Tarea 4: Ejercicios sobre LaTeX, R y Markdown

Alejandro Ríos

8/12/2020

Instrucciones

En primer lugar, debéis reproducir este documento tal cual está. Necesitaréis instalar MiKTeX y Texmaker.

A continuación de cada pregunta, tenéis que redactar vuestras respuestas de manera correcta y argumentada, indicando qué hacéis, por qué, etc. Si se os pide utilizar instrucciones de R, tendréis que mostrarlas todas en chunks.

El objetivo de está tarea es que os familiaricéis con los documentos Markdown, las fórmulas en L^AT_EXy los chunkjs de R. Y, de lo más importante, que os acostumbréis a explicar lo que hacéis en cada momento.

Preguntas

Pregunta 1

Realizad los siguientes productos de matrices siguiente en R:

$$A \cdot B$$

$$B \cdot A$$

$$(A \cdot B)^{t}$$

$$B^{t} \cdot A$$

$$(A \cdot B)^{-1}$$

$$A^{-1} \cdot B^{t}$$

donde

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 \\ 4 & 3 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \\ 3 & 0 & 4 & 0 \end{pmatrix} \qquad B = \begin{pmatrix} 4 & 3 & 2 & 1 \\ 0 & 3 & 0 & 4 \\ 1 & 2 & 3 & 4 \\ 0 & 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$$

Finalmente, escribe haciendo uso de LATEXel resultado de los dos primeros productos de forma adecuada.

Respuesta 1

Primero definimos las matrices A y B en R.

```
A = rbind(c(1, 2, 3, 4), c(4, 3, 2, 1), c(0, 1, 0, 2), c(3, 0, 4, 0))

B = rbind(c(4, 3, 2, 1), c(0, 3, 0, 4), c(1, 2, 3, 4), c(0, 1, 0, 2))
```

Calculamos el producto $A \cdot B$ en R:

```
A %*% B
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
                19
                      11
                            29
            7
## [2,]
           18
                 26
                      14
                            26
## [3,]
            0
                       0
                             8
                 5
## [4,]
           16
                 17
                      18
                            19
```

Calculamos el producto $B \cdot A$ en R:

B **%*%** A

```
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
           19
                 19
                      22
                            23
## [2,]
           24
                  9
                      22
                             3
## [3,]
                      23
                            12
           21
                 11
## [4,]
           10
                 3
                      10
```

Calculamos el producto $(A \cdot B)^t$ en R:

t(A %*% B)

```
[,1] [,2] [,3] [,4]
##
## [1,]
            7
                18
                           16
## [2,]
                26
           19
                       5
                           17
## [3,]
           11
                14
                       0
                           18
## [4,]
           29
                26
                       8
```

Calculamos el producto $B^t \cdot A$ en R:

t(B) %*% A

```
##
         [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,]
            4
                  9
                      12
                            18
## [2,]
           18
                 17
                      19
                            19
            2
                 7
## [3,]
                       6
                            14
## [4,]
           23
                 18
                      19
                            16
```

Calculamos el producto de $(A \cdot B)^{-1}$ en R:

solve(A %*% B)

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]

## [1,] -1.66 -0.65 4.52 1.52

## [2,] 1.60 0.80 -4.60 -1.60

## [3,] 1.02 0.35 -2.84 -0.84

## [4,] -1.00 -0.50 3.00 1.00
```

Calculamos el producto $A^{-1} \cdot B^t$ en R:

round(solve(A) %*% t(B), 2)

```
## [,1] [,2] [,3] [,4]
## [1,] 0.6 2.4 6.4 1.2
## [2,] 0.0 -2.0 -7.0 -1.2
## [3,] -0.2 -0.8 -3.8 -0.4
## [4,] 1.0 1.0 5.0 0.6
```

Por último, escribimos el resultado de los dos primeros productos usando LATEX.

$$A \cdot B = \begin{pmatrix} 7 & 19 & 11 & 29 \\ 18 & 26 & 14 & 26 \\ 0 & 5 & 0 & 8 \\ 16 & 17 & 18 & 19 \end{pmatrix}$$

$$B \cdot A = \begin{pmatrix} 19 & 19 & 22 & 23 \\ 24 & 9 & 22 & 3 \\ 21 & 11 & 23 & 12 \\ 10 & 3 & 10 & 1 \end{pmatrix}$$

Pregunta 2

Considerad en un vector los números de vuestro DNI y llamadlo dni. Por ejemplo, si 54201567K, vuestro vector será

$$dni = (5, 4, 2, 0, 1, 5, 6, 7)$$

Definid el vector en R. Calculad con R el vector dni al cuadrado, la raíz cuadrada del vector dni y, por último, la suma de todas las cifras del vector dni.

Finalmente, escribid todos estos vectores también a LATEX.

Respuesta 2

Primero definimos el vector en R:

$$dni = c(1, 6, 6, 0, 8, 1, 2, 4)$$

Calculamos el vector dni al cuadrado:

dni^2

Y lo escribimos en LATEX:

$$dni^2 = \begin{pmatrix} 1\\36\\36\\0\\64\\1\\4\\16 \end{pmatrix}$$

Calculamos la raíz cuadrada del vector dni:

sqrt(dni)

[1] 1.000000 2.449490 2.449490 0.000000 2.828427 1.000000 1.414214 2.000000

Y escribimos el resultado en LATEX:

$$\sqrt{dni} = \begin{pmatrix} 1.00 \\ 2.45 \\ 2.45 \\ 0.00 \\ 2.83 \\ 1.00 \\ 1.41 \\ 2.00 \end{pmatrix}$$

Y por últmo la suma de todas las cifras del vector dni:

sum(dni)

[1] 28

Y escribimos el resultado en LATEX:

$$\sum_{i=1}^{n} dni_i = 28$$

Pregunta 3

Considerad el vector de las letras de vuestro nombre y apellido. Llamadlo name. Por ejemplo, en mi caso sería

$$name = (M, A, R, I, A, S, A, N, T, O, S)$$

Definid dicho vector en R. Calculad el subvector que solo contenga vuestro nombre. Calculad también el subvector que contenga solo vuestro apellido. Ordenadlo alfabéticamente. Cread una matriz con este vector.

Redactad todos vuestros resultados y utilizad L^AT_FXcuando toque.

${\bf Respuesta~3}$

Primero, definimos la variable name con mi nombre:

```
name = c("A", "L", "E", "J", "A", "N", "D", "R", "O", "R", "I", "O", "S")
```

Después, calculo el subvector que contiene mi nombre (lo llamaré nombre) y el subvector que contiene mi apellido (lo llamaré apellido):

```
nombre = name[1:9]
apellido = name[10:13]
```

Por último, ordenamos las variables nombre y apellido y hacemos una matriz de 3x3 para nombre y de 2x2 para apellido.

```
N = matrix(sort(nombre), nrow = 3, byrow = TRUE)
print(N)
```

```
## [,1] [,2] [,3]
## [1,] "A" "A" "D"
## [2,] "E" "J" "L"
## [3,] "N" "O" "R"
A = matrix(sort(apellido), nrow = 2, byrow = TRUE)
print(A)
```

```
## [,1] [,2]
## [1,] "I" "0"
## [2,] "R" "S"
```