#### FONDAMENTI DI INFORMATICA

#### Alessandro Renda

Dipartimento di Ingegneria e Architettura, Università degli Studi di Trieste

#### **ALGORITMI**

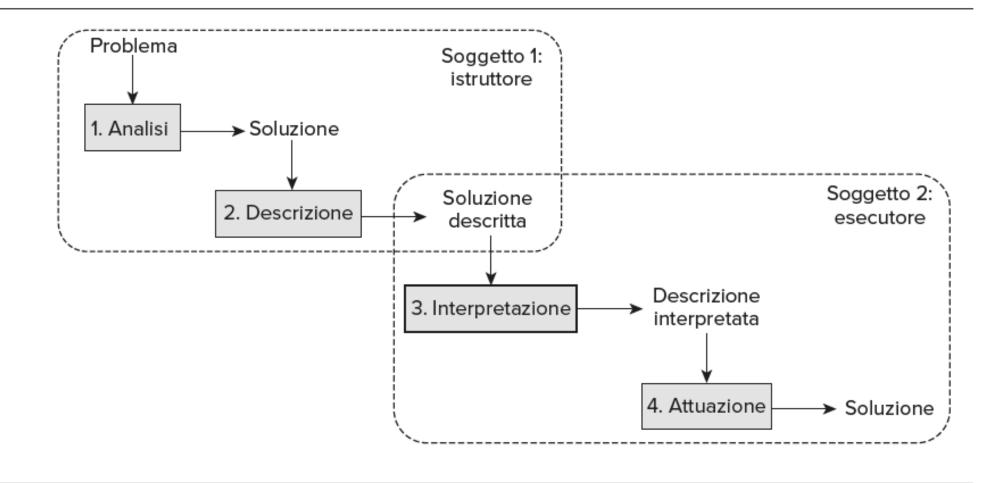
Anno Accademico 2024/2025

"Honey, please go to super market and get one bottle of milk. If they have bananas, bring six"

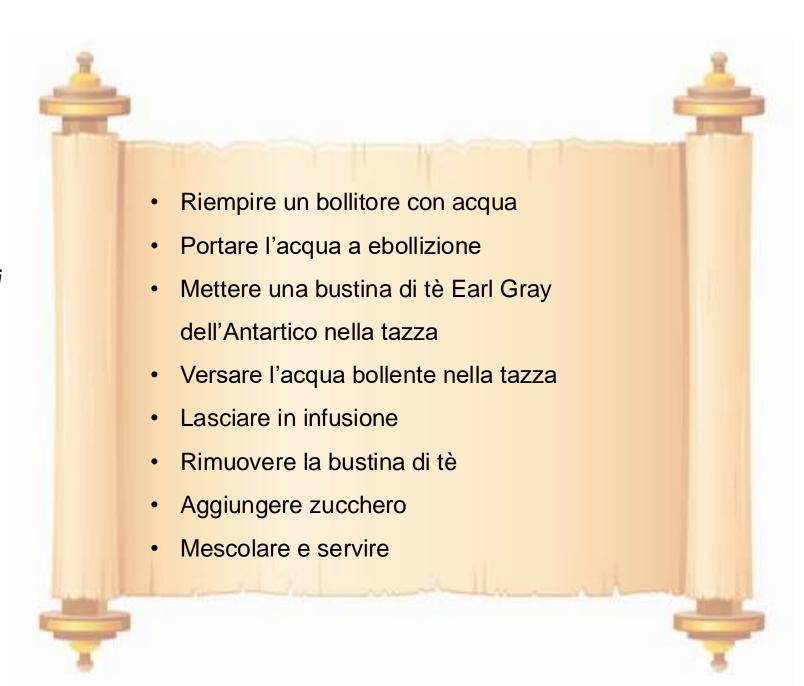
... Few minutes later ...

