 3 \\ 2 & 2 & 1 & 5 & 1 \\ 5 & 2 & 2 & 0 & 4 \\ 4 & 4 & 3 & 3 & 2 \end{bmatrix}$$

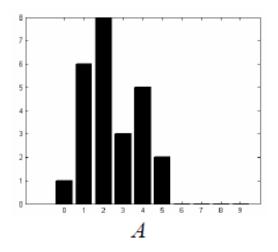
$$B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix}$$

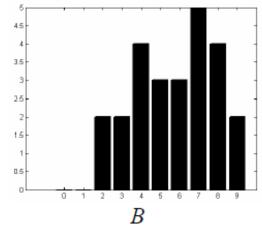
$$B_t = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 1 & 1 & 3 \\ 2 & 2 & 1 & 5 & 1 \\ 5 & 2 & 2 & 0 & 4 \\ 4 & 4 & 3 & 3 & 2 \end{bmatrix}$$

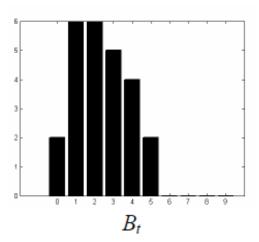
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 1 & 4 \\ 2 & 2 & 2 & 3 & 5 \\ 2 & 2 & 3 & 2 & 5 \\ 4 & 4 & 1 & 2 & 4 \\ 3 & 4 & 1 & 2 & 1 \end{bmatrix} \qquad B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix} \qquad B_t = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 1 & 1 & 3 \\ 2 & 2 & 1 & 5 & 1 \\ 5 & 2 & 2 & 0 & 4 \\ 4 & 4 & 3 & 3 & 2 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 & 5 & 7 \\ 7 & 8 & 4 & 4 & 7 \\ 6 & 5 & 4 & 9 & 3 \\ 9 & 6 & 5 & 2 & 8 \\ 8 & 8 & 7 & 7 & 6 \end{bmatrix}$$

$$B_t = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 0 & 2 & 3 \\ 3 & 4 & 1 & 1 & 3 \\ 2 & 2 & 1 & 5 & 1 \\ 5 & 2 & 2 & 0 & 4 \\ 4 & 4 & 3 & 3 & 2 \end{bmatrix}$$







Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos
- 2. Transformaciones radiométricas:
 - Suavizado
 - Histograma
 - Filtrado homomórfico
 - Correspondencia de histogramas
 - Comparación de histogramas
 - Ejemplos

2.5. Comparar histogramas

• Para comparar dos histogramas H_1 y H_2 , es necesario aplicar alguna métrica $d(H_1,H_2)$ que nos indique cómo de bien coinciden dos histogramas:

• Correlación:
$$d(H_1, H_2) = \frac{\sum_{i=0}^{N} (H_1(i) - \overline{H}_1) (H_2(i) - \overline{H}_2)}{\sqrt{\sum_{i=0}^{N} (H_1(i) - \overline{H}_1)^2 \sum_{i=0}^{N} (H_2(i) - \overline{H}_2)^2}}$$

donde $\overline{H}_k = \frac{1}{N} \sum_{j=0}^{N} H_k(j)$ y N es el número de bins del histograma

• Chi-square:
$$d(H_1, H_2) = \sum_{i=0}^{N} \frac{(H_1(i) - H_2(i))^2}{H_1(i)}$$

2.5. Comparar histogramas

• Intersección:

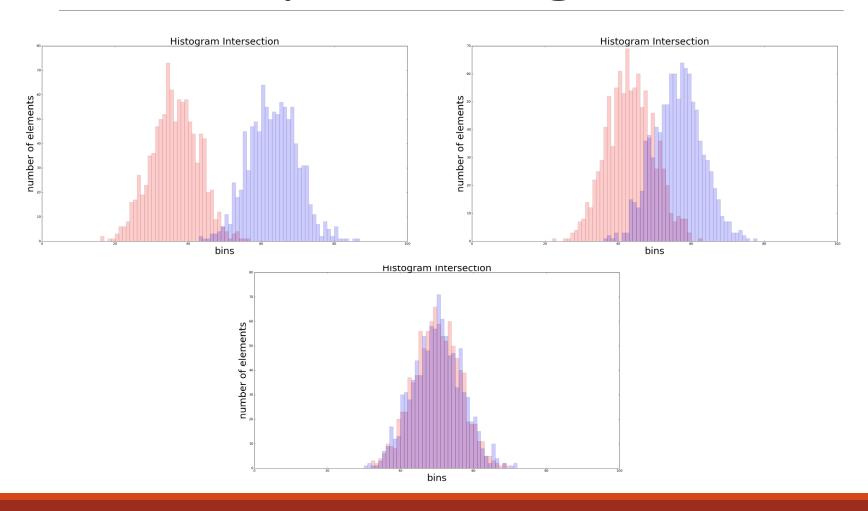
$$d(H_1, H_2) = \sum_{i=0}^{N} \min(H_1(i), H_2(i))$$

