# Credit scoring

# ${\rm \acute{I}ndice}$

Intr	oducción	3
1.1.	Regulación	3
1.2.	Credit scoring	4
1.3.	Scorecard	4
1.4.	Desarrollo de un modelo de credit scoring	5
Pre	procesamiento, preparación y análisis exploratorio de datos	6
2.1.	Tipos de datos	6
2.2.	Categorización	6
2.3.	Valores faltantes	7
2.4.	Valores atípicos	7
2.5.	Reducción y análisis de variables	7
	2.5.1. WOE	8
	2.5.2. IV	8
	2.5.3. Prueba Chi-squared	9
	2.5.4. ANOVA	9
	2.5.5. Clustering de variables	10
2.6.	Estandarización	10
2.7.	Remuestreo	11
	2.7.1. Over-Sampling	11
	2.7.2. Under-Sampling	11
El n	nodelo matemático	<b>12</b>
Mod	delos lineales	13
4.1.	Regresión lineal	13
	4.1.1. Regresión lineal simple	13
	4.1.2. Regresión lineal múltiple	13
4.2.	Regresión logística	14
	4.2.1. Regresión logística en credit scoring	16
	1.1. 1.2. 1.3. 1.4.  Prej 2.1. 2.2. 2.3. 2.4. 2.5.  2.6. 2.7.  El m Mod 4.1.	1.1. Regulación 1.2. Credit scoring 1.3. Scorecard 1.4. Desarrollo de un modelo de credit scoring  Preprocesamiento, preparación y análisis exploratorio de datos 2.1. Tipos de datos 2.2. Categorización 2.3. Valores faltantes 2.4. Valores atípicos 2.5. Reducción y análisis de variables 2.5.1. WOE 2.5.2. IV 2.5.3. Prueba Chi-squared 2.5.4. ANOVA 2.5.5. Clustering de variables 2.6. Estandarización 2.7. Remuestreo 2.7.1. Over-Sampling 2.7.2. Under-Sampling 2.7.2. Under-Sampling 4.1.1. Regresión lineal 4.1.1. Regresión lineal simple 4.1.2. Regresión logística

5.	Eva	luación del modelo	17
	5.1.	Cross-Validation	18
		Medidas de desempeño	18
		5.2.1. Mean Squared Error	18
		5.2.2. Tasa de error y exactitud	19
		5.2.3. Matriz de confusión	19
		5.2.4. ROC y AUC	20
		5.2.5. KS	21
		0.2.0. IXS	21
6.	Res	ultados LendingClub	21
	6.1.	Variable objetivo	22
		Datos	23
		6.2.1. Preprocesamiento	23
		6.2.2. Selección de variables	24
	6.3.	Modelo	25
	0.0.	Desempeño del modelo	26
7.	Res	ultados Give Me Some Credit	26
	7.1.	Variable objetivo	26
	7.2.	Datos	26
		7.2.1. Preprocesamiento	26
		7.2.2. Selección de variables	27
	7.3.	Modelo	28
		Desempeño del modelo	$\frac{20}{28}$

#### 1. Introducción

Los modelos de credit scoring se han convertido en una norma en la banca moderna, dado el incremento en el número de solicitudes de crédito, una regulación en la industria financiera más estricta y el desarrollo de la tecnología, han conducido al desarrollo de modelos estadísticos que ayudan en el proceso de otorgamiento de crédito.

Estos modelos tienen varias ventajas sobre los modelos tradicionales de evaluación de riesgos, que se basaban en el juicio humano, de las cuales destacan la velocidad de toma de decisiones, la precisión de las decisiones, permite analizar más variables, la reproductibilidad de los modelos, eliminan la subjetividad ,y permite explicar mejor los riesgos que se están tomando.

Antes de definir que es el credit scoring es necesario primero definir y entender que es un crédito. El crédito es una operación financiera en la que un acreedor (generalmente una institución financiera) presta dinero a un deudor, el cual se compromete a pagar el monto prestado más un cierto interés en un periodo determinado. El riesgo de crédito se presenta cuando el deudor esta poco dispuesto o imposibilitado de cumplir con su obligación de pago. Su efecto se mide por el costo de la reposición de flujos de efectivo si el deudor incumple.

#### 1.1. Regulación

Los bancos y el sistema financiero en general son un componente importante en la economía mundial, por lo que es necesario que estén altamente regulados por un conjunto de principios y practicas que ayuden a minimizar sus riesgos. Estos principios son conocidos como los acuerdos de Basilea, los cuales representaron un gran avance para la regulación del sistema financiero mundial. Su objetivo es mejorar la solides y seguridad del sistema financiero a través de una mejor administración de riesgos.

La mayor parte de los activos de un banco consisten en portafolios de préstamos, por lo que el riesgo de crédito es de vital importancia para los bancos y sus reguladores. La regulación requiere de una estimación confiable de la distribución de perdidas para cada tipo de portafolio de préstamos. Los acuerdos de Basilea establecen los requerimientos mínimos de capital que deben cumplir los bancos comerciales para realizar coberturas contra el riesgo de crédito, requieren una estimación de la perdida esperada de la forma:

$$EL = PD \times LGD \times EAD$$

Donde:

- *PD* Probability of default, es la probabilidad de incumplimiento (que no se page el préstamo).
- *LGD* Loss given default, es la fracción del monto expuesto que no se recuperada en caso de incumplimiento.

- *EAD* Exposure at default, es una estimación de la medida en que un banco puede estar expuesto en caso del incumplimiento de esa contraparte.
- EL Expected loss, es el costo de proporcionar crédito.

El riesgo de crédito no es el riesgo de pérdidas esperadas del crédito sino el riesgo de pérdidas inesperadas del crédito (volatilidad de las tasas de pérdida reales que ocurren alrededor de EL). El propósito básico del análisis del riesgo de crédito como parte de los acuerdos de Basilea es proporcionar un capital adecuado como red de seguridad contra un posible incumplimiento.

## 1.2. Credit scoring

La calificación crediticia o credit scoring es el nombre usado para describir el proceso y los modelos estadísticos usados para determinar qué tan probable que un solicitante de crédito incumpla con su promesa de pago. Su objetivo es crear una sola medida de riesgo a partir de un conjunto de factores de riesgo que nos permita clasificar a los solicitantes de crédito como buen o mal riesgo.

Los métodos estadísticos con los que estimamos estas probabilidades de incumplimiento son conocidos como clasificadores. Estos modelos estadísticos transforman datos relevantes de los solicitantes de crédito en una medida numérica que ayuda a decidir si se debe otorga el crédito. La decisión de aceptar o rechazar otorgar el crédito se toma comparando la probabilidad de incumplimiento estimada con un umbral que se considere adecuado.

En la práctica, el credit scoring se refiere a un problema de clasificación donde un nuevo solicitante de crédito debe ser categorizado en una clase predefinida (típicamente buenos y malos) dependiendo de que tan probable es que incumpla con el pago.

Algunos de los métodos de clasificación conducen a un scorecard, donde a cada característica se le es dada un puntaje, el puntaje total determina si el cliente es bueno o malo. Otros métodos no conducen a scorecards, mas bien estiman directamente la probabilidad de ser bueno o no.

#### 1.3. Scorecard

Un scorecard consiste en un grupo de características, determinadas estadísticamente, que son predictivas en poder separar clientes buenos y malos. Las características seleccionadas provienen de datos disponibles al momento de la solicitud del crédito. A cada atributo se le asigna un puntaje basado en análisis estadístico. El puntaje total para un aplicante es la suma de los puntos individuales para cada atributo.

La mayoría de los scorecard asumen tener una relación monótona entre el puntaje y la probabilidad de ser buen cliente. Los clientes buenos tienden a tener puntajes mas altos y son considerados menos riesgosos, puntajes bajos corresponden a clientes que tienen una mayor probabilidad de ser malos.