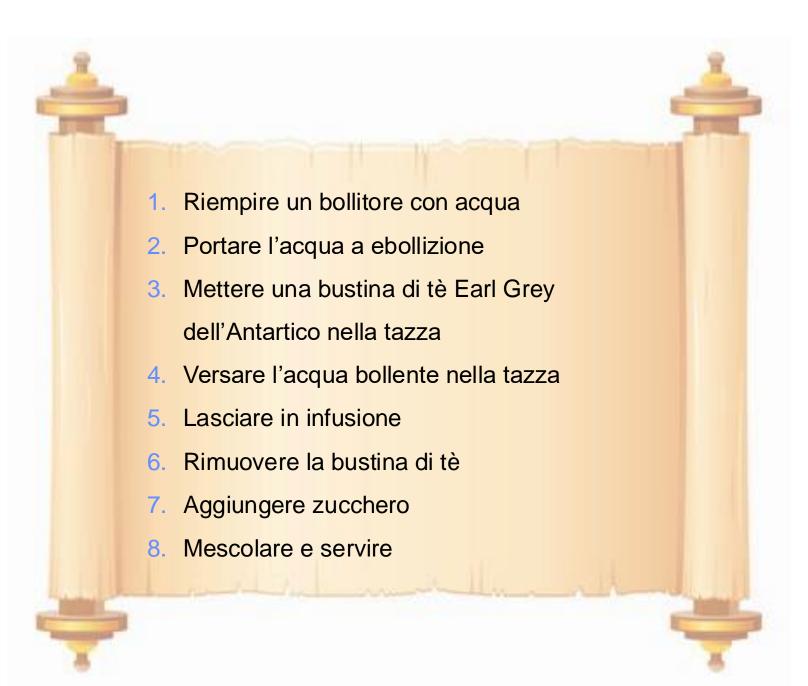
WHY THE HELL DID YOU BUY
SIX BOTTLES OF MILK????

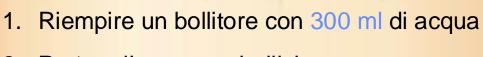
Figura 3.1 Fasi del processo di soluzione di un problema realizzato cooperativamente da due diversi soggetti: il primo conosce la procedura di soluzione del problema, mentre il secondo risolve effettivamente il problema.



