Distancia de Edición

Alejandro Pernin Lautaro Medrano

17 de noviembre de 2013

${\bf \acute{I}ndice}$

1.	Enunciado	3
	1.1. Distancia de edición	4
	1.2. Alineación secuencias ADN	4
2.	Resolución	6
	2.1. Distancia de edición	6
	2.1. Distancia de edición	7
3.	Análisis de orden	9
4.	Ejecución y pruebas	10
5 .	Reformas respecto 1º informe	11
6.	Codigos Fuente	12

1. Enunciado

<u>Distancia de edición</u> Para convertir una cadena de caracteres x [1..m] en otra cadena y [1..n], se pueden realizar distintas operaciones. La meta consiste, en dadas las cadenas x e y , encontrar una serie de transformaciones para cambiar x en y , para lo cual debemos emplear un vector z (cuyo tamaño asumimos que es suficiente para almacenar todos los caracteres necesarios) en el que almacenaremos los resultados parciales. Al inicio z está vacío y al final se cumple que z [j]= y [j] para j=1,2 , ... , n . Se deben examinar todos los caracteres de x , para lo cual se mantienen los índices i en x y j en z . En un principio i= j=1 y al final i=m+1 . En cada paso se aplica alguna de las siguientes seis operaciones (transformaciones):

Copiar: copia un carácter de x a z . Esto es: z [j]= x [i] e incrementa los índices i yj

Reemplazar: reemplaza un carácter de x por otro carácter c . Esto es: z [j]=c e incrementa los índices i y j

Borrar:borra un carácter de x incrementando i y sin mover j

Insertar: inserta un carácter c en z . Esto es: z [j]=c e incrementa j sin mover i

Intercambiar: intercambia los próximos dos caracteres copiándolos de x a z pero en orden inverso. Esto es: z [j] = x [i+1] y z [j+1] = x [i] e incrementa los índices de la siguiente manera: i=i+2 y j=j+2

Terminar: elimina los caracteres restantes de x haciendo i=m+1. Esta operación descarta todos los caracteres de x que todavía no se analizaron. Es la última operación se aplica si hace falta.

1.1. Distancia de edición

Dadas dos cadenas x [1..m] e y [1..n] y el costo de cada una de las operaciones . Escribir un programa (programación dinámica) que calcule la distancia de edición siendo esta la secuencia de menor costo que permita transformar x en y . Analizar la complejidad en tiempo y espacio de la solución implementada. El programa debe tomar como parámetros las dos cadenas y el nombre de un archivo con el costo de las operaciones. El formato de cada línea de este archivo es el siguiente:

<operacion>:<costo>

Ejemplo de invocación: tdatp2 algoritmo altruista costos.txt

La salida debe ser por pantalla y debe mostrar una línea por cada operación, indicando los caracteres que se insertan o reemplazan. Una línea en blanco y el costo total de la secuencia.

1.2. Alineación secuencias ADN

El problema de la distancia de edición, tal como está planteado en este TP generaliza el problema de alinear dos secuencias de ADN. Existen varios métodos para medir la similitud entre dos secuencias de ADN alineándolas. Uno de esos métodos consiste en insertar espacios en posiciones arbitrarias en ambas secuencias (incluyendo al final) tal que las secuencias resultantes tengan la misma longitud pero que no tengan espacios en la misma posición. Entonces se le asigna un puntaje a cada posición de la siguiente manera:

- +1 si x'[j] = y'[j] y ninguno es un espacio
- \bullet -1 si $x'[j] \neq y'[j]$ y ninguno es un espacio
- \bullet -1 si x'[j] o y'[j] es un espacio

El puntaje total de la alineación es la suma de los puntaje de cada posición. Por ejemplo dadas las secuencias x=GATCGGCAT e y=CAATGTGAATC, una alineación posible es:

Tal que el puntaje total de la alineación es 6 * 1 - 2 * 1 - 4 * 2 = -4Explicar que como utilizar el programa de distancia de edición del punto 1 utilizando un subconjunto de las operaciones copiar, reemplazar, borrar, insertar, intercambiar y terminar para resolver el problema de la alineación de secuencias de ADN con el método dado.

2. Resolución

2.1. Distancia de edición

Para la resolución de los problemas planteados se tuvieron en cuenta algunas hipótesis:

- El costo individual de copiar y reemplazar, son menores que los costos de las combinaciones de borrar e insertar.
- Conozco soluciones parciales anteriores del problema.
- El problema es case sensitive, por lo cual mayúsculas y minúsculas serán diferenciadas.
- Las operaciones estan sujetas a prohibición.