Un tipo especial de puntaje es el puntaje de probabilidades logarítmicas, definido como:

$$S(\mathbf{x}) = \ln \left( \frac{P(G \mid \mathbf{x})}{P(B \mid \mathbf{x})} \right)$$

Aplicando el teorema de Bayes obtenemos:

$$S(\mathbf{x}) = \ln \left( \frac{P(\mathbf{x} \mid G)p_G}{P(\mathbf{x} \mid B)p_B} \right) = \ln \left( \frac{p_G}{p_B} \right) + \ln \left( \frac{P(\mathbf{x} \mid G)}{P(\mathbf{x} \mid B)} \right)$$

Donde  $p_G$  y  $p_B$  son las proporciones de buenos y malos en la muestra,  $P(G|\mathbf{x})$  y  $P(B|\mathbf{x})$  son las probabilidades de que un solicitante sea bueno o malo dadas sus características  $\mathbf{x}$ ,  $P(\mathbf{x}|G)$  y  $P(\mathbf{x}|B)$  son las probabilidades de que un solicitante tenga características  $\mathbf{x}$  dado que son buenos o malos respectivamente.

El termino  $\ln \left( \frac{p_G}{p_B} \right)$  es el logaritmo de los momios de la muestra,  $\ln \left( \frac{P(\mathbf{x}|G)}{P(\mathbf{x}|B)} \right)$  son pesos de evidencia (WOE weights of evidence). Si no tenemos ninguna información sobre las características del solicitante, obtenemos una puntuación igual a los momios de la muestra, conforme conocemos las características del solicitante, el puntaje se va actualizando por el termino que representa el WOE.

#### 1.4. Desarrollo de un modelo de credit scoring

El proceso de desarrollo e implementación de un modelo de credit scoring se divide en varias etapas, las cuales se describen brevemente a continuación.

- Entender el plan de negocio: Definir el objetivo del modelo y para que va a ser utilizado.
- Definir la variable objetivo: Definir el evento de interés, usualmente el evento de interés es definido como "malo" o "default", el default es ocurre cuando la institución financiera considera que es poco probable que el prestatario cumpla con su obligación o cuando el prestatario tiene mas de 90 días de atraso.
- Datos: Esta etapa consta de la recolección, almacenamiento, limpieza y transformación de los datos.
- Ajustar y optimizar el modelo: Seleccionar el modelo estadístico y evaluar su poder predictivo.
- Generalización: Probar la habilidad predictiva del modelo en una muestra no utilizada durante la fase de entrenamiento.
- Monitoreo: Una vez que el modelo ha sido desarrollado e implementado, es necesario revisar que el modelo siga prediciendo correctamente.

# 2. Preprocesamiento, preparación y análisis exploratorio de datos

Los datos son la materia prima necesaria para construir un modelo de credit scoring, los datos usados deben estar limpios y ser confiables, pero en ocasiones los datos pueden estar sucios dadas inconsistencias como lo son valores faltantes, valores duplicados, tener un mal tipo de dato, entre otros. Además, pueden presentar propiedades estadísticas no deseadas que pueden afectar el funcionamiento del modelo como lo son los valores atípicos (outliers) o multicolinealidad. Por lo que es necesario aplicar un proceso de exploración ,limpieza y de reducción de variables para poder trabajar con un conjunto de datos limpio, más pequeño y manejable.

#### 2.1. Tipos de datos

Antes de empezar con un análisis, siempre es necesario verificar los tipos de datos de las variables, los principales tipos de datos usados para describir estas variables son:

- Datos continuos: Los elementos se definen en un intervalo que puede ser limitado o ilimitado.
- Datos ordinales: Los elementos están limitados en un conjunto finito con un orden.
- Datos nominales: Los elementos están limitados en un conjunto finito sin un orden.

#### 2.2. Categorización

Uno de los aspectos mas importantes al trabajar con datos, es el tipo de dato de las variables ya que estos indican como deben ser tratados por el modelo. En ocasiones puede ser conveniente reducir el número de categorías, convertir un dato numérico a nominal (discretización) o viceversa (numerización).

- Categorización de variables categóricas: La categorización de variables categóricas es utilizada para reducir el número de categorías de una variable con alta cardinalidad.
- Discretización (binning): Es la conversión de un valor numérico en un valor categórico. La discretización más sencilla consiste en realiza intervalos del mismo tamaño y utilizando el mínimo y el máximo de la variable que queremos discretizar. Para ello se restan el máximo y el mínimo, y el valor resultante se divide por el número de intervalos deseados.
- Numerización: La numerización es el proceso inverso a la discretización, es útil cuando el modelo estadístico que vamos a utilizar no admite datos categoricos. Lo que se suele hacer es lo que se denomina numerización

1 a n, que es la creación de varias variables indicadoras o dummy. Si una variable categórica tiene posibles valores  $\{a_1, a_2, ..., a_n\}$  creamos n variables numéricas, con valores 0 o 1 dependiendo de si la variable nominal toma ese valor o no.

#### 2.3. Valores faltantes

La presencia de datos faltantes (missing values) puede ser un problema que puede conducir a resultados poco precisos. Los valores faltantes pueden ocurrir por varias razones y siempre es necesario reflexionar primero sobre el significado de los valores faltantes antes de tomar alguna decisión sobre cómo tratarlos. Las formas más populares para tratar los datos faltantes son los siguientes:

- Eliminar: Consiste en eliminar las observaciones o variables con muchos valores faltantes.
- Ignorarlos: Los valores faltantes pueden ser significativos, además, algunos modelos pueden manejar valores faltantes.
- Remplazar (imputar): Implica remplazar el valor faltante con un valor estimado, tratando de alterar lo menos posible la distribución de la variable.

#### 2.4. Valores atípicos

Los valores atípicos (outliers) son observaciones que son diferentes al resto de la población, estos pueden representar errores en los datos o pueden ser datos correctos diferentes a los demás. Los dos pasos mas importantes para tratar con valores atípicos son la detección y tratamiento. Para poder detectar valores atípicos podemos calcular los percentiles de la distribución o ayudarnos de herramientas visuales como los histogramas o diagramas de cajas. Los tratamientos son muy similares usados a los usados para datos faltantes.

- Eliminar: Eliminar las observaciones con datos atípicos dado que pueden sesgar los datos.
- Ignorarlos: Algunos modelos pueden manejar valores atípicos.
- Remplazar (imputar): Implica remplazar el valor atípicos con un valor estimado, tratando de alterar lo menos posible la distribución de la variable.

#### 2.5. Reducción y análisis de variables

Cuando tenemos un gran número de características en un conjunto de datos, estas pueden estar altamente correlacionadas, esto puede dar origen al problema de multicolinealidad (una situación en la cual existe una relación lineal exacta o aproximadamente exacta entre las variables), o puden haber características irrelevantes, lo que puede provocar que el modelo sobreajuste los datos del conjunto de entrenamiento, es decir, que el modelo capture los patrones en el conjunto

de entrenamiento y no sea capaz de generalizar (el cual es uno de los objetivos principales de los modelos de credit scoring) en los datos no vistos. Por lo que es necesario hacer uso del análisis y reducción de variables para tratar de solucionar este problema.

El análisis de variables investiga la relación entre las variables independientes, que uno quiere probar su capacidad predictiva y la variable dependiente que se espera predecir. La reducción de variables permite reducir las variables usadas para construir el modelo con la menor perdida de información además de mantener las variables con un mayor predictivo.

El objetivo es seleccionar las variables con las que se puede crear un mejor modelo, reducir el número de variables puede resultar en un modelo más estable y que puede generalizar mejor.

