Il gioco della tombola consiste nell'estrazione casuale di numeri compresi tra 1 e 90. Il conduttore estrae progressivamente i numeri da un sacchetto (senza reinserimento), e li annuncia ai partecipanti. Ogni partecipante dispone di una cartella con 10 numeri distinti scelti casualmente tra 1 e 90. I partecipanti controllano le proprie cartelle e segnano i numeri che corrispondono a quelli estratti. Il gioco prosegue fino alla "tombola" che si realizza quando vengono annunciati tutti i numeri di una cartella.

Nota: sono tipicamente previste altre combinazioni vincenti (ad esempio, cinquina e seconda tombola). In questo esercizio si considera esclusivamente la "tombola" come evento vincente.

Una cartella, a disposizione di un partecipante, può essere rappresentata in Python come un insieme di 10 interi:

```
cartella_esempio = \{21, 7, 6, 80, 42, 50, 10, 67, 75, 83\}
```

I numeri estratti possono essere rappresentati in Python come un insieme di interi. Durante lo svolgimento del gioco il numero di elementi dell'insieme incrementerà, fino alla tombola. Ad esempio:

- Dopo 1 estrazione: numeri_estratti = {34}
- Dopo 10 estrazioni: numeri_estratti = {34, 16, 7, 80, 6, 20, 9, 10, 67, 68}
- Dopo 20 estrazioni: numeri_estratti = {34, 16, 7, 80, 6, 20, 9, 10, 67, 68, 21, 4, 42, 5, 50, 83, 1, 3, 24, 75}

Alla ventesima estrazione (numero 75), la cartella_esempio ha realizzato la tombola, in quanto tutti i numeri in essa contenuti sono stati estratti, ed il gioco termina.

- 1. Definire la funzione genera_cartelle
 - Parametri di ingresso:
 - n: intero.
 - Restituisce: una lista di insiemi di interi.
 - **Descrizione**: la funzione genera una lista contenente *n* insiemi, ciascuno di 10 interi, con valori casuali distinti tra 1 e 90. Sono ammessi valori comuni tra insiemi diversi, ma la lista non deve contenere insiemi duplicati.
 - Output atteso: A titolo di esempio, si consideri n=2. La funzione restituisce la seguente lista, che rappresenta due cartelle.

```
[{21, 7, 6, 80, 42, 50, 10, 67, 75, 83}, {8, 52, 80, 46, 83, 89, 34, 26, 68, 82}]
```

- 2. Definire la funzione controlla_tombola
 - Parametri di ingresso:

cartelle: lista di insiemi di interi.numeri_estratti: insieme di interi.

- Restituisce: una lista di interi.
- Descrizione: la funzione verifica, per ciascun insieme in cartelle, se tutti i suoi elementi sono contenuti in numeri_estratti (condizione di tombola). Restituisce la lista degli indici di cartelle che soddisfano tale condizione. Se nessun insieme soddisfa la condizione, restituisce una lista vuota.
- Output atteso: A titolo di esempio, si consideri l'insieme numeri_estratti riportato nella pagina iniziale, e la lista cartelle come nell'esempio di "output atteso" al punto precedente. Per il valore di numeri_estratti dalla prima alla diciannovesima estrazione, la funzione restituisce una lista vuota. Per il valore di numeri_estratti dopo 20 estrazioni, la funzione restituisce [0], in quanto la cartella corrispondente all'elemento di indice 0 ha realizzato la tombola.

- 3. Definire la funzione simula_gioco
 - Parametri di ingresso:
 - cartelle: lista di insiemi di interi.
 - Restituisce: un intero.
 - **Descrizione**: la funzione simula lo svolgimento del gioco. I numeri da 1 a 90 vengono estratti in ordine casuale, senza reinserimento. Dopo ciascuna estrazione viene invocata la funzione controlla_tombola^a. La simulazione termina non appena almeno un insieme in cartelle soddisfa la condizione di tombola. La funzione restituisce il numero di estrazioni necessarie perché si verifichi la tombola.
 - Output atteso: A titolo di esempio, si consideri l'insieme numeri_estratti riportato nella pagina iniziale, e la lista cartelle come nell'esempio di "output atteso" al punto 1. La funzione restituisce 20, cioè il turno di gioco in cui si è verificata la tombola.

 $[^]a$ L'approccio richiesto non è il più efficiente possibile, poiché ad ogni turno il programma verifica nuovamente tutte le cartelle.

- 4. Infine, definire la funzione main in modo che svolga i seguenti compiti:
 - chieda all'utente di inserire da tastiera il numero di cartelle da generare e verifichi la validità dell'input fornito;
 - generi le cartelle, usando la funzione genera_cartelle, fornendo come argomento il numero acquisito;
 - $\bullet\,$ simuli lo svolgimento del gioco, usando la funzione ${\tt simula_gioco};$
 - stampi il turno in cui si verifica la tombola.