Gara online, https://cms.di.unipi.it/gator16, 9-10 aprile 2016

pcollatz • IT

# Sequenza di Pollatz (pcollatz)

Limite di tempo: 1.0 secondi Limite di memoria: 512 MiB

Difficoltà: 2

Consideriamo il seguente algoritmo, che prende in ingresso un intero positivo N:

- 1. Se N vale 1, l'algoritmo termina.
- 2. Se N è pari, dividi N per 2, altrimenti (se N è dispari) moltiplicalo per 3 e aggiungi 1.

Per esempio, applicato al valore N=6, l'algoritmo produce la seguente sequenza (di lunghezza 9, contando anche il valore iniziale N=6 e il valore finale 1):

La congettura di Collatz, chiamata anche congettura 3N + 1, afferma che l'algoritmo qui sopra termini sempre per qualsiasi valore N; in altri termini, se prendo un qualsiasi numero intero maggiore di 1 applicare la regola numero 2 conduce sempre al numero 1. È riferendosi a questa celebre congettura che il famoso matematico Erdős ha detto "La matematica non è ancora pronta per problemi di questo tipo".

Patrizio ha creato una versione alternativa della sequenza, secondo la seguente regola:

- 1. Se N vale 1, l'algoritmo termina.
- 2. Se N è pari, dividi N per 2, altrimenti (se N è dispari) moltiplicalo per  $\mathbf{5}$  e aggiungi 1.

Patrizio ha chiamato la sua versione sequenza di Pollatz, e si è accorto che, per alcuni numeri la sua sequenza è più corta di quella originale; per esempio, applicata al numero 6, otteniamo:

ovvero una sequenza di lunghezza 7. Allo stesso tempo, però, Patrizio si è anche accorto che per altri numeri la sequenza non termina mai. Il vostro compito è quello di aiutare Patrizio a calcolare quante volte la sequenza di Pollatz termina generando una sequenza di numeri strettamente più corta di quella di Collatz.

### Dati di input

Il file input.txt è composto da una riga di testo, contentente i due interi A e B ( $A \le B$ ).

### Dati di output

Il file output.txt è composto da una sola riga contenente un intero positivo: quanto sono gli N ( $A \le N \le B$ ) per cui la lunghezza della sequenza di Pollatz calcolata a partire da N termina e ha lunghezza strettamente minore della corrispondente sequenza di Collatz.

#### **Assunzioni**

•  $1 \le A \le B \le 10000$ .

pcollatz Pagina 1 di 2



# GATOR - Gara Allenamento TOR Vergata 2016

Gara online, https://cms.di.unipi.it/gator16, 9-10 aprile 2016

pcollatz • IT

## Esempi di input/output

input.txt	output.txt
1 5	1
50 60	2

## **Spiegazione**

Nel primo caso di esempio, le lunghezze delle sequenze di Pollatz e di Collatz coincidono per N=1,2,4. Per N=3 la sequenza di Pollatz (3,16,8,4,2,1) è strettamente più corta di quella di Collatz (3,10,5,16,8,4,2,1). Per N=5 la sequenza di Pollatz non termina mai.

pcollatz Pagina 2 di 2