xsesta07, xkment06

January 4, 2023

Vítejte u třetího projektu do SUI! V tomto projektu si procvičíte trénování jednoduchých neuronových sítí. Dost jednoduchých na to, abyste pro výpočty nepotřebovali grafickou kartu. Na druhé straně, dost složitých na to, abychom Vás již netrápili implementaci v holém NumPy. Vaším nultým úkolem bude nainstalovat si PyTorch, na domovské stránce projektu si můžete nechat vygenerovat instalační příkaz pro Vaše potřeby.

Odevzdejte prosím dvojici souborů: Vyrenderované PDF a vyexportovaný Python (File -> Download as). Obojí **pojmenujte loginem vedoucího týmu**. U PDF si pohlídejte, že Vám nemizí kód za okrajem stránky.

V jednotlivých buňkách s úkoly (což nejsou všechny) nahrazujte pass a None vlastním kódem.

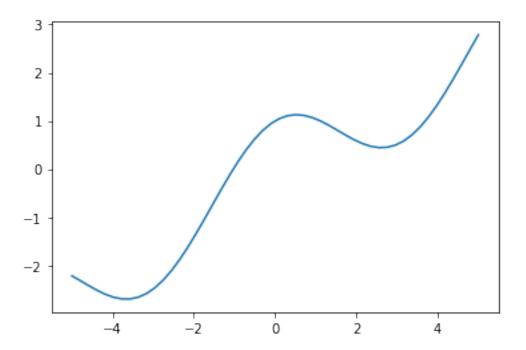
V průběhu řešení se vždy vyvarujte cyklení po jednotlivých datech.

Celý tento projekt bude věnován regresi, tj. odhadu spojité výstupní veličiny. V první části projektu budete pracovat s následující funkcí:

```
[2]: def func(x):
    return torch.cos(x) + x/2

xs = np.linspace(-5, 5, 50)

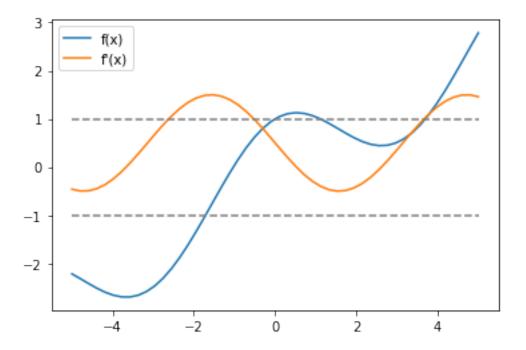
plt.plot(xs, func(torch.tensor(xs)))
plt.show()
```



Vaším prvním úkolem bude pomocí PyTorche vypočítat hodnoty derivace této funkce na rozsahu <-5, 5>. Vytvořte si tensor xů a řekněte PyTorchi, že budete vzhledem k němu chtít spočítat gradienty (defaultně se to u Tensoru nepředpokládá). Pomocí back-propagace je pak vypočítejte. PyTorch umí backpropagovat jenom skalár, najděte tedy způsob, jak agregovat všechny výstupy funkce tak, aby složky gradientu agregované hodnoty byly hodnotami derivace funkce func v jednotlivých xech.

```
DATA_LEN = 50
xs = torch.tensor(np.linspace(-5, 5, DATA_LEN), requires_grad = True)
fs = func(xs)
fs.backward(torch.ones(DATA_LEN))

plt.plot(xs.detach(), fs.detach(), label="f(x)")
plt.plot(xs.detach(), xs.grad, label="f'(x)")
plt.plot(xs.detach(), 1 * np.ones(xs.shape[0]), color='gray', linestyle='--')
plt.plot(xs.detach(), -1 * np.ones(xs.shape[0]), color='gray', linestyle='--')
plt.legend(loc="upper left")
plt.show()
```

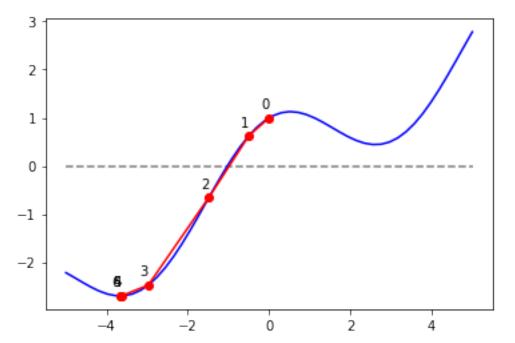


Dále budete hledat lokální minimum této funkce. Naimplementujte funkci tangent_minimum, která – v blízké podobnosti metodě tečen – nalezne řešení, resp. vrátí posloupnost jednotlivých bodů, jimiž při hledání minima prošla. Jejími vstupy jsou: * function – PyTorch-kompatibilní funkce * x0 – počáteční bod * nb_steps – zadaný počet kroků, který má být proveden. Ve výstupu tedy bude nb_steps + 1 položek (vč. x0)