El problema se atacó desde un punto de vista dinámico utilizando el enfoque de memorización, es decir que se van guardando en memoria soluciones previas a un problema menor, cuya solución considero es óptima. Para ello se utilizó un diccionario que irá alojando las soluciones previas para tenerlas disponibles para ensamblar soluciones futuras. El concepto de solución es:

$$S_n = S_{n-1} + s(n)$$

Es decir que la solución hasta un carácter se compone de la solución hasta el carácter anterior más una solución para ese único carácter.

Para la composición de la solución se hace uso de la hipótesis de que la copia es la mejor operacion a realizar (menor costo), para poder realizar una toma de decisiones se utiliza como recursos el resultado obtenido de una implementación de LCS¹ y un análisis de la diferencia de tamaños entre la base y el objetivo.

Algunas de las consideraciones que se toman en cuenta son:

- Si $base(pos) \in LCS \rightarrow es$ un caracter que se puede copiar, si se puede copiar esa misma instancia u otra con sus respectivos impactos.
- Si $|base| <= |objetivo| \rightarrow$ borrar un caracter implica a futuro una inserción.

¹Longest Common Sequence - Secuencia Común más Larga

• Si $|base| >= |objetivo| \rightarrow$ una inserción puede a futuro implicar un borrar o terminar.

Teniendo en cuenta estas consideraciones se hace un análisis de costos y de que operación es la óptima a efectuar.

```
Data: n

Result: lista_solucion

if post == 0 then

| return s(n);

end

if !Dict_{n-1} then

| Dict_{n-1} = S_{n-1};

end

if !Dict_n then

| Dict_{n-1} = Dict_{n-1} + s(n);

end

l \leftarrow Dict_n;

return l;

Algorithm 1: Obtención S_n con memorización
```

2.2. Alineación secuencias ADN

Para la resolución del problema de alinear secuencias de ADN se utiliza el mismo algoritmo utilizado para la distancia de edición, utilizando un conjunto de operaciones adaptados a este problema. Para hallar que operaciones y que respectivos costos se debieran utilizar se hizo un analisis del problema. Veamos el ejemplo de alineación:

- 1) Representa un reemplazo con un costo de -1.
- 2) Representa una inserción con un costo de -2.
- 3) Representa un copiar con un costo de +1.

- 4) Representa un borrar con un costo de -2.
- No se realizan operaciones terminar o intercambiar.

El objetivo de la alineación es obtener aquella alineación cuyo puntaje es máximo, pero siendo que el algoritmo a utilizar trabaja con mínimos, lo que se debe realizar es invertir los costos (eg: Copiar:-1); asi mismo el resultado que obtendremos también debemos invertirlo para que represente el puntaje máximo. Por ejemplo el archivo de costos a utilizar sería:

```
1 reemplazar:1
2 insertar:2
3 borrar:2
4 copiar:-1
```

Utilizando este archivo para la resolución de las secuencias dadas como ejemplo obtenemos:

```
1 reemplazar g c
2 copiar a
3 insertar a
4 copiar t
5 reemplazar c g
6 reemplazar g t
7 copiar g
8 reemplazar c a
9 copiar a
10 copiar t
11 insertar c
12
13 El costo es: 3
```

Cuyo puntaje de alineación es -3 y equivale a:

3. Análisis de orden

A continuación se hará un análisis de los órdenes de los principales módulos que se utilizan en la resolución del problema. Se omiten aquellos que no revisten complejidad y/o relevancia, pero cuyo análisis igual se encuentra en el código fuente 2