• Distancia Bachattacharyya:

$$d(H_1, H_2) = \sqrt{1 - \frac{1}{\sqrt{\overline{H}_1 * \overline{H}_2 * N^2}}} \sum_{i=0}^{N} \sqrt{H_1(i) * H_2(i)}$$

- Para los métodos de Correlación e Intersección, cuanto mayor es el valor obtenido, mayor es la coincidencia
- Para el método de Chi-square y Bachattacharyya, cuanto menor es el valor obtenido, mayor es la coincidencia

2.5. Comparar histogramas



Índice de contenidos

- 1. Transformaciones geométricas:
 - Transformadas elementales
 - Sistema de coordenadas
 - Interpolación
 - Registro
 - Ejemplos

2. Transformaciones radiométricas:

- Suavizado
- Histograma
- Filtrado homomórfico
- Correspondencia de histogramas
- Comparación de histogramas
- Ejemplos

2.6. Ejemplos: histograma ecualización

```
int main( int argc, char** argv ) {
                                 Se separan los tres planos de la imagen a color
     // Split BGR planes
     vector<Mat> bgr_planes;
     split( src, bgr planes );
                               Se establece el número de divisiones (bins),
     // Establish the number of
                                    el cuál estará en el intervalo [0,255]
     int histSize = 256;
     // Set the ranges ( for B, ני, ג)
     float range[] = { 0, 256 }; //the upper bounda
                                                  Indicamos si los bins tienen el
     const float* histRange = { range };
     bool uniform = true, accumulate = false;
                                                     mismo tamaño (uniform)
     // Compute the histograms for each channel
     Mat b hist, g hist, r hist;
     calcHist( &bgr planes[0], 1, 0, Mat(), b hist, 1, &histSize, &histRange, uniform, accumulate );
     calcHist( &bgr_planes[1], 1, 0, Mat(), g_hist, 1, &histSize, &histRange, uniform, accumulate );
     calcHist( &bgr planes[2], 1, 0, Mat(), r hist, 1, &histSize, &histRange, uniform, accumulate );
                                                      Se calculan los histogramas
                                                         con la función
```

2.6. Ejemplos: histograma ecualización

```
int main( int argc, char** argv ) {
     // Draw the histograms for B, G and R
                                                                Se normalizan los histogramas
     int hist w = 512, hist h = 400;
                                                               entre 0 y el número de filas del
     int bin w = cvRound( (double) hist w/histSize );
                                                                     histograma calculado
     Mat histImage( hist h, hist w, CV 8UC3, Scalar( 0,0,0) );
     // normalize the histograms between 0 and histImage.rows
     normalize(b hist, b hist, 0, histImage.rows, NORM MINMAX, -1, Mat() );
     normalize(g hist, g hist, 0, histImage.rows, NORM MINMAX, -1, Mat() );
     normalize(r hist, r hist, 0, histImage.rows, NORM MINMAX, -1, Mat() );
     // Draw the intensity line for histograms
     for( int i = 1; i < histSize; i++ ) {
           line( histImage, Point( bin w*(i-1), hist h - cvRound(b hist.at<float>(i-1)) ),
                 Point( bin w*(i), hist h - cvRound(b hist.at<float>(i)) ),
                 Scalar(255, 0, 0), 2, 8, 0);
           line( histImage, Point( bin_w*(i-1), hist_h - cvRound(g_hist.at<float>(i-1)) ),
                 Point( bin w*(i), hist h - cvRound(g hist.at<float>(i)) ),
                 Scalar(0, 255, 0), 2, 8, 0);
           line( histImage, Point( bin w*(i-1), hist h - cvRound(r hist.at<float>(i-1)) ),
                 Point( bin_w*(i), hist_h - cvRound(r_hist.at<float>(i)) ),
                 Scalar(0, 0, 255), 2, 8, 0 );
```

Pintamos una línea por cada histograma

2.6. Ejemplos: histograma ecualización

```
int main( int argc, char** argv ) {
                                                               Para ecualizar un canal, se
     // Equalization
                                                           utiliza la función la
     Mat b eqhist,g eqhist,r eqhist;
     equalizeHist( bgr planes[0], b eqhist );
                                                           cuál recibe el canal en cuestión,
     equalizeHist( bgr_planes[1], g_eqhist );
                                                                    no el histograma
     equalizeHist( bgr planes[2], r eqhist );
     // Compute the histograms for each channel
                                                                Si se quiere visualizar el
     // normalize the histograms between 0 and histImage.rows
     // Draw the intensity line for equalized histograms
                                                               histograma ecualizado, se
                                                            realiza como en el caso anterior
     // Create Equalized image
     vector<Mat> equalized;
     equalized.push back(b eqhist);
     equalized.push back(g eqhist);
                                       Para ver la imagen ecualizada, se compone la misma a
     equalized.push back(r eqhist);
                                       partir de los tres canales resultantes de la ecualización
     // Merge channels
     Mat equalized image;
     merge(equalized, equalized image);
                                                      Se muestra la imagen
     imshow("Equalized image", equalized_image );
     imshow("calcHist Equalized", histImageEq );
                                                   ecualizada y su histograma
```

2.6. Ejemplos: comparación histograma

```
int main( int argc, char** argv ) {
   // Load the base image (src base) and the other two test images:
   Mat src_base = imread( "../../images/Histogram_Comparison_Source_0.jpg", IMREAD_COLOR );
   Mat src test1 = imread( "../../images/Histogram Comparison Source 1.jpg", IMREAD COLOR);
   Mat src test2 = imread( "../../images/Histogram Comparison Source 2.jpg", IMREAD COLOR );
   if( src base.empty() || src test1.empty() || src test2.empty() ) {
       cout << "Could not open or find the images!\n" << endl;</pre>
       return -1;
                                                                Se cargan la imagen de referencia
                                                               (src base) y las otras dos imágenes
   // Convert them to HSV format
                                                                que serán de test, para comparar
   Mat hsv base, hsv test1, hsv test2;
   cvtColor( src base, hsv base, COLOR BGR2HSV );
   cvtColor( src test1, hsv test1, COLOR BGR2HSV );
   cvtColor( src test2, hsv test2, COLOR BGR2HSV );
                                                          Se convierten a formato HSV
   imshow("im1", hsv base);
   imshow("im2", hsv_test1);
   imshow("im3", hsv test2);
   // Also, create an image of half the base image (in HSV format):
   Mat hsv half down = hsv base( Range( hsv base.rows/2, hsv base.rows ), Range( 0, hsv base.cols ));
   imshow("half", hsv_half_down);
                                                   Se crea una nueva imagen que es la
                                                     mitad de la imagen de referencia
```

2.6. Ejemplos: comparación histograma

```
int main( int argc, char** argv ) {
                                                    Se inicializan los argumentos para
                                                          calcular los histogramas
   // Initialize the arguments to calculate the his
   int h bins = 50, s bins = 60;
                                                    (divisiones, rangos y canales H y S)
   int histSize[] = { h bins, s bins };
   // hue varies from 0 to 179, saturation from 0 to 255
   float h ranges[] = { 0, 180 };
                                                    Se calculan los histogramas de la
   float s ranges[] = { 0, 256 };
   const float* ranges[] = { h ranges, s ranges };
                                                    imagen base, las dos imágenes de
   // Use the 0-th and 1-st channels
   int channels[] = { 0, 1 };
                                                         test y la imagen recortada
   // Calculate the Histograms for the base image, the 2 test images and the half
                                                                                     Jase image:
   Mat hist base, hist half down, hist test1, hist test2;
   calcHist( &hsv base, 1, channels, Mat(), hist base, 2, histSize, ranges, true, false );
   normalize( hist base, hist base, 0, 1, NORM MINMAX, -1, Mat() );
   calcHist( &hsv_half_down, 1, channels, Mat(), hist_half_down, 2, histSize, ranges, true, false );
   normalize( hist half down, hist half down, 0, 1, NORM MINMAX, -1, Mat() );
   calcHist( &hsv test1, 1, channels, Mat(), hist test1, 2, histSize, ranges, true, false );
   normalize( hist test1, hist test1, 0, 1, NORM MINMAX, -1, Mat() );
   calcHist( &hsv test2, 1, channels, Mat(), hist test2, 2, histSize, ranges, true, false );
   normalize( hist_test2, hist_test2, 0, 1, NORM_MINMAX, -1, Mat() );
```

2.6. Ejemplos: comparación histograma

```
int main( int argc, char** argv ) {
   // Apply sequentially the 4 comparison methods between the
   // histogram of the base image (hist base) and the other histograms:
   for( int compare method = 0; compare method < 4; compare method++ ) {</pre>
     double base base = compareHist( hist base, hist base,
                                                                compare method );
     double base half = compareHist( hist base, hist half down, compare method );
     double base test1 = compareHist( hist base, hist test1,
                                                                compare method );
     double base test2 = compareHist( hist base, hist test2,
                                                                compare method );
     cout << "Method " << compare method << " Perfect, Base-Half, Base-Test(1), Base-Test(2) : "</pre>
           << base base << " / " << base half << " / " << base test1 << " / " << base test2 << endl;</pre>
   // For the Correlation and Intersection met
                                                  Se aplican secuencialmente los 4
   // the more accurate the match.
   // For the other two metrics, the less the
                                                 métodos de comparación entre los
   cout << "Done \n";</pre>
                                                    histogramas de la imagen base
   waitKey(0);
                                               (base_image) y los demás histogramas
   return 0;
```