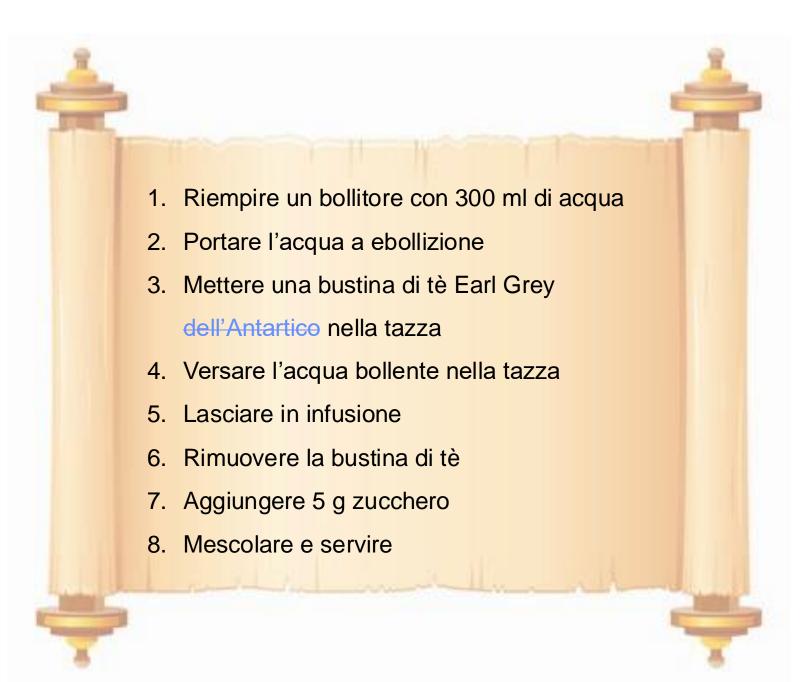
• Una definizione di **algoritmo** 

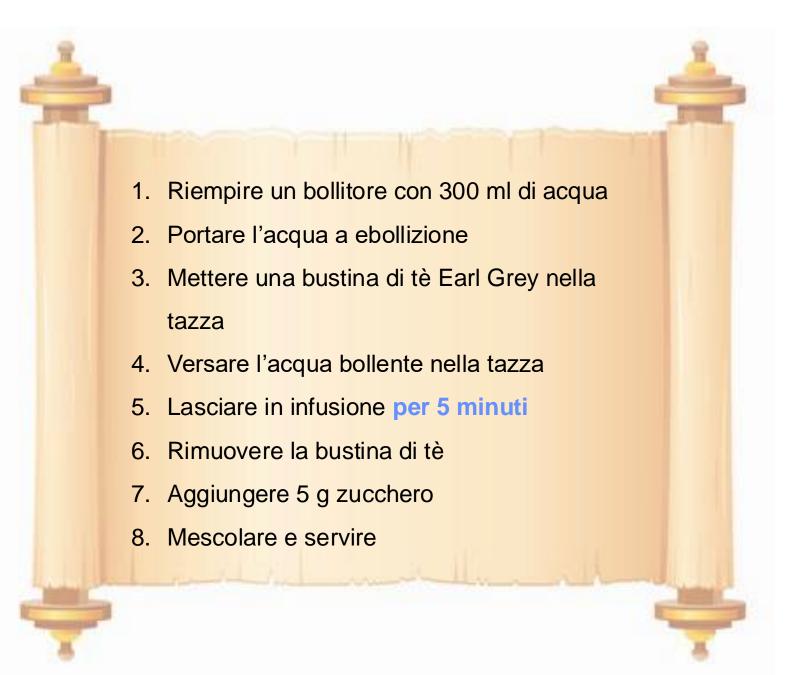






- 2. Portare l'acqua a ebollizione
- Mettere una bustina di tè Earl Grey dell'Antartico nella tazza
- 4. Versare l'acqua bollente nella tazza
- 5. Lasciare in infusione
- 6. Rimuovere la bustina di tè
- 7. Aggiungere 5 g zucchero
- 8. Mescolare e servire





# Formalizzazione degli algoritmi

# Pseudocodice e Diagrammi di Flusso

#### Pseudocodice

- Notazione informale per la progettazione e la descrizione degli algoritmi
- Insieme di costrutti sintattici in linguaggio naturale (Italiano, Inglese ...)
- Non direttamente eseguibile da un calcolatore
- Diagrammi di flusso (flow chart) (diagramma a blocchi)
  - Linguaggio formale grafico per la progettazione e la descrizione degli algoritmi
  - L'algoritmo è rappresentato come insieme di blocchi e frecce, il cui orientamento indica l'ordine di esecuzione delle azioni relative
  - Non direttamente eseguibile da un calcolatore

### Pseudocodice

#### • Il problema:

- Il saldo iniziale di un conto corrente è 1000€
- La banca garantisce un interesse del 4% al mese
- Quanti mesi sono necessari affinchè il saldo sia almeno raddoppiato rispetto al valore iniziale