²Ver sección 6

4. Ejecución y pruebas

5. Reformas respecto 1º informe

6. Codigos Fuente

```
1 #! / usr / bin / python
2 \# -*- coding: utf-8 -*-
4 import sys
5 import LCS
7 class Cost(object):
    """Se utiliza el patron singleton que fue modificado
    para que no se llame a init en cada llamado a la instancia"""
10
11
    _{\rm instance} = None
12
    _{init} = False
13
    """O(1)"""
14
    def __new__(cls ,* args , **kwargs):
15
16
      if not cls._instance:
17
         cls._instance = super(Cost, cls).__new__(cls)
18
      return cls._instance
19
    """O(1)"""
20
21
    def __init__(self, file_source = None):
22
       if self._init : return #Avoids __init__ being called on every access.
23
       self.dict = \{\}
24
       if file_source is not None:
25
         self.load_file(file_source)
      self._init = True
26
27
28
    """O(#Operaciones) en este caso O(6)"""
29
    def load_file(self, file_source):
30
      #print "el archivo se llama % \n" % file_source
31
       _file = open(file_source)
32
      for line in _file:
33
         line = line.replace('\n','').split(':')
34
         self. dict [line [0]] = int (line [1])
35
    """O(1)"""
36
37
    def costo (self, op):
38
      return self.dict[op]
39
40
    def existe (self, op):
      return self.dict.has_key(op)
41
43 """TODAS LAS OPERACIONES SON O(1)"""
```

```
44 class Copiar():
    def __init__(self,char):
45
46
       self.char = char
47
48
     def __str__(self):
       s = "copiar_{\sim} \%" \% self.char
49
50
       return s
51
52 class Reemplazar():
    def __init__(self,char1,char2):
       self.char1=char1
54
       self.char2=char2
55
56
57
    def __str__(self):
58
       s = "reemplazar_%_%" %(self.char1, self.char2)
59
       return s
60
61 class Borrar():
62
    def __init__(self,char):
63
       self.char=char
64
65
     def __str__(self):
       s = "borrar_%" % self.char
66
67
       return s
68
69 class Insertar():
    def __init__(self,char):
71
       self.char=char
72
73
    def __str__(self):
       s = "insertar_%" % self.char
74
75
       return s
76
77 class Intercambiar():
    def __init__(self,char1,char2):
79
       self.char1=char1
80
       self.char2=char2
81
82
     def __str__(self):
       s = "intercambiar \% \% (self.char1, self.char2)
83
84
85
       return s
86
87 class Terminar ():
    def __str__(self):
```

```
89
       return "terminar"
90
91
92 class Problem():
     """O(1)"""
     def __init__(self,pal1,pal2):
94
95
        self.base = pal1
96
        self.posbase = 0
97
       self.objective = pal2
98
       self.lcs= LCS.lcs(pal1,pal2) #O(#pal1 * #pal2)
99
       self.poslcs = 0
100
       self.mem={}
       self.diff = len(pal2)-len(pal1) #O(1)
101
102
       self.cost=0
       self.term = False if (self.diff >= 0) else True #O(1)
103
104
       self.inser = self.diff if (self.diff > 0) else 0 #O(1)
       self.borr = self.diff if (self.diff < 0) else 0 #O(1)
105
106
     """O(1)"""
107
108
     def eob(self):
109
       return self.posbase == len(self.base)
110
111
     def verLcs(self):
112
       try:
113
          return self.lcs[self.poslcs]
114
       except IndexError:
115
         return None
116
     """O(1)"""
117
118
     def verBase(self):
119
       return self.base[self.posbase]
120
     """O(1)"""
121
122
     def verSigBase(self):
123
          return self.base[self.posbase+1]
124
125
       except IndexError:
126
          return None
127
128
     """O(1)"""
129
     def verObj(self,pos):
130
       return self.objective[pos]
131
     """O(1)"""
132
133
     def verSigObj(self,pos):
```

```
134
       trv:
135
          return self.objective[pos+1]
136
       except IndexError:
137
          return None
138
     """O(1)"""
139
140
     def copiar (self):
       c = Copiar(self.verBase())
141
142
       self.posbase += 1
143
       self.cost += Cost().costo('copiar')
144
       self.poslcs += 1
145
       return [c]
146
     """O(1)"""
147
148
     def insertar(self,pos):
149
       char = self.objective[pos]
150
       i = Insertar(char)
       self.cost += Cost().costo('insertar')
151
152
       _terminar = Cost().existe('terminar')
153
       _borrar = Cost().existe('borrar')
       if self.diff >= 0:
154
155
          if not _borrar and _terminar:
            self.term = True
156
          elif _borrar and _terminar:
157
            minim = min(Cost().costo('borrar'),Cost().costo('terminar'))
158
159
            if minim == Cost().costo('terminar'):
160
              self.term = True
161
       return [i]
162
     """O(1)"""
163
164
     def terminar (self):
165
       t = Terminar()
166
       self.cost += Cost().costo('terminar')
167
       return [t]
168
     """O(1)"""
169
170
     def intercambiar (self):
171