#### 2.5.1. WOE

El WOE mide la fortaleza de cada atributo en la separación de clientes buenos y malos, es una medida de la diferencia entre la proporción de buenos y malos en cada atributo. Para una variable categórica con r atributos, sean  $g_i$  y  $b_i$  el número de buenos y malos en el atributo i, el número de buenos y malos en la muestra son  $G = \sum_{i=1}^r g_i$  y  $B = \sum_{i=1}^r b_i$  respectivamente. Una representación cuantitativa del atributo i de la variable está dada por  $\ln(\frac{g_i*B}{b_i*G})$ 

Los valores de la variable predictora son remplazados por el WOE donde el WOE del atributo j de la variable i es dado por:

$$w_{ij} = \ln(\frac{p_{ij}}{q_{ij}})$$

Donde  $p_{ij}$  es el número de buenos en el atributo j de la variable i dividido por el número total de buenos y  $q_{ij}$  es el número de malos en el atributo j de la variable i dividido por el número total de malos.

Un WOE negativo implican que un atributo particular está aislando una mayor proporción de malos que buenos.

#### 2.5.2. IV

El IV, o la fortaleza de la variable, tiene sus orígenes en la teoría de la información (divergencia de Kullback-Leibler entre las distribuciones de buenos y malos) y es calculado:

$$IV_i = \sum_{j=1}^{r} (p_{ij} - q_{ij}) * w_{ij}$$

Es una medida del poder discriminatorio de la variable, a mayor IV, los atributos de la variable distinguen mejor entre los buenos y malos. Una variable con un IV mayor o igual a 0.1 es considerada informativa y adecuada para usarse en el modelo.

En general se pueden considerar los valores del IV como:

• Sin poder predictivo: IV < 0.02

■ Débilmente predictivo:  $0.02 \le IV < 0.1$ 

• Moderadamente predictivo:  $0.1 \le IV < 0.3$ 

• Fuertemente predictivo:  $0.3 \le IV$ 

#### 2.5.3. Prueba Chi-squared

La prueba Chi-squared es usada para determinar la dependencia entre dos variables, normalmente, la relación entre una variable categórica independiente y una variable categórica dependiente. El objetivo de la prueba es seleccionar las variables más significativas bajo la hipótesis nula de que la variable independiente tiene una influencia estadísticamente insignificante en la variable de respuesta (las variables son independientes).

En el contexto de selección de selección de variables, buscamos seleccionar las variables que son altamente dependientes de la variable de respuesta. Si dos variables son independientes el valor del estadístico  $\chi^2$  es pequeño, valores altos del estadístico indican que la hipótesis de independencia no es correcta. Por lo que buscamos las variables que tengan un valor del estadístico  $\chi^2$  lo más alto posible.

El estadístico chi-squared es calculado como:

$$\chi^2 = \sum_{ij} \frac{(O_{ij} - E_{ij})^2}{E_{ij}}$$

Donde  $O_{ij}$  es el número observado de aplicantes de la clase j en el atributo i y  $E_{ij}$  es el número esperado de aplicantes de la clase j en el atributo i (asumiendo una proporción uniforme de buenos a lo largo de los atributos).

La prueba chi-square junto a la V de Cramer, es una técnica útil para seleccionar las variables con un mayor poder predictivo.

$$Cramer'sV = \sqrt{\frac{\chi^2}{n}}$$

La V de Cramer esta siempre acotada entre 0 y 1, mayores valores indican que la variable tiene un mayor poder predictivo.

#### 2.5.4. ANOVA

La prueba ANOVA (Analysis of Variance) es usada para probar si la media de dos o más muestras viene de la misma distribución, generalmente usando una variable categórica y una variable numérica.

La varianza es una medida de dispersión que mide que tan lejos esta un valor con respecto a la media. La varianza de una variable determina cuánto está afectando a la variable de respuesta. Si la varianza es baja, implica que esta característica no tiene impacto en la respuesta y viceversa.

#### 2.5.5. Clustering de variables

El agrupamiento o clustering consiste en obtener grupos "naturales" a partir de los datos, su objetivo es dividir un conjunto de datos en grupos con características similares, maximizando la similitud de los elementos dentro de un grupo a la vez que minimizamos la similitud con los elementos de otros grupos. Es decir, se forman grupos tales que los objetos de un mismo grupo son muy similares entre sí y, al mismo tiempo, son muy diferentes a los objetos de otro grupo.

El clustering de variables no divide un conjunto de datos, mas bien, divide un conjunto de variables con características similares utilizando un conjunto de datos. El procedimiento comienza con todas las variables dentro de un cluster y recursivamente elige un cluster que divide en dos sub-clusters, el cluster se elige con base en el porcentaje de variación más pequeño explicado por su componente de cluster. El cluster elegido se divide en dos cluster encontrando los dos primeros componentes principales y asignando cada variable al componente con el que tiene la mayor correlación.

Seleccionamos la variable (o las variables) con el menor  $1-R_{ratio}^2$  como los representantes del cluster.

$$1 - R_{ratio}^2 = \frac{1 - R_{own}^2}{1 - R_{nearest}^2}$$

Queremos que las variables representantes del cluster estén lo mas posiblemente correlacionadas con las variables dentro del mismo cluster  $R_{own}^2 \approx 1$  y lo menos correlacionadas con las variables en el cluster mas cercano  $R_{nearest}^2 \approx 0$  Por lo que los mejores representantes del cluster son las variables con el menor  $1-R_{ratio}^2$ 

#### 2.6. Estandarización

La estandarización de datos tiene el objetivo de transformar las variables numericas a un rango similar. Algunos de los modelos estadísticos no requieren de estandarización, ya que, si se estandarizan los datos previamente, los resultados pueden ser más difíciles de interpretar. Sin embargo, otros modelos requieren de datos estandarizado para su optimo funcionamiento. Las técnicas de estandarización más comunes son:

 Normalización o z-score: Consiste en restarle la media a la variable y dividir por su desviación estándar, lo que produce una variable con media cero y varianza uno.

$$z_i = \frac{x_i - \mu_i}{\sigma_i}$$

■ Estandarización mínimo-máximo: Consiste en transformar una variable tal que esta se encuentre en una escala entre cero y uno.

$$x_i' = \frac{x_i - min(x_i)}{max(x_i) - min(x_i)}$$

#### 2.7. Remuestreo

Una muestra con clases no balanceadas ocurre frecuentemente en credit scoring cuando el número de clientes buenos supera ampliamente el número de clientes malos (usualmente el número de cliente malos ronda el  $10\,\%$  del total del conjunto de datos). Este fenómeno puede influenciar el desempeño de los modelos desarrollados.

Las estrategias más populares para solucionar este problema consisten en remuestrear los datos para obtener una distribución de clases alterada. Esto puede ser llevado a cabo, ya sea, sobremuestrando (over-sampling) la clase menos representada (generalmente la clase de malos) o submuestrando (under-sampling) la clase más representada (generalmente la clase de buenos) hasta que ambas clases estén aproximadamente igual representadas.

#### 2.7.1. Over-Sampling

Esta estrategia consiste en expandir la clase menos representada mediante un sobremuestreo aleatorio, a través de una replicación aleatoria de los ejemplos menos representados. El principal inconveniente de este método es que, puede aumentar la posibilidad de sobreajuste, dado que crea copias exactas de la clase menos representada, que no proveen más información para el modelo.

La técnica Synthetic Minority Over-sampling TEchnique (SMOTE) intenta solucionar el problema del sobreajuste, mediante el aumento de ejemplos la clase menos representada, generados artificialmente mediante la interpolación de ejemplos positivos que se encuentran cerca. El proceso para crear los nuevos ejemplos consiste elegir un ejemplo de la clase menos representada, encontrar sus k vecinos más cercanos (usualmente k=5), uno de los vecinos es seleccionado aleatoriamente y el nuevo ejemplo es creado eligiendo un punto entre los dos ejemplos.

#### 2.7.2. Under-Sampling

El submuestreo ayuda a balancear los datos a través de eliminar aleatoriamente datos de la clase mas representada, a pesar de su simplicidad, este método ha mostrado ser uno de los métodos de remuestreo más eficientes. El principal inconveniente de este método es que, puede eliminar datos potencialmente importantes para el proceso de clasificación.