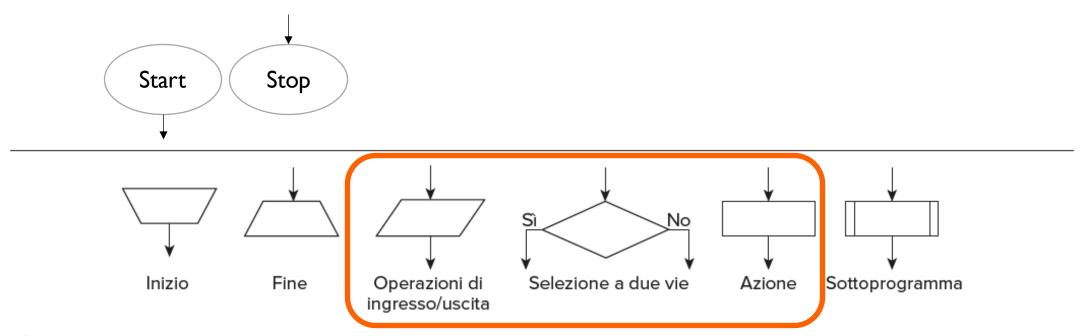
### Pseudocodice

All'inizio, il programma imposta il saldo di partenza e il tasso di interesse, mentre il conteggio dei mesi parte da zero. A questo punto entra in gioco un ciclo che si ripete finché il saldo rimane inferiore a 2000€. Durante ogni iterazione, viene calcolato l'interesse mensile moltiplicando il saldo attuale per il tasso del 5%. Questo interesse viene poi aggiunto al saldo, aumentando così progressivamente il saldo corrente. Dopo ogni aggiornamento, il conteggio dei mesi viene incrementato di uno. Il processo continua fino a quando il saldo supera la soglia dei 2000€. A quel punto, il ciclo termina e viene restituito il numero di mesi necessari per raggiungere l'obiettivo.

- I. Assegna 1000 a saldo
- 2. Assegna 0.05 a tasso
- 3. Assegna 0 a mesi
- 4. Finché saldo < 2000, esegui (passi da 5 a 7)
- 5. Assegna a interesse il valore saldo \* tasso
- 6. Aggiorna saldo come saldo + interesse
- 7. Incrementa mesi di 1
- 8. Restituisci mesi

```
saldo = 1000
tasso = 0.05
mesi = 0
while saldo < 2000:
   interesse = saldo * tasso
   saldo = saldo + interesse
   mesi = mesi + 1
print(mesi)</pre>
```

## Diagrammi di Flusso

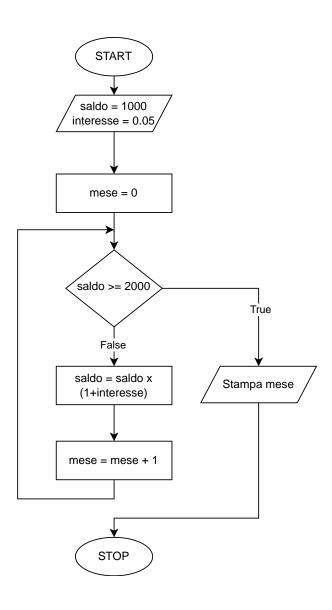


**Figura 3.6** La simbologia più comunemente utilizzata per i diagrammi di flusso. Si tratta di un formalismo grafico non completamente standardizzato, dato che esistono molte varianti ed estensioni non reciprocamente compatibili.

## Diagrammi di Flusso

- Proviamo a svilupparlo con <a href="https://app.diagrams.net/">https://app.diagrams.net/</a>
  - Software online gratuito per la creazione di diagrammi (diagrammi di flusso, diagrammi di processo, organigrammi, diagrammi UML, ER e di rete)
  - Integrato con Google Drive
  - Varie opzioni e formati per l'export dei diagrammi (png, svg, pdf)