Reálně implementujte gradient descent, tedy iterativně vypočítejte hodnotu gradientu (derivace) v aktuálním bodě řešení a odečtěte ji od onoho bodu. Neuvažujte žádnou learning rate (resp. rovnou jedné) a nepoužívejte žádné vestavěné optimalizátory z PyTorche.

Zbylý kód v buňce pak funkci zavolá a vykreslí, jak postupovala.

```
plt.plot(updates, func(torch.tensor(updates)).detach(), 'r', marker='o')
for i, (x, y) in enumerate(zip(updates, func(torch.tensor(updates)).detach())):
    plt.annotate(f'{i}', (x, y), xytext=(x-0.2, y+0.2))
plt.show()
```



0.1 Modelování polynomů

V následujících několika buňkách budete usilovat o modelování této křivky pomocí polynomů. Prvním krokem bude implementace třídy LinearRegression, která bude implementovat … lineární regresi, pomocí jediného objektu třídy… torch.nn.Linear! Po vytvoření objektu torch.nn.Linear sáhněte do jeho útrob a nastavte na nulu bias a všechny váhy kromě nulté – tu nastavte na jednu polovinu. Tím získáte model $y=\frac{x}{2}$, který pro nadcházející úlohu není úplně mimo, a nebudete se tak trápit s dramatickým dynamickým rozsahem loss.

Nechť LinearRegression dědí od torch.nn.Module, výpočet tedy specifikujte v metodě forward(). Při výpočtu zařiďte, aby byl výstup ve tvaru [N], nikoliv [N, 1]; zároveň to ale nepřežeňte a pro jediný vstup vracejte stále vektor o rozměru [1] a ne jen skalár. Dále naimplementujte metodu 12_norm(), která vrací eukleidovskou velikost všech parametrů modelu dohromady, jakoby tvořily jediný vektor. Může se vám hodit torch.nn.Module.parameters().

```
[5]: class LinearRegression(torch.nn.Module):
    def __init__(self, input_dim):
        super(LinearRegression, self).__init__()
        self.linear = torch.nn.Linear(input_dim, 1, bias=True)
```

```
with torch.no_grad():
    self.linear.weight.fill_(0.0)
    self.linear.weight[0] = 0.5
    self.linear.bias = torch.nn.Parameter(torch.tensor([0.0]))

def forward(self, x):
    return self.linear(x).squeeze(-1)

def l2_norm(self):
    params = torch.nn.utils.parameters_to_vector(self.parameters())
    return np.linalg.norm(params.data, 2)
```

Naimplementujte funkci pro trénování modelu takového modelu. Funkce přijímá: * model – PyTorch-kompatibilní model * loss_fun – funkci, která konzumuje výstupy modelu a cílové hodnoty a model (kvůli regularizaci) * optimizer – PyToch-kompatibilní optimalizátor * train_X – trénovací data ve formátu [N, F] * train_t – cílové hodnoty ve formátu [N] * nb_steps – počet kroků, které se mají provést

Funkce potom vrací průběh trénovací MSE a průběh velikosti parametrů (předpokládejte, že model poskytuje .12_norm()). Tedy, dodaná loss_fun je použita pouze pro optimalizaci, ale nikde se její hodnoty nelogují.

Dále naimplementujte třídu MSE_with_regression, jejíž instance budou sloužit jako mean-square-error loss, navíc rozšířená o L2 regularizaci, jejíž sílu určí uživatel při konstrukci parametrem 12_beta.