Otros métodos para remover valores de la clase mas representada han sido diseñados, uno de los mas conocidos es el método One-Sided Selection technique (OSS), el cual remueve ejemplos de la clase mas representada que resultan ser redundantes o ruidosos (ejemplos de la clase más representada que rodean los ejemplos de la clase menos representada).

#### 3. El modelo matemático

Un supuesto clave para construir un modelo de credit scoring es que el futuro se parece al pasado. Mediante el análisis del comportamiento previo de los clientes a los que se les otorgo el crédito y ya conocemos si fueron buenos o malos, es posible aprender y predecir como se comportaran los clientes futuros. El comportamiento de los clientes, que denotaremos G para bueno y B para malo, es la variable objetivo que nos interesa analizar, así como su relación con las características de los solicitantes.

Sea  $\mathcal{X}=(x_1,x_2,...,x_m)$  un conjunto de datos con m instancias (o muestras), done cada instancia representa un crédito que fue otorgado en el pasado y es descrito por d características  $x_i=(x_{i1},x_{i2},...,x_{id})$ . Si sabemos que el comportamiento de la instancia i fue  $y_i$  donde  $y_i\in\{G,B\}$ . Entonces el conjunto  $\mathcal{D}=\{(x_i,y_i)|x_i\in\mathcal{X},y_i\in\mathcal{Y},i=1,2,...,m\}$  llamado conjunto de entrenamiento, es la materia prima necesaria para construir un modelo de credit scoring.

Un modelo credit scoring estima las probabilidades de que un solicitante de crédito con un vector de características  $\mathbf{x} = (x_1, x_2, ..., x_d)$  se comporte relativamente bien durante el préstamo y se comporte mal (incumpla con su compromiso de pago) denotados por  $P(G|\mathbf{x})$  y  $P(B|\mathbf{x})$  respectivamente.

Nuestra tarea consiste en crear un modelo que nos permita estimar las probabilidades  $P(.|\mathbf{x})$  a partir de un conjunto de datos  $\mathcal{D}$  y a partir de estas probabilidades encontrar una regla que nos permita dividir el espacio generado por  $\mathcal{X}$  en dos subespacios  $A_G$  y  $A_B$ , donde los solicitantes cuyo vector de características  $\mathbf{x} \in A_G$  tienen una mayor probabilidad de comportarse bien durante el periodo del crédito. Además, buscamos que el modelo generalice, es decir, para un nuevo conjunto de datos  $\mathcal{D}' = \{(x_i, y_i)|x_i \in \mathcal{X}, y_i \in \mathcal{Y}, i = m+1, m+2, ..., m+m'\}$  llamado conjunto de prueba, el modelo sea capaz de clasificar correctamente estas nuevas observaciones.

Dentro de los modelos más comunes para construir credit scoring se encuentran:

- Análisis de discriminante
- Árboles de decisión
- K-Nearest Neighbour
- Maquina vector soporte
- Naive Bayes
- Redes neuronales
- Regresión logística

#### 4. Modelos lineales

Sean  $\mathbf{x} = (x_1, x_2, \dots, x_d)^T$  una muestra descrita por d variables. Un modelo lineal intenta aprender una función a través de una combinación de las variables de entrada.

$$f(\mathbf{x}) = b + w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_d x_d = b + \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

Donde b y  $\mathbf{w} = (w_1, w_2, \dots, w_d)^T$  son los parámetros del modelo que se necesitan aprender (estimar) para poder hacer predicciones. A pesar de su simplicidad, los modelos lineales son ampliamente usados en la practica y son la base de varios modelos estadísticos y de machine learning, varios modelos no lineales se pueden derivar de los modelos lineales.

#### 4.1. Regresión lineal

La regresión lineal es una técnica estadística usada para analizar la relación entre una variable dependiente y una o más variables independientes. La regresión lineal asume que la función de regresión  $E(\mathbf{Y}|\mathbf{X})$  es lineal en las entradas  $\mathbf{X}$ .

#### 4.1.1. Regresión lineal simple

La regresión lineal simple es un modelo lineal, que intenta predecir una variable dependiente usando una variable independiente.

Sea  $\mathcal{D} = \{(x_i, y_i) | x_i, y_i \in \mathcal{R}, i = 1, 2, ..., m\}$  un conjunto de datos con m observaciones y queremos predecir el valor de la variable dependiente y a partir de los valores de una variable independiente x a través de un modelo lineal de la forma:

$$f(\mathbf{x}) = b + wx$$

Tal que  $f(x_i) \approx y_i$  para i = 1, 2, ..., m. Para esto es necesario determinar los valores de los parámetros b y w, esto es llevado a cabo minimizando la suma de los errores cuadráticos SSE (sum of squares of errors)  $SSE = \sum_{i=1}^{m} (y_i - f(x_i))^2$ . El método de mínimos cuadrados es usado generalmente para minimizar SSE, este método intenta ajustar una línea recta tal que la distancia euclidiana de las muestras a la línea es mínima. Los parámetros óptimos son:

$$\hat{w} = \frac{\sum_{i=1}^{m} (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sum_{i=1}^{m} (x_i - \bar{x})^2}$$
$$\hat{b} = \bar{y} - \hat{w}\bar{x}$$

#### 4.1.2. Regresión lineal múltiple

La regresión lineal múltiple es una generalización de la regresión lineal simple, donde intentamos predecir una variable dependiente usando d variables independientes.

Sea  $\mathcal{D} = \{(x_i, y_i) | y_i \in \mathcal{R}, i = 1, 2, ..., m\}$  un conjunto de datos con m observaciones, donde cada  $x_i$  es un vector en  $\mathcal{R}^d$ . En este caso el modelo a estimar es de la forma:

$$f(\mathbf{x}) = b + w_1 x_1 + w_2 x_2 + ... + w_d x_d = b + \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

Similarmente podemos estimas los parámetros b y  $\mathbf{w}$  utilizando el método de mínimos cuadrados. Reescribiendo b y  $\mathbf{w}$  como  $\mathbf{w}' = (\mathbf{w}, b)$  y representando las variables independientes como una matriz  $\mathbf{X}$  de dimensiones  $m \times (d+1)$  y la variable dependiente como un vector columna y.

$$\mathbf{X} = \begin{bmatrix} x_{11} & x_{12} & \cdots & x_{1d} & 1 \\ x_{21} & x_{22} & \cdots & x_{2d} & 1 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ x_{m1} & x_{m2} & \cdots & x_{md} & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} x_1^T & 1 \\ x_2^T & 1 \\ \vdots & \vdots \\ x_m^T & 1 \end{bmatrix}, y = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_m \end{bmatrix}$$

Buscamos los parámetros  $\mathbf{w}'$  que minimicen  $(y-\mathbf{X})^T(y-\mathbf{X})$ , cuando  $\mathbf{X}^T\mathbf{X}$  es una matriz positiva definida, los parámetros que produce el método de mínimos cuadrados son  $\hat{\mathbf{w}}' = (\mathbf{X}^T\mathbf{X})^{-1}\mathbf{X}^Ty$ 

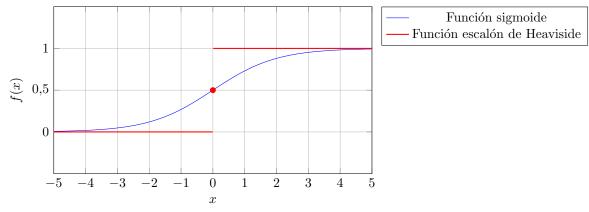
#### 4.2. Regresión logística

La regresión logística, al igual que la regresión lineal, es una técnica estadística usada para analizar la relación entre una variable dependiente y una o más variables independientes. La principal diferencia entre la regresión logística y la regresión lineal es que la variable dependiente es una variable binaria  $y \in \{0,1\}$ . Por lo que el valor real predicho por una regresión lineal (simple o múltiple)  $z = b + \mathbf{w}^T \mathbf{x}$  necesita ser convertido, ya sea, en 0 o 1. Idealmente, esto es llevado a cabo usando la función escalón de Heaviside.

$$f(z) = \begin{cases} 0, & \text{si } z < 0, \\ \frac{1}{2}, & \text{si } z = 0, \\ 1, & \text{si } z > 0. \end{cases}$$

Sin embargo, la función escalón de Heaviside no es continua, la función sigmoide es una función continua y diferenciable que se aproxima a la función escalón de Heaviside.

$$f(z) = \frac{1}{1 + e^{-z}}$$



Sean p la probabilidad de que una muestra x pertenezca a la clase 1 y q=1-p la probabilidad de que pertenezca a la clase 0, la razón  $\frac{p}{1-p}$  es llamada momio e indica la probabilidad relativa de que la muestra x pertenezca a la clase 1.