# Diagrammi di Flusso



# Efficienza degli algoritmi

- Ricerca telefonica inversa:
  - Ho un elenco di 10000 coppie (numero di telefono, nome)
  - Supponiamo che i numeri siano in ordine casuale
  - Ho ricevuto una telefonata alla quale non sono riuscito a rispondere
  - Prima di richiamare, voglio risalire al nome di chi mi ha chiamato

```
I. Acquisisci i valori di NUMERO e tutte le coppie (numero T_1, nome N_1) ... (numero T_{10000}, nome N_{10000})

2. Se NUMERO == T_1 allora visualizza N_1

3. Se NUMERO == T_2 allora visualizza N_2
...

I0000. Se NUMERO == T_{9999} allora visualizza N_{9999}

I0001. Se NUMERO == T_{10000} allora visualizza N_{10000}

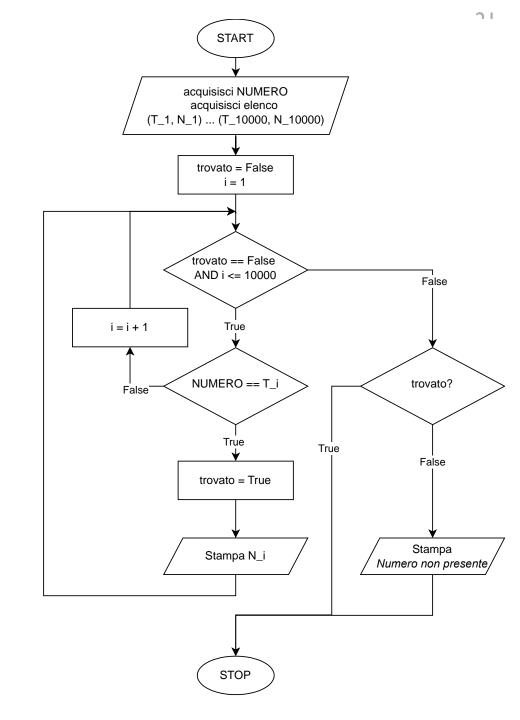
I0002. Fine
```

#### Possiamo fare molto meglio:

- Poco chiaro ed elegante
- Difficile da scrivere
- Sbagliato!! Cosa succede se il numero non c'è

#### Ricerca sequenziale

- I. Acquisisci i valori di NUMERO e tutte le coppie (numero  $T_1$ , nome  $N_1$ ) ... (numero  $T_{10000}$ , nome  $N_{10000}$ )
- 2. Assegna False a TROVATO e 1 a i
- 3. Finché TROVATO è False e non ho esaurito l'elenco
- 4. Se NUMERO =  $T_i$
- 5. Assegna True a TROVATO
- 6. Stampa  $N_i$
- 7. Altrimenti
- 8. Incrementa i di 1
- 9. Se TROVATO è False:
- 10. Stampa Numero non presente
- II. Fine



#### Ricerca sequenziale

- I. Acquisisci i valori di NUMERO e tutte le coppie (numero  $T_1$ , nome  $N_1$ ) ... (numero  $T_{10000}$ , nome  $N_{10000}$ )
- 2. Assegna False a TROVATO e 1 a i
- 3. Finché TROVATO è False e non ho esaurito l'elenco
- 4. Se NUMERO =  $T_i$
- 5. Assegna True a TROVATO
- 6. Stampa  $N_i$
- 7. Altrimenti
- 8. Incrementa i di 1
- 9. Se TROVATO è False:
- 10. Stampa Numero non presente
- II. Fine

- Quanto lavoro è richiesto all'algoritmo?
- Quante volte devo svolgere il compito unitario basilare dell'algoritmo (confronto tra numeri)?

Caso ottimo	Il numero è all'inizio: $Num_1$	1
Caso pessimo	Il numero è alla fine o non c'è	N
Caso medio	Ripetizioni, posizione variabile	N/2