       x = self.verBase()
172
       y = self.verSigBase()
173
       i = Intercambiar(x, y)
174
       self.cost += Cost().costo('intercambiar')
175
       self.posbase += 2
176
       return [i]
177
     """O(1)"""
178
```

```
179
     def reemplazar (self, pos):
180
       r = Reemplazar(self.verBase(), self.verObj(pos))
181
       self.cost += Cost().costo('reemplazar')
182
       if (self.verBase()==self.verLcs()):
183
          self.poslcs +=1
184
       self.posbase += 1
185
       return [r]
186
     """O(1)"""
187
     def borrar(self):
188
       b = Borrar(self.verBase())
189
190
       self.posbase += 1
191
       self.cost += Cost().costo('borrar')
192
       return [b]
193
     """O(1)"""
194
195
     def aInsertar (self, pos):
       ""Se analiza el costo de insertar, se supone que la prox seria copia
196
197
         sino no conviene insertar"""
198
       costo = Cost().costo('insertar')+Cost().costo('copiar')
       _terminar = Cost().existe('terminar')
199
       _borrar = Cost().existe('borrar')
200
201
       if self.diff \ll 0:
202
         #Insertar implica que deba o borrar o terminar
203
         if not _borrar and _terminar:
204
            costo += Cost().costo('terminar') if not self.term else 0
205
          elif not _terminar and _borrar:
206
            costo += Cost().costo('borrar')
207
         else:
            step = min(Cost().costo('terminar'),Cost().costo('borrar'))
208
            if step == Cost().costo('terminar'):
209
210
              costo += step if not self.term else 0
211
            else:
212
              costo += step
213
214
       return costo
215
     """O(1)"""
216
217
     def aBorrar (self, pos):
218
       costo = Cost().costo('borrar')+Cost().costo('copiar')
219
       if self.diff >= 0:
220
         #Borrar implica insertar
221
         costo += Cost().costo('insertar')
222
       return costo
223
```

```
"""O(1)"""
224
225
     def aReemplazar (self, pos):
226
       costo=Cost().costo('reemplazar')
227
228
       if self.verBase()==self.verLcs():
          costo+=Cost().costo('reemplazar') if Cost().existe('terminar') else 0
229
230
       if self.verSigBase()==self.verSigObj(pos):
231
          costo+=Cost().costo('copiar')
232
233
          costo+=Cost().costo('reemplazar')
234
       return costo
235
     """O(1)"""
236
237
     def checkintercambio (self, pos):
238
       """ Evalua si es viable un intercambio"""
239
       if not Cost().existe('intercambio'):
240
          return False
        if pos < len(self.objective):
241
242
         """Evaluo caso de intercambio"""
243
         b1 = self.verBase()
244
         b2= self.verSigBase()
245
          o1 = self.objective[pos]
246
          o2 = self.verSigObj(pos)
          if (not b2 is None and not o2 is None) and (b1 \Longrightarrow o2) and (b2 \Longrightarrow o1):
247
            return True
248
249
       return False
250
251
252
     El peor caso es que me encuentre al principio del string y que no haya ningun
253
     elemento cuya copia sea posible por lo que debe recorrer todo el string base
254
     O(\#base)
255
256
     def distcopy(self,pos):
257
       """Mide la distancia al proximo elemento que se pueda copiar"""
258
259
       aux = self.posbase #Guardo la posicion original
260
       while not self.eob():
261
          if self.verBase() == self.verObj(pos):
262
            dist = self.posbase - aux
263
          self.posbase += 1
        self.posbase = aux #Vuelvo a colocarlo en su posicion original
264
265
       return dist
266
267
268
     Idem anterior, el peor caso es que no haya ningun elemento cuyo intercambio
```

```
269
     sea posible.
270
     O(#base)
271
272
     def distinter(self, pos):
       """Mide la distancia al proximo intercambio(de ser posible)"""
273
274
        dist = 0
275
       aux = self.posbase
276
       while not self.eob():
          if self.checkintercambio(pos):
277
278
            dist = self.posbase - aux
279
          self.posbase +=1
280
        self.posbase = aux
281
       return dist
282
     ,, ,, ,,
283
284
     Mide el minimo en un conjunto de operaciones
285
286
     En esta implementacion podemos decir que es:
287
     O(2) = O(1)
288
289
     def min(self, 1):
290
       minimo = None
291
       for i in 1:
292
          if (i[0]==0):
293
            continue
294
          if (\min o is None) o (i[0] * Cost(). costo(i[1]) < Cost(). costo(minimo)):
295
            minimo = i [1]
296
       return minimo
297
     ,, ,, ,,
298
299
     O(\#1)
300
     A efectos de esta implementacion:
301
     O(3) = O(1)
302
     def min2(self,1):
303
304
       minimo = None
305
       costo = None
306
        for i in 1:
307
          if i[0] is None:
308
            continue
309