Tomando el logaritmo del momio  $\log \frac{p}{1-p}$  obtenemos el log-momio (función logit). Si usamos una regresión lineal para aproximar el valor del log-momio de la clase real.

$$\log \frac{p}{1-p} = b + w_1 x_1 + w_2 x_2 + \dots + w_d x_d = b + \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

Resulta que la probabilidad estimada de que una muestra  ${\bf x}$  pertenezca a la clase 1 esta dada por la función sigmoide.

$$P(Y = 1|\mathbf{x}, b, \mathbf{w}) = p = \frac{1}{1 + e^{-(b + \mathbf{w}^T \mathbf{x})}}$$

La estimación de los parámetros  $b, w_1, \ldots, w_d$  es llevada a cabo utilizando el método de máxima verosimilitud. Este método estima los parámetros que maximizan la probabilidad de obtener la muestra observada.

Reescribiendo b y w como w' = (w, b) y representando las variables independientes como una matriz X de dimensiones  $m \times (d+1)$  y la variable dependiente como un vector columna y como lo hicimos en la sección de 4.1.2. La función de verosimilitud a maximizar está dada por:

$$L(\mathbf{w}') = \prod_{i=1}^{m} P(y_i = 1 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')^{y_i} * P(y_i = 0 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')^{1-y_i}$$

Si tomamos el logaritmo de la función de verosimilitud y obtenemos la función de log-verosimilitud  $l(\mathbf{w}')$  la cual es más fácil maximizar.

$$l(\mathbf{w}') = \log(\prod_{i=1}^{m} P(y_i = 1 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')^{y_i} * P(y_i = 0 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')^{1-y_i})$$

$$= \sum_{i=1}^{m} \log(P(y_i = 1 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')^{y_i} * P(y_i = 0 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')^{1-y_i}))$$

$$= \sum_{i=1}^{m} (y_i * \log(P(y_i = 1 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}') + (1 - y_i) * \log(P(y_i = 0 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')))$$

$$= \sum_{i=1}^{m} (y_i * \log(\frac{P(y_i = 1 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')}{P(y_i = 0 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')}) + \log(P(y_i = 0 | \mathbf{x_i}, \mathbf{w}')))$$

$$= \sum_{i=1}^{m} (y_i * \mathbf{w}'^T \mathbf{x} - \log(1 + e^{\mathbf{w}'^T \mathbf{x}})$$

La solución al problema de maximizar  $l(\mathbf{w}')$  es la misma que la del problema de minimizar  $-l(\mathbf{w}')$ , por lo que los valores óptimos mathbfw' puede ser encontrados aplicando técnicas diferentes métodos de optimización tales como el método de Newton o el método de gradiente descendiente.

El parámetro  $w_i$  estima la tasa de cambio en la función logit para un incremento en una unidad en la variable de entrada  $x_i$ . Los parámetros dependen de la unidad de medición de las variables de entrada, por lo que necesitan ser estandarizadas. Una forma de evitar realizar la estandarización es realizar la regresión logística utilizando las variables WoE en lugar de las variables de entrada.

#### 4.2.1. Regresión logística en credit scoring

Dada su simplicidad y buen desempeño, la regresión logística es uno de los modelos de clasificación mas utilizados para credit scoring. Además, este modelo pude ser transformado fácilmente en un formato interpretable basado en puntos de crédito.

Suponga que tenemos un modelo logístico donde todas las variables independientes han sido codificadas utilizando la transformación WoE.

$$P(Y = 1|b, \mathbf{w}) = \frac{1}{1 + e^{-(b + w_1 W \circ E_1 + w_2 W \circ E_2 + \dots + w_d W \circ E_d)}}$$

Este modelo puede ser expresado de manera lineal a través del log-momio.

$$\log(\frac{P(Y=1|b, \mathbf{w})}{P(Y=0|b, \mathbf{w})}) = b + w_1 W o E_1 + w_2 W o E_2 + \dots + w_d W o E_d$$

La relación ente los puntajes y los log-momios se puede expresar de una manera lineal.

$$score = offset + factor*ln(odds)$$

Utilizando un momio (odds) a un cierto puntaje (score) y unos puntos para duplicar los momios (points to double the odds, pdo), los valores de factor y offset pueden ser resolviendo el sistema de ecuaciones.

$$score = offset + factor * ln(odds)$$

$$score + pdo = offset + factor * ln(2 * odds)$$

Resolviendo para pdo.

$$pdo = factor * ln(2)$$

Y finalmente obtenemos los valores de factor y offset como:

$$factor = \frac{pdo}{\log(2)}$$

$$offset = score - factor * ln(odds)$$

Una vez que estos valores son calculados el puntaje de crédito se calcula como:

$$\begin{split} score &= offset + factor*ln(odds) \\ &= offset + factor*(\sum_{i=1}^{N}(WoE_i*w_i) + b) \\ &= offset + factor*(\sum_{i=1}^{N}(WoE_i*w_i + \frac{b}{N})) \\ &= \sum_{i=1}^{N}(\frac{offset}{N} + factor(WoE_i*w_i + \frac{b}{N})) \end{split}$$

El puntaje final es comparado con un punto de corte que ayuda a predecir si es mas probable que el cliente sea bueno o malo. La principal ventaja de este puntaje de crédito es su interpretabilidad, podemos ver cuales son las categorías más riesgosas y como contribuyen al puntaje de crédito.

## 5. Evaluación del modelo

La proporción de muestras clasificadas incorrectamente con respecto al número total de muestras es llamada la tasa de error (error rate), uno menos la tasa de error es llamada exactitud (accuracy). El error calculado en el conjunto de

entrenamiento es llamado error de entrenamiento o error empírico, el error calculado en nuevos datos es llamado error de generalización. Nuestro objetivo es crear modelos que tangan un error de generalización pequeño, sin embargo, en la práctica solo es posible minimizar el error de entrenamiento. Si un modelo tiene un error de entrenamiento bajo y un error de generalización alto, decimos que el modelo esta sobreajustado (overfitting), en el caso contrario, si un modelo tiene un error de entrenamiento alto, decimos que el modelo esta subajustado (underfitting).

Podemos evaluar el error de generalización a través de un experimento de prueba, usando un conjunto de prueba, podemos estimar la habilidad de clasificación en nuevos datos y usar este error de prueba como una aproximación al error de generalización. Lo mas usual es dividir un conjunto de datos  $\mathcal{D} = \{(x_i,y_i)|x_i\in\mathcal{X},y_i\in\mathcal{Y},i=1,2,...,m\}$  en dos subconjuntos disjuntos: el conjunto de entrenamiento S y el conjunto de prueba T, tales que  $D=S\cup T$  y  $S\cap T=\varnothing$ . Usamos el conjunto de entrenamiento S para entrenar el modelo y para calcular el error de entrenamiento y utilizamos el conjunto de prueba T para estimar el error de generalización.