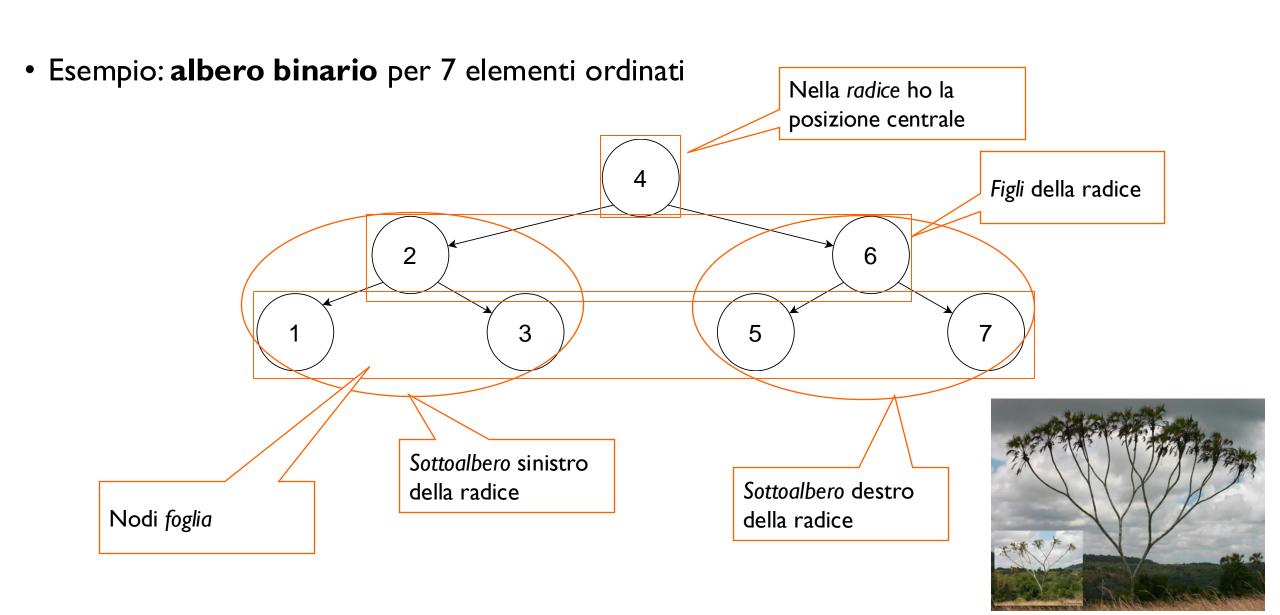
- Ricerca telefonica inversa:
  - Ho un elenco di 10000 coppie (numero di telefono, nome)
  - Supponiamo che i numeri siano ordinati
  - Ho ricevuto una telefonata alla quale non sono riuscito a rispondere
  - Prima di richiamare, voglio risalire al nome di chi mi ha chiamato

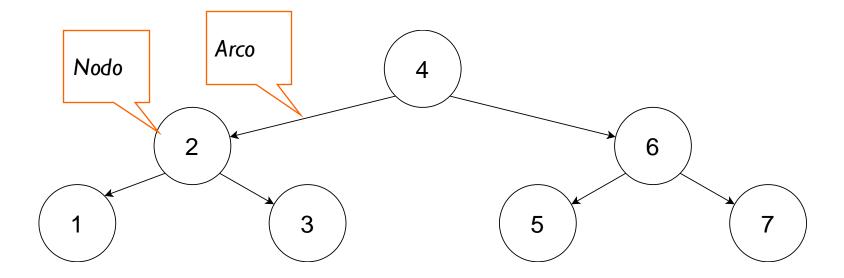
• Ricerca binaria: sfrutta il fatto che l'elenco è ordinato

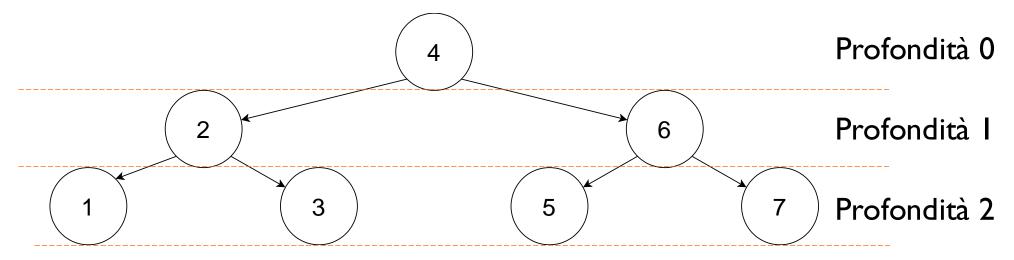
- I. Acquisisci i valori di NUMERO e tutte le coppie (numero  $T_1$ , nome  $N_1$ ) ... (numero  $T_{10000}$ , nome  $N_{10000}$ )
- 2. Assegna il valore 1 a START
- 3. Assegna il valore 10000 a END
- 4. Assegna il valore False a TROVATO
- 5. Finché TROVATO è False e START <= END
- 6. Assegna il valore i alla media di START e END
- 7. Se NUMERO ==  $T_i$
- 8. Assegna True a TROVATO
- 9. Stampa  $N_i$
- 10. Altrimenti se NUMERO >  $T_i$  allora START = i + 1
- II. Altrimenti se NUMERO  $< T_i$  allora END = i-1
- 12. Se TROVATO è False:
- 13. Stampa "Numero non presente"

- Quanto lavoro è richiesto all'algoritmo?
- Quante volte devo svolgere il compito unitario basilare dell'algoritmo (confronto tra numeri)?

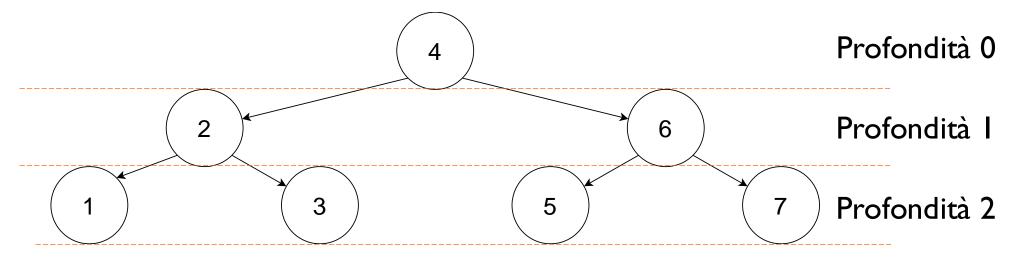
Caso ottimo	Il numero è all'inizio: $Num_1$	1
Caso pessimo	Il numero è alla fine o non c'è	$\log_2 N$
Caso medio	Ripetizioni, posizione variabile	$\log_2 N$



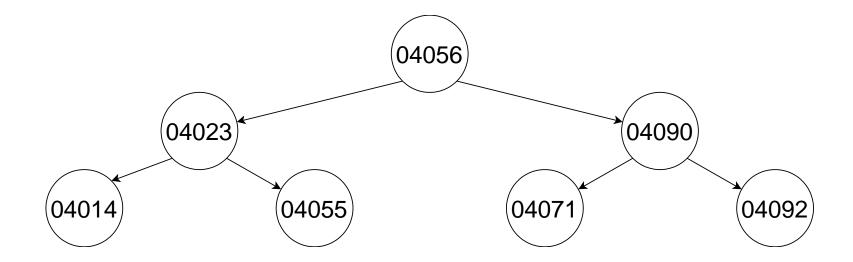


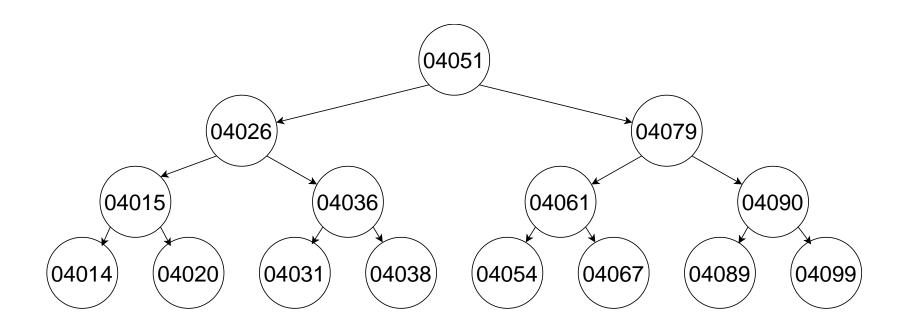


- La **profondità** di un nodo è il numero di archi da percorrere a partire dalla radice per raggiungere il nodo
- L'altezza di un albero è il massimo della profondità dei suoi nodi