          if (minimo is None) or (i[0] < costo):
310
            minimo = i [1]
311
            costo = i[0]
312
       return minimo
313
```

```
314
315
     Determina cual es la mejor manera de obtener el caracter actual
316
     con los elementos disponibles en la palabra base
317
     O(1)
318
319
     def solve (self, pos, aux=None):
320
       r = []
       if self.eob(): #O(1)
321
322
         """No hay otra opcion mas que insertar, ya que se agotaron
         los caracteres disponibles en la base"""
323
324
         if Cost().existe('insertar'):
325
            return self.insertar(pos)
                                         \#O(1)
326
327
       \#O(1)
328
       if (self.verBase() == self.objective[pos]) \
329
                          and Cost().existe('copiar'):
         """Es el caso de copiar"""
330
         aux = self.checkintercambio(pos) #O(1)
331
332
         ""Evaluo si en vez de copiar se puede intercambiar y si es mas optimo""
333
         \#O(1)
334
         if not aux or (aux and \
                    self.min([(1, 'copiar'),(1, 'intercambiar')])=='copiar'):
335
            """Evaluo si en vez de copiar se puede reemplazar"""
336
337
           \#O(1)
            if (not Cost().existe('reemplazar'))or\
338
339
                    (self.min([(1, 'copiar'),(1, 'reemplazar')])== 'copiar'):
340
              return self.copiar() #O(1)
341
              """No tiene sentido que reemplazar sea mas eficiente,
342
              igual se implementa"""
343
344
              return self.reemplazar(pos) #O(1)
345
346
       \#O(1)
347
       if pos < len(self.objective):
         """Evaluo caso de intercambio"""
348
349
         if self.checkintercambio(pos):
350
            r = self.intercambiar()
                                       \#O(1)
351
352
            Se guarda en dos posiciones de memoria dado que al intercambiar
353
            estamos solucionando dos posiciones del objetivo
354
355
            try:
356
              self.mem[pos+1] = self.mem[pos-1] + r
                                                     \#O(1)
357
            except KeyError:
              if (aux is not None):
358
```

```
359
                self.mem[pos+1]=aux+r
                                            \#O(1)
360
              else:
361
                pass
362
            return r
363
364
       if Cost().existe('copiar'):
         costoInsertar = None
365
366
         costoBorrar = None
         costoReemplazar = None
367
         if self.verBase() = self.verLcs(): #O(1)
368
           #Evaluo insertar, y la siguiente operacion seria una copia
369
370
            costoInsertar = self.aInsertar(pos) #O(1)
371
         if self.verSigBase() = self.verLcs():
           #Evaluo borrar, y la siguiente operacion seria una copia
372
373
            costoBorrar = self.aBorrar(pos)
374
         costoReemplazar = self.aReemplazar(pos)
375
         \#O(1)
         op = self.min2([(costoReemplazar, 'r'),(costoInsertar, 'i'),(costoBorrar, 'b')])
376
377
         if op = 'r':
378
           return self.reemplazar(pos)
          elif op == 'b':
379
380
            r += self.borrar() \#O(1)
381
            r += self.solve(pos,r) \#O(1)
382
           return r
383
         else:
384
           return self.insertar(pos) #O(1)
385
386
       print "No_debiera_llegar_a_este_punto—"
387
388
389
     Se emplea programacion dinamica usando memorizacion.
390
     Se hacen tantas llamadas a la funcion como caracteres a obtener de alli
391
     O(#Objetivo)
392
393
     def solution (self, pos):
       """Como premisa supongo que ya poseo como conseguir una solucion anterior
394
395
396
       if pos = 0:
397
         return self.solve(pos)
398
399
       if not self.mem. has_key (pos -1):
400
         self.mem[pos-1] = self.solution(pos-1)
401
       if not self.mem. has_key(pos):
402
          self.mem[pos] = self.mem[pos-1] + self.solve(pos)
       if pos == len(self.objective)-1 and not self.eob():
403
```

```
404
         """Ya obtuvimos la solucion y aun hay elementos en la base que deben ser
         descartados"""
405
406
         self.mem[pos] += self.terminar()
407
       return self.mem[pos]
408
409 """
410 Siendo #pal2 < #pal1 * #pal2
411 O(\#pal1 * \#pal2) + O(\#pal2) < 2 O(\#pal1 * \#pal2)
412 O(#pal1 * #pal2)
413 """
414 def main():
415
     print "Teoria_y_Algoritmos_1_-_[75.29]"
     print "TP2_-_Distancia_de_Edicion"
416
     417
418
     s1 = Cost(file_source=sys.argv[3])
     pal = sys.argv[1]
419
     pal2 = sys.argv[2]
420
     p = Problem(pal, pal2) \#O(\#pal1 * \#pal2)
421
422
     s = p. solution (len(pal2)-1) #O(#pal2)
423
     for i in enumerate(s):
424
       print i[0]+1,')', i[1]
     print "\nEl_costo_es:_%" % str(p.cost)
425
426 if __name__ == '__main__':
427
     main()
```