#### 5.1. Cross-Validation

La validación cruzada (Cross-Validation) es uno de los métodos mas usados para estimar el error de generalización. Consiste en dividir el conjunto D en k subconjuntos disjuntos tales que  $D = D_1 \cup D_2 \cup \ldots \cup D_k$  y  $D_i \cap D_i = \emptyset$  si  $i \neq j$ .

En cada una de las k iteraciones utilizamos k-1 subconjuntos para entrenar el modelo y el subconjunto restante es utilizado para estimar el error de generalización, usando exactamente una sola vez cada subconjunto como conjunto de prueba. Promediamos los resultados de las k pruebas para estimar el error de generalización.

#### 5.2. Medidas de desempeño

Para evaluar la habilidad de generalización de un modelo, es necesario definir una medida de desempeño que nos permita cuantificar la habilidad de generalización. En las tareas de predicción evaluamos el desempeño de modelo comparando los valores predichos por el modelo  $\hat{y}$  con el valor real y.

#### 5.2.1. Mean Squared Error

El método mas usado para medir el desempeño de un modelo en una tarea de regresión (cuando  $y \in \mathbb{R}$ ) es el error cuadrático medio MSE definido como:

$$MSE = E(f; D) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (f(x_i) - y_i)^2 = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} (\hat{y}_i - y_i)^2$$

#### 5.2.2. Tasa de error y exactitud

La tasa de error y exactitud son medidas de desempeño para tareas de clasificación. La tasa de error es la proporción de muestras mal clasificadas con respecto al tamaño total de las muestras y está definida como:

$$E(f; D) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} I(f(x_i) \neq y_i) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} I(\hat{y}_i \neq y_i)$$

La exactitud (accuracy) es la proporción de muestras correctamente clasificadas con respecto al tamaño total de las muestras y está definida como:

$$acc(f; D) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} I(f(x_i) = y_i) = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} I(\hat{y}_i = y_i) = 1 - E(f; D)$$

#### 5.2.3. Matriz de confusión

La tasa de error y la exactitud son frecuentemente usadas, pero no son adecuadas para todas las tareas de clasificación, por ejemplo, si deseamos conocer el número de clientes buenos que fueron clasificados como malos y viceversa, es necesario definir otra medida de desempeño que nos ayude a contestar este tipo de preguntas.

En problemas de clasificación binaria, hay cuatro combinaciones entre los valores reales y los valores predichos por el modelo, llamados verdadero positivo TP, falso positivo FP, verdadero negativo TN y falso negativo FN, con TP+FP+TN+FN=m (m es el número de muestras en el conjunto de datos), que pueden ser representados mediante la matriz de confusión.

	Predicción negativa	Predicción positiva	Total
Real negativa	TN	FP	N
Real positiva	FN	TP	P
Total	N'	P'	m

- Verdaderos positivos TP: El número de muestras positivas que fueron correctamente clasificadas.
- Verdadero negativo TN: El número de muestras negativas que fueron correctamente clasificadas.
- Falso positivo FP: El número de muestras negativas que fueron clasificadas como positivas.
- Falso negativo FN: El número de muestras positivas que fueron clasificadas como negativas.

El número de clasificaciones correctas es TP+TN, el número de clasificaciones incorrectas es FP+FN.Con esta notación podemos calcular la tasa de error y la exactitud como  $\frac{FP+FN}{m}$  y  $\frac{TP+TN}{m}$ .

Otras medidas de desempeño que se pueden deducir de la matriz de confusión son la sensibilidad y la precisión. La sensibilidad o recuperación (sensitivity o recall) también es conocida como tasa de verdaderos positivos es una medida de completitud que intenta responder a la pregunta ¿Qué proporción de positivos reales se clasificaron correctamente? y está definida como  $R = \frac{TP}{TP+FN} = \frac{TP}{P}$ . La precisión (precision) es una medida de exactitud que intenta responder a la pregunta ¿Qué proporción de clasificaciones positivas fue correcta? y está definida como  $P = \frac{TP}{TP+FP} = \frac{TP}{P'}$ . Para evaluar completamente la efectividad de un modelo, debes examinar la

Para evaluar completamente la efectividad de un modelo, debes examinar la precisión y la recuperación, pero estas medidas son contradictorias, cuando la precisión es alta la recuperación es baja y viceversa.

#### **5.2.4.** ROC y AUC

En ocasiones las predicciones de los modelos de clasificación están dadas en forma de probabilidades o valores reales, las predicciones de las clases se realizan comparando estos valores con un cierto umbral. La curva ROC (Receiver Operating Characteristics) es un gráfico que muestra el rendimiento de un modelo de clasificación en todos los umbrales de clasificación usando la tasa de falsos positivos FPR en el eje x y la tasa de verdaderos positivos TPR en el eje y.

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN} = \frac{TP}{P}$$

$$FPR = \frac{FP}{FP + TN} = \frac{FP}{N}$$

Cada valor de umbral produce un punto (FPR,TPR) si variamos el valor umbral ( de  $(-\infty,\infty)$  en el caso de valores reales o de [0,1] en caso de probabilidades) construimos la curva ROC, sin embargo, es imposible evaluar (FPR,TPR) para todos los valores posibles de umbral. Por lo que es necesario una técnica que nos permita estimar la curva ROC de una manera más eficiente.

Sean  $m^+$  y  $m^-$  el número de muestras positivas y negativas respectivamente, si ordenamos los valores predichos por el modelo de acuerdo a su valor y establecemos el umbral lo más grande posible (predecimos todas las muestras como negativas) obtenemos el punto (0,0). Sea (x,y) el punto previo de la curva, si la muestra actual es verdadera positiva establecemos el punto actual de la curva como  $(x,y+\frac{1}{m^+})$ , por otro lado si la muestra actual es falsa positiva establecemos el punto actual de la curva como  $(x+\frac{1}{m^-},y)$ . Finalmente si establecemos el umbral lo más pequeño posible (predecimos todas las muestras como verdaderas) obtenemos el punto (1,1). Uniendo los puntos anteriores obtenemos la curva

La curva ROC es una representación del desempeño del modelo. Una manera de comparar modelos es calcular el área bajo la curva ROC, esta área es llamada AUC (Area Under ROC Curve), el AUC puede ser estimado mediante:

$$AUC = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^{m-1} (x_{i+1} - x_i)(y_{i+1} + y_i)$$

El AUC representa la habilidad de un modelo para separar las clases positivas de las clases negativas, cuanto mayor sea su valor, mayor será su habilidad de separación. También podemos entender el AUC como la probabilidad de que un clasificador esté más seguro de que un ejemplo positivo elegido al azar sea realmente positivo que de que un ejemplo negativo elegido al azar sea positivo.

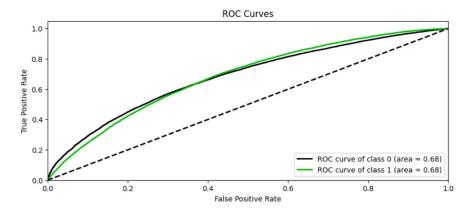


Figura 1: AUC-ROC

#### 5.2.5. KS

La prueba de Kolmogorov-Smirnov es una prueba de bondad de ajuste usada para comparar si una distribución observada desconocida sigue una distribución teórica conocida. El estadístico d la prueba es calculada tomando la máxima distancia vertical entre las curvas (las funciones de distribución acumuladas):

$$KS = max_x |F_n(x) - F(x)|$$

El estadístico KS toma valores entre 0 y 1, un valor de 0 indica que las distribuciones son idénticas (el modelo no distingue entre clientes buenos y malos), mientras que un valor de 1 indica que las curvas son muy diferentes (el modelo les asigna un puntaje menor a los clientes malos que a los clientes buenos).

# 6. Resultados LendingClub

En esta sección hablaremos sobre los resultados obtenidos al utilizar la regresión logística para modelar la probabilidad de incumplimiento de los solicitantes de crédito en la plataforma LendingClub.