- Un albero di altezza h ha al più  $n=2^{h+1}-1$  nodi
  - Se completamente bilanciato ha  $2^h$  foglie e  $2^{h-1}$  nodi interni
- Si ricava facilmente:  $h = \log_2(n+1) 1$

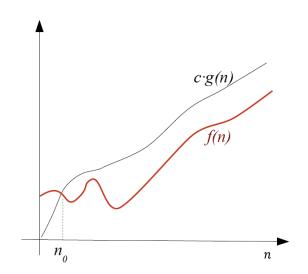




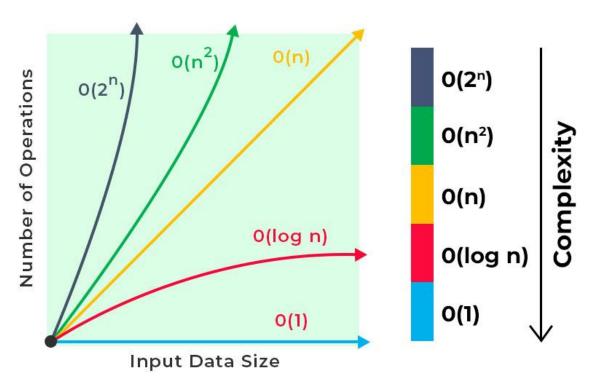
- Ciò che conta per l'efficienza temporale di un algoritmo è l'ordine di grandezza
  - Ci interessa il comportamento per input arbitrariamente grandi
  - Per input piccoli, qualsiasi algoritmo è veloce
  - Indichiamo con n la dimensione dell'input

• Notazione per esprimere l'ordine di grandezza: Big-O notation (limite superiore asintotico)

Date due funzioni  $f(n), g(n) \geq 0$ , si dice che f(n) è un  $\mathcal{O}(g(n))$  se esistono due costanti c ed  $n_0$  tali che  $0 \leq f(n) \leq cg(n)$  per ogni  $n \geq n_0$ 

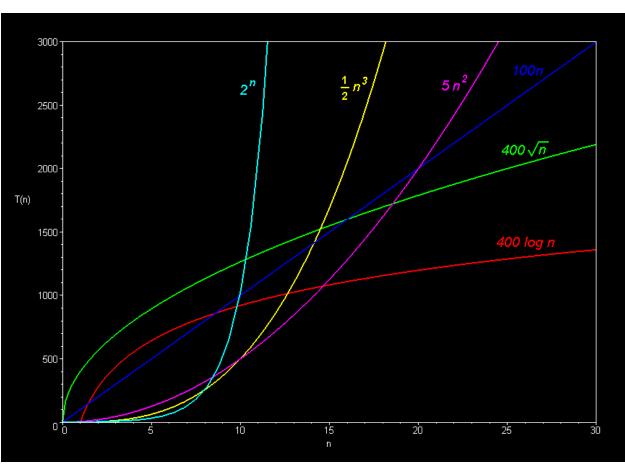


- Ricerca sequenziale: O(n)
- Ricerca binaria:  $O(\log(n))$



https://www.geeksforgeeks.org/what-is-logarithmic-time-complexity/

Big-O Notation	Nome
$\mathcal{O}(1)$	Costante
$\mathcal{O}(\log n)$	Logaritmico
$\mathcal{O}(n)$	Lineare
$\mathcal{O}(n \log n)$	Loglineare (quasi-lineare)
$\mathcal{O}(n^2)$	Quadratico
$\mathcal{O}(n^c)$ , $c>1$	Polinomiale
$\mathcal{O}(c^n)$ , $c > 1$	Esponenziale
$\mathcal{O}(n!)$	Fattoriale



https://science.slc.edu/jmarshall/courses/2002/spring/cs50/BigO/index.html