Selezione territoriale, 14 aprile 2015

footing • IT

# Corsa mattutina (footing)

Difficoltà: 2

William sta pensando di trasferirsi in una nuova città e vuole selezionare, tra le varie possibilità, quella che si concilia meglio con la sua routine mattutina. Infatti, William è abituato a fare una corsetta attorno al proprio isolato tutte le mattine, e teme che traslocando debba rinunciare a questo hobby, qualora l'isolato in cui verrebbe a trovarsi fosse troppo grande.

La mappa della città si può rappresentare come un insieme di strade e di incroci tra queste. A ogni incrocio c'è una casa e le strade possono essere percorse in entrambi i sensi. Le case sono numerate da 1 a N. Per evitare di annoiarsi, William non ha intenzione di fare corsette che passino due volte davanti alla stessa casa, ad eccezione della sua (infatti la corsetta deve necessariamente cominciare e terminare nella stessa casa). Questo tipo di percorso prende il nome di *ciclo semplice*.

Nonostante i buoni propositi, William è molto pigro; per questo motivo ha intenzione di rendere la sua corsetta mattutina il più breve possibile: aiutalo scrivendo un programma che prenda in input la mappa di una città e determini la lunghezza del *ciclo semplice* più corto. Con questa informazione, William potrà decidere se trasferirsi nella nuova città, ovviamente solo se riuscirà poi ad andare ad abitare in una delle case che appartengono a questo percorso.

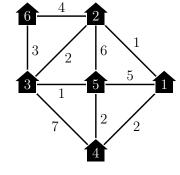
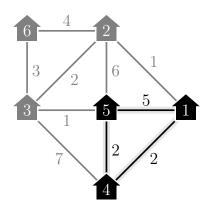
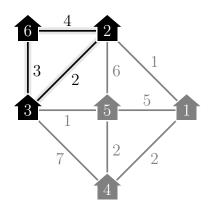
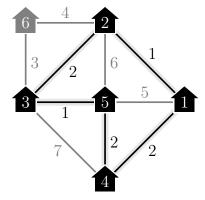


Figura 1: La mappa della città descritta nel primo input di esempio.

Si prenda ad esempio la mappa della città in Figura 1 (dove il numero a fianco di ogni strada indica la lunghezza della strada), alcuni dei suoi cicli semplici sono i seguenti:







Come si può vedere, i primi due cicli evidenziati hanno una lunghezza totale pari a 9, il terzo invece ha una lunghezza pari a 8 ed è quindi il percorso ottimale per la corsetta mattutina di William: adesso William sa quali sono le case coinvolte nel percorso più breve, e tra quelle potrà cercare la nuova casa in cui andare ad abitare.

# Dati di input

Il file input.txt contiene M+1 righe di testo. Sulla prima sono presenti due interi separati da spazio: N e M, rispettivamente il numero di case ed il numero di tratti di strada presenti nella città. Dalla riga 2 fino alla M+1 troviamo la descrizione degli M tratti di strada. Ciascuna di queste righe contiene tre interi separati da spazio: u, v e w, dove u e v sono due case (quindi sono degli indici compresi tra 1 ed N) e w è la lunghezza del tratto di strada che le collega.

footing Pagina 1 di 2

footing • IT

### Dati di output

Il file output.txt contiene un singolo intero: la lunghezza del ciclo semplice più corto presente nella città in input.

#### **Assunzioni**

- $3 \le N \le 1000$ .
- $3 \le M \le 10000$ .
- $\bullet~0 < w \leq 10\,000,$ dove wè la lunghezza di un tratto di strada.
- È garantito che nella città esiste sempre almeno un ciclo semplice.
- Nel 40% dei casi di prova tutte le strade hanno lunghezza unitaria.
- È garantito che una coppia di case adiacenti è collegata da un solo tratto di strada.
- Una strada non collega mai una casa a se stessa.

## Esempi di input/output

input.txt	output.txt
6 10	8
1 2 1	
3 2 2	
5 2 6	
4 5 2	
1 4 2	
3 5 1	
3 4 7	
5 1 5	
2 6 4	
3 6 3	

### Note

- Per chi usa Pascal: è richiesto che si utilizzi sempre il tipo di dato longint al posto di integer.
- Un programma che stampa lo stesso output indipendentemente dal file di input non totalizza alcun punteggio.

footing Pagina 2 di 2