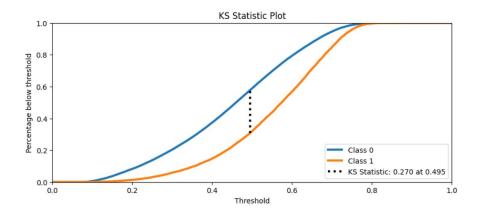


Figura 2: K-S

LendingClub es una compañía estadounidense de préstamos entre pares, con sede en San Francisco, California. Fue el primer prestamista peer-to-peer en registrar sus ofertas como valores ante la Comisión de Bolsa y Valores (SEC) y en ofrecer negociación de préstamos en un mercado secundario. Desde 2007, más de 4 millones de miembros se han unido al Club para ayudarlos a alcanzar sus metas financieras.

Los datos consisten en 466,285 préstamos otorgados entre los años 2011 y 2014 que son descritos por 74 variables. Los datos fueron obtenidos de Kaggle y se encuentran disponibles en la página: https://www.kaggle.com/datasets/devanshi23/loan-data-2007-2014.

#### 6.1. Variable objetivo

El conjunto de datos contiene la variable loan\_status la cual representa el estado actual del préstamo y contiene los siguientes valores: Current, Fully Paid, In Grace Period, Does not meet the credit policy. Status:Fully Paid, Late (16-30 days), Charged Off, Late (31-120 days), Default, Does not meet the credit policy. Status:Charged Off.

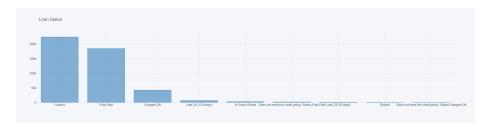


Figura 3: Variable loan status

Definimos a los clientes buenos (Clase 0) a aquellos clientes cuyo valor de la variable *loan\_status* sea alguno de los siguientes:

- Current
- Fully Paid
- In Grace Period
- Does not meet the credit policy. Status:Fully Paid
- Late (16-30 days)

El resto de los clientes fueron definidos como malos (clase 1). Utilizamos esta nueva variable como la variable objetivo que intentamos predecir.

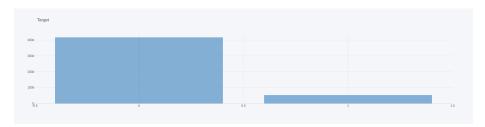


Figura 4: Variable Target

#### 6.2. Datos

#### 6.2.1. Preprocesamiento

En la parte del preprocesamiento de datos primero borramos las variables que están llenas de valores nulos, las variables unitarias, las variables que no tienen importancia para el modelo y las variables que no son conocidas al momento que se otorga el préstamo, así como las variables que tienen un tipo de dato fecha.

Particionamos los datos en dos, train el cual representan el 70 % de los datos y son utilizados para entrenar el modelo y test que representa el restante 30 % de los datos y son utilizados para medir el desempeño del modelo en datos no vistos.

Imputamos los valores faltantes con la mediana y validamos mediate la prueba de Kolmogorov-Smirnov que la imputación no allá dañada los datos. Discretizamos las variables en bins que van de 4 a 10 y utilizamos la transformación WoE para transformar los datos discretos en continuos para usarlos en el modelo logístico.

#### 6.2.2. Selección de variables

Con las variables discretizadas calculamos el Information Value IV, el cual utilizamos para medir el poder predictivo de cada variable y nos quedamos con las variables que tiene un IV mayor a 0.02



Figura 5: IV de las variables

También realizamos la prueba  $\chi^2$  para seleccionar las variables estadísticamente mas significativas usando la V de Cramer.

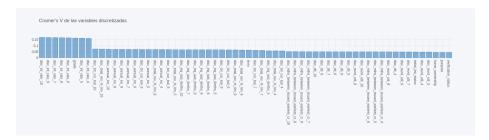


Figura 6: V de Cramer

Finalmente realizamos un cluster de variables para eliminar las variables que resulten muy similares y/o estén altamente correlacionadas. Después de realizar el proceso anterior, las variables más importantes resultaron ser:

- $\bullet\,$ tot\_cur\_bal ( $x_1$ ): Saldo actual total de todas las cuentas, discretizada usando 10 bins.
- int\_rate ( $x_2$ : Tasa de interés del préstamo, discretizada usando 10 bins.
- inq\_last\_6mths  $(x_3)$ : El número de consultas en los últimos 6 meses (excluyendo consultas sobre automóviles e hipotecas), discretizada usando 10 bins.
- annual\_inc  $(x_4)$ : Los ingresos anuales autodeclarados proporcionados por el prestatario durante el registro, discretizada usando 10 bins.
- dti  $(x_5)$ : Una relación calculada utilizando los pagos de deuda mensuales totales del prestatario sobre las obligaciones de deuda totales, excluyen-

do la hipoteca y el préstamo de LC solicitado, dividido por los ingresos mensuales autodeclarados del prestatario, discretizada usando 9 bins.

- mths\_between\_issued\_earliest\_cr  $(x_6)$ : Meses entre la fecha de emisión del préstamo y la fecha en que se abrió la primera línea de crédito informada del prestatario, discretizada usando 10 bins.
- total\_rev\_hi\_lim  $(x_7)$ : Principal recibido a la fecha, discretizada usando 10 bins.

#### 6.3. Modelo

Modelamos la probabilidad de pertenencia a la clase de buenos y malos usando una regresión logística, usando como variables predictoras las variables descritas anteriormente con la transformación WoE.

Para esto, utilizamos diferentes métodos de remuestreo para balancear la muestra, así como la optimización de hiper-parámetros del modelo utilizando la librería scikit-learn de Pyton.

- Modelo 1: Regresión logística utilizando el parámetro class\_weight= 'balanced', utilizando una regularización L2 con un parámetro de regularización inverso de 0,01 (parámetro de regularización de 100).
- Modelo 2: Regresión logística over-sample la clase menos representada a través de una replicación aleatoria de los ejemplos menos representados , utilizando una regularización L2 con un parámetro de regularización inverso de 0,01 (parámetro de regularización de 100)
- Modelo 3: Regresión logística over-sample la clase menos representada utilizando la técnica Synthetic Minority Over-sampling TEchnique (SMO-TE), utilizando una regularización L2 con un parámetro de regularización inverso de 0,01 (parámetro de regularización de 100)
- Modelo 4: Regresión logística Under-sample la clase más representada a través de eliminar aleatoriamente datos de la clase más representada, utilizando una regularización L2 con un parámetro de regularización inverso de 0,1 (parámetro de regularización de 10)
- Modelo 5: Regresión logística Under-sample la clase más representada a través el método One-Sided Selection technique (OSS), utilizando una regularización L2 con un parámetro de regularización inverso de 0,01 (parámetro de regularización de 100)

Modelo	AUC-ROC	K-S
Modelo 1	0.67919	0.264
Modelo 2	0.67832	0.263
Modelo 3	0.68026	0.265
Modelo 4	0.67902	0.263
Modelo 5	0.68393	0.272

## 6.4. Desempeño del modelo

En la sección anterior podemos ver que los modelos anteriores tienen un desempeño muy similar en el conjunto de entrenamiento y en el conjunto de prueba, lo que indica que el modelo no sobreajusta los datos. Sin embargo, aunque el desempeño del modelo es mejor que el azar  $(AUC-ROC\ de\ 0,5)$ , su desempeño no es muy bueno.

Modelo	AUC-ROC	K-S	
Modelo 1	0.68379	0.270	
Modelo 2	0.68379	0.271	
Modelo 3	0.68375	0.270	
Modelo 4	0.68370	0.270	
Modelo 5	0.68370	0.270	

En promedio el valor  $\overline{AUC} - ROC$  es de 0,683 y el K - S es 0,27. Por lo que es necesario llevar a cabo una nueva selección de características para ver si el desempeño del modelo puede mejorar, o seleccionar un algoritmo de aprendizaje diferente que tenga un mejor desempeño.