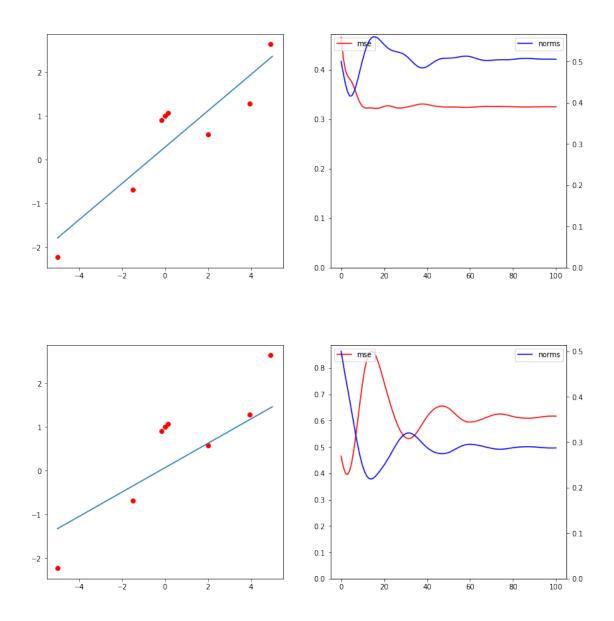
```
[6]: def train_regression_model(model, loss_fun, optimizer, train_X, train_t,_
      →nb_steps=100):
         mseFunc = torch.nn.MSELoss()
         mses = \Pi
         norms = []
         for _ in range(nb_steps):
             optimizer.zero_grad()
             y = model.forward(train X)
             mses.append(mseFunc(y , train_t).detach().numpy())
             norms.append(model.12 norm().item())
             loss = loss_fun(y, train_t, model)
             loss.backward()
             optimizer.step(lambda: loss_fun(y, train_t, model))
         mses.append(mseFunc(y , train_t).detach().numpy())
         norms.append(model.12_norm().item())
         return mses, norms
     class MSE_with_regression:
         def __init__(self, 12_beta=0.0):
             self.loss = torch.nn.MSELoss()
             self.12_beta = 12_beta
```

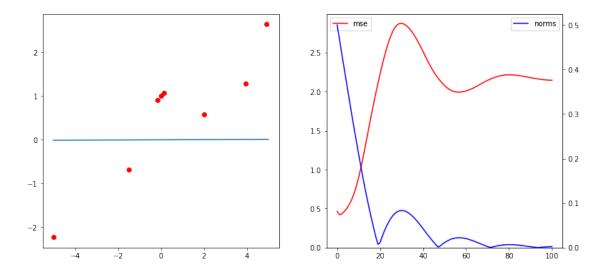
```
def __call__(self, y, t, model):
    mse = self.loss(y, t)
    12 = sum([torch.pow(torch.norm(param), 2) for param in model.
    parameters()])
    return mse + self.l2_beta * 12
```

Spustte trénování několikrát pomocí try_beta a najděte tři nastavení, která dají po řadě: 1. Dobrý odhad. 2. Silně potlačený odhad regrese, kde ale bude pořád dobře zřetelný trend růstu 3. Extrémně zregularizovaný model, který de facto predikuje konstantu.

Omezte se na interval <1e-10, 1e+10>.

```
[7]: def plot_training_result(model, losses, norms):
         fig, axs = plt.subplots(ncols=2, figsize=(13, 6))
         axs[0].plot(xs.detach(), model(xs.float().unsqueeze(-1)).detach())
         axs[0].scatter(data, ts, c='r')
         axs[1].plot(losses, 'r-', label='mse')
         axs[1].legend(loc="upper left")
         axs[1].set_ylim(bottom=0)
         ax_2 = axs[1].twinx()
         ax_2.plot(norms, 'b-', label='norms')
         ax_2.legend(loc="upper right")
         ax_2.set_ylim(bottom=0)
     xs = torch.linspace(-5, 5, steps=100)
     data = torch.tensor([-4.99, 3.95, -1.5, -0.15, 0, 0.15, 2, 4.9]).unsqueeze(-1)
     ts = func(data).squeeze(-1).detach()
     def try_beta(12_beta):
         regr 1 = LinearRegression(1)
         opt = torch.optim.Adam(regr_1.parameters(), 3e-2)
         losses, norms = train_regression_model(regr_1,__
      →MSE_with_regression(12_beta), opt, data, ts)
         plot_training_result(regr_1, losses, norms)
     try_beta(2e-1)
     try_beta(5)
     try_beta(1e5)
```





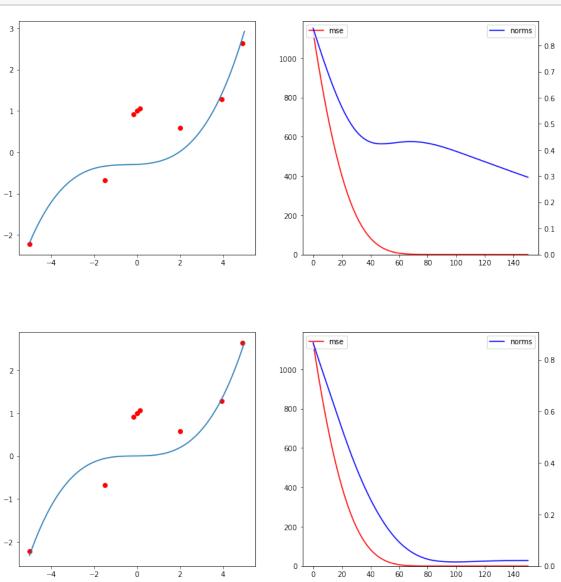
Zde doimplementujte metodu forward pro PolynomialRegression. Je potřeba vytvořit rozšířené příznaky a slepit je do jednoho tensoru o tvaru [N, F], který předložíte self.lin_reg. Nezapomeňte pak výstup opět omezit na [N].

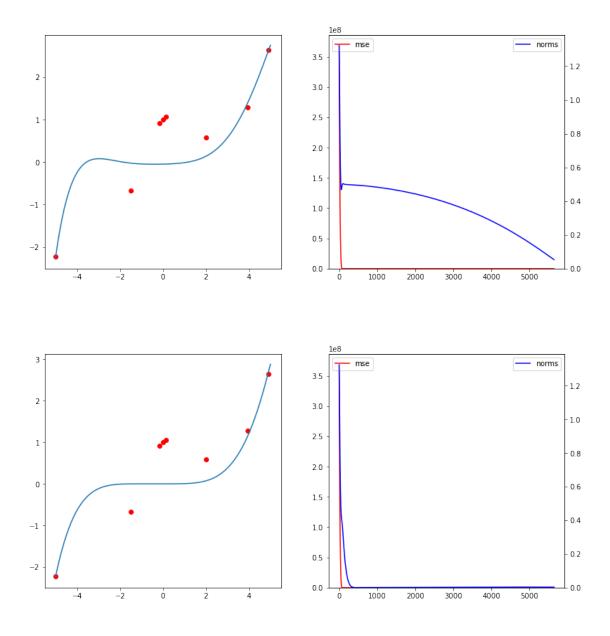
Zbytek buňky Vám model natrénuje v několika různých variantách řádu polynomu a síly regularizace.

```
[8]: class PolynomialRegression1D(torch.nn.Module):
         def __init__(self, order):
             super().__init__()
             self.order = order
             self.lin_reg = LinearRegression(order)
         def forward(self, x):
             x = x.squeeze(-1)
             poly_features = torch.zeros(x.shape[0], self.order, dtype=torch.float32)
             for p in range(self.order):
                 poly_features.T[p] = torch.pow(x, p + 1)
             return self.lin_reg(poly_features).squeeze(-1)
         def 12_norm(self):
             return self.lin_reg.12_norm()
     def run_polynomial_regr(order, 12_beta):
         model = PolynomialRegression1D(order)
         losses, norms = train_regression_model(
             model,
             MSE_with_regression(12_beta),
             torch.optim.Adam(model.parameters(), 1e-2),
             data,
```

```
ts,
    nb_steps= 50 + int(100*(order-2)**2.5)
)
    plot_training_result(model, losses, norms)

run_polynomial_regr(3, 1e-3)
run_polynomial_regr(3, 1e+2)
run_polynomial_regr(7, 1e-1)
run_polynomial_regr(7, 1e+3)
```





1 Regrese meteorologických dat

V této části budete usilovat o doplnění tlaku vzduchu z dalších meteorologických měření. Nejprve pomocí lineární regrese, následně pomocí jednoduché neuronové sítě. Každopádně více pomocí vestavěných věcí z PyTorche.

```
[9]: turany = np.loadtxt('data-chmu/turany.txt', dtype=np.float32)
mosnov = np.loadtxt('data-chmu/mosnov.txt', dtype=np.float32)
kosetice = np.loadtxt('data-chmu/kosetice.txt', dtype=np.float32)
ruzyne = np.loadtxt('data-chmu/ruzyne.txt', dtype=np.float32)
pribyslav = np.loadtxt('data-chmu/pribyslav.txt', dtype=np.float32)
```

```
features = ['teplota průměrná', 'teplota maximální', 'teplota minimální',⊔

⇔'rychlost větru ', 'tlak vzduchu', 'vlhkost vzduchu', 'úhrn srážek',⊔

⇔'celková výška sněhu', 'sluneční svit']
```