#### 7. Resultados Give Me Some Credit

En esta sección hablaremos sobre los resultados obtenidos al utilizar la regresión logística para modelar la probabilidad de incumplimiento de los solicitantes de crédito usando los datos de Give Me Some Credit. Give Me Some Credit es una competencia creada por Kaggle. Esta competencia requiere que los participantes mejoren en el estado del arte en la calificación crediticia, prediciendo la probabilidad de que alguien experimente dificultades financieras en los próximos dos años. Los datos consisten en 150,000 préstamos otorgados que son descritos por 11 variables. Los datos fueron obtenidos de Kaggle y se encuentran disponibles en la página: https://www.kaggle.com/competitions/GiveMeSomeCredit/data

#### 7.1. Variable objetivo

El conjunto de datos contiene la variable Serious Dlqin2yrs la cual representa si la persona que recibió el préstamo experimentó 90 días de morosidad o más. Representando los clientes que experimentaron mora como 1 (malos) y los demás como 0 (buenos).

#### 7.2. Datos

#### 7.2.1. Preprocesamiento

En la parte del preprocesamiento de datos primero particionamos los datos en dos, train el cual representan el 70 % de los datos y son utilizados para entrenar el modelo y test que representa el restante 30 % de los datos y son utilizados para medir el desempeño del modelo en datos no vistos.

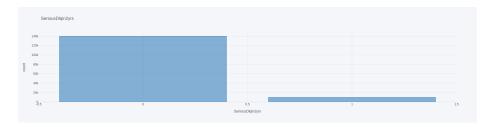


Figura 7: Variable SeriousDlqin2yrs

Imputamos los valores faltantes con la mediana y validamos mediate la prueba de Kolmogorov-Smirnov que la imputación no allá dañada los datos. Discretizamos las variables continuas en bins que van de 4 a 8. Y colapsamos las categorías de las variables discretas que no superaban el  $5\,\%$  del total de la muestra.

Finalmente utilizamos la transformación WoE para transformar los datos discretos en continuos para usarlos en el modelo logístico.

#### 7.2.2. Selección de variables

Con las variables discretizadas calculamos el Information Value IV, el cual utilizamos para medir el poder predictivo de cada variable y nos quedamos con las variables que tiene un IV mayor a 0,1

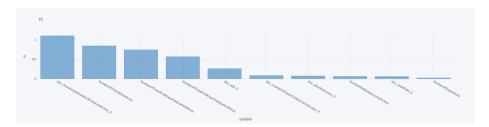


Figura 8: IV de las variables

Después de realizar el proceso anterior, las variables más importantes resultaron ser:

- RevolvingUtilizationOfUnsecuredLines  $(x_1)$ : Saldo total en tarjetas de crédito y líneas de crédito personales, excepto bienes raíces y sin deuda a plazos, como préstamos para automóviles, dividido por la suma de los límites de crédito, discretizada usando 8 bins.
- NumberOfTimes90DaysLate  $(x_2)$ : Número de veces que el prestatario ha estado en mora por 90 días o más.

- NumberOfTime30-59DaysPastDueNotWorse  $(x_3)$ : Número de veces que el prestatario ha estado atrasado entre 30 y 59 días, pero no peor en los últimos 2 años.
- NumberOfTime60-89DaysPastDueNotWorse  $(x_4)$ : Número de veces que el prestatario ha estado atrasado entre 60 y 89 días, pero no peor en los últimos 2 años.
- age  $(x_5)$ : Edad del prestatario, discretizada usando 8 bins.

#### 7.3. Modelo

Modelamos la probabilidad de pertenencia a la clase de buenos y malos usando una regresión logística, usando como variables predictoras las variables descritas anteriormente con la transformación WoE.

Para esto, utilizamos la optimización de hiper-parámetros del modelo utilizando la librería scikit-learn de Pyton.

El mejor modelo resulto ser una regresión logística utilizando una regularización L2 con un parámetro de regularización inverso de 0,1 (parámetro de regularización de 10) y utilizando el método de balanceo de muestra implementado en scikit-learn.

$$P(Y=1|\mathbf{x},b,\mathbf{w}) = \frac{1}{1 + e^{-(0.0349 - 0.683 * x_1 - 0.61 * x_2 - 0.634 * x_3 - 0.518 * x_4 - 0.5 * x_5)}}$$

Este modelo obtuvo una AUC - ROC de 0,0,853 y un K - S de 0,552 en el conjunto de entrenamiento, lo cual indica que el modelo tiene un buen desempeño y es capaz de distinguir entre clientes bueno y malos.

#### 7.4. Desempeño del modelo

El desempeño del modelo en el conjunto de prueba fue bastante parecido al desempeño del modelo en el conjunto de entrenamiento. Con un AUC-ROC de 0,849 y un K-S de 0,552, por lo que podemos concluir que el modelo, además, de tener un buen desempeño en el conjunto de entrenamiento, es capaz de generalizar y funciona bien en datos nuevos.

# Referencias

- [1] Baesens, B., Roesch, D., Scheule, H. (2016). Credit risk analytics: Measurement techniques, applications, and examples in SAS. John Wiley Sons.
- [2] Bolton, C. (2010). Logistic regression and its application in credit scoring (Doctoral dissertation, University of Pretoria).
- [3] García, V., Marqués, A.I., Sánchez, J.S. (2012). Improving Risk Predictions by Preprocessing Imbalanced Credit Data. In: Huang, T., Zeng, Z., Li, C., Leung, C.S. (eds) Neural Information Processing. ICONIP 2012. Lecture Notes in Computer Science, vol 7664. Springer, Berlin, Heidelberg. https://doi.org/10.1007/978-3-642-34481-7-9
- [4] Han, J., Pei, J., Kamber, M. (2011). Data Mining: Concepts and Techniques. Países Bajos: Elsevier Science.
- [5] Hand, D.J. and Henley, W.E. (1997), Statistical Classification Methods in Consumer Credit Scoring: a Review. Journal of the Royal Statistical Society: Series A (Statistics in Society), 160: 523-541. https://doi.org/10.1111/j.1467-985X.1997.00078.x
- [6] Henley, William Edward (1995). Statistical aspects of credit scoring. PhD thesis The Open University
- [7] Jorion, Philippe. (2002). Valor en riesgo. México. Limusa Noriega Editores
- [8] Laborda, J., Ryoo, S. (2021). Feature Selection in a Credit Scoring Model. Mathematics, 9(7), 746. MDPI AG. Retrieved from http://dx.doi.org/10.3390/math9070746
- [9] Orallo, J. H., Quintana, M. J. R., Ramírez, C. F. (2004). Introducción a la Minería de Datos. Pearson Educación.
- [10] Peña, D. (2002). Análisis de datos multivariantes (Vol. 24). Madrid: McGraw-hill.
- [11] Sanche, R., Lonergan, K. (2006, March). Variable reduction for predictive modeling with clustering. In Casualty Actuarial Society Forum (pp. 89-100). Citeseer.
- [12] Siddiqi, N. (2012). Credit risk scorecards: developing and implementing intelligent credit scoring (Vol. 3). John Wiley Sons.
- [13] Thomas, L., Crook, J., Edelman, D. (2017). Credit scoring and its applications. Society for industrial and Applied Mathematics.
- [14] Zhou, Z. H. (2021). Machine learning. Springer Nature.

https://machine learning mastery.com/smote-oversampling-for-imbalanced-classification/https://developers.google.com/machine-learning/crash-course/classification/roc-and-auc?hl=es-419

https://towards datascience.com/chi-square-test-for-feature-selection-in-machine-learning-206b1f0b8223

https://towards datascience.com/statistics-in-python-using-anova-for-feature-selection-b4dc876ef4f0

https://machine learning mastery.com/feature-selection-with-numerical-input-data/