V prvním kroce doplňte definici MeteoDatasetu o __getitem__() a __len__(), tak jak se to očekává u objektů třídy torch.utils.data.Dataset. Navíc přidejte vlastnost (@property) in_dim, která říká, kolik příznaků má každé jedno dato v datasetu.

```
[10]: class MeteoDataset(torch.utils.data.Dataset):
          def __init__(self, data, target_feature):
              self.ts = data[target_feature]
              self.xs = data[[i for i in range(data.shape[0]) if i !=__
       →target_feature]].T
          def __getitem__(self, idx):
              return self.xs[idx], self.ts[idx]
          def __len__(self):
              return self.xs.shape[0]
          @property
          def in_dim(self):
              return self.xs.shape[1]
      target_feature = 'tlak vzduchu'
      train_dataset = MeteoDataset(np.concatenate([mosnov, kosetice, pribyslav],__
       →axis=1), features.index(target_feature))
      valid_dataset = MeteoDataset(ruzyne, features.index(target_feature))
      test_dataset = MeteoDataset(ruzyne, features.index(target_feature))
      print(valid_dataset.xs.shape, valid_dataset.ts.shape)
      valid_loader = torch.utils.data.DataLoader(valid_dataset, batch_size=128,__
       →shuffle=False, drop_last=False)
      print(len(valid_loader))
```

```
(22280, 8) (22280,)
175
```

Zde je definována funkce pro evaluaci modelu. Budete ji používat, ale implementovat v ní nic nemusíte.

```
[11]: def evaluate(model, data_loader):
    model.eval()
    total_squared_error = 0.0
    nb_datos = 0
    with torch.no_grad():
        for X, t in data_loader:
```

```
y = model(X)
    total_squared_error += torch.nn.functional.mse_loss(y, t,u)
    reduction='sum')
    nb_datos += len(t)

return total_squared_error / nb_datos

evaluate(LinearRegression(train_dataset.in_dim), valid_loader)
```

[11]: tensor(838856.1250)

Nad trénovacím dataset vytvořte DataLoader, který bude vytvářet minibatche o velikosti 32 příkladů. Poté z něj vytvořte nekonečný proud dat. Můžete k tomu naimplementovat vlastní cyklící iterátor nebo použít vhodnou funkci z itertools.

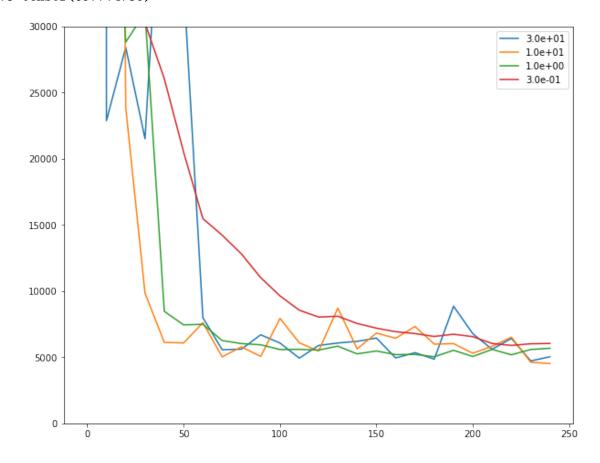
Dále naimplementujte trénovací smyčku ve funkci train(), která přijímá: * model – referenci na model, jenž má být natrénován * train_stream – iterátor přes trénovací batche * optimizer – instanci optimalizátoru, který bude využit pro trénování * nb_updates – počet trénovacích kroků, jež mají být provedeny * eval_period – po kolika krocích se má vyhodnocovat model na validačních datech * valid loader – iterable s validačními daty

Funkce nechť používá torch.nn.functional.mse_loss() jako loss. Vracejte průběh validační loss spolu s pořadovými čísly kroků, kdy došlo k měření, tedy jako seznam dvojic [(i_1, loss_1), ...]. model trénujte přímo.

Zbytek buňky vyzkouší trénování pro několik různých learning rate. Vzhledem k jednoduchosti úlohy jsou to learning rate gigantické oproti prakticky používaným.

```
[12]: train_loader = torch.utils.data.DataLoader(train_dataset, batch_size=32,__
       shuffle=True, drop_last=False)
      train_iterator = iter(train_loader)
      train_stream = cycle(train_iterator)
      def train(model, train_stream, optimizer, nb_updates, eval_period,_u
       ⇔valid_loader):
          valid_progress = []
          model.train()
          for i in range(nb_updates):
              x, labels = next(train_stream)
              y = model(x)
              loss = torch.nn.functional.mse_loss(y, labels)
              loss.backward()
              optimizer.step()
              optimizer.zero_grad()
              if i % eval_period == 0:
                  valid progress.append((i, evaluate(model, valid loader)))
          return valid_progress
```

- 30.0 tensor(5064.4028)
- 10.0 tensor(6131.0713)
- 1.0 tensor(5141.7705)
- 0.3 tensor(5977.4736)



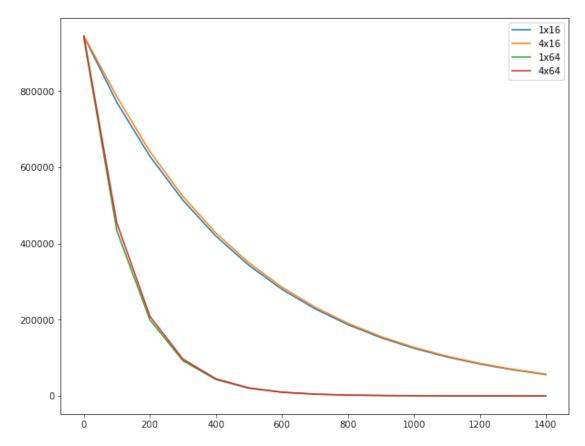
Konečně naimplementujte jednoduchou neuronovou sít, která bude schopná regrese. Při konstrukci necht přijímá: * rozměr vstupu * počet skrytých vstev * šířku každé skryté vrstvy * instanci nelinearity, která má být aplikována v každé skryté vrstvé

Při dopředném průchodu nechť se uplatní všechny vrstvy, nezapomeňte opět redukovat výstup na [N]. Nejspíš se Vám bude hodit torch.nn.Sequential.

Zbytek buňky vyzkouší několik různých konfigurací. Pravděpodobně uvidíte ilustraci faktu, že v rozporu s častou reportovací praxí není počet parametrů nutně tím nejzásadnějším číslem pro odhad síly modelu, tím může být prostě šířka.

```
[13]: class LocalMeteoModel(torch.nn.Module):
          def __init__(self, input_dim, nb_layers, layer_width, nonlinearity):
              super(). init ()
              self.input_dim = input_dim
              assert nb_layers >= 1
              layers = []
              layers.append(torch.nn.Linear(input_dim, layer_width))
              layers.append(nonlinearity)
              for i in range(nb_layers - 1):
                  layers.append(torch.nn.Linear(layer_width, layer_width))
                  layers.append(nonlinearity)
              layers.append(torch.nn.Linear(layer_width, 1))
              self.network = torch.nn.Sequential(*layers)
          def forward(self, x):
              return self.network(x).squeeze(-1)
      def depth_progress(depth, width):
          nn_predictor = LocalMeteoModel(train_dataset.in_dim, depth, width, torch.nn.
          optimizer = torch.optim.SGD(nn_predictor.parameters(), 3e-5)
          progress = train(nn_predictor, train_stream, optimizer, 1500, 100, __
       →valid loader)
          print(f"Depth {depth}, width {width}: {evaluate(nn predictor, valid_loader):
       return progress
      plt.figure(figsize=(10, 8))
      for depth, width in [(1, 16), (4, 16), (1, 64), (4, 64)]:
          progress = depth_progress(depth, width)
          plt.plot([item[0] for item in progress], [item[1] for item in progress],
       ⇒label=f"{depth}x{width}")
      plt.legend()
      plt.show()
```

Depth 1, width 16: 46279.51 Depth 4, width 16: 47156.03 Depth 1, width 64: 140.99 Depth 4, width 64: 143.25



Gratulujeme ke zvládnutí projektu! Při odevzdání nezapomeňte soubory pojmenovat podle vedoucího týmu.